חדו"א 2 למדמ"ח סמסטר ב' תשפ"ד שאלות שונות

$$f(x) = rac{4x-7}{x(x-5)}$$
 עבור הפונקציה * **1**

- א) מצאו את תחום ההגדרה, החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים, סימני הפונקציה.
- בררו את התנהגות הפונקציה באינסוף. האם קיימת אסימפטוטה אופקית? נמקו את תשובתכם.
- ג) בררו את התנהגות הפונקציה סביב נקודות אי הגדרה. האם קיימת אסימפטוטה אנכית? נמקו את תשובתכם.
 - **ד)** ציירו את הסקיצה של גרף הפונקציה על סמך התוצאות של הסעיפים הקודמים.

* 2 שאלה

$$f(x) = \frac{2x}{1-x^2}$$
 עבור הפונקציה

- א) מצאו את תחום ההגדרה, החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים, סימני הפונקציה.
- בררו את התנהגות הפונקציה באינסוף. האם קיימת אסימפטוטה אופקית? נמקו את תשובתכם.
- ג) בררו את התנהגות הפונקציה סביב נקודות אי הגדרה. האם קיימת אסימפטוטה אנכית? נמקו את תשובתכם.
 - **ד)** ציירו את הסקיצה של גרף הפונקציה על סמך התוצאות של הסעיפים הקודמים.

* שאלה 3

$$f(x) = rac{5}{x(x-3)}$$
 עבור הפונקציה

- 1) מצאו את תחום ההגדרה, החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים, וסימני הפונקציה.
- 2) בררו את התנהגות הפונקציה באינסוף. האם קיימת אסימפטוטה אופקית? נמקו את תשובתכם.
- 3) בררו את התנהגות הפונקציה סביב נקודות אי הגדרה. האם קיימת אסימפטוטה אנכית? נמקו את תשובתכם.

4) ציירו את הסקיצה של גרף הפונקציה על סמך התוצאות של הסעיפים הקודמים.

פתרונות

שאלה 1

$$x \neq 0,5$$
 . מחום ההגדרה:

$$\left(\frac{7}{4},0\right)$$
 :נקודות חיתוך

סימני הפונקציה:

| x | 6 | x < 0 | $0 < x < \frac{7}{4}$ | $\frac{7}{4} < x < 5$ | x > 5 |
|------|---|-------|-----------------------|-----------------------|-------|
| f(x) |) | _ | + | | + |

(1

$$\lim_{x \to \infty} f(x) = \lim_{x \to \infty} \frac{4x - 7}{x(x - 5)} = \lim_{x \to \infty} \frac{4(x - 5) + 20 - 7}{x(x - 5)} = \lim_{x \to \infty} \frac{4(x - 5)}{x(x - 5)} + \frac{13}{x(x - 5)} = \lim_{x \to \infty} \frac{4}{x} + \frac{13}{x(x - 5)} = 0^+$$

$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} \frac{4}{x} + \frac{13}{x(x - 5)} = 0^-$$

()

$$\lim_{x \to 0^{-}} f(x) = \lim_{x \to 0^{-}} \frac{4x - 7}{x(x - 5)} = -\infty$$

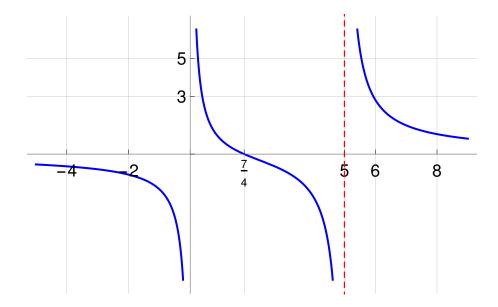
$$\lim_{x \to 0^+} f(x) = \lim_{x \to 0^+} \frac{4x - 7}{x(x - 5)} = +\infty$$

x=0 לכן קיימת אסימפטוטה אנכית ב

$$\lim_{x \to 5^{-}} f(x) = \lim_{x \to 5^{-}} \frac{4x - 7}{x(x - 5)} = -\infty$$

$$\lim_{x \to 5^+} f(x) = \lim_{x \to 5^+} \frac{4x - 7}{x(x - 5)} = +\infty$$

x=5 לכן קיימת אסימפטוטה אנכית לכן



שאלה 2

 $x
eq \pm 1$. מחום ההגדרה: תחום (א

(†

נקודות חיתוך: (0,0).

סימני הפונקציה:

| x | x < -1 | -1 < x < 0 | 0 < x < 1 | x > 1 |
|------|--------|------------|-----------|-------|
| f(x) | + | _ | + | _ |

(2

$$\lim_{x \to \infty} f(x) = \lim_{x \to \infty} \frac{2x}{1 - x^2} = 0$$

$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} \frac{2x}{1 - x^2} = 0$$

 $\pm\infty$ אסימפטוטה אופקית ב y=0

()

$$\lim_{x\to 1^+}\frac{2x}{1-x^2}=-\infty$$

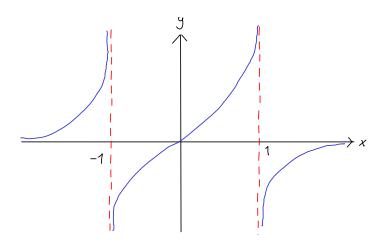
$$\lim_{x \to 1^-} \frac{2x}{1 - x^2} = \infty$$

אסימפטוטה אנכית. x=1

$$\lim_{x\to -1^+}\frac{2x}{1-x^2}=-\infty$$

$$\lim_{x\to -1^-}\frac{2x}{1-x^2}=\infty$$

אסימפטוטה אנכית. x=-1



(†

שאלה 3

 $.x \neq 0,3$ תחום הגדרה: (1

נקודות חיתוך: אין.

(2

$$\lim_{x \to \infty} \frac{5}{x(x-3)} = 0 \ .$$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{5}{x(x-3)} = 0 \ .$$

 $x=-\infty$ ו $x=\infty$ אסימפטוטה אופקית ב y=0

(3

$$\lim_{x\to 0^+} \frac{5}{x(x-3)} = \lim_{x\to 0^+} \frac{5}{0^+(0-3)} = \frac{5}{0^+\cdot(-3)} = -\infty \ .$$

$$\lim_{x\to 0^-}\frac{5}{x(x-3)}=\lim_{x\to 0^-}\frac{5}{0^-(0-3)}=\frac{5}{0^-\cdot(-3)}=\infty\ .$$

x=0 אסימפטוטה אנכית

$$\lim_{x \to 3^+} \frac{5}{x(x-3)} = \lim_{x \to 3^+} \frac{5}{3(3^+ - 3)} = \frac{5}{3 \cdot 0^+} = \infty \ .$$

$$\lim_{x\to 3^-}\frac{5}{x(x-3)}=\lim_{x\to 3^-}\frac{5}{3(3^--3)}=\frac{5}{3\cdot 0^-}=-\infty\ .$$

x=3 אסימפטוטה אנכית ב

