אלגברה לינארית סמסטר סתו 2022-23 תירגול: תת מרחבים צירופים לינארים ופרישה לינארית

שאלות

שאלה 1 (מבחן תשפ"ב סמסבר ב מועד ב)

נתונות הקבוצות הבות:

$$W_1 = \{A \in M_{2 \times 2}(\mathbb{R}) | \det(A) = 1\} , \qquad W_2 = \{A \in M_{2 \times 2}(\mathbb{R}) | 2(A + A^t) = 0\} ,$$

- א) לכל אחת מהקבוצות הנתונות, מצאו איבר הנמצא בה.
- בס. גמקו את מהקבוצות W_2 , על, בדקו אם היא תת מרחב ווקטורי של $M_{2 imes2}(\mathbb{R})$. נמקו את תשובותכם.

פתרונות

שאלה 1

(N

$$W_1 = \{A \in M_{2 \times 2}(\mathbb{R}) \big| \det(A) = 1\} \ , \qquad W_2 = \{A \in M_{2 \times 2}(\mathbb{R}) \big| 2(A + A^t) = 0\} \ ,$$

 $I = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \in W_1 , \qquad \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \in W_2 .$

 $ar{.0}
otin W_1$ כי $M_{2 imes 2}(\mathbb{R})$ כי לא תת מרחב של W_1

$$\Leftarrow A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$$
 נסמן

$$A + A^{t} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a & c \\ b & d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2a & b+c \\ c+b & 2d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

לכך b+c=0 ,d=0 ,a=0 לכך

$$W_2 = \{ A \in M_{2 \times 2}(\mathbb{R}) | a = 0, d = 0, b + c = 0 \}$$

 $M_{2 imes2}(\mathbb{R})$ של מערכת הונוגנית. לכן לכן אונוגנית של מערכת מערכת מרחב מערכת הונוגנית.