



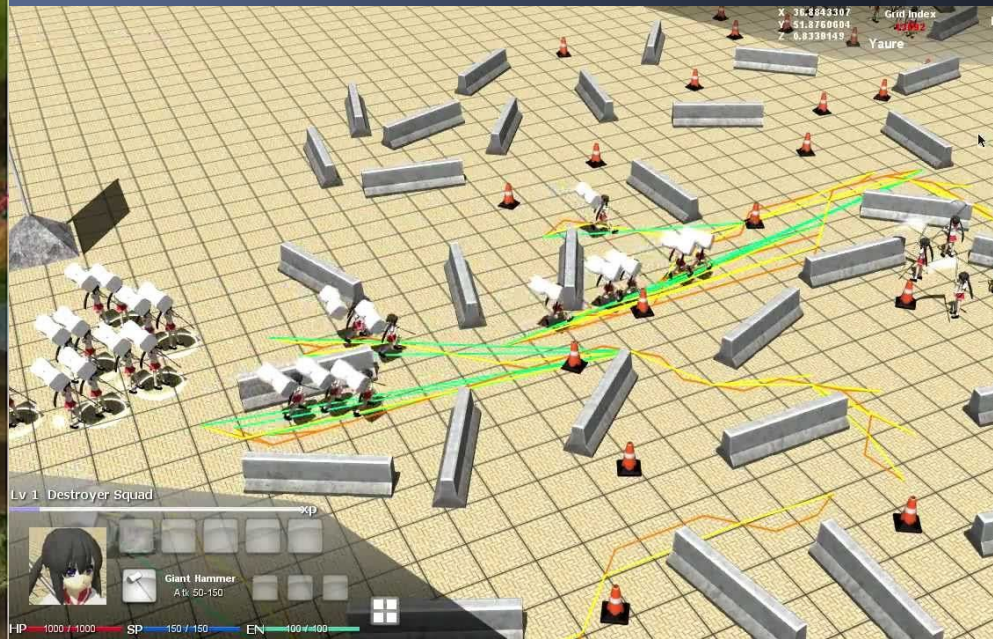
Inteligencia Artificial para Videojuegos

Navegación

Búsqueda de caminos usando
estrategias informadas con heurísticas

Motivación

- Prácticamente desde los 90 *todo videojuego* donde se **buscan caminos óptimos**, usa **A***



Motivación

- ¡La **información** es poder!
- Se puede resolver un problema *cuando se sabe algo* sobre la solución
 - Como mínimo, *reconocer la llegada* a un nodo destino (= estrategias no informadas)
 - Pero lo ideal es **poder estimar la cercanía** del nodo actual al nodo destino (= estrategias informadas)



Puntos clave

- Hitos históricos
- Algoritmo A*
 - Pseudocódigo
- Heurísticas
 - Pseudocódigo
- Mejoras al algoritmo A*
 - Búsqueda jerárquica de caminos
 - Búsqueda parcial de caminos
 - Búsqueda de caminos en tiempo continuo

Hitos históricos

- A* se publicó en 1968
- Posiblemente en los años 80 *ya se utilizó en videojuegos*

<http://cubeman.org/arcade-source/pacman.asm>

```
;; 4e66 last state coin inputs shifted left by 1
;; 4e6b #coins per #credits
;; 4e6c #left over coins (partial credits)
;; 4e6d #credits per #coins
;; 4e6e #credits
;; 4e6f #lives per game
```

```
;; 4e80-4e83 P1 score
;; 4e84-4e87 P2 score
;; 4e88-4e8b High score
```

```
;; 4370 #players (0=1, 1=2)
```

```
Starting address: 0
```

```
Ending address: 16383
```

```
Output file: (none)
```

```
Pass 1 of 1
```

```
0000 f3      di          ; Disable interrupts
0001 3e3f     ld      a,#3f
0003 ed47     ld      i,a      ; Interrupt page = 0x3f
0005 c30b23   jp      #230b     ; Run startup tests
```

```
;; Fill "hl" to "hl+b" with "a"
```

```
0008 77      ld      (hl),a
0009 23      inc     hl
000a 10fc     djnz    #0008      ; (-4)
000c c9      ret
000d c30e07   jp      #070e
```

```
;; hl = hl + a, (hl) -> a
```

```
0010 85      add     a,l
0011 c5      ld      l,a
```

<https://github.com/luzbel/vigasocosdl-la-abadia-del-crimen/blob/master/abadia.asm>

```
1173 ; ----- algoritmo de alto nivel para la búsqueda de caminos entre 2 posiciones -----
1174
1175 ; algoritmo de búsqueda de caminos entre 2 puntos
1176 ; iy apunta a los datos del personaje que busca a otro
1177 ; ix apunta a la posición del personaje/objeto que se busca
1178 098A: 3E FE      ld      a,$FE
1179 098C: 32 B6 2D    ld      ($2DB6),a      ; indica que no se ha podido buscar un camino
1180 098F: 3E 00      ld      a,$00      ; modificado desde el bucle principal del juego con la animación de guillermo
1181 0991: E6 01      and     $01
1182 0993: C0      ret     nz      ; si está en la mitad de la animación, sale
1183
1184 0994: 3A A9 2D    ld      a,$2DA9      ; si en esta iteración ya se ha encontrado un camino, sale (sólo se busca un camino por iteración)
1185 0997: A7      and     a      ; si ya se ha encontrado un camino, sale
1186 0998: C0      ret     nz
1187
1188 0999: 3E 76      ld      a,$76
1189 099B: 32 A4 48    ld      ($48A4),a      ; indica que hay que buscar una posición con el bit 6 en el algoritmo de búsqueda de caminos
1190 099E: AF      xor     a
1191 099F: 32 B6 2D    ld      ($2DB6),a      ; indica que de momento no se ha encontrado un camino
1192 09A2: FD 7E 04    ld      a,(iy+$04)
1193 09A5: CD 73 24    call    $2473      ; dependiendo de la altura, devuelve la altura base de la planta en b
1194 09A8: 58      ld      e,b      ; e = altura base de la planta del personaje que busca a otro
1195 09A9: DD 7E 02    ld      a,(ix+$02)      ; obtiene la altura del personaje buscado
1196 09AC: E6 3F      and     $3F
1197 09AE: CD 73 24    call    $2473      ; dependiendo de la altura, devuelve la altura base de la planta en b
1198
1199 09B1: 7B      ld      a,e      ; a = altura base de la planta del personaje que busca a otro
1200 09B2: 21 CD 05    ld      hl,$05CD      ; apunta a tabla con las conexiones de las habitaciones (planta baja)
1201 09B5: A7      and     a
1202 09B6: 28 0A      jr      z,$09C2      ; si el personaje que busca a otro está en la planta baja, salta
1203 09B8: 21 7D 06    ld      hl,$067D      ; apunta a tabla con las conexiones de las habitaciones (primera planta)
1204 09BB: FE 08      cp      $08
1205 09BD: 28 03      jr      z,$09C2      ; si el personaje que busca a otro está en la primera planta, salta
1206 09BF: 21 85 06    ld      hl,$0685      ; apunta a tabla con las conexiones de las habitaciones (segunda planta)
1207
1208 09C2: 22 0A 44    ld      ($440A),hl      ; guarda la dirección de la tabla
1209 09C5: B8      cp      b
1210 09C6: 28 6F      jr      z,$0A37      ; si están en la misma planta, salta
1211
1212 ; aquí llega si los personajes no están en la misma planta
1213 09C8: 3E 10      ld      a,$10
1214 09CA: 38 02      jr      c,$09CE      ; si el personaje que busca a otro está en una planta inferior al personaje de destino, a = 0x10
1215 09CC: 3E 20      ld      a,$20      ; en otro caso, a = 0x20
1216
1217 09CE: 4F      ld      c,a      ; c = indicador de si hay que subir o bajar planta
```

Pac-Man (1980)?

La Abadía del Crimen (1986)?



Búsqueda de caminos usando estrategias informadas con heurísticas

Hitos históricos

- Fue en los años 90 cuando su uso se extendió tanto
- Es la época de los juegos RTS como **Warcraft (1994-...)** o **Age of Empires (1996-)**



Algoritmo A* (A-Estrella)

A-STAR

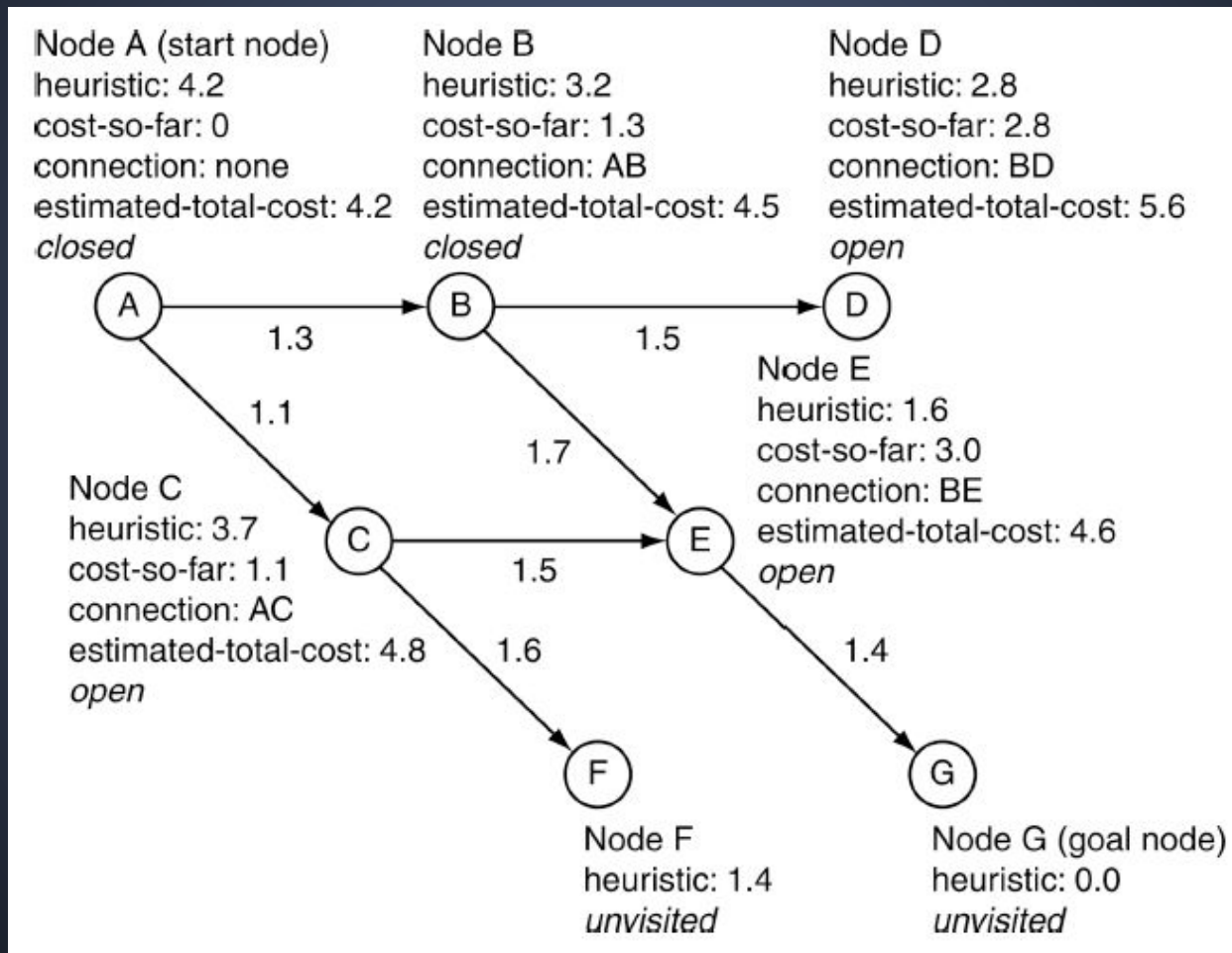
- Es sencillo, **completo**, **óptimo**, tiene **eficiencia óptima** y posibles variantes
 - Busca un camino mínimo *entre A y B*, en un grafo pesado no negativo y dirigido, no como **Dijkstra**
 - Como otros algoritmos, es útil para resolver muchos otros problemas, no sólo **Navegación**
 - No se interesa por el nodo que acumula menor coste hasta el momento, sino el que **acumula poco coste hasta el momento** y **estima también poco coste hasta el nodo destino**
 - Esa *estimación* la da una **función heurística**, de la que depende *mucho* la eficiencia (*si es mala, mejor Dijkstra*)

Algoritmo A* (A-Estrella)

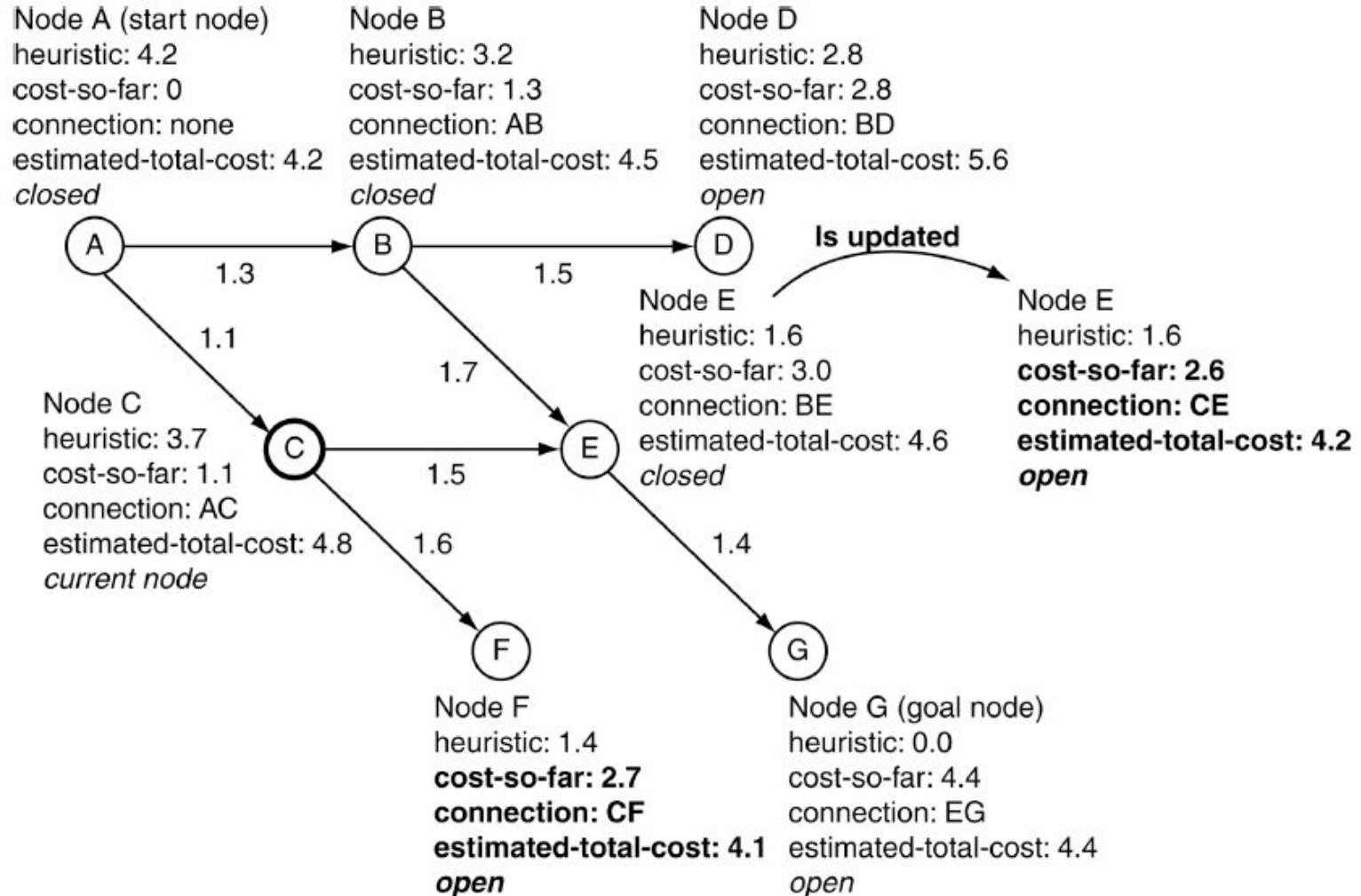
- Se trata de un algoritmo iterativo
 - En cada iteración se exploran las conexiones del nodo actual y los registros sus *nodos hijo* se guarda el **coste hasta el momento**, como en Dijkstra
 - Pero además a ese coste real **se le suma la estimación de la función heurística** y se guarda el resultado, la **estimación del coste total** del mejor camino *origen-destino*, que cruza por ese nodo

$$f(\text{nodo}) = g(\text{nodo}) + h(\text{nodo})$$

Algoritmo A* (A-Estrella)



Algoritmo A* (A-Estrella)



Pseudocódigo

```
1 function pathfindAStar(graph: Graph,  
2     start: Node,  
3     end: Node,  
4     heuristic: Heuristic  
5     ) -> Connection[]:  
6     # This structure is used to keep track of the  
7     # information we need for each node.  
8     class NodeRecord:  
9         node: Node  
10        connection: Connection  
11        costSoFar: float  
12        estimatedTotalCost: float  
13  
14    # Initialize the record for the start node.  
15    startRecord = new NodeRecord()  
16    startRecord.node = start  
17    startRecord.connection = null  
18    startRecord.costSoFar = 0  
19    startRecord.estimatedTotalCost = heuristic.estimate(start)  
20  
21    # Initialize the open and closed lists.  
22    open = new PathfindingList()
```


Pseudocódigo

```
23  open += startRecord
24  closed = new PathfindingList()
25
26  # Iterate through processing each node.
27  while length(open) > 0:
28      # Find the smallest element in the open list (using the
29      # estimatedTotalCost).
30      current = open.smallestElement()
31
32      # If it is the goal node, then terminate.
33      if current.node == goal:
34          break
35
36      # Otherwise get its outgoing connections.
37      connections = graph.getConnections(current)
38
39      # Loop through each connection in turn.
40      for connection in connections:
41          # Get the cost estimate for the end node.
42          endNode = connection.getToNode()
43          endNodeCost = current.costSoFar + connection.getCost()
44
45          # If the node is closed we may have to skip, or remove it
46          # from the closed list.
47          if closed.contains(endNode):
48              # Here we find the record in the closed list
49              # corresponding to the endNode.
50              endNodeRecord = closed.find(endNode)
```

Pseudocódigo

```
50         endNodeRecord = closed.find(endNode)
51
52         # If we didn't find a shorter route, skip.
53         if endNodeRecord.costSoFar <= endNodeCost:
54             continue
55
56         # Otherwise remove it from the closed list.
57         closed -= endNodeRecord
58
59         # We can use the node's old cost values to calculate
60         # its heuristic without calling the possibly expensive
61         # heuristic function.
62         endNodeHeuristic = endNodeRecord.estimatedTotalCost -
63                             endNodeRecord.costSoFar
64
65         # Skip if the node is open and we've not found a better
66         # route.
67         else if open.contains(endNode):
68             # Here we find the record in the open list
69             # corresponding to the endNode.
```

Pseudocódigo

```
70     endNodeRecord = open.find(endNode)
71
72     # If our route is no better, then skip.
73     if endNodeRecord.costSoFar <= endNodeCost:
74         continue
75
76     # Again, we can calculate its heuristic.
77     endNodeHeuristic = endNodeRecord.cost -
78         endNodeRecord.costSoFar
79
80     # Otherwise we know we've got an unvisited node, so make a
81     # record for it.
82     else:
83         endNodeRecord = new NodeRecord( )
84         endNodeRecord.node = endNode
85
86         # We'll need to calculate the heuristic value using
87         # the function, since we don't have an existing record
88         # to use.
89         endNodeHeuristic = heuristic.estimate(endNode)
90
91     # We're here if we need to update the node. Update the
92     # cost, estimate and connection.
93     endNodeRecord.cost = endNodeCost
94     endNodeRecord.connection = connection
95     endNodeRecord.estimatedTotalCost = endNodeCost +
        endNodeHeuristic
```


Pseudocódigo

```
97         # And add it to the open list.
98         if not open.contains(endNode):
99             open += endNodeRecord
100
101     # We've finished looking at the connections for the current
102     # node, so add it to the closed list and remove it from the
103     # open list.
104     open -= current
105     closed += current
106
107     # We're here if we've either found the goal, or if we've no more
108     # nodes to search, find which.
109     if current.node != goal:
110         # We've run out of nodes without finding the goal, so there's
111         # no solution.
112         return null
113
114     else:
115         # Compile the list of connections in the path.
116         path = []
117
118         # Work back along the path, accumulating connections.
119         while current.node != start:
120             path += current.connection
121             current = current.connection.getFromNode()
122
123         # Reverse the path, and return it.
124         return reverse(path)
```

Tiempo = $O(l*m)$
Espacio $\leq O(l*m)$
donde n son los nodos con coste estimado total menor que el destino, y m la media de conexiones salientes de un nodo

Participación

tiny.cc/IAV

- ¿Qué es **coste total estimado** de un nodo X?
 - A. Estimación del coste *origen-destino*, pasando por X
 - B. Coste real de *origen* a *destino*, pasando por X
 - C. Estimación *origen-X*, más coste real *X-destino*
 - D. Estimación *X-destino*, más coste real de *origen-X*
- Desarrolla tu **respuesta** (en texto libre)



Heurísticas

- Función heurística:

```
1 class Heuristic:
2     # An estimated cost to reach the goal from the given node.
3     function estimate(node: Node) -> float
```

o más concretamente:

```
1 class Heuristic:
2     # Stores the goal node that this heuristic is estimating for.
3     goalNode: Node
4
5     # Estimated cost to reach the stored goal from the given node.
6     function estimate(fromNode: Node) -> float:
7         return estimate(fromNode, goalNode)
8
9     # Estimated cost to move between any two nodes.
10    function estimate(fromNode: Node, toNode: Node) -> float
```

*Así se usa luego: `pathfindAStar(graph, start, end, new Heuristic(end))`

Heurísticas

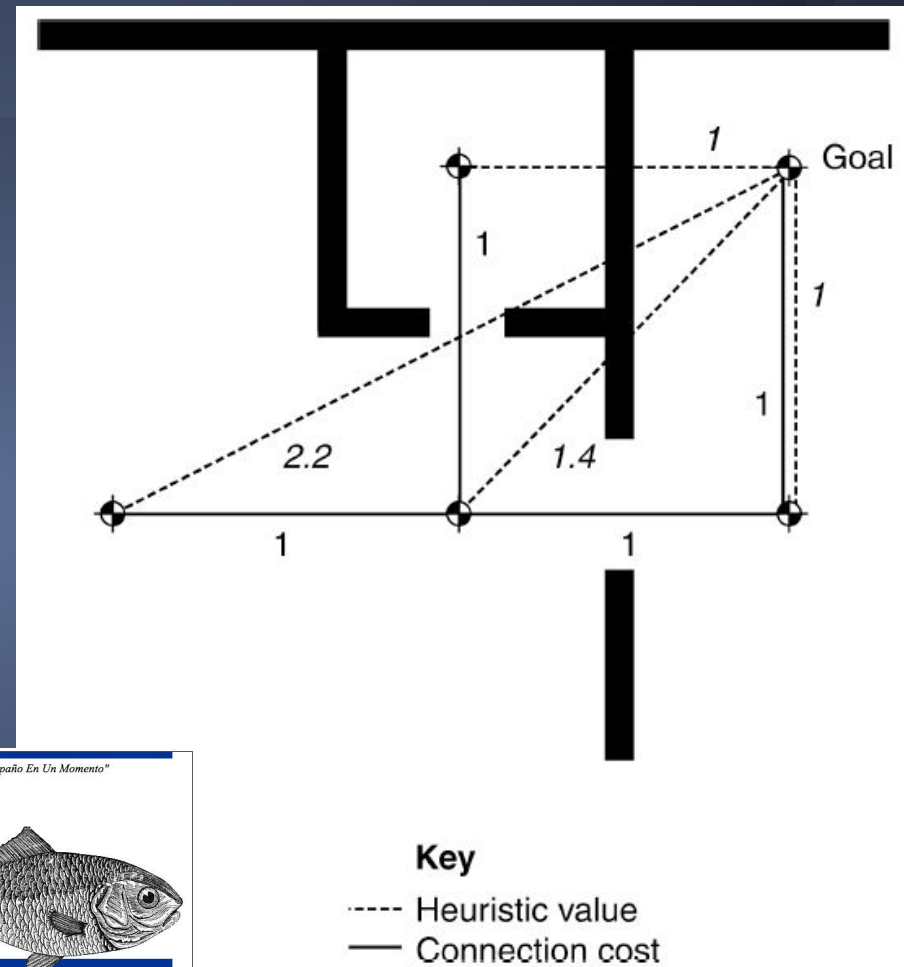
- El algoritmo de Dijkstra puede verse como **un caso particular del A^*** , donde la función heurística siempre *devuelve 0*
- Es **completo** y **óptimo** sólo si la heurística es *admisibile* (consistente, al ser sobre grafos)
 - **Admisibile** = No *sobreestima* el coste óptimo real hasta el nodo destino
 $h(\text{nodo}) \leq \text{coste óptimo hasta el destino}$
con lo que $f(\text{nodo})$ tampoco *sobreestimar*á el coste óptimo real de la solución (camino completo)

Heurísticas

- **Consistente/Monótona** = Nunca estima ‘a mejor’
 $h(\text{nodo}) \leq \text{coste de expandirlo} + h(\text{nodo hijo})$
con lo que $f(\text{nodo})$ sigue un camino *no decreciente*
- **Consistencia** → **Admisibilidad** ¡Atención!
- A* es también **óptimamente eficiente**,
porque expande los *menos nodos posibles*
(*el menor “relleno” posible*)
 - Cuanto más *precisa* sea la estimación que nos da,
menor será el coste del algoritmo (menos nodos)

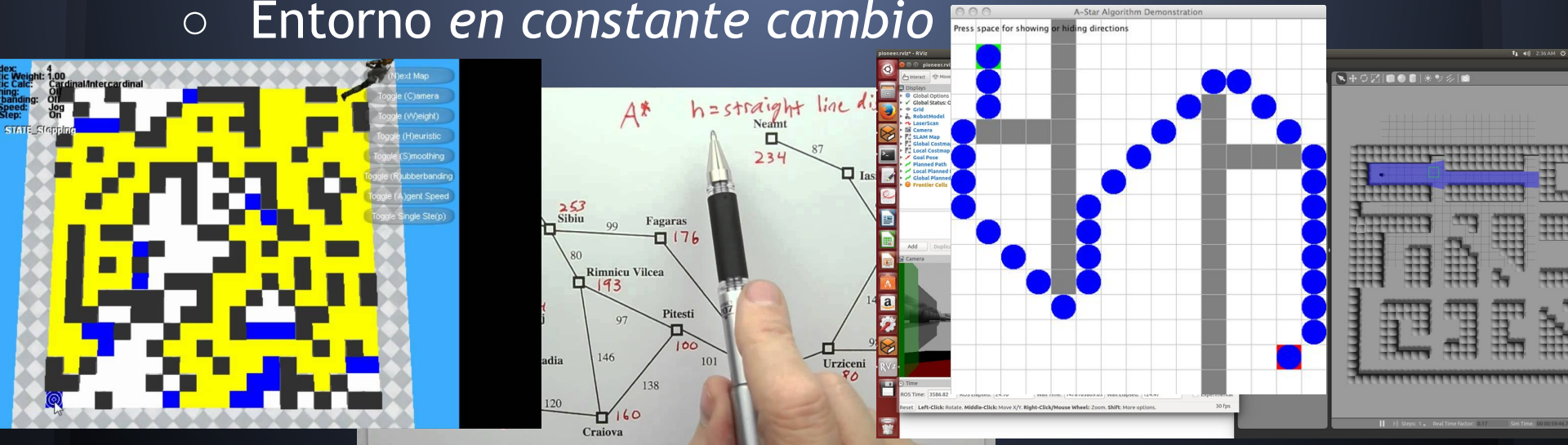
Heurísticas

- Heurísticas típicas son la distancia Euclídea o Manhattan
- A veces nos apaña una heurística que no es admisible pero sí es muy *precisa*
 - No encontrará caminos óptimos, *¡pero casi!*



Mejoras al algoritmo A*

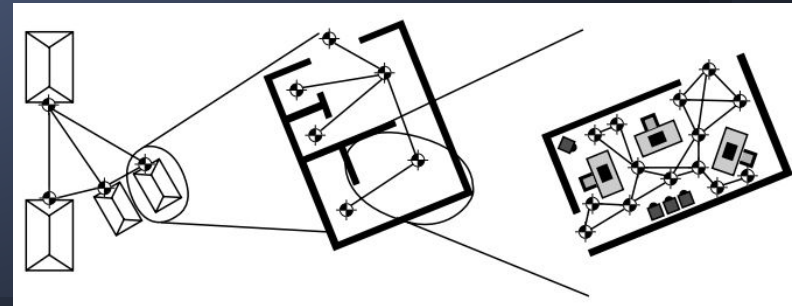
- A* es **muy eficiente con buena heurística**
 - Decenas de miles de nodos, con un código simple
- ¿Pero qué pasa cuando **surgen problemas**?
 - Millones de nodos, como en un MMOG
 - Cientos de agentes a la vez, como en un RTS
 - Entorno *en constante cambio*



Búsqueda jerárquica de caminos

HIERARCHICAL PATHFINDING

- **Simplifica la búsqueda** trabajando a varios niveles (de nuevo, *agrupando* nodos)
 - Aunque A* puede buscar caminos de *decenas de miles de nodos en un sólo frame*, y es **fácilmente interrumpible**, sigue teniendo sus límites
 - Las agrupaciones se conectan usando **heurísticas**
 - **Distancia mínima, máxima o mínima promedio**
 - Los caminos a *niveles distintos* al actual se pueden **guardar en memoria**, y los caminos de partes prefabricadas del entorno **se reutilizan**



Búsqueda parcial de caminos

PARTIAL PATHFINDING

- A* puede tener **varios destinos**, aunque suele *evitarse* porque no funciona muy bien
 - Mejor se decide seguir uno y se usa el A* normal
- Si el entorno cambia mucho, no replanificar
 - Se **busca el camino incrementalmente** con algoritmos como **D*** (A* dinámico)
- Además de variantes restringidas en memoria como **IDA***, **MA*** o **SMA***, hay otras que gastan mucha porque se **guardan partes reutilizables de la búsqueda**
 - A veces en una **flota de planificadores** disponibles

LIFELONG PLANNING
A-STAR SEARCH (LPA*)

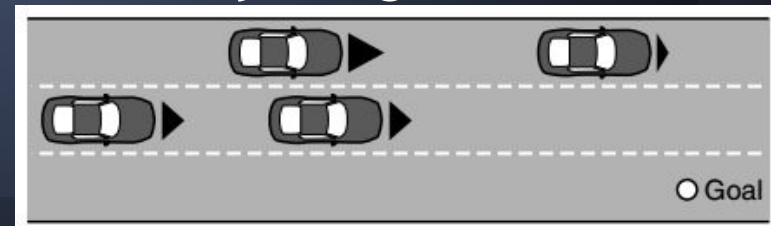
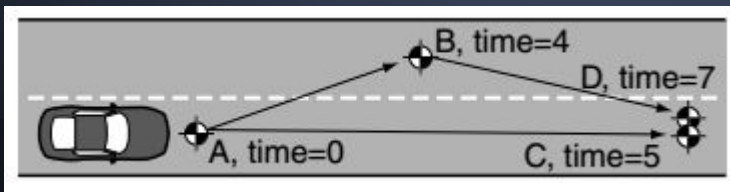
POOLING PLANNERS

Búsqueda de caminos en tiempo continuo

CONTINUOUS TIME PATHFINDING



- D* funciona mejor *cuanto menos y más concretos* sean los cambios en el entorno
 - ¿Y si todo el entorno está *en cambio continuo*?
 - Ej. Búsqueda de caminos para vehículos
- Buscar en tiempo continuo supone dejar de considerar *las posiciones* como nodos
 - Ahora serán los *estados del entorno* junto al *tiempo* que predecimos tardar en alcanzar dichos estados
 - Primero se crea este grafo dinámico y luego se usa *SMA* u otro* para resolverlo



ando estrategias informadas con heurísticas

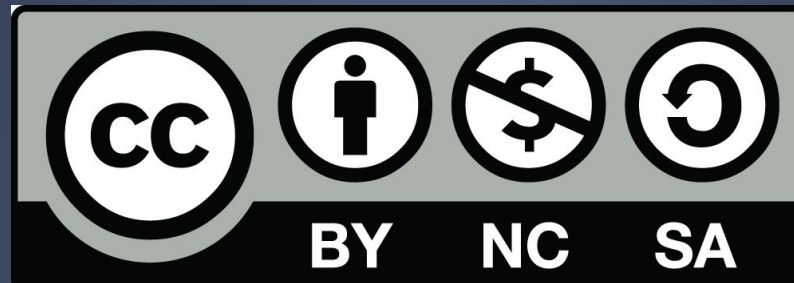
Resumen

- El algoritmo A^* es completo, óptimo, y muy eficiente si se usa una buena heurística
- La heurística debe ser admisible y, en grafos, además debe ser consistente
- El algoritmo A^* admite mejoras, como la búsqueda jerárquica de caminos, que agrupa nodos y trabaja a varios niveles
- También hay variantes para búsqueda parcial de caminos y búsqueda de caminos en tiempo continuo

Más información

- Millington, I.: Artificial Intelligence for Games. CRC Press, 3rd Edition (2019)

Críticas, dudas, sugerencias...



* Excepto el contenido multimedia de terceros autores

Federico Peinado (2019-2020)

www.federicopeinado.es

