

## Ejercicio 1

Input → arreglo ordenado de números positivos  $A[1...n]$  y un número  $x$

output → Un índice  $i$  tal que  $x = A[i]$  si  $x$  está en  $A$  y  $-1$  si no está

# Algoritmo planteado donde  $A$  es el arreglo,  $low$  el índice menor y  $high$  el mayor, además de  $x$  que es el número que se busca dentro del arreglo.

binary-search ( $A, low, high, x$ )

	cost	times
if ( $low == high$ )	C	1
if ( $A[low] == x$ )	C	1
Return $low$	C	1
else		
Return $-1$	C	1
else		
$mid = \lfloor (low + high) / 2 \rfloor$	C	1
if ( $A[mid] == x$ )	C	1
Return $mid$	C	1
else		
if ( $A[mid] > x$ )	C	1
Return <u>binary-search</u> ( $A, low, mid, x$ )	$T(n/2)$	1
else		
Return <u>binary-search</u> ( $A, mid+1, high, x$ )	$T(n/2)$	

$$T(n/2) + C$$

El tiempo de ejecución es  $T(n/2) + C$  que por teorema maestro podemos decir que es  $\Theta(n^0 \log n) \rightarrow \Theta(\log n)$

El número mínimo posibles de operaciones es:

- # caso donde  $x$  se encuentra justo en el medio
- # caso en el que el arreglo es de tamaño 1

1 operación

El número máximo de operaciones posibles es:

- # caso en el que  $x$  se encuentra en cualquiera de los extremos del arreglo

$\log n$