

**Министерство образования Республики Беларусь  
Учреждение образования «Полоцкий государственный  
университет»**

Кафедра технологий  
программирования

Алгоритмы и структуры данных  
Отчет по лабораторной работе №6  
Вариант 11

Выполнил

Ланцев Евгений Николаевич.  
21-ИТ-1, ФИТ

Проверил

преподаватель  
Виноградова А.Д.

Полоцк  
2022 г.

## Лабораторная работа № 6

### “Деревья. Сбалансированные по высоте деревья (АВЛ-деревья). 2-3 деревья. Б-деревья. Красно-черные деревья. Практическое применение.”

**Цель работы:** ознакомиться с понятиями «Деревья», «АВЛ-деревья», «Б-деревья», «Красно-черные деревья», изучить основные алгоритмы их обработки, научиться применять полученные знания на практике.

#### Вариант 11

jejikeh, 3 weeks ago | 1 author (jejikeh)

```
struct node {
    int data;
    unsigned char height;
    node* left;
    node* right;
    node(int n_data) {
        data = n_data;
        left = right = 0;
        height = 1;
    }
};
```

10 };

11

jejikeh, 3 weeks ago | 1 author (jejikeh)

```
class Node {
    constructor(data) {
        this.data = data;
        this.height = 1;
        this.left = 0;
        this.right = 0;
    }
}
```

18 }

19 }

20

21

22

23

24

25

26

27

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40

41

42

43

44

45

Рисунок 1 - Класс узла бинарного дерева

// Возвращает height узла если он существует

```
char height(node *p_node){
    return p_node ? p_node->height : 0;
}
```

// Возвращает фактор баланса между левым и правым

```
int balance_factor(node *p_node){
    return height(p_node->right) - height(p_node->left);
}
```

// Исправляет высоту

```
void fix_height(node *p_node){
    unsigned char height_left = height(p_node->left);
    unsigned char height_right = height(p_node->right);
    p_node->height = (height_left > height_right ? height_left : height_right);
}
```

// Меняе узлы местами → малый поворот

```
node* rotate_right(node *p_node){
    node *temp_node = p_node->left;
    p_node->left = temp_node->right;
    temp_node->right = p_node;
    fix_height(p_node);
    fix_height(temp_node);
    return temp_node;
}
```

19

20

21

22

23

24

25

26

27

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40

41

42

43

44

45

```
function Height(node) {
    if (node) return node.height;
    else return 0;
}
```

```
function BF(node) {
    return Height(node.right) - Height(node.left);
}
```

```
function OverHeight(node) {
    height_left = Height(node.left);
    height_right = Height(node.right);
    node.height = height_left > height_right ? height_left : height_right;
}
```

```
function RightRotation(node) {
    y = node.left;
    y.left = x.right;
    y.right = node;
    OverHeight(node);
    OverHeight(y);
    return y;
}
```

```
function LeftRotation(node) {
```

```
// Меняю узлы местами → малый поворот
node* rotate_left(node *p_node){
    node *temp_node = p_node→right;
    p_node→right = temp_node→left;
    temp_node→left = p_node;
    fix_height(p_node);
    fix_height(temp_node);
    return temp_node;
}
```

```
// Большие повороты
node* balance(node *p_node){
    fix_height(p_node);
    if(balance_factor(p_node) == 2){
        if ( balance_factor(p_node→right) < 0){
            p_node→right = rotate_right(p_node→right);
        }
        return rotate_left(p_node);
    }
    if(balance_factor(p_node) == -2 ){
        if(balance_factor(p_node→left) > 0){
            p_node→left = rotate_left(p_node→left);
        }
        return rotate_right(p_node);
    }
    return p_node;
}
```

```
45 function LeftRotation(node) {
46     y = node.right;
47     y.right = x.left;
48     y.left = node;
49     OverHeight(node);
50     OverHeight(y);
51     return y;
52 }
53
54 function Balance(node) {
55     OverHeight(node);
56     if (BF(node) == 2) {
57         if (BF(node.right) < 0) {
58             node.right = RightRotation(node.right);
59         }
60         return LeftRotation(node);
61     }
62     if (BF(node) == -2) {
63         if (BF(node.left) > 0) {
64             node.left = LeftRotation(node.left);
65         }
66         return RightRotation(node);
67     }
68     return node;
69 }
70
71 function Insert(node, data) {
```

```
// если два, то вызов этой же функции для элемента
rl.question(
    `Выберете к какому элементу добавить узел, к ${currentNode.children[0].data}
    (index) => {
        if (index < 2) {
            this.add(data, currentNode.children[index]);
        } else {
            tasks();
        }
    }
);
}
}
display(currentNode) {
    console.log("-----");
    console.log("Корень : " + currentNode.data);
    for (let i = 0; i < currentNode.children.length; i++) {
        console.log("Ребенок : " + currentNode.children[i].data);
    }
    for (let i = 0; i < currentNode.children.length; i++) {
        this.display(currentNode.children[i]);
    }
}
```

```

// Добавление узла
node* insert(node *p_node,int data){
    if(!p_node) return new node(data);
    if(data < p_node->data){
        p_node->left = insert(p_node->left,data);
    }else {
        p_node->right = insert(p_node->right,data);
    }
    return balance(p_node);
}

void in_order(node *p_node){
    if(p_node){
        in_order(p_node->left);
        std::cout << p_node->data << "\t";
        in_order(p_node->right);
    }
}

void in_preorder(node *p_node){
    if(p_node){
        std::cout << p_node->data << "\t";
        in_preorder(p_node->left);
        in_preorder(p_node->right);
    }
}

void in_postorder(node *p_node){
    if(p_node){
        in_postorder(p_node->left);
        in_postorder(p_node->right);
        std::cout << p_node->data << "\t";
    }
}

node* findmin(node* p) // поиск узла с минимальным ключом
{
    return p->left?findmin(p->left):p;
}

node* removemin(node* p) // удаление узла с минимальным
{
    if( p->left==0 )
        return p->right;
    p->left = removemin(p->left);
    return balance(p);
}

// Идем влево до упора что-бы найти минимальное
node* find_min(node* p_node){
    if(!p_node){
        std::cout << "No node";
        return(p_node);
    }else {
        return find_min(p_node->left);
    }
}

```

```

71 function Insert(node, data) {
72     if (!node) return new Node(data);
73     if (data < node.data) {
74         node.left = Insert(node.left, data);
75     } else {
76         node.right = Insert(node.right, data);
77     }
78     return Balance(node);
79 }
80
81 function SearchMin(node) {
82     return node.left ? SearchMin(node.left) : node;
83 }
84
85 function InOrder(node) {
86     if (node) {
87         InOrder(node.left);
88         console.log(node.data);
89         InOrder(node.right);
90     }
91 }
92
93 function InPreOrder(node) {
94     if (node) {
95         console.log(node.data);
96         InPreOrder(node.right);
97         InPreOrder(node.left);
98     }
99 }
100
101 function InPostOrder(node) {
102     if (node.data) {
103         InPostOrder(node.left);
104         InPostOrder(node.right);
105         console.log(node.data);
106     }
107 }
108
109 function DeleteMin(node) {
110     if (node.left == 0) return node.right;
111     node.left = DeleteMin(node.left);
112     return Balance(node);
113 }
114
115 function Delete(node, data) {
116     if (!node) return 0;
117     if (data < node.data) {
118         node.left = Delete(node.left, data);
119     } else if (data > node.data) {
120         node.right = Delete(node.right, data);
121     } else {
122         y = node.left;
123         z = node.right;
124         delete node;
125         if (!z) return y;
126         min = SearchMin(z);
127         min.right = DeleteMin(z);
128         min.left = y;
129         return Balance(min);
130     }
131 }

```

```

node* find_max(node* p_node){
    if(!p_node){
        std::cout << "No node";
        return(p_node);
    }else {
        while(p_node→right ≠ NULL){
            p_node = p_node→right;
        }
        return p_node;
    }
}

node* remove_node(node* p_node, int data){
    if(!p_node) return 0;
    if(data < p_node→data){
        p_node→left = remove_node(p_node→left,data);
    }else if( data > p_node→data){
        p_node→right = remove_node(p_node→right,data);
    }else {
        node* q = p_node→left;
        node* r = p_node→right;
        delete p_node;
        if(!r) return q;
        node* min = findmin(r);
        min→right = removemin(r);
        min→left = q;
        return balance(min);
    }
    return balance(p_node);
}

```

Рисунок 2 - Базовые методы для работы и балансировка бинарного дерева

4-Find min and max  
Task -> 1

Add node -> 24  
1-Add node  
2-Delete node  
3-Print list  
4-Find min and max  
Task -> 3

IN\_ORDER ->  
3  
IN\_POSTORDER ->  
3  
IN\_PREORDER ->  
3  
1-Add node  
2-Delete node  
3-Print list  
4-Find min and max  
Task -> 5  
1-Add node  
2-Delete node  
3-Print list  
4-Find min and max  
Task -> 4  
MIN -> 3  
MAX -> 3  
1-Add node  
2-Delete node  
3-Print list  
4-Find min and max  
Task -> ■

*Рисунок 3 - Результат работы программы*