Ejemplo imputación múltiple con MICE

> library(mice)

> head(nhanes)

```
age bmi hyp chl
   1
      NA NA NA
   2 22.7
            1 187
2
3
   1
      NA
           1 187
4
   3
       NA NA NA
5
   1 20.4
           1 113
   3
       NA NA 184
6
```

Estos son los primeros 6 renglones de un total de 25. Datos de la librería mice.

age Age group (1=20-39, 2=40-59, 3=60+)

bmi Body mass index (kg/m**2)

hyp Hypertensive (1=no,2=yes)

chl Total serum cholesterol (mg/dL)

> md.pattern(nhanes)

	age	hyp	bmi	chl	
13	1	1	1	1	0
3	1	1	1	0	1
1	1	1	0	1	1
1	1	0	0	1	2
7	1	0	0	0	3
	0	8	9	10	27

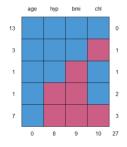
13 observaciones completas

3 que les falta medición de chl

1 que le falta bmi ,; 1 que le faltan hyp y bmi

7 que les faltan hyp, bmi y chl

 $(7 \times 3) + (1 \times 2) + (3 \times 1) + (1 \times 1) = 27$



> imp <- mice(nhanes, seed = 23109,print=FALSE)</pre>

Este es el comando para correr la imputación múltiple. Fijamos la semilla inicial para que se pueda replicar .

> print(imp)

Class: mids

Number of multiple imputations: 5

Imputation methods:

age bmi hyp chl
"" "pmm" "pmm" "pmm"

PredictorMatrix:

age bmi hyp chl 0 1 1 age bmi 1 0 1 1 1 0 hyp 1 1 chl 1 1 0 1

Habrá 5 juegos de datos

Por ejemplo la variable

bmi será modelada a través de age+hyp+chl

> imp\$imp\$omi

	1	2	3	4	5
1	28.7	27.2	22.5	27.2	28.7
3	30.1	30.1	30.1	22.0	28.7
4	22.7	27.2	20.4	22.7	20.4
6	24.9	25.5	22.5	21.7	21.7
10	30.1	29.6	27.4	25.5	25.5
11	35.3	26.3	22.0	27.2	22.5
12	27.5	26.3	26.3	24.9	22.5
16	29.6	30.1	27.4	30.1	25.5

21 33.2 30.1 35.3 22.0 22.7

Hay 9 valores faltantes de bmi

Aquí están los 5 juegos de 9 imputaciones

> imp\$imp\$hyp 1 2 3 4 5 1 2 1 1 1 1 4 2 2 2 1 1 2 2 2 1 1 6 10 1 2 1 1 1 11 1 1 1 1 1 12 1 1 1 1 1 16 1 1 1 1 1 21 1 1 1 1 1 > complete(imp) age bmi hyp chl 1 28.7 1 199 2 2 22.7 1 187 3 1 30.1 1 187 4 3 22.7 2 204 5 1 20.4 1 113 6 3 24.9 2 184 7 1 22.5 1 118 1 30.1 8 1 187 9 2 22.0 1 238 2 30.1 1 229 10 1 35.3 1 187 11 12 2 27.5 1 229 13 3 21.7 1 206 14 2 28.7 2 204 15 1 29.6 1 238 1 29.6 1 238 16 17 3 27.2 2 284 18 2 26.3 2 199 19 1 35.3 1 218 3 25.5 2 206 20 21 1 33.2 1 238 1 229 22 1 33.2 23 1 27.5 1 131 24 3 24.9 1 284 25 2 27.4 1 186

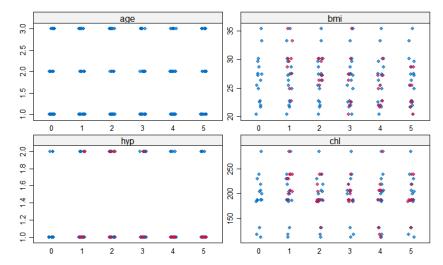
```
Hay 8 valores faltantes de hyp
```

Aquí están los 5 juegos de 8 imputaciones

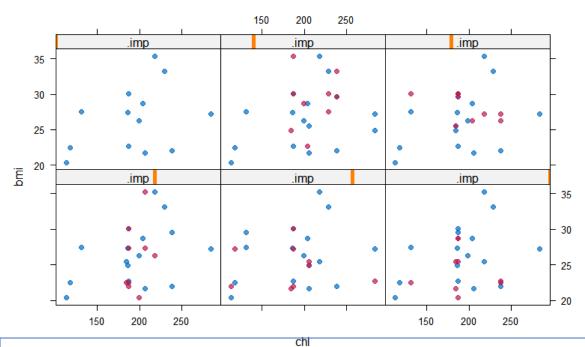
Este es un juego de datos completos. (el primero)

> library(lattice)

> stripplot(imp, pch = 20, cex = 1.2)



> xyplot(imp, bmi ~ chl | .imp, pch = 20, cex = 1.4)



Si la idea es correr un análisis de regresión para explicar los niveles de colesterol en función de la edad y el índice de masa corporal, este paquete *mice* permite hacerlo así.

```
> fit <- with(imp, lm(chl ~ age + bmi))</pre>
> print(pool(fit))
Class: mipo
                             ubar
        term m estimate
                                                    t dfcom
                                                                                lambda
1 (Intercept) 5 5.958468 3575.717813 1649.43830 5555.043768
                                                         22 9.216954 0.5535465 0.3563115 0.4616878
2
         age 5 29.725360
                         82.553435 115.72029 221.417779
                                                         22 4.331856 1.6821147 0.6271599 0.7288640
3
        bmi 5 5.138790
                         3.686724
                                    0.91985
                                              4.790544
                                                         22 12.907767 0.2994040 0.2304164 0.3271721
 summary(pool(fit))
          term estimate std.error statistic
                                                          df
                                                                 p.value
               5.958468 74.532166 0.07994492
 (Intercept)
                                                   9.216954 0.93799003
2
           age 29.725360 14.880114 1.99765683
                                                  4.331856 0.11101260
3
           bmi 5.138790 2.188731 2.34783949 12.907767 0.03549532
```

$$\bar{\gamma} = \sum_{i=1}^{D} \gamma_i / D$$

Este es el estimador combinado

$$T_D = \bar{U}_D + (1+1/D)B_D$$

Esta es la varianza del estimador combinado

con

$$ar{U}_D = \sum_{i=1}^D U_i/D$$
 (Promedio de varianzas)

y

$$B_D = \sum_{i=1}^D (\hat{\gamma}_i - \bar{\gamma})^2/(D-1)$$
 (Varianza entre imputaciones)