

Wintersemester 2024/2025

Jens Klenke

R-Propädeutikum

Lösung Übungsaufgaben 1

1 Übungsaufgaben zu Vektoren

1.1 Erzeugen Sie einen Vektor `numbers` mit den Elementen $(4, 6, -3, 2.5, 18, \pi, 85)$.

Hinweis: Die Zahl π ist in R bereits als `pi` vordefiniert.

```
numbers <- c(4, 6, -3, 2.5, 18, pi, 85)
```

1.2 Berechnen Sie das arithmetische und das harmonische Mittel von `numbers`.

Hinweis: Für einen numerischen Vektor X der Länge n ist das arithmetische Mittel $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$ und das harmonische Mittel $\bar{X}_{\text{harm}} = \frac{n}{\sum_{i=1}^n 1/X_i}$.

```
# arithmetisches Mittel  
mean(numbers)
```

```
## [1] 16.52023
```

```
# harmonisches Mittel  
length(numbers) / (sum(1/numbers))      # 1. Möglichkeit
```

```
## [1] 8.055574
```

```
1/mean(1/numbers)                        # 2. Möglichkeit
```

```
## [1] 8.055574
```

- 1.3 Sie kommen zu dem Schluss, dass die höchste und die niedrigste Zahl die Schätzung verzerren und entscheiden darum, diese Werte zu ignorieren. Ersetzen Sie beide Werte durch NA und berechnen Sie die Mittelwerte aus Aufgabe 1.2 erneut.

```
numbers[which.min(numbers)] <- NA      # kleinsten Wert ersetzen
numbers[which.max(numbers)] <- NA      # größten Wert ersetzen
# oder einfach
numbers[c(3, 7)] <- NA                 # 3. und 7. Wert ersetzen

# Mittelwerte berechnen und 'NA's ignorieren
mean(numbers, na.rm = TRUE)
```

```
## [1] 6.728319
```

```
1/mean(1/numbers, na.rm = TRUE)
```

```
## [1] 4.199803
```

- 1.4 Nutzen Sie die Funktion `seq()` um die Folge $(0, 0.5, 1, 1.5, \dots, 99, 99.5, 100)$ zu erzeugen. Wie viele Elemente besitzt dieser Vektor? Überprüfen Sie Ihre Vermutung mit `length()`.

```
x <- seq(from = 0, to = 100, by = 0.5)
x
```

```
## [1] 0.0 0.5 1.0 1.5 2.0 2.5 3.0 3.5 4.0 4.5
## [11] 5.0 5.5 6.0 6.5 7.0 7.5 8.0 8.5 9.0 9.5
## [21] 10.0 10.5 11.0 11.5 12.0 12.5 13.0 13.5 14.0 14.5
## [31] 15.0 15.5 16.0 16.5 17.0 17.5 18.0 18.5 19.0 19.5
## [41] 20.0 20.5 21.0 21.5 22.0 22.5 23.0 23.5 24.0 24.5
## [51] 25.0 25.5 26.0 26.5 27.0 27.5 28.0 28.5 29.0 29.5
## [61] 30.0 30.5 31.0 31.5 32.0 32.5 33.0 33.5 34.0 34.5
## [71] 35.0 35.5 36.0 36.5 37.0 37.5 38.0 38.5 39.0 39.5
## [81] 40.0 40.5 41.0 41.5 42.0 42.5 43.0 43.5 44.0 44.5
## [91] 45.0 45.5 46.0 46.5 47.0 47.5 48.0 48.5 49.0 49.5
## [101] 50.0 50.5 51.0 51.5 52.0 52.5 53.0 53.5 54.0 54.5
## [111] 55.0 55.5 56.0 56.5 57.0 57.5 58.0 58.5 59.0 59.5
```

```
## [121] 60.0 60.5 61.0 61.5 62.0 62.5 63.0 63.5 64.0 64.5
## [131] 65.0 65.5 66.0 66.5 67.0 67.5 68.0 68.5 69.0 69.5
## [141] 70.0 70.5 71.0 71.5 72.0 72.5 73.0 73.5 74.0 74.5
## [151] 75.0 75.5 76.0 76.5 77.0 77.5 78.0 78.5 79.0 79.5
## [161] 80.0 80.5 81.0 81.5 82.0 82.5 83.0 83.5 84.0 84.5
## [171] 85.0 85.5 86.0 86.5 87.0 87.5 88.0 88.5 89.0 89.5
## [181] 90.0 90.5 91.0 91.5 92.0 92.5 93.0 93.5 94.0 94.5
## [191] 95.0 95.5 96.0 96.5 97.0 97.5 98.0 98.5 99.0 99.5
## [201] 100.0
```

```
length(x)
```

```
## [1] 201
```

1.5 Erzeugen Sie einen neuen Vektor characters mit den Elementen $(a, a, a, b, b, b, b, c, c)$. Finden Sie dazu heraus wie die Funktion `rep()` funktioniert und nutzen Sie diese.

```
characters <- rep(c("a", "b", "c"), times = c(3, 4, 2))
characters
```

```
## [1] "a" "a" "a" "b" "b" "b" "b" "c" "c"
```

1.6 Überschreiben Sie nun den Vektor characters mit $(x, y, z, x, y, z, x, y, z)$. Nutzen Sie wieder die Funktion `rep()`.

```
characters <- rep(c("x", "y", "z"), times = 3)
characters
```

```
## [1] "x" "y" "z" "x" "y" "z" "x" "y" "z"
```

1.7 Ersetzen Sie nun alle Elemente mit dem Inhalt "z" durch "v".

```
characters[which(characters == "z")] <- "v"  
characters
```

```
## [1] "x" "y" "v" "x" "y" "v" "x" "y" "v"
```

Kürzer:

```
characters[characters == "z"] <- "v"  
characters
```

```
## [1] "x" "y" "v" "x" "y" "v" "x" "y" "v"
```

1.8 Kopieren Sie folgenden Code in Ihr R-Skript:

```
a <- c(2,5,7,5,12,6)  
b <- c(1,2,3,4,5,6)  
x <- c(1:2)  
y <- 3  
z <- c(1,2,3,4)
```

Berechnen Sie nun $a + b$, $a + x$, $a + y$ und $a + z$. Finden Sie heraus, wie R jeweils vorgeht und schreiben Sie einen kurzen Kommentar.

```
a + b
```

```
## [1] 3 7 10 9 17 12
```

Normale Vektoraddition.

```
a + x
```

```
## [1] 3 7 8 7 13 8
```

x wird so häufig wiederholt, bis der Vektor die gleiche Länge hat wie der Vektor a und wird dann addiert.

```
a + y
```

```
## [1]  5  8 10  8 15  9
```

Der Skalar y wird einfach auf jedes Element von a addiert.

```
a + z
```

```
## Warning in a + z: longer object length is not a multiple of shorter  
## object length
```

```
## [1]  3  7 10  9 13  8
```

Achtung: a und z haben nicht die gleiche Länge und a ist kein vielfaches von z ! R wiederholt den Vektor und füllt die fehlenden Werte von vorne auf. Allerdings wird eine Warnmeldung ausgegeben.

1.9 Erzeugen Sie einen Vektor mit den Elementen $(1, 2, 3, a, b)$. Was passiert? Schreiben Sie einen Kommentar.

```
v <- c(1, 2, 3, "a", "b")  
class(v)
```

```
## [1] "character"
```

R nimmt immer die bestmögliche Klasse (die Klasse, welche die meisten “Berechnungen” zulässt, vgl. Skalenniveau) an, in die die Elemente vereint werden können. In diesem Fall ist es die Klasse `character`.

2 Übungsaufgaben zu Matrizen

2.1 Erzeugen Sie mit dem Inputvektor $1:12$ und `matrix()` folgende Matrix X .

$$X = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \\ 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$$

```
X <- matrix(1:12, ncol = 2, byrow = TRUE)
X
```

```
##      [,1] [,2]
## [1,]    1    2
## [2,]    3    4
## [3,]    5    6
## [4,]    7    8
## [5,]    9   10
## [6,]   11   12
```

2.2 Nehmen Sie die Matrix aus 2.1 und vertauschen Sie die Spalten. Das Ergebnis soll an die Variable Y übergeben werden.

```
Y <- X[ , 2:1] # oder
Y <- X[ , c(2,1)]
Y
```

```
##      [,1] [,2]
## [1,]    2    1
## [2,]    4    3
## [3,]    6    5
## [4,]    8    7
## [5,]   10    9
## [6,]   12   11
```

2.3 Berechnen Sie XY^T .

```
X %*% t(Y)
```

```
##      [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
## [1,]    4   10   16   22   28   34
## [2,]   10   24   38   52   66   80
## [3,]   16   38   60   82  104  126
## [4,]   22   52   82  112  142  172
## [5,]   28   66  104  142  180  218
## [6,]   34   80  126  172  218  264
```

2.4 Erzeugen Sie eine 2×2 Matrix aus der 2. und 5. Zeile der Matrix X .

```
X[c(2, 5), ]
```

```
##      [,1] [,2]  
## [1,]    3    4  
## [2,]    9   10
```

2.5 Erzeugen Sie die Matrix X mit `X <- matrix(8:-7, nrow = 4)`.

```
X <- matrix(8:-7, nrow = 4)  
X
```

```
##      [,1] [,2] [,3] [,4]  
## [1,]    8    4    0   -4  
## [2,]    7    3   -1   -5  
## [3,]    6    2   -2   -6  
## [4,]    5    1   -3   -7
```

Es wird jetzt `nrow` und nicht `ncol` benutzt. Außerdem wurde eine abfallende Folge von natürlichen Zahlen mithilfe von `:` erzeugt.

1. Ersetzen Sie die Elemente auf der Hauptdiagonalen durch `NA`s.

```
diag(X) <- NA
```

2. Ersetzen Sie jetzt alle `NA`s in der Matrix mit dem Wert 1. Nutzen Sie dazu die Funktion `is.na()`.

```
X[is.na(X)] <- 1
```

`is.na(X)` gibt eine Matrix mit logischen Einträgen (`TRUE` / `FALSE`) zurück, wobei für Elemente mit `NA` der Wert `TRUE` gesetzt wird.