

אופן כתיבת תשובות לשאלות

- 1) יש להראות פתרון מלא. הסבירו היטב את מהלך הפתרון.
- 2) יש לנמק היטב כל שלב של פתרון. תשובה ללא הסבר ולא נימוק, אפילו נכונה, לא תתקבל.
- 3) יש לרשום ליד כל תשובה את מספר של השאלה שעלייה אתם עונים.

מועד הגשה

- 1) הגשה היא עד סוף יום הגשה, ככלmor עד השעה 23:59 באותו היום. אל תחכו לרגע האחרון. תכננו את זמנכם בהתאם. הגשו לפני.
- 2) אישור במועד ההגשה יגרור הורדת של ציון, 5 נק' לכל יום אישור או חלק ממנו. בכל מקרה לא יהיה ניתן להגיש מעבר ל-2 ימי אישור ממועד ההגשה דלעיל.

אופן הגשה

- 1) קראו היטב את השאלות. עלייכם לענות על כל השאלות בעבודה זו.
- 2) הגשת העבודה תהיה דרך אתר הקורס במודול בלבד בלבד. הגשת העבודה היא **ביחידים או בזוגות**.
- 3) כיצד להגיש?

- א) יש לסרוק או להמיר את העבודה לקובץ pdf ולהגיש אותו (סריקה לא ברורה או מוטשטשת לא תיבדק).
- ב) • במידה שתהזה מגישת פתרונות בלבד אז בשם הקובץ שיוגש למערכת ההגשה יהיה מספר ת"ז ושם של המגיש ושם של העבודה. לדוגמה: עבודה2-ירמייהו-ת-ז-pdf.123456789.pdf.
- במידה שתהזה מגישים פתרונות כזוג או בשם הקובץ שיוגש למערכת ההגשה יהיו מספרי ת"ז ושמות של המגישים ושם של העבודה. לדוגמה: עבודה2-ירמייהו-ת-ז-123456789-ג-ל-pdf.113114115.
- 4) בקובץ המוגש יש להוסיף את התיעוד הבא בעמוד הראשון (בעברית או באנגלית, לבחירתכם). יש לשנות את השם שלכם ואת תעודה זהות לטעות זהות שלכם. ובמקום סולמית יש ל כתוב את מספר העבודה.

Assignment: #

Author1: Israel Israeli, ID: 01234567

Author2: Dave David, ID: 8910111213

- 5) לאחר שהעליתם את הקבצים שלכם, הורידו אותם מהמודול למחשב שלכם וודאו כי הקבצים תקינים וכי העליתם את הקבצים הנכונים והמלאים. לאחר תום מועד ההגשה לא יתקבלו ערעורים על כך שהעליתם קבצים לא תקינים או שהעליתם בטעות קבצים אחרים / לא נכונים.

שאלות

- 1) שאלות בנוגע העבודה יש לשאול בפורום באתר המודול של הקורס או בשעות קבלה של המתרגל/ת האחראי/ת בלבד. אין לשלח שאלות במילול לא למתרגל האחראי ולא למתרגלים/מרצים אחרים.

2) ניתן לשאול שאלות הבהרה ומיקוד על המשימות שבעובדה במידה ומשימה מסויימת לא ברורה. לא ניתן לשאול על הפתרונות שלכם. לדוגמה, לא ניתן לשאול האם הפתרון שלי נכון, לא ניתן לשאול למה הפתרון לא עובד, וכדומה.

שונות

- 1) השאלות בעבודה זו הינה שוות משקל. ככלומר, משקל כל שאלה הוא 100 חלקים מספר השאלות בעבודה.
- 2) בשאלת מרובת סעיפים, הסעיפים הם שווים משקל. ככלומר משקל כל סעיף הוא משקל השאלה כולה חלק מספר הסעיפים השאלה.
- 3) בעדות זו יש 5 שאלות.

בצלחה!

עבודה 3.

שאלה 1 (20 נקודות)

נתונה האלפיבית הבאה של טקסט גליי $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i\}$ ונתונה פונקציית הסתברות

$$\begin{aligned} P_X(a) &= 0.11, & P_X(b) &= 0.005, & P_X(c) &= 0.15, & P_X(d) &= 0.3, & P_X(e) &= 0.085. \\ P_X(f) &= 0.22, & P_X(x) &= 0.02, & P_X(y) &= 0.04, & P_X(z) &= 0.07. \end{aligned}$$

a) מצאו הצפנת האפמן של X .

b) חשבו את האנתרופיה של ההצפנה.

c) מצאו את $l(f)$.

שאלה 2 (20 נקודות)

יהי קבוצת טקסט גליי עם פונקציית הסתברות $X = \{p, q, r\}$

$$P_X(p) = \frac{1}{7}, \quad P_X(q) = \frac{2}{7}, \quad P_X(r) = \frac{4}{7}.$$

יהי $K = \{k_1, k_2, k_3, k_4\}$ קבוצת מפתחות בעלת פונקציית הסתברות

$$P_K(k_i) = \frac{1}{4}$$

לכל $k_i \in K$. יהי $Y = \{A, B, C\}$ קבוצת טקסט מוצפן. נגדיר הכלל מצפין

$$e_{k_i}(x) = 2x + i \pmod{3}$$

לכל $x \in \mathbb{Z}_{26}$ ולכל $i \in \{1, 2, 3, 4\}$. לדוגמה

- א)** מצאו את $P_Y(y)$ לכל $y \in Y$.
- ב)** מצאו את $P(X = q|Y = B)$
- ג)** מצאו את $P(X = r|Y = C)$
- ד)** הוכחו או הפריכו על ידי דוגמה נגדית: לקריפטו-מערכת זו יש סודיות מושלמת.

שאלה 3 (20 נקודות)
 נתונה הקריפטו-מערכת בעלת הקבוצת טקסט גלי $X = \{a, b, c\}$, קבוצת מפתחות גלי $K = \{k_1, k_2, k_3\}$ וקבוצת טקסט מוצפן $Y = \{A, B, C\}$. הפונקציות הסתברויות הן

$$P_X(a) = \frac{1}{12}, \quad P_X(b) = \frac{1}{6}, \quad P_X(c) = \frac{3}{4}, \quad P_K(k_1) = \frac{1}{5}, \quad P_K(k_2) = \frac{2}{5}, \quad P_K(k_3) = \frac{2}{5}.$$

המטריצת ההצפנה היא

	a	b	c
k_1	B	A	C
k_2	A	C	B
k_3	C	B	A

- א)** מצאו את הפונקציית הסתברות של הטקסט מוצפן Y .
- ב)** הוכחו כי לקריפטו-מערכת זו אין סודיות מושלמת.

שאלה 4 (20 נקודות)

- א)** אליס שולחת לבוב את הטקסט הגלי $x = BA$.
 היא מצפינה את הטקסט ע"י הצופן ElGamal עם המפתח הבא:
 $(p, \alpha, a, d) = (37, 16, 12, 20)$.
 הוכחו כי הטקסט מוצפן הוא
 $y_1 = DE$, $y_2 = CG$.
יש להתעלם מספרות הפרדה בין אותיות.
- ב)** לבוב מקבל את הטקסטים
 $y_1 = DE$, $y_2 = CG$
 שהוצפנו ע"י צופן ElGamal והמפתח מאليس שモגדר בסעיף א'. הוכחו שכאשר לבוב מפענח את הטקסט המוצפן הוא יקבל את אותו טקסט הגלי המקורי שאלייס שלחה.

שאלה 5 (20 נקודות)

מספר	קלף
42	3♦
5	A♣
13	10♠
21	6♦
9	9♠
10	K♦

- א)** מצאו הצפנה בינהרית של הקלפים בעלת תוחלת אורך ההצפנה מקסימלית.
- ב)** מצאו הצפנה בינהרית של הקלפים בעלת תוחלת אורך ההצפנה מינימלית.

פתרונות

שאלה 1

שאלה 2 לנוכח לקריפטו-מערכת אין סודיות מושלמת.

שאלה 3

שאלה 4

שאלה 5