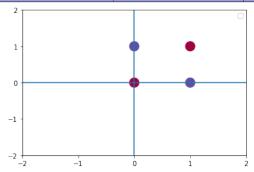
1 Perceptrón: XOR

XOR			
$W(0.5, 1.5) \ bias = 1.5$			
X_1	X_2	T	
0	0	0	
0	1	1	
1	0	1	
1	1	0	

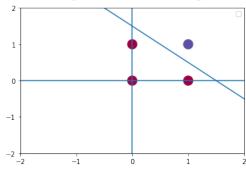


Estos datos no son linealmente separables, por lo cual no puede aplicarse el perceptrón.

2 Perceptrón: AND

And			
$W(0.5, 1.5) \ bias = 1.5$			
X_1	X_2	$\mid T \mid$	
0	0	0	
0	1	0	
1	0	0	
1	1	1	

Verficamos que sea linealmente separable:



Se puede apreciar en la imagen que en este caso los datos son linealmente

separables.

• Época 1:

- Paso 1. Entrada
$$P_1 = (0,0), T_1 = 0.$$

 $W(0.5, 1.5)$ bias = 1.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0 * 0.5) + (0 * 1.5) + 1.5 = 1.5$$

 $a = \text{hardlim}(1.5) = 1$
 $T_1 = 0 \neq a = 1$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_1 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_1 = (0.5, 1.5) + (-1) * (0, 0) = (0.5, 1.5)$
 $bias_N = bias + e = 1.5 + (-1) = 0.5$

- Paso 2. Entrada $P_2 = (0, 1), T_2 = 0.$ W(0.5, 1.5) bias = 0.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0 * 0.5) + (1 * 1.5) + 0.5 = 2$$

 $a = \text{hardlim}(2) = 1$
 $T_2 = 0 \neq a = 1$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$\begin{split} e &= T_2 - a = 0 - 1 = -1, \\ W_n &= W + e * P_2 = (0.5, 1.5) + (-1) * (0, 1) = (0.5, 0.5) \\ \mathrm{bias}_N &= \mathrm{bias} + e = 0.5 + (-1) = -0.5 \end{split}$$

- Paso 3. Entrada $P_3 = (1,0), T_3 = 0.$ W(0.5, 0.5) bias = -0.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 3:

neta + bias =
$$(1 * 0.5) + (0 * 0.5) - 0.5 = 0$$

 $a = \text{hardlim}(0) = 1$
 $T_3 = 0 \neq a = 1$

$$e = T_3 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_3 = (0.5, 0.5) + (-1) * (1, 0) = (-0.5, 0.5)$
 $bias_N = bias + e = -0.5 + (-1) = -1.5$

- Paso 4. Entrada
$$P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$$

 $W(-0.5, 0.5)$ bias = -1.5

neta + bias =
$$(1 * (-0.5)) + (1 * 0.5) - 1.5 = -1.5$$

 $a = \text{hardlim}(-1.5) = 0$
 $T_4 = 1 \neq a = 0$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_4 - a = 1 - 0 = 1,$$

 $W_n = W + e * P_4 = (-0.5, 0.5) + (1) * (1, 1) = (0.5, 1.5)$
 $bias_N = bias + e = -1.5 + 1 = -0.5$

• Época 2:

- Paso 1. Entrada
$$P_1 = (0,0), T_1 = 0.$$

 $W(0.5, 1.5)$ bias = -0.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0 * (0.5)) + (0 * 1.5) - 0.5 = -0.5$$

 $a = \text{hardlim}(-0.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0,1), T_2 = 0.$$

 $W(0.5, 1.5)$ bias = -0.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0 * (0.5)) + (1 * 1.5) - 0.5 = 1$$

 $a = \text{hardlim}(1) = 1$
 $T_2 = 0 \neq a = 1$

$$e = T_2 - a = 0 - 1 = -1,$$

$$W_n = W + e * P_2 = (0.5, 1.5) + (-1) * (0, 1) = (0.5, 0.5)$$

$$bias_N = bias + e = -0.5 - 1 = -1.5$$

- Paso 3. Entrada
$$P_3 = (1,0), T_3 = 0.$$

 $W(0.5, 0.5)$ bias = -1.5

neta + bias =
$$(1 * (0.5)) + (0 * 0.5) - 1.5 = -1$$

 $a = \text{hardlim}(-1) = 0$
 $T_3 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 4. Entrada $P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$ W(0.5, 0.5) bias = -1.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 4:

neta + bias =
$$(1 * (0.5)) + (1 * 0.5) - 1.5 = -0.5$$

 $a = \text{hardlim}(-0.5) = 0$
 $T_4 = 1 \neq a = 0$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_4 - a = 1 - 0 = 1,$$

 $W_n = W + e * P_4 = (0.5, 0.5) + (1) * (1, 1) = (1.5, 1.5)$
 $bias_N = bias + e = -1.5 + 1 = -0.5$

- Época 3:
 - Paso 1. Entrada $P_1 = (0,0), T_1 = 0.$ W(1.5, 1.5) bias = -0.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0 * (1.5)) + (0 * 1.5) - 0.5 = -0.5$$

 $a = \text{hardlim}(-0.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0, 1), T_2 = 0.$$

 $W(1.5, 1.5)$ bias = -0.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0 * (1.5)) + (1 * 1.5) - 0.5 = 1$$

 $a = \text{hardlim}(1) = 1$
 $T_2 = 0 \neq a = 1$

$$e = T_2 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_2 = (1.5, 1.5) + (-1) * (0, 1) = (1.5, 0.5)$
 $bias_N = bias + e = -0.5 - 1 = -1.5$

- Paso 3. Entrada
$$P_3 = (1,0), T_3 = 0.$$

 $W(1.5, 0.5)$ bias = -1.5

neta + bias =
$$(1 * (1.5)) + (0 * 0.5) - 1.5 = 0$$

 $a = \text{hardlim}(0) = 1$
 $T_3 = 0 \neq a = 1$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_3 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_3 = (1.5, 0.5) + (-1) * (1, 0) = (0.5, 0.5)$
 $bias_N = bias + e = -1.5 - 1 = -2.5$

- Paso 4. Entrada
$$P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$$

 $W(0.5, 0.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 4:

neta + bias =
$$(1 * (0.5)) + (1 * 0.5) - 2.5 = -1.5$$

 $a = \text{hardlim}(-1.5) = 0$
 $T_4 = 1 \neq a = 0$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_4 - a = 1 - 0 = 1,$$

$$W_n = W + e * P_4 = (0.5, 0.5) + (1) * (1, 1) = (1.5, 1.5)$$

$$bias_N = bias + e = -2.5 + 1 = -1.5$$

• Época 4:

- Paso 1. Entrada
$$P_1 = (0,0), T_1 = 0.$$

 $W(1.5, 1.5)$ bias = -1.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0 * (1.5)) + (0 * 1.5) - 1.5 = -1.5$$

 $a = \text{hardlim}(-1.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0,1), T_2 = 0.$$

 $W(1.5, 1.5)$ bias = -1.5

neta + bias =
$$(0 * (1.5)) + (1 * 1.5) - 1.5 = 0$$

 $a = \text{hardlim}(0) = 1$
 $T_2 = 0 \neq a = 1$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_2 - a = 0 - 1 = -1,$$

$$W_n = W + e * P_2 = (1.5, 1.5) + (-1) * (0, 1) = (1.5, 0.5)$$

$$bias_N = bias + e = -1.5 - 1 = -2.5$$

- Paso 3. Entrada $P_3 = (1,0), T_3 = 0.$ W(1.5, 0.5) bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 3:

neta + bias =
$$(1 * (1.5)) + (0 * 0.5) - 1.5 = -2.5$$

 $a = \text{hardlim}(-2.5) = 0$
 $T_3 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 4. Entrada
$$P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$$

 $W(1.5, 0.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 4:

neta + bias =
$$(1 * (1.5)) + (1 * 0.5) - 2.5 = -0.5$$

 $a = \text{hardlim}(-0.5) = 0$
 $T_4 = 1 \neq a = 0$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_4 - a = 1 - 0 = 1,$$

 $W_n = W + e * P_4 = (1.5, 0.5) + (1) * (1, 1) = (2.5, 1.5)$
 $bias_N = bias + e = -2.5 + 1 = -1.5$

- Época 5:
 - Paso 1. Entrada $P_1 = (0,0), T_1 = 0.$ W(2.5, 1.5) bias = -1.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0*(2.5)) + (0*1.5) - 1.5 = -1.5$$

 $a = \text{hardlim}(-1.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0,1), T_2 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -1.5

neta + bias =
$$(0 * (2.5)) + (1 * 1.5) - 1.5 = 0$$

 $a = \text{hardlim}(0) = 1$
 $T_2 = 0 \neq a = 1$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_2 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_2 = (2.5, 1.5) + (-1) * (0, 1) = (2.5, 0.5)$
 $\text{bias}_N = \text{bias} + e = -1.5 - 1 = -2.5$

- Paso 3. Entrada
$$P_3 = (1,0), T_3 = 0.$$

 $W(2.5, 0.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 3:

neta + bias =
$$(1 * (2.5)) + (0 * 0.5) - 2.5 = 0$$

 $a = \text{hardlim}(0) = 1$
 $T_3 = 0 \neq a = 1$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_3 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_3 = (2.5, 0.5) + (-1) * (1, 0) = (1.5, 0.5)$
 $bias_N = bias + e = -2.5 - 1 = -3.5$

- Paso 4. Entrada
$$P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$$

 $W(1.5, 0.5)$ bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 4:

neta + bias =
$$(1 * (1.5)) + (1 * 0.5) - 3.5 = -1.5$$

 $a = \text{hardlim}(-1.5) = 0$
 $T_4 = 1 \neq a = 0$

$$e = T_4 - a = 1 - 0 = 1,$$

$$W_n = W + e * P_4 = (1.5, 0.5) + (1) * (1, 1) = (2.5, 1.5)$$

$$bias_N = bias + e = -3.5 + 1 = -2.5$$

• Época 6:

- Paso 1. Entrada
$$P_1 = (0,0), T_1 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0 * (2.5)) + (0 * 1.5) - 2.5 = -2.5$$

 $a = \text{hardlim}(-2.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0,1), T_2 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0 * (2.5)) + (1 * 1.5) - 2.5 = -1$$

 $a = \text{hardlim}(-1) = 0$
 $T_2 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 3. Entrada
$$P_3 = (1,0), T_3 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 3:

neta + bias =
$$(1 * (2.5)) + (0 * 1.5) - 2.5 = 0$$

 $a = \text{hardlim}(0) = 1$
 $T_3 = 0 \neq a = 1$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_3 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_3 = (2.5, 0.5) + (-1) * (1, 0) = (1.5, 0.5)$
 $bias_N = bias + e = -2.5 - 1 = -3.5$

- Paso 4. Entrada
$$P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$$

 $W(1.5, 0.5)$ bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 4:

neta + bias =
$$(1 * (1.5)) + (1 * 0.5) - 3.5 = -1.5$$

 $a = \text{hardlim}(-1.5) = 0$
 $T_4 = 1 \neq a = 0$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_4 - a = 1 - 0 = 1,$$

 $W_n = W + e * P_4 = (1.5, 0.5) + (1) * (1, 1) = (2.5, 1.5)$
 $bias_N = bias + e = -3.5 + 1 = -2.5$

- Época 7:
 - Paso 1. Entrada $P_1 = (0,0), T_1 = 0.$ W(2.5, 1.5) bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0 * (2.5)) + (0 * 1.5) - 2.5 = -2.5$$

 $a = \text{hardlim}(-2.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0,1), T_2 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0 * (2.5)) + (1 * 1.5) - 2.5 = -1$$

 $a = \text{hardlim}(-1) = 0$
 $T_2 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 3. Entrada
$$P_3 = (1,0), T_3 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 3:

$$\begin{aligned} & \text{neta} + \text{bias} = (1*(2.5)) + (0*1.5) - 2.5 = 0 \\ & a = \text{hardlim}(0) = 1 \\ & T_3 = 0 \neq a = 1 \end{aligned}$$

$$e = T_3 - a = 0 - 1 = -1,$$

$$W_n = W + e * P_3 = (2.5, 1.5) + (-1) * (1, 0) = (1.5, 1.5)$$

$$bias_N = bias + e = -2.5 - 1 = -3.5$$

- Paso 4. Entrada
$$P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$$

 $W(1.5, 1.5)$ bias = -3.5

neta + bias =
$$(1 * (1.5)) + (1 * 1.5) - 3.5 = -0.5$$

 $a = \text{hardlim}(-0.5) = 0$
 $T_4 = 1 \neq a = 0$

Por lo tanto es necesario ajustar los pesos:

$$e = T_4 - a = 1 - 0 = 1,$$

 $W_n = W + e * P_4 = (1.5, 1.5) + (1) * (1, 1) = (2.5, 2.5)$
 $bias_N = bias + e = -3.5 + 1 = -2.5$

• Época 8:

- Paso 1. Entrada
$$P_1 = (0,0), T_1 = 0.$$

 $W(2.5, 2.5) \text{ bias} = -2.5$

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0 * (2.5)) + (0 * 2.5) - 2.5 = -2.5$$

 $a = \text{hardlim}(-2.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0, 1), T_2 = 0.$$

 $W(2.5, 2.5)$ bias = -2.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0 * (2.5)) + (1 * 2.5) - 2.5 = 0$$

 $a = \text{hardlim}(0) = 1$
 $T_2 = 0 \neq a = 1$

$$e = T_2 - a = 0 - 1 = -1,$$

 $W_n = W + e * P_2 = (2.5, 2.5) + (-1) * (0, 1) = (2.5, 1.5)$
 $bias_N = bias + e = -2.5 - 1 = -3.5$

- Paso 3. Entrada
$$P_3 = (1,0), T_3 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -3.5

neta + bias =
$$(1 * (2.5)) + (0 * 1.5) - 3.5 = -1$$

 $a = \text{hardlim}(-1) = 0$
 $T_3 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 4. Entrada $P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$ W(2.5, 1.5) bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 4:

$$\begin{aligned} & \text{neta} + \text{bias} = (1*(2.5)) + (1*1.5) - 3.5 = 0.5 \\ & a = \text{hardlim}(0.5) = 1 \\ & T_4 = 1 = a = 1 \end{aligned}$$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Época 9:
 - Paso 1. Entrada $P_1 = (0,0), T_1 = 0.$ W(2.5, 1.5) bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0*(2.5)) + (0*1.5) - 3.5 = -3.5$$

 $a = \text{hardlim}(-3.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 2. Entrada
$$P_2 = (0,1), T_2 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5) \text{ bias } = -3.5$

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0*(2.5)) + (1*1.5) - 3.5 = -2$$

 $a = \text{hardlim}(-2) = 0$
 $T_2 = 0 = a = 0$

- Paso 3. Entrada
$$P_3 = (1,0), T_3 = 0.$$

 $W(2.5, 1.5)$ bias = -3.5

neta + bias =
$$(1*(2.5)) + (0*1.5) - 3.5 = -1$$

 $a = \text{hardlim}(-1) = 0$
 $T_3 = 0 = a = 0$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Paso 4. Entrada $P_4 = (1, 1), T_4 = 1.$ W(2.5, 1.5) bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 4:

$$\begin{aligned} & \text{neta} + \text{bias} = (1*(2.5)) + (1*1.5) - 3.5 = 0.5 \\ & a = \text{hardlim}(0.5) = 1 \\ & T_4 = 1 = a = 1 \end{aligned}$$

Por lo tanto no es necesario ajustar los pesos:

- Fase de Verificación:
 - Paso 1. Entrada $P_1 = (0,0), T_1 = 0.$ W(2.5, 1.5) bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 1:

neta + bias =
$$(0*(2.5)) + (0*1.5) - 3.5 = -3.5$$

 $a = \text{hardlim}(-3.5) = 0$
 $T_1 = 0 = a = 0$

- Paso 2. Entrada $P_2 = (0,1), T_2 = 0.$ W(2.5, 1.5) bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 2:

neta + bias =
$$(0*(2.5)) + (1*1.5) - 3.5 = -2$$

 $a = \text{hardlim}(-2) = 0$
 $T_2 = 0 = a = 0$

- Paso 3. Entrada $P_3 = (1,0), T_3 = 0.$ W(2.5, 1.5) bias = -3.5

Aplicamos la regla de aprendizaje para el patrón 3:

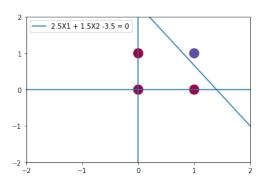
neta + bias =
$$(1 * (2.5)) + (0 * 1.5) - 3.5 = -1$$

 $a = \text{hardlim}(-1) = 0$
 $T_3 = 0 = a = 0$

– Paso 4. Entrada
$$P_4 = (1,1), T_4 = 1.$$
 $W(2.5, 1.5)$ bias = -3.5

neta + bias =
$$(1*(2.5)) + (1*1.5) - 3.5 = 0.5$$

 $a = \text{hardlim}(0.5) = 1$
 $T_4 = 1 = a = 1$



Los resultados obtenidos son:

Pesos: W(2.5, 1.5) bias: -3.5