## تمرين شناسايي الگو – آموزش مجازي – تمرين چهارم – آذر ١۴٠٢

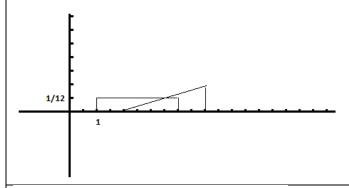
۱- با دردرنظر گرفتن پنجره پارزن، تابع چگالی احتمال دادههای زیر را رسم نمایید. کرنل را یک مثلث با قاعده دو و ارتفاع یک در نظر بگیرید.

## 1, 4, 3, 4, 0, 2, 4, 2

۲- فاصله اقلیدسی و ماهالانوبیس دو نقطه (۱و۲) و (۳و۶) را بیابید. اگر این دو نقطه را مرکز دو کلاس با
کواریانس یکسان داده شده در نظر بگیریم. در مورد مرز جدا کننده توضیح دهید.

$$\Sigma = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}^{-1} = \frac{1}{ad - bc} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

۳- اگر ریسک کلاسبندی نادرست دادههای با تابع چگالی مثلث دو برابر دادهها با تابع چگالی یکنواخت باشد. مرز بهینه را بیابید. احتمال پیشین دو کلاس یکسان است.



 $\ell_1 \equiv \lambda_{11} p(\underline{x} | \omega_1) P(\omega_1) + \lambda_{21} p(\underline{x} | \omega_2) P(\omega_2) \quad <$ 

 $\ell_2 \equiv \lambda_{12} p(\underline{x} | \omega_1) P(\omega_1) + \lambda_{22} p(\underline{x} | \omega_2) P(\omega_2)$