

Hier ist mal beispielhaft meine Rechnung für  $T_{xx}$ :

$$T_{xx} = \int d^3(2x^2 - y^2 - z^2)\rho(\vec{r})$$

Mit:

$$x = sa \cos(\phi)$$

$$y = sb \sin(\phi)$$

$$z = z$$

bekommt man:

$$T_{xx} = \frac{Q}{\pi ab} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_0^{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} ds d\phi dz (s^2(2a^2 \cos^2(\phi) - b^2 \sin^2(\phi)) - z^2) \delta(s^2 - 1) \delta(z)$$

Substituiere:

$$u = s^2$$

$$ds = \frac{ds}{2 * s}$$

Und mit dem Delta erhalten wir:

$$T_{xx} = \frac{Q}{\pi ab} \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_0^{2\pi} du d\phi u (2a^2 \cos(\phi)^2 - b^2 \sin(\phi)^2) \delta(u - 1)$$

Nun haben wir für  $\cos^2$  und  $\sin^2$ :

$$\int_0^{2\pi} d\phi \sin(\phi)^2 = \left( \frac{\phi}{2} - \frac{\sin(\phi) \cos(\phi)}{2} \right) \Big|_0^{2\pi} = \pi$$

$$\int_0^{2\pi} d\phi \cos(\phi)^2 = \left( \frac{\phi}{2} + \frac{\sin(\phi) \cos(\phi)}{2} \right) \Big|_0^{2\pi} = \pi$$

Damit erhalten wir als Ergebnis:

$$T_{xx} = \frac{Q}{\pi ab} \pi \left( a^2 - \frac{b^2}{2} \right) = \frac{Q}{ab} \left( a^2 - \frac{b^2}{2} \right)$$

Ich hoffe, das stimmt so...