AiSD Lista 7 Zadanie 8

28 maja 2020

1 Polecenie

Dla pewnego grafu skierowanego G = (V, E), niech $G^R = (V, E^R)$ będzie takim grafem, że

$$(u,v) \in E^R \iff (v,u) \in E$$

(czyli grafem o tych samych wierzchołkach, ale odwróconym kierunku wszystkich krawędzi). Pokaż jak w złożoności iniowej od wielkości grafu wyznaczyć reprezentację grafu G^R mając daną reprezentację list sąsiedztwa grafu G.

2 Rozwiązanie

Niech ls[v] - lista sąsiadów $v \le G$.

Algorithm 1 reverse(ls)

tworzymy nowe listy sąsiedztwa nls

for $v \in G$ do

for $u \in ls[v]$ do

 $dodaj \ v \ do \ nls[u]$

end for

end for

Założenia:

- \bullet nls może być zwykłą tablicą wielkości |V|
- $\forall u \in V, nls[v]$ to jednokierunkowa lista z dowiązaniami.
- \bullet wstawiamy elementy na początek listy, co daje nam złożoność O(1)

Jako, że jedyną wykonywaną operacją jest wstawianie na listę, którą można wykonać w czasie stałym, możemy stwierdzić, że algorytm reverse jest złożoności O(|V| + |E|).