



Inteligencia Artificial para Videojuegos

Navegación

Resolución de problemas en el espacio de estados

Motivación

- El problema más habitual es *buscar un camino...* no cualquiera, sino **el más corto**
 - El de *menor coste*, en tiempo y distancia
 - El agente expresa así *inteligencia*, y una navegación de lo más *creíble* (en general)
- ¡Es un concepto potente, que se puede aplicar a *muchos problemas!*



Puntos clave

- Hitos históricos
- Problemas en el espacio de estados
 - Ejemplo
- Algoritmo de Dijkstra
 - Explicación
 - Pseudocódigo
 - Estructuras de datos
 - Debilidades

Hitos históricos

- El **ajedrez** es uno de los primeros dominios estudiados, sobre todo en años 50 y 60
 - Juego de información completa
 - Aunque a día de hoy sabemos que “**sólo**” **la fuerza bruta no sirve** y se usan heurísticas



Problemas en el espacio de estados

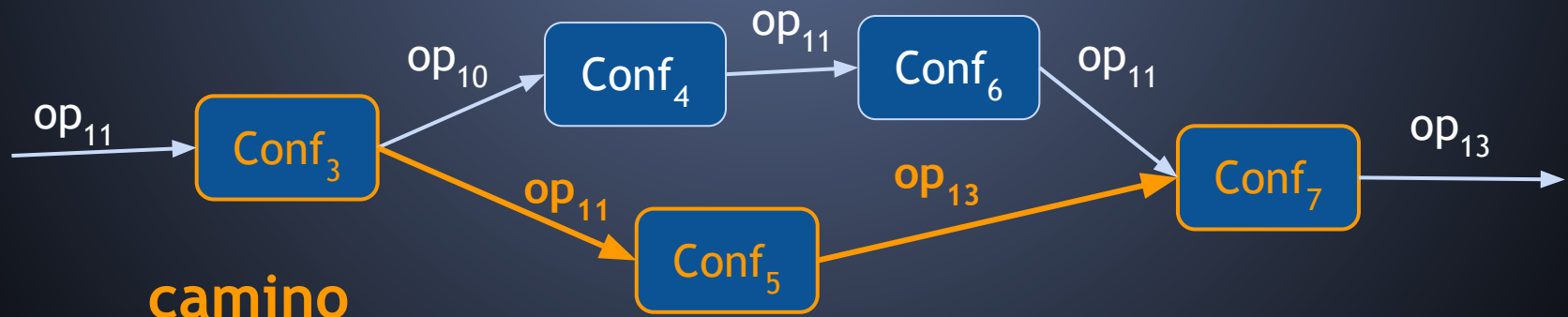
- La clave está en **definir el problema así**
 - **Configuraciones** posibles, empezando por la *inicial*
 - **Operadores** posibles, con una función para conocer los *aplicables* a una determinada configuración
 - **Modelo de transición**, función que devuelve la configuración resultante de aplicar un cierto operador a una configuración concreta
 - **Prueba de objetivo**, función que indica si una cierta configuración es *objetivo* (pueden serlo varias)
 - **Coste del camino**^{*}, función que asigna un valor numérico a cada *camino* (suma de los costes *no negativos* de cada paso/transición)

^{*} Es interesante tenerla, aunque la IA no la use como utilidad

STEP COST

Problemas en el espacio de estados

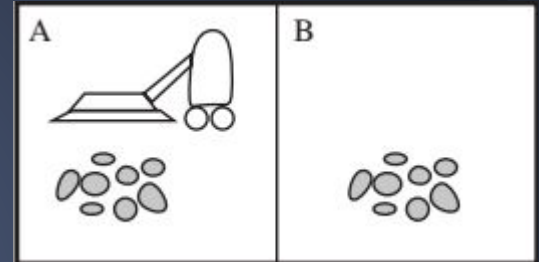
- En dominios de trabajo, ¿qué es un *camino*?
 - La *configuración inicial*, los *operadores* y el *modelo de transición* definen implícitamente un grafo ponderado no-negativo dirigido con todas las configuraciones alcanzables (**espacio de estados**)
 - Un **camino** en este espacio es **cualquier secuencia de configuraciones conectadas por operadores**



* Coste = Coste de la transición de Conf₃ a Conf₅ + de Conf₅ a Conf₇

Ejemplo

- El “juego” de la aspiradora
 - Un mundo con 2 casillas, A y B
 - Puede o no “aparecer” *polvo*
 - Un *robot-aspiradora* como NPC (con su IA)
 - Sabe *en qué casilla está y si tiene polvo*
 - Puede *aspirar*, moverse a la *izquierda* o a la *derecha*

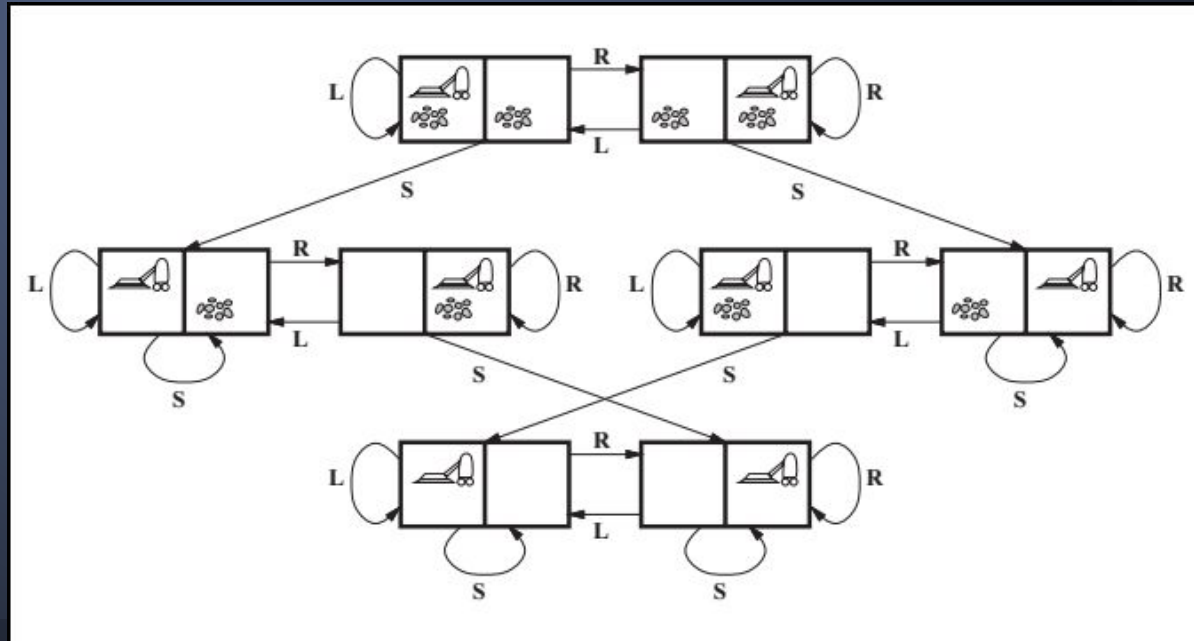


Ejemplo

- Para formular el dominio, hay que definir muy bien el problema
 - **Configuraciones**, si hay N casillas, hay N configuraciones posibles del robot x 2^N del polvo
 - Para $N=2$, son 8 configuraciones distintas
 - La *inicial* será el robot en A, y polvo en A y B
 - **Operadores** hay 3, *izquierda*, *derecha* y *aspirar*
 - **Modelo de transición**, es obvio (moverse hacia fuera o aspirar sin polvo *no tiene efecto alguno*)
 - **Prueba de objetivo**, comprobar que no hay polvo en ninguna de las N casillas (este es nuestro concepto de “tener la casa limpia”)

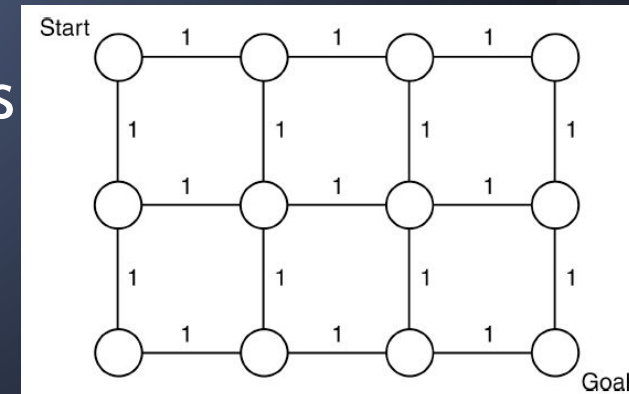
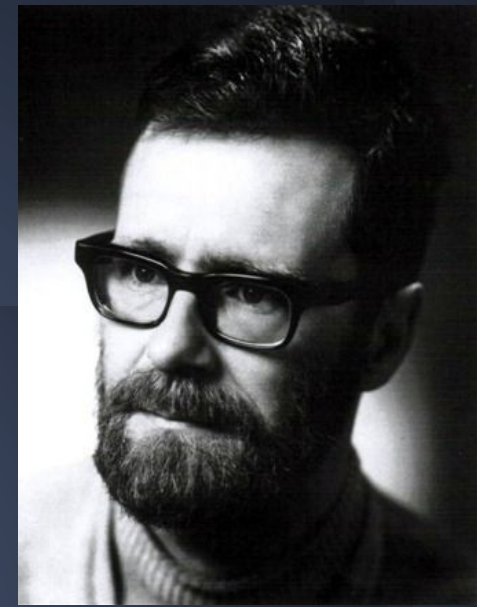
Ejemplo

- *Coste del camino*, es habitual considerar que cada transición cuesta 1 y así el coste del camino coincidirá con el *número de pasos* del mismo
- En este ejemplo hasta es posible visualizar el *espacio de búsqueda completo*
 - A menudo suelen ser inabarcables, ¡incluso *infinitos*!



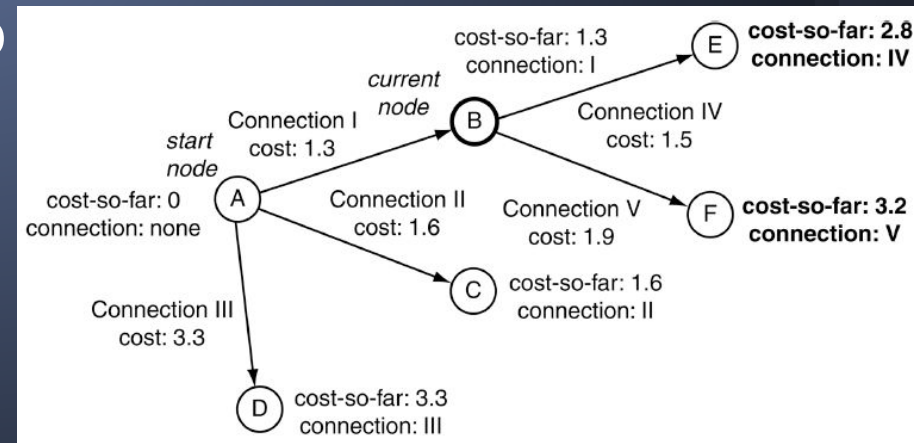
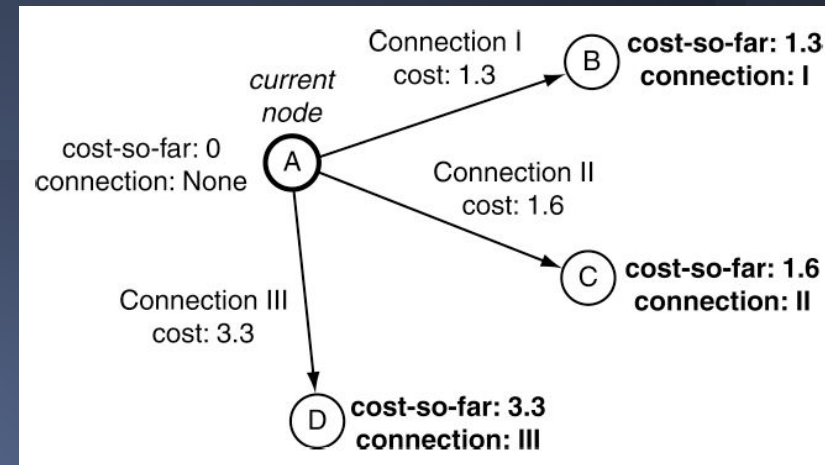
Algoritmo de Dijkstra

- Busca **todos los caminos más cortos** desde un nodo inicial a *todos los nodos destino*
 - Se usa en **Táctica y Estrategia**, y es la base de “fuerza bruta” de otros algoritmos más prácticos que se usan en **Navegación**, que sólo buscan el camino más corto entre 2 nodos
 - Si existen varios caminos mínimos entre dos nodos, nos *da igual* el que nos devuelva el algoritmo



Explicación

- Recibe un destino y *explora, dejando rastro para luego reconstruir el camino más corto* (solución)
- En cada iteración del algoritmo
 - Considera un nodo como actual, con todas sus conexiones, guardando referencias a todos los nodos a los que se llega (y el coste de llegar), para siguientes iteraciones

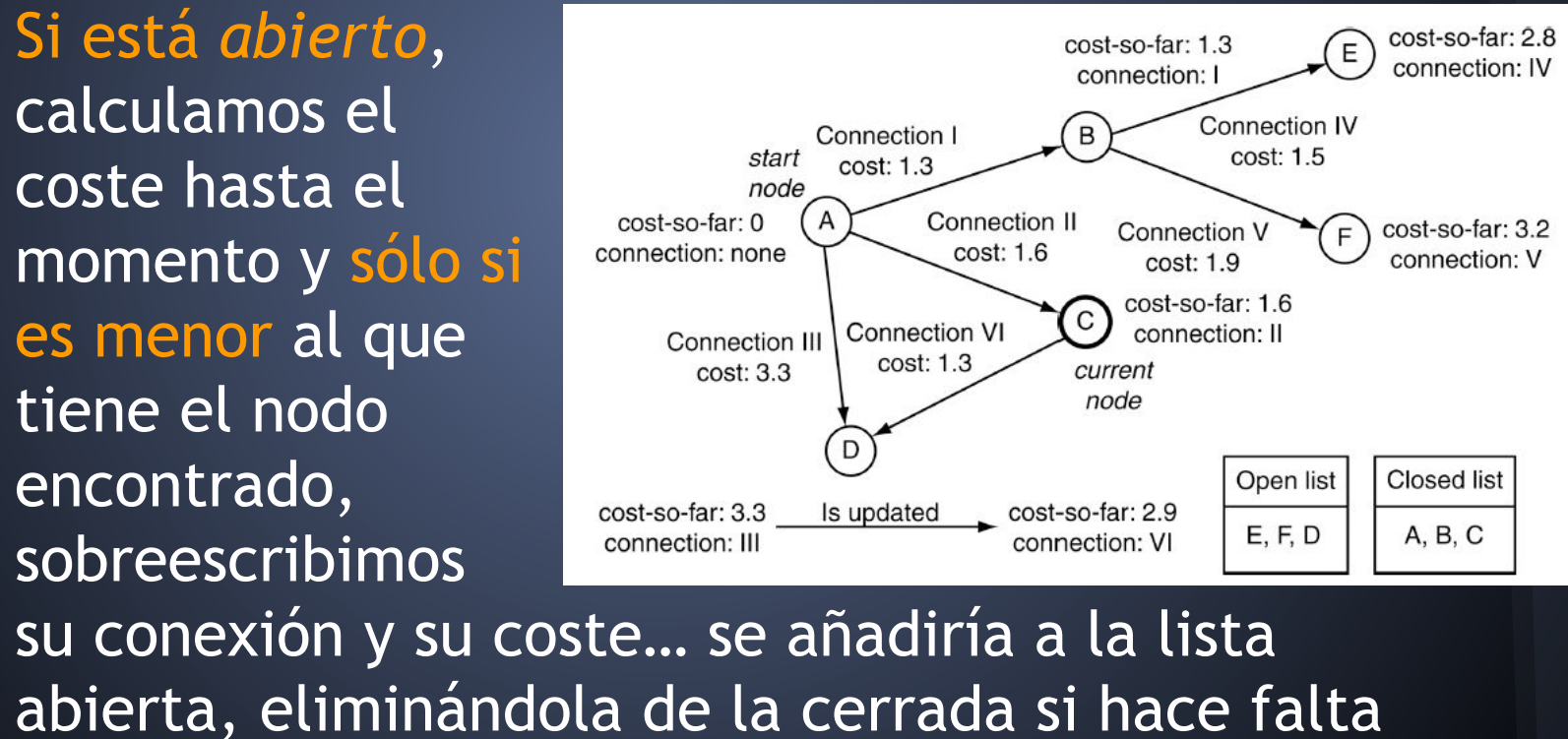


Explicación

- Usa 2 listas, una para nodos **abiertos** y otra para nodos **cerrados**
 - La **lista abierta** guarda todas las referencias a los nodos que ha visitado, pero sobre los que no ha iterado aún. Empieza con el nodo inicial (coste 0)
 - La **lista cerrada** contiene las referencias a los nodos sobre los que ya se ha iterado. Empieza vacía (\emptyset)
 - Los nodos que no están en ninguna de las dos listas son nodos **no visitados** del grafo
- En cada iteración, se elige el nodo abierto con **menor “coste hasta el momento”**
 - Y tras procesarlo, se manda a la lista cerrada

Explicación

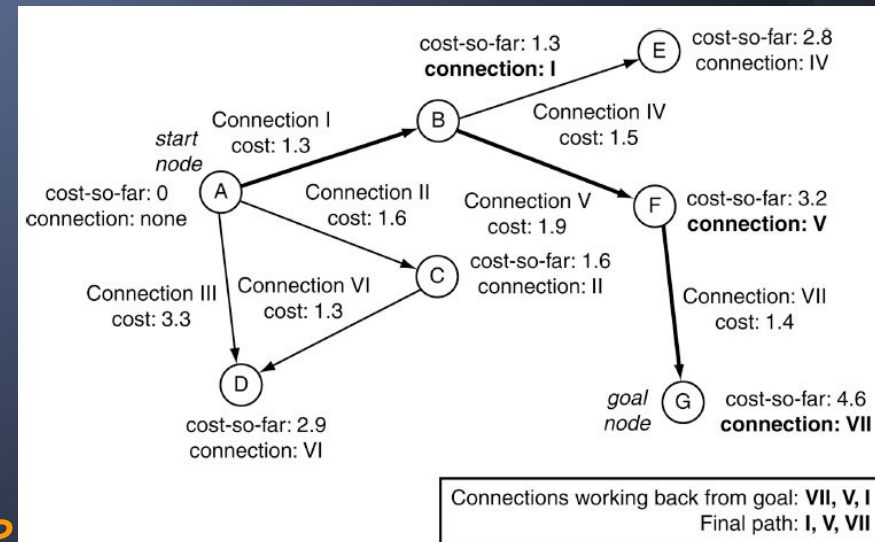
- Al llegar a un nodo ya visitado
 - Si está *cerrado*, lo podemos ignorar (no ocurrirá)
 - Si está *abierto*, calculamos el coste hasta el momento y **sólo si es menor** al que tiene el nodo encontrado, sobreescribimos su conexión y su coste...



Explicación

* ¡Ojo, no se termina hasta que no se selecciona de la lista abierta!

- Esto **se termina al vaciar la lista abierta**
 - Se han considerado todos los nodos alcanzables del grafo desde el nodo inicial y están en *lista cerrada*
 - Lo correcto es terminar* **sólo cuando el nodo objetivo es el más pequeño de la lista de nodos abiertos** (menor “coste hasta el momento”)
- Se reconstruye la solución (paso a paso)
 - Al final son las conexiones de atrás al inicio, y luego se **invierte**



Participación

tiny.cc/IAV

- ¿Qué guarda la **lista abierta** de Dijkstra?
 - A. Todos los nodos iterados
 - B. Todos los nodos visitados pero no iterados
 - C. Todos los nodos no visitados
 - D. Todos los nodos no visitados ni iterados
- Desarrolla tu **respuesta** (en texto libre)



Pseudocódigo

- Versión para buscar *sólo un camino*

```
1 function pathfindDijkstra(graph: Graph,  
2                             start: Node,  
3                             end: Node) -> Connection[]:  
4     # This structure is used to keep track of the information we need  
5     # for each node.  
6     class NodeRecord:  
7         node: Node  
8         connection: Connection  
9         costSoFar: float  
10  
11     # Initialize the record for the start node.  
12     startRecord = new NodeRecord()  
13     startRecord.node = start  
14     startRecord.connection = null  
15     startRecord.costSoFar = 0  
16  
17     # Initialize the open and closed lists.  
18     open = new PathfindingList()  
19     open += startRecord  
20     closed = new PathfindingList()  
21  
22     # Iterate through processing each node.  
23     while length(open) > 0:  
24         # Find the smallest element in the open list.  
25         current: NodeRecord = open.smallestElement()  
26  
27         # If it is the goal node, then terminate.  
28         if current.node == goal:  
29             break
```


Pseudocódigo

```
31     # Otherwise get its outgoing connections.
32     connections = graph.getConnections(current)
33
34     # Loop through each connection in turn.
35     for connection in connections:
36         # Get the cost estimate for the end node.
37         endNode = connection.getToNode()
38         endNodeCost = current.costSoFar + connection.getCost()
39
40         # Skip if the node is closed.
41         if closed.contains(endNode):
42             continue
43
44         # .. or if it is open and we've found a worse route.
45         else if open.contains(endNode):
46             # Here we find the record in the open list
47             # corresponding to the endNode.
48             endNodeRecord = open.find(endNode)
49             if endNodeRecord.cost <= endNodeCost:
50                 continue
```

Pseudocódigo

```
52      # Otherwise we know we've got an unvisited node, so make a
53      # record for it.
54      else:
55          endNodeRecord = new NodeRecord()
56          endNodeRecord.node = endNode
57
58      # We're here if we need to update the node. Update the
59      # cost and connection.
60      endNodeRecord.cost = endNodeCost
61      endNodeRecord.connection = connection
62
63      # And add it to the open list.
64      if not open.contains(endNode):
65          open += endNodeRecord
66
67      # We've finished looking at the connections for the current
68      # node, so add it to the closed list and remove it from the
69      # open list.
70      open -= current
71      closed += current
72
73      # We're here if we've either found the goal, or if we've no more
74      # nodes to search, find which.
75      if current.node != goal:
76          # We've run out of nodes without finding the goal, so there's
77          # no solution.
78          return null
79
80      else:
81          # Compile the list of connections in the path.
82          path = []
```

Pseudocódigo

```
84     # Work back along the path, accumulating connections.
85     while current.node != start:
86         path += current.connection
87         current = current.connection.getFromNode( )
88
89     # Reverse the path, and return it.
90     return reverse(path)
```

- * La lista contiene estructuras *NodeRecord*, con estos métodos:
 - smallestElement**, devuelve la estructura con el menos coste hasta el momento
 - contains** indica si la lista contiene el *NodeRecord* de ese nodo
 - find** devuelve el *NodeRecord* de ese nodo
- * **reverse** da la vuelta a la lista

Estructuras de datos

- Se usa una **lista simple** para recopilar la solución, cuya implementación da igual
- Las listas **abierta** y **cerrada** son críticas, tienen **4 operaciones** que optimizar en la implementación
 - **Añadir un nodo** (**+=**)
 - **Eliminar un nodo** (**-=**)
 - **Encontrar el nodo más pequeño** (***smallestElement***)
 - **Encontrar un nodo en particular** (***contains*** y ***find***)

Estructuras de datos

- Al implementar *Connection*, procura evitar hacer cualquier tipo de procesamiento

* Estos valores se *precalculan* en la generación: cuando convertimos la geometría del entorno a nodos

```
1 class Connection:
2     cost: float
3     fromNode: Node
4     toNode: Node
5
6     function getCost() -> float:
7         return cost
8
9     function getFromNode() -> Node:
10        return fromNode
11
12    function getToNode() -> Node:
13        return toNode
```

Tiempo = $O(n*m)$

Espacio $\leq O(n*m)$

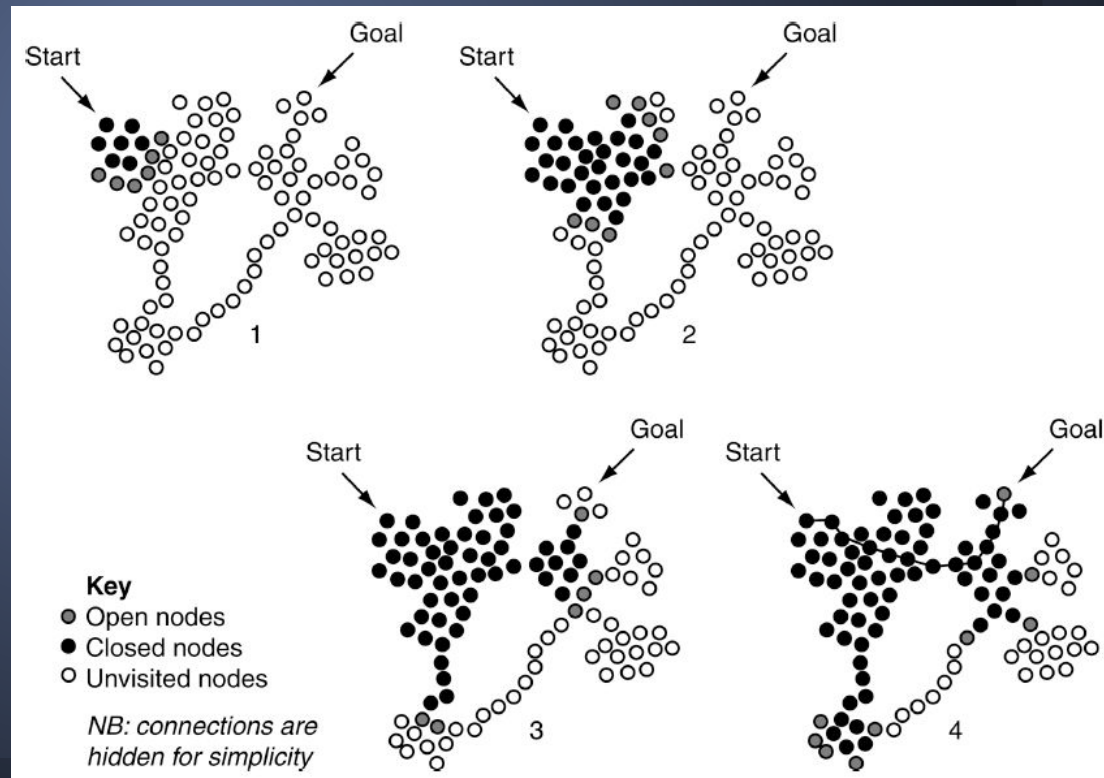
donde n son los nodos que están más cerca que el destino y m la media de conexiones salientes de un nodo

Debilidades

- Sólo es práctico para encontrar el camino más corto a *todos* los posibles destinos
 - Fíjate que la **frontera** de la búsqueda son los nodos en la lista abierta

* La línea negra marca la solución (camino más corto)

* Los nodos visitados que no se usan en la solución, son el **relleno...** generalmente demasiado relleno



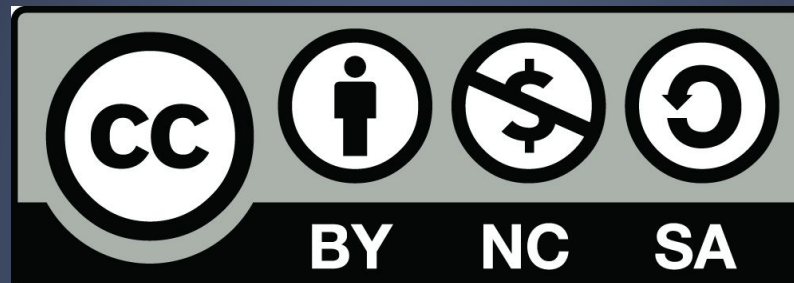
Resumen

- Como hito histórico en la resolución de problemas en el espacio de estados tenemos al Ajedrez
- El “juego de la aspiradora” es un ejemplo sencillo de esta forma de modelar
- Explicamos el algoritmo de Dijkstra, dando el pseudocódigo recomendado y comentarios a la estructura de datos
- Su debilidad es que no es práctico para dar con el camino más corto a un único destino

Más información

- Millington, I.: Artificial Intelligence for Games. CRC Press, 3rd Edition (2019)

Críticas, dudas, sugerencias...



* Excepto el contenido multimedia de terceros autores

Federico Peinado (2019-2020)

www.federicopeinado.es

