Drugi kolokvijum iz predmeta Matematika 1

18.6.2021.

Zadatak	1
Zadatak	1

[2] Naći
$$\lim_{n \to \infty} \frac{n \cdot e^{\frac{1}{n}}}{\sqrt{n^2 + 1}}$$
.

Zadatak 2.

[2] Naći
$$\lim_{x\to 0} (1+\sin x)^{\operatorname{ctg} x}$$
.



Zadatak 3.

[2] Odrediti
$$a \in \mathbb{R}$$
 tako da funkcija $f(x) = \begin{cases} \frac{1-\cos x}{x^2}, & x \neq 0 \\ a, & x = 0 \end{cases}$ bude neprekidna.



Zadatak 4.

[2] Pokazati da jednačina $x^4 + x^2 - 4x + 1 = 0$ ima bar jedan realan korijen.



Zadatak 5.

[2] Naći lokalne ekstreme funkcije
$$f(x) = \frac{x}{(x-1)^2}$$
.



Zadatak 6.

[2] Aproksimirati funkciju $f(x) = \operatorname{tg} x$ Tejlorovim polinomom trećeg stepena u okolini tačke $x_0 = 0$.



Zadatak 7.

[2] Naći
$$\int \frac{x^4 + x^2 + 2x}{x^2 + 1} dx$$
.



Zadatak 8.

[2] Naći
$$\int_{-2021}^{2021} \cos(2021 \cdot x) dx$$
.



Zadatak 9.

[2] Naći
$$\int_0^{+\infty} e^{-2x} dx$$
.



Zadatak 10.

[2] Ispitati konvergenciju reda
$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{n}{(\ln n)^n}$$
 .

