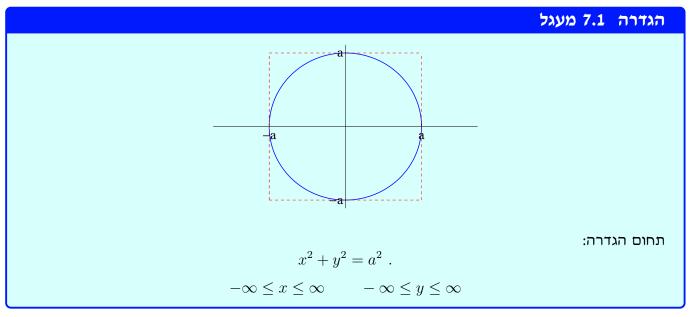
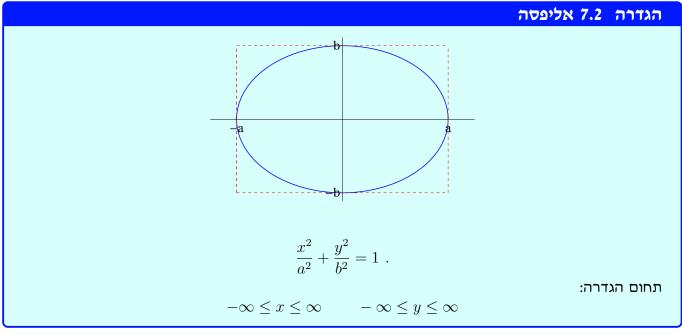
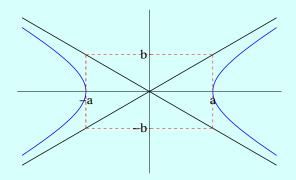
שיעור 7 חתכי חרוט, משטחים וקווי גובה





הגדרה 7.3 היפרבולה 1

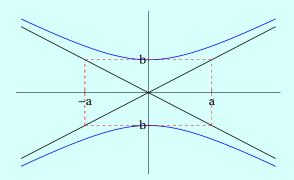


$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \ .$$

 $x \ge a \ , \quad x \le -a \ , \qquad -\infty \le y \le \infty$

תחום הגדרה:

הגדרה 7.4 היפרבולה 2



$$-\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \ .$$

תחום הגדרה:

$$-\infty \le x \le \infty$$
 $y \ge b$, $y \le -b$.

הגדרה 7.5 קווי גובה

ית: מבחינה אנליטית: מספר $c\in\mathbb{R}$ מספר קבוע. מבחינה אנליטית: קו גובה הינו קו החתך של המשטח ע"י המישור אופקי z=c מספר קבוע. מבחינה אנליטית: קו גובה הינו קום המוגדר במישור z=c אוני מבחינה אנליטית: קו גובה קונו עקום המוגדר במישור ע"י המשוואה

$$f(x,y) = c .$$

z דוגמה 7.1 פרבולויד של סיבוב מסביב ציר

שרטטו את המשטח של הפונקציה

$$z = x^2 + y^2 .$$

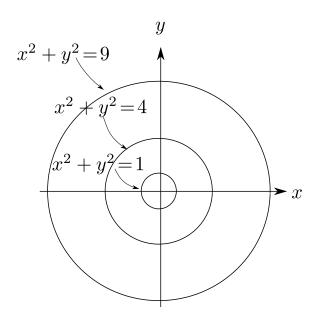
שלב 1. תחום הגדרה

$$z \ge 0$$
, $-\infty \le x \le \infty$, $-\infty \le y \le \infty$.

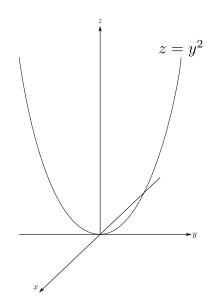
z=0 כלומר המשטח מוגדר רק מעל המישור

שלב 2. קווי הגובה

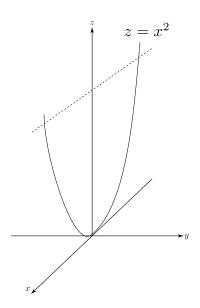
z = c	f(x,y) = c
z = 0	$x^2 + y^2 = 0$
z = 1	$x^2 + y^2 = 1$
z=4	$x^2 + y^2 = 4$
z = 9	$x^2 + y^2 = 9$
z = 16	$x^2 + y^2 = 16$



x=0 שלב 3. שרטוט במישור

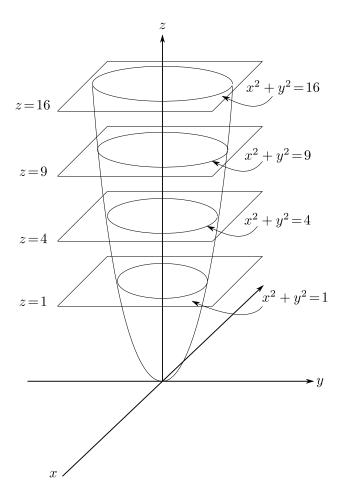


 ${m y}=0$ שלב 4. שרטוט במישור



xyz שלב 5. שרטוט של כל המשטח במערכת

בסך הכל ניתן לשרטט את המשטח ע"י להשתלב את השרטוטים:



דוגמה 7.2 מעשנה כפולה

שרטטו את המשטח של הפונקציה

$$z = \sqrt{x^2 + y^2 - 9}$$
, $z \ge 0$.

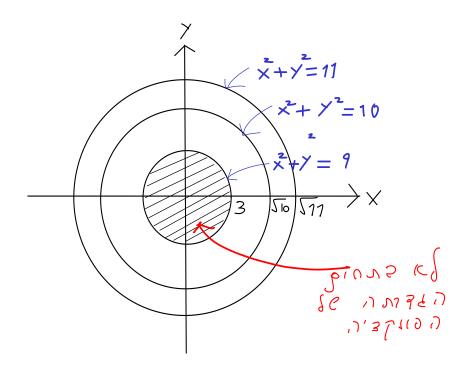
פתרון:

שלב 1. תחום הגדרה

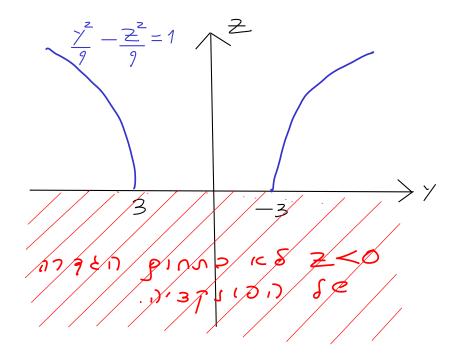
$$x^2 + y^2 \ge 9$$

שלב 2. קווי הגובה

z = c	f(x,y) = c
z = 0	$x^2 + y^2 = 9$
z = 1	$x^2 + y^2 = 10$
z=2	$x^2 + y^2 = 11$



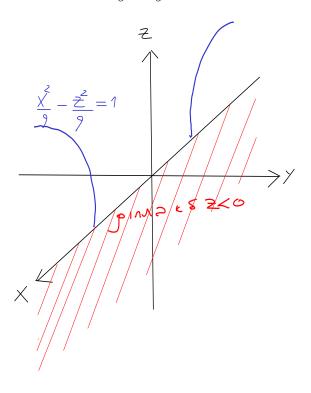
x=0 שלב 3. שרטוט במישור



$$\frac{y^2}{9} - \frac{z^2}{9} = 1$$

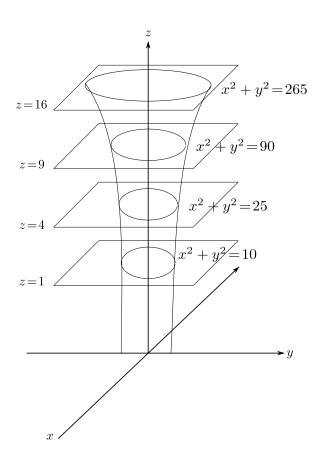
y=0 שלב 4. שרוטו במישור

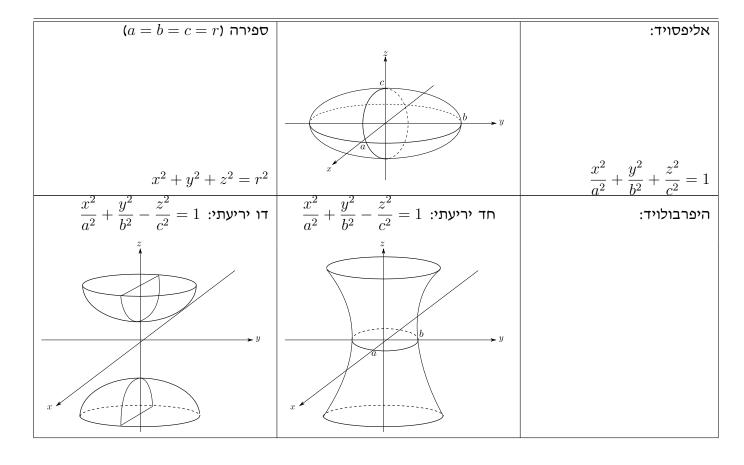
$$\frac{x^2}{9} - \frac{z^2}{9} = 1$$



שלב 5. שרטוט של המשטח

בסך הכל ניתן לשרטט את המשטח ע"י להשתלב את השרטוטים:





$z = -rac{x^2}{a^2} + rac{y^2}{b^2}$:היפרבוליי	$z = rac{x^2}{a^2} + rac{y^2}{b^2}$:אליפטי	פרבולויד:
<i>x</i>		
	z Å	$z^2 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$:חרוט אליפטי
	x y	