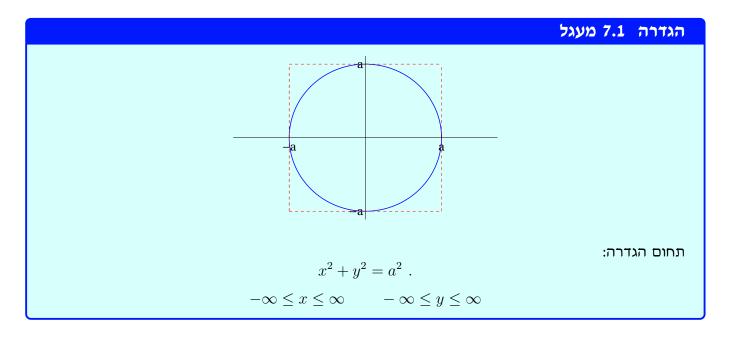
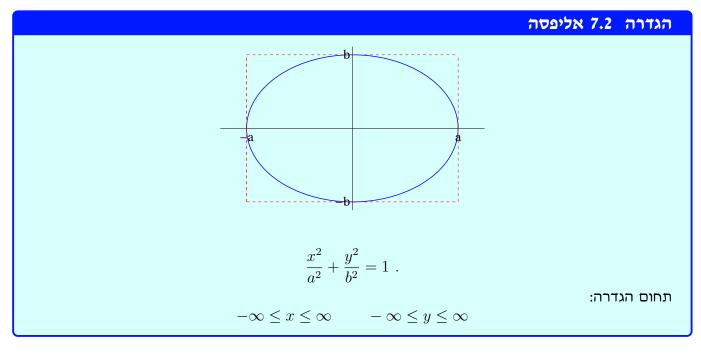
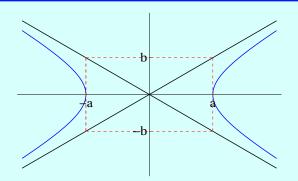
שיעור 7 חתכי חרוט, משטחים וקווי גובה





הגדרה 7.3 היפרבולה 1

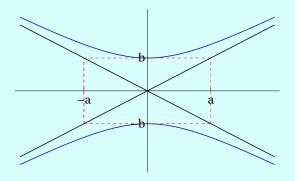


$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \ .$$

 $x \ge a \ , \quad x \le -a \ , \qquad -\infty \le y \le \infty$

הגדרה 7.4 היפרבולה 2

תחום הגדרה:



$$-\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \ .$$

 $-\infty \le x \le \infty$ $y \ge b$, $y \le -b$.

הגדרה 7.5 קווי גובה

תחום הגדרה:

ית: מבחינה אנליטית: מבחינה הינו קו החתך של המשטח ע"י המישור האופקי ב $c\in\mathbb{R}$ כאשר כאשר ע"י המשטח ע"י המשטח אנליטית: קו אובה הינו עקום המוגדר במישור ע"י המשוואה f(x,y) של $L_{f,c}$ הינו עקום המוגדר במישור אובה במישור ע"י המשוואה

$$f(x,y) = c .$$

z דוגמה au.1.7 פרבולויד של סיבוב מסביב ציר

שרטטו את המשטח של הפונקציה

$$z = x^2 + y^2 .$$

פתרון:

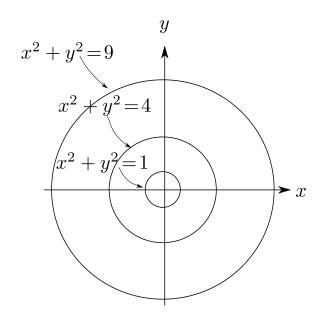
שלב 1. תחום הגדרה

$$z \ge 0$$
, $-\infty \le x \le \infty$, $-\infty \le y \le \infty$.

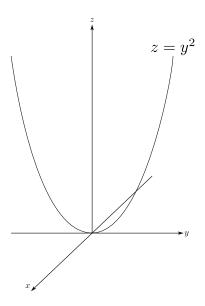
.z=0 כלומר המשטח מוגדר רק מעל המישור

שלב 2. קווי הגובה

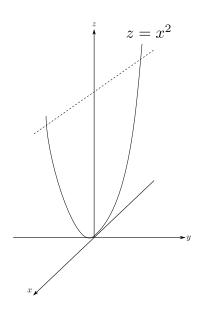
z = c	f(x,y) = c
z = 0	$x^2 + y^2 = 0$
z = 1	$x^2 + y^2 = 1$
z=4	$x^2 + y^2 = 4$
z = 9	$x^2 + y^2 = 9$
z = 16	$x^2 + y^2 = 16$



x=0 שלב 3. שרטוט במישור

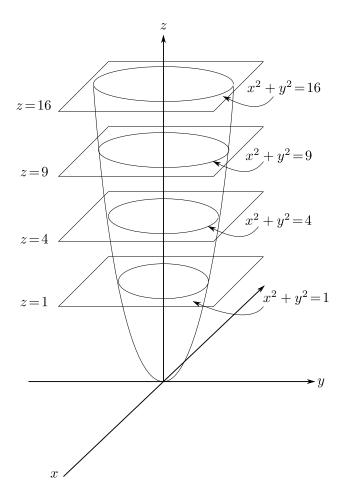


 ${m y}=0$ שלב 4. שרטוט במישור



xyz שלב 5. שרטוט של כל המשטח שלב 5.

בסך הכל ניתן לשרטט את המשטח ע"י להשתלב את השרטוטים:



דוגמה 7.2 מעשנה כפולה

שרטטו את המשטח של הפונקציה

$$z = \sqrt{x^2 + y^2 - 9}$$
, $z \ge 0$.

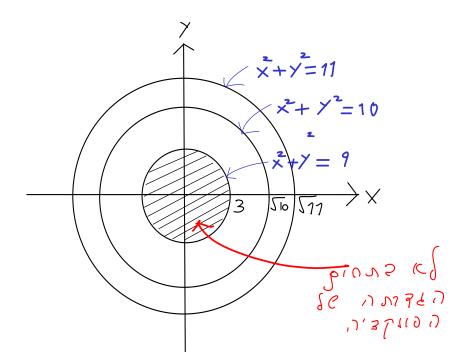
פתרון:

שלב 1. תחום הגדרה

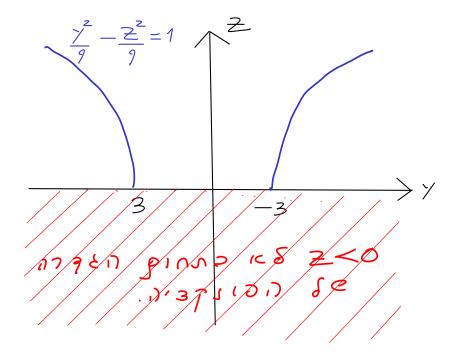
$$x^2 + y^2 \ge 9$$

שלב 2. קווי הגובה

z = c	f(x,y) = c
z = 0	$x^2 + y^2 = 9$
z = 1	$x^2 + y^2 = 10$
z=2	$x^2 + y^2 = 11$



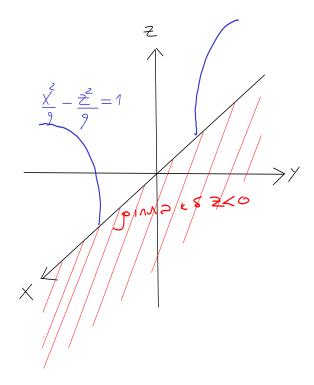
x=0 שלב 3. שרטוט במישור



$$\frac{y^2}{9} - \frac{z^2}{9} = 1$$

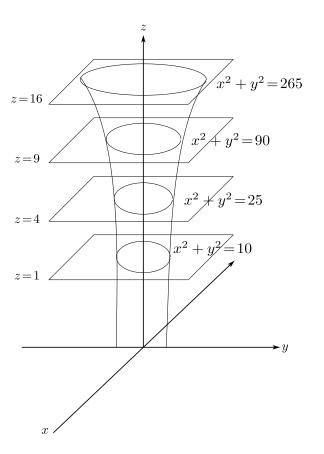
y=0 שלב 4. שרוטו במישור

$$\frac{x^2}{9} - \frac{z^2}{9} = 1$$

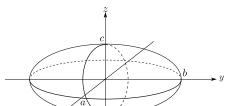


שלב 5. שרטוט של המשטח

בסך הכל ניתן לשרטט את המשטח ע"י להשתלב את השרטוטים:



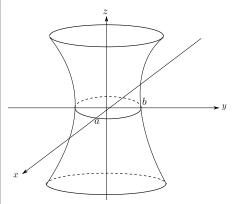
(a = b)	= c = r	ספירה (



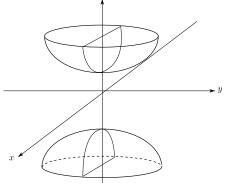
$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$$

$$x^2+y^2+z^2=r^2$$
 x^2 x^2

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{z^2}{a^2} = 1$$
 דו יריעתי:

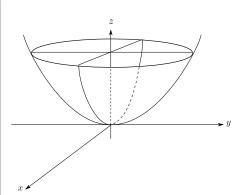


פרבולויד:

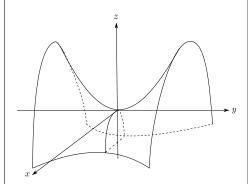


$$z=rac{x^2}{a^2}+rac{y^2}{b^2}$$
 אליפטי:

$$z = -\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$
 היפרבולי:



$$z = rac{x^2}{a^2} + rac{y^2}{b^2}$$
 אליפטי:



$$z^2 = rac{x^2}{a^2} + rac{y^2}{b^2}$$
 חרוט אליפטי:

