Unidad 5: Inferencia Estadística: Estimación

Mg. J. Eduardo Gamboa U.

Table of contents

Descripción del caso	1
Carga de paquetes	2
Lectura de datos	2
Intervalo de confianza para la media	2
Intervalo de confianza para la varianza	3
Intervalo de confianza para la desviación estándar	4
Intervalo de confianza para la proporción	5

Descripción del caso

Una universidad desea evaluar el servicio de su biblioteca en términos de tiempos de espera, uso del servicio y nivel de satisfacción de los estudiantes. Para ello, se encuestó a 70 estudiantes al finalizar el semestre. Se recolectaron las siguientes variables

- Tiempo_Espera (en minutos): tiempo que un estudiante espero para ser atendido.
- Libros_Prestados: número de libros en préstamo por parte del estudiante en el ciclo.
- Satisfecho: respuesta a si están satisfechos con el servicio.

Carga de paquetes

```
library(pacman)
p_load(dplyr, magrittr, EnvStats, binom)
```

Lectura de datos

```
datos <- read.csv('datos_u5.csv')
datos |> head(10)
```

```
ID Tiempo_Espera Libros_Prestados Satisfecho
1
   1
               8.4
                                 3
                                           Sí
                                 2
               9.0
2
   2
                                           No
3
  3
               5.8
                                 5
                                           Sí
4
   4
               8.4
                                 1
                                           Sí
5
  5
               8.1
                                 2
                                           Sí
6
  6
               5.1
                                 3
                                           No
7 7
               8.9
                                 5
                                           Sí
8
               9.4
                                 1
                                           Sí
  8
   9
              10.7
                                 4
                                           Sí
                                 3
10 10
              10.6
                                           No
```

Intervalo de confianza para la media

Existe una confianza del 90% de que el verdadero tiempo medio de espera se encuentre entre los 7.61 y 8.70 minutos.

```
datos |>
  pull(Tiempo_Espera) |>
  t.test(conf.level = 0.90) |>
  use_series(conf.int)

[1] 7.613140 8.704003
```

```
[1] 7.613140 8.704003
attr(,"conf.level")
[1] 0.9
```

Con un 99% de confianza, se puede afirmar que la cantidad media poblacional de libros prestados en el ciclo se encuentra entre 2.84 y 3.54 libros.

```
datos |>
  pull(Libros_Prestados) |>
  t.test(conf.level = 0.99) |>
  use_series(conf.int)

[1] 2.835162 3.536267
attr(,"conf.level")
[1] 0.99
```

Intervalo de confianza para la varianza

Se tiene un 95% de confianza de que la varianza poblacional de los tiempos de espera se encuentre entre los 5.51 y 10.79 minutos².

```
datos |>
  pull(Tiempo_Espera) |>
  varTest(conf.level = 0.95)|>
  use_series(conf.int)

LCL UCL
```

```
5.507663 10.786414
attr(,"conf.level")
[1] 0.95
```

Existe una confianza del 90% de que la verdadera varianza de la cantidad de libros prestados esté contenida en el intervalo de 0.95 a 1.66 libros 2

```
datos |>
  pull(Libros_Prestados) |>
  varTest(conf.level = 0.90)|>
  use_series(conf.int)
```

```
LCL UCL 0.946242 1.662480 attr(,"conf.level") [1] 0.9
```

Intervalo de confianza para la desviación estándar

Se tiene un 95% de confianza de que la desviación estándar poblacional de los tiempos de espera se encuentre entre los 2.35 y 3.28 minutos.

```
datos |>
  pull(Tiempo_Espera) |>
  varTest(conf.level = 0.95)|>
  use_series(conf.int) |>
  sqrt()
```

```
LCL UCL
2.346841 3.284268
attr(,"conf.level")
[1] 0.95
```

Existe una confianza del 90% de que la verdadera desviación estándar de la cantidad de libros prestados esté contenida en el intervalo de 0.97 a 1.29 libros.

```
datos |>
  pull(Libros_Prestados) |>
  varTest(conf.level = 0.90)|>
  use_series(conf.int) |>
  sqrt()
```

```
LCL UCL 0.9727497 1.2893719 attr(,"conf.level") [1] 0.9
```

Intervalo de confianza para la proporción

```
(datos |> nrow() -> n)
[1] 70
(datos |> filter(Satisfecho=="Sí") |> nrow() -> x)
[1] 46
(x/n \rightarrow p)
[1] 0.6571429
n*p
[1] 46
n*(1-p)
[1] 24
binom.confint(x, n, methods = "asymptotic", conf.level = 0.96) # Aproximación Normal
      method x n
                        mean
                                  lower
                                            upper
1 asymptotic 46 70 0.6571429 0.5406271 0.7736587
binom.confint(x, n, methods = "wilson", conf.level = 0.96) # Aproximación de Wilson
  method x n
                    mean
                             lower
                                        upper
1 wilson 46 70 0.6571429 0.5347039 0.7617206
binom.confint(x, n, methods = "exact", conf.level = 0.96) # Método exacto
  method x n
                              lower
                    mean
                                        upper
1 exact 46 70 0.6571429 0.5283751 0.7710224
```

Con un nivel de confianza del 96%, se estima que la verdadera proporción de estudiantes usuarios de la biblioteca que están satisfechos se encuentra entre 0.5347 y 0.7617.