

עדכון הסרטים •

את הסרט שלה פעם נוספת כדי לפעול על פי פונקצית המעברים, כלומר, לעדכן את M^\prime התאים שמתחת לראשים ולעדכן את מיקום הראשים.

שיעור 4 מכונת טיורינג אי דטרמיניסטיתם

4.1 הגדרה של מכונת טיורינג אי-דטרמיניסטית

הגדרה 4.1 מכונת טיורינג אי-דטרמיניסטית

מכונת טיורינג אי-דטרמיניסטית (מ"ט א"ד) היא שביעייה

$$M = (Q, \Sigma, \Gamma, \Delta, q_0, q_{\rm acc}, q_{\rm rej})$$

. כאשר דטרמיניסטי מוגדרים מוגדרים $Q, \Sigma, \Gamma, q_0, q_{
m acc}, q_{
m rej}$ כאשר

היא פונקצית המעברים Δ

$$\Delta: (Q \setminus \{q_{\text{acc}}, q_{\text{rej}}\}) \times \Gamma \to P(Q \times \Gamma \times \{L, R, S\})$$
.

$$\Delta(q, a) = \{(q_1, a, S), (q_2, b, L), \ldots\}$$
.

.כלומר, לכל זוג $q\in Q, lpha\in \Gamma$ ייתכן מספר מעברים אפשריים, $q\in Q, lpha\in \Gamma$ או יותר

- קונפיגורציה של מ"ט א"ד זהה לקונפיגורציה של מ"ט דטרמיניסטית.
 - לכל קונפיגורציה ייתכן מספר קונפיגורציות עוקבות.
 - יונות שונות חחתכן מסםר $w \in \Sigma^*$ סילה
 - $.q_{
 m acc}$ -ריצות שמגיעות ל*
 - $.q_{
 m rei}$ -ריצות שמגיעות ל*
 - * ריצות שלא עוצרות.
 - * ריצות שנתקעות.

הגדרה 4.2

 $q_{
m acc}$ -אם מתקבלת אחת אחת לפחות לפחות א"ד אם א"ד שם מילה $w\in \Sigma^*$ מילה

השפה של מ"ט א"ד M היא

$$L(M) = \{ w \in \Sigma^* \mid \exists u, v \in \Gamma^* : q_0 w \vdash_* u q_{acc} v \}$$

כלומר,

.wאת מקבלת שבה אחת ריצה היימת $w \in L(M)$

. או נתקעת, או אם או דוחה או על Mעל של ריצה בכל אם $w\notin L(M)$

L הגדרה 4.3 מ"ט א"ד המכריעה שפה

.תהי M מ"ט א"ד

 $w \in \Sigma^*$ אם לכל אם מכריעה שפה L מכריעה מ"ט א"ד

- w אם $M \Leftarrow w \in L$ אם
 - w אם $M \Leftarrow w \notin L$ אם •

L מ"ט א"ד המקבלת שפה הגדרה 4.4 מ"ט

.תהיMמ"ט א"ד

 $w \in \Sigma^*$ אם לכל שפה L מקבלת מקב M א"ד א"ד אומרים כי אומרים אומרים א

- w אם $M \Leftarrow w \in L$ אם •
- w או M לא עוצרת על $M \leftarrow w \notin L$ אם $M \leftarrow w \notin L$ אם •

דוגמה 4.1

נתונה השפה

$$L = \left\{ 1^n \mid$$
 אינו ראשוני $n \right\} \;, \qquad \Sigma = \left\{ 1
ight\} \;.$

פתרון:

הרעיון

L את המכריעה את א"ד N נבנה מ"ט א"ד

.nאת מחלק האם האם ותבדוק 1 < t < nמספר א"ד מספר באופן תבחר N



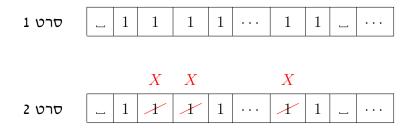
תאור הבניה

$$w=1^n$$
 על קלט N

שלב 1)

1 < t < n בוחרת באופן א"ד מספר א בוחרת אופן א

- 2 מעתיקה את w לסרט \bullet
- עוברת על העותק משמאל לימין, ובכל תא מחליטה באופן א"ד האם להשאיר את ה- 1 או למחוק אותו ע"י X (לדאוג שהמספר שנבחר הוא לא 1 ולא n).
 - . בסוף המעבר המספר t -ים שלא נמחקו. \bullet



n את מחלק שנבחר שלב N בודקת האם t בודקת את

- .אם כן אם מקבלת $N \Leftarrow 0$
- . אם לא אם אם אם $N \leftarrow \bullet$

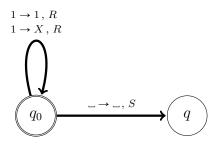
4.2 עץ החישוב של מ"ט א"ד

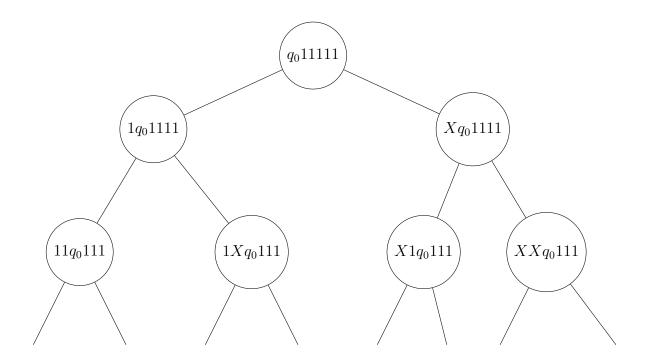
הגדרה 4.5 עץ החישוב של מ""ט א"ד

יבושרש עץ מושרש ו- w ו- w ו- w ומילה w ומילה w ומילה w ומילה w ומילה ומילה ומילה שבו

- w על M על בחישוב בעץ מתאר קונפיגורציה בחישוב של על (1
 - q_0w שורש העץ מתאר את הקונפיגורציה ההתחלתית (2
- v ע"י המתוארת ע"י מהקונפיגורציה המתוארת ע"י א לכל קדקוד ע בעץ הבנים של

דוגמה 4.2





4.3 שקילות בין מ"ט א"ד למ"ט דטרמיניסטית

RE -משפט 4.1 שקילות בין מ"ט א"ד למ"ט דטרמיניסטית ב

-לכל מ"ט א"ד N קיימת מ"ט דטרמיניסטית לכל מ

$$L(N) = L(D)$$
.

 $:w\in\Sigma^*$ כלומר לכל

- w אם $D \Leftarrow w$ מקבלת את אם N
- w אם N לא תקבל את $D \Leftarrow w$ אם N לא מקבלת את •

הוכחה: בהינתן מ"ט א"ד N נבנה מ"ט דטרמיניסטית הונכיח כי

$$L(N) = L(D)$$
.

רעיון ההוכחה

בהינתן קלט $N \in \Sigma^*$ על תבצע ריצה של כל החישובים האפשריים של N על א, ואם אחד החישובים מסתיים ב- אז D תעצור ותקבל.

מכיוון שייתכנו חישובים אינסופיים, לא נוכל לסרוק את עץ החישוב לעומק. במקום זה נסרוק את העץ מכיוון שייתכנו חישובים אינסופיים, לא נוכל לסרוק זה נבדוק את כל החישובים באורך 2, וכן הלאה. לרוחב. כלומר, נבדוק את כל החישובים באורך 2, ומעצור ותקבל. 2 עצור ותקבל.

תאור הבניה

 $: \alpha \in \Gamma$ ולכל ולכל שלכל מכיוון שלכל

$$\Delta(q,\alpha) \subseteq Q \times \Gamma \times \{L,R,S\} \ .$$

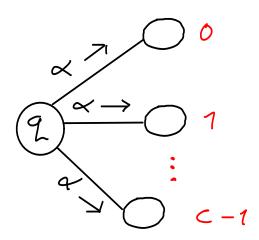
メンハ

$$|\Delta(q,\alpha)| \leqslant |Q| \cdot |\Gamma| \cdot |\{L,R,S\}| = 3|Q| \cdot |\Gamma| \ .$$

נסמן:

$$C = 3|Q| \cdot |\Gamma| .$$

שרירותית $\Delta(q,\alpha)$ -- ברים את מספר $\alpha\in\Gamma$ אות לכל $q\in Q$ שרירותית לכל • $\{0,1,2,\cdots,C-1\}\;.$



, $|\Delta(q, lpha) = j < C$ אם $j \leqslant k \leqslant C - 1$ אזי לכל $k = (q_{
m rej}, lpha, S)$ נקבע



N נשים לב כי שינוי זה לא משנה את השפה של \bullet



קידום לקסיקוגרפי:

D הבניה של

3 מכילה מכילה D