Fonctions réciproques

Jérémy Meynier

Exercice 1

Calculer $\arctan(2) + \arctan(5) + \arctan(8)$

Exercice 2

Résoudre $2\arcsin(x) = \arcsin(2x\sqrt{1-x^2})$

Exercice 3

- 1. Montrer que la fonction $f: \begin{cases} [\frac{\pi}{2}, \pi[\mapsto [1, +\infty[\\ x \mapsto \frac{1}{\sin(x)} \end{cases}] & \text{induit une bijection} \end{cases}$
- 2. Exprimer sa réciproque

Exercice 4

Résoudre $\arcsin(2x) = \arcsin(x) + \arcsin(x\sqrt{2})$

Exercice 5

 $\operatorname{Calculer} \, 4\arctan(\frac{1}{5}) - \arctan(\frac{1}{239})$

Exercice 6

Pour $x \ge 0$ et $y \ge 0$ montrer que $\arctan(x) - \arctan(y) = \arctan(\frac{x-y}{1+xy})$