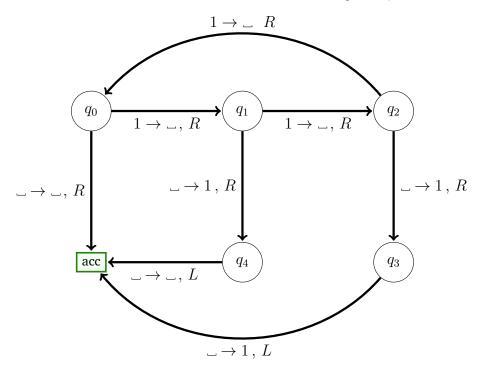
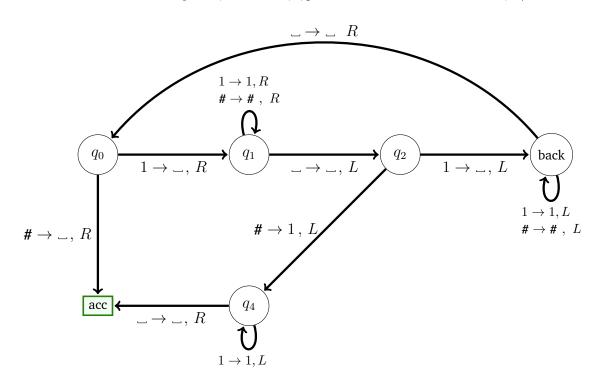
תרגילים 2: חישוב פונקציות עי מכונות טיורינג

שאלה 1 נתון אלפביתה הקלט $\Sigma = \{1\}$ בתרשים הבא, נתונה מכונת טיורינג M נתון אלפביתה הקלט $\Sigma = \{1\}$ שהמכונה מחשבת?



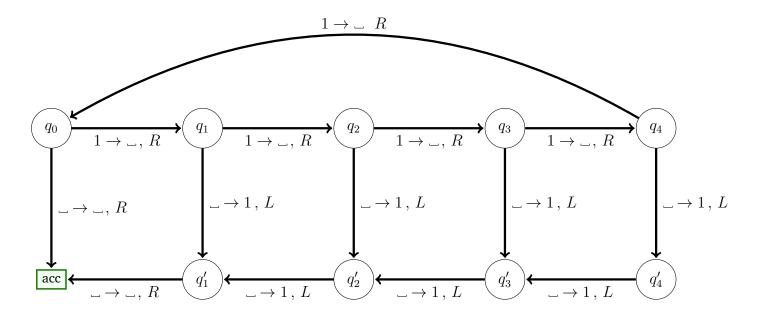
.rej -ל המעברים עוברים מופיעים בתרשים עוברים ל-

שאלה 2 בתרשים הבא, נתונה מכונת טיורינג M. המכונה מקבלת כקלט שני מספרים בבסיס אונרי ,מופרדים f בתרשים f מהי הפונקציה f מהי הפונקציה f כאשר f כאשר f כאשר f כאשר f מהי הפונקציה f שהמכונה מחשבת?



.rej -ל המעברים עוברים מופיעים בתרשים עוברים ל

שאלה 3 נתון אלפביתה הקלט $\Sigma = \{1\}$ בתרשים הבא, נתונה מכונת טיורינג M נתון אלפביתה הקלט $\Sigma = \{1\}$ שהמכונה מחשבת?



.rej -ל מעברים עוברים מופיעים בתרשים עוברים ל-

תשובות

שאלה 1

$$f(x) = x \mod 3 \ .$$

שאלה 2

$$q_0$$
 1#1 \vdash q_1 #1 \vdash_* #1 q_1 \vdash # q_2 1 \vdash_* q_{back} _ # \vdash q_0 # \vdash acc .
$$.f(1#1) = 0$$
 לכך q_0 11#1 \vdash q_1 1#1 \vdash_* 1#1 q_1 \vdash 1# q_2 1 \vdash_* q_{back} _ 1# \vdash q_0 1# \vdash q_1 # \vdash # q_1 _ \vdash # q_2 # _ \vdash q_4 _ 1 \vdash _ acc 1
$$.f(11#1) = 1$$
 לכך $f(11#1) = 1$

 $i \geq j$ נסתכל על קלט כללי $1^i \# 1^j$ כאשר

לכן

$$f(1^i \# 1^j) = 1^{i-j} , \qquad i \ge j .$$
 (*1)

i < j כאשר $1^i \# 1^j$ נסתכל על קלט כללי

לכן

$$f(1^i \# 1^j) = 1^{j-i}$$
, $i < j$. (*2)

:המשוואות (1*) ו- (2*) אומרות ש

$$f(1^i \# 1^j) = 1^{|i-j|} .$$
(*3)

שאלה 3

$$f(x) = x \mod 5.$$