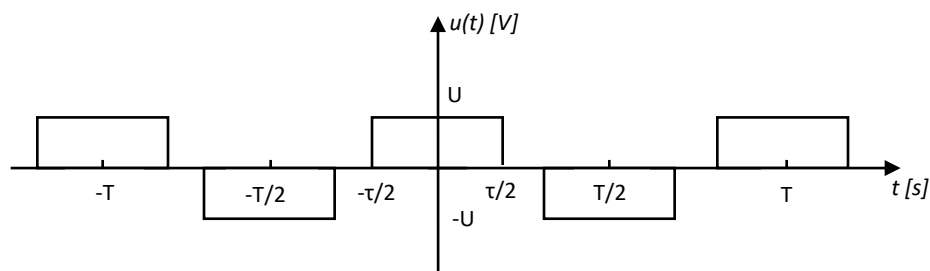


1. a) Izvesti izraz za koeficijente Furijeovog reda u kompleksnom obliku za povorku pravougaonih impulsa amplitude  $U$ , perioda  $T$  i trajanja  $\tau$ .
- b) Odrediti koeficijente Furijeovog reda u eksponencijalnom obliku za signal čiji je vremenski dijagram prikazan na slici 1.



slika 1

- c) Za signal prikazan na slici 1 skicirati amplitudski spektar za  $T=1$ ,  $\tau=0.2$  i  $U=1$ .

Rješenje:

1 zagonak

a) 
$$F_n = \frac{1}{T} \int_{-\tau/2}^{\tau/2} U e^{-jn\omega_0 t} dt = \frac{1}{T} \int_{-\tau/2}^{\tau/2} U (\cos n\omega_0 t - j \sin n\omega_0 t) dt$$

$$= \frac{U}{T} \left[ \frac{\sin n\omega_0 t}{n\omega_0} + \frac{\cos n\omega_0 t}{n^2 \omega_0^2} \right]_{-\tau/2}^{\tau/2}$$

$$= \frac{2U}{T} \left[ \frac{\sin \frac{n\omega_0 \tau}{2}}{n\omega_0} + \frac{\cos \frac{n\omega_0 \tau}{2}}{n^2 \omega_0^2} \right]$$

$$= \frac{2U}{T} \frac{\sin \frac{n\omega_0 \tau}{2}}{n\omega_0} \quad ; \quad \omega_0 = \frac{2\pi}{T}$$

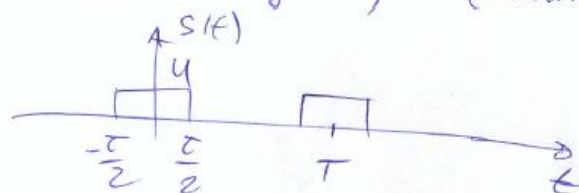
$$F_0 = \frac{1}{T} \int_{-\tau/2}^{\tau/2} U dt = \frac{1}{T} \cdot U \cdot \tau = \frac{U \cdot \tau}{T}$$

Činila je  $F_n = \frac{U \cdot \tau}{T} \frac{\sin \frac{n\omega_0 \tau}{2}}{\frac{n\omega_0 \tau}{2}} ; \forall n$

10

b)

b) ако је  $s(t)$  поворка правоугаоних импулса пог а) (амплитуда  $u$ )



$$u(t) = s(t) - s(t - \frac{T}{2})$$

$$T > \tau$$

$$F_n = F_{n1} - F_{n1} e^{-j n \omega_0 \cdot \frac{T}{2}}$$

(вашење, показује на брехбама)

$$= F_{n1} (1 - e^{-j n \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{2}})$$

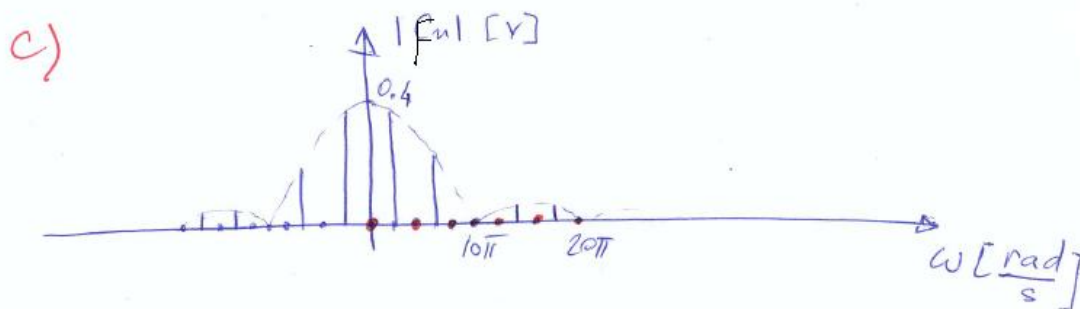
(може и директно из формули)

$$= F_{n1} (1 - e^{-j n \pi}) = F_{n1} (1 - (-1)^n)$$

15

$$= \begin{cases} 2 F_{n1} & , \text{ n нејарно} \\ 0 & , \text{ n јарно} \end{cases}$$

c)



$$\frac{u \cdot \tau}{T} = 0.2$$

10

Постоје само компоненте на  $\omega$  угаоним  $(2k+1) \frac{2\pi}{T}$