# Freude am Kopfrechnen vermitteln

Planung, Durchführung und Auswertung eines Themenblockes, mit dem Ziel OberstufenschülerInnen zum Kopfrechnen zu motivieren

Jérôme Landtwing, betreut von Hans-Heinrich Huwiler

Kantonsschule Ausserschwyz Maturaarbeit 2016 "Ich erfreute mich vorzüglich an der Mathematik wegen der Gewissheit und Sicherheit ihrer Beweise; allein ich erkannte ihren Nutzen noch nicht."

(René Descartes)

#### Querschnitt

- Kopfrechnen
  - Was ist Kopfrechnen?
- 2 Projekt
  - Rahmenbedingungen
  - Ziele
- 3 Auswertung
  - Quantitätsverlauf
  - Qualitätsverlauf
  - Auswertung: Ziele
- Abschluss

## **Definition Kopfrechnen**

Kopfrechnen ist, wenn ohne eine Notation von Zwischenschritten - unter Ausnutzung von Strategien - die Lösung einer Aufgabe im Kopf erfolgt.

(nach Krauthausen & Scherer)

#### **Definition Kopfrechnen**

Kopfrechnen ist, wenn ohne eine Notation von Zwischenschritten - unter Ausnutzung von Strategien - die Lösung einer Aufgabe im Kopf erfolgt.

(nach Krauthausen & Scherer)

# Strategien

#### **Funktionsweise**

- Schwieriges einfach machen.
- Rechenregeln kennen, anwenden, ausnützen.
- Mathematisch korrekt!

#### Ziel

Einen möglichst geschickten Rechenweg kreieren.

## Strategien

#### Beispiele

- Reihenfolge von Summanden bzw. Faktoren verändern.
- Grosse Zahlen in kleinere aufteilen.
- Unbekanntes durch Bekanntes ersetzen.

## Strategien: Beispiele

$$158 + 394 = ?$$
 $1000 - 381 = ?$ 
 $21 \cdot 14 = ?$ 

#### Strategie: Addition

#### Hinüberschieben

Von einem Summanden einen Betrag abziehen und beim anderen Summanden hinzuzählen.

$$158 + 394 = ?$$
 $(158-6) + (394+6) = ?$ 
 $152 + 400 = 552$ 

#### Strategie: Subtraktion

#### Subtraktion von 1000

Alle Stellen von 9, die Einerstelle von 10 subtrahieren.

$$1000 - 381 = ?$$

		Subtrahieren von:	Ergibt
Hunderterstelle:	3	9	6
Zehnerstelle:	8	9	1
Einerstelle:	1	10	9

## Strategien: Multiplikation

#### Summen bilden

Einen Faktor in eine Summe umwandeln, um die Multiplikation in Teilschritte aufzuteilen.

$$21 \cdot 14 = ?$$
 $(20 + 1) \cdot 14 = ?$ 
 $280 + 14 = 294$ 

## **Projekt**

# Rahmenbedingunen

- 2 Klassen
- 24 SchülerInnen
- 90 Minuten: Theorieleketion
- 3 Wochen: Übungsphase
- 3 Übungseinheiten pro Woche
- 5 Minuten: Üben zu Beginn jeder Mathematikstunde

Ziele

## **Projekt**

#### **Ziele**

- Techniken vermitteln
- Freude am Kopfrechnen vermitteln
- Zum Kopfrechnen motivieren
- Kopfrechenkompetenz erweitern

#### **Boxplot**

- Median = Mittlerer Testwert
- Quantil = 25% der Testwerte
- Ausreisser

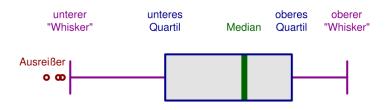


Abbildung: Beispiel eines Boxplottes

## Quantitätsverlauf

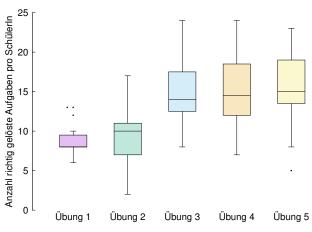


Abbildung: Chronologischer Verlauf der Quantität

## Quantitätsverlauf

#### Erkenntnisse

- Steigerung erkennbar.
- Stetige Verbesserung.
- Alle SchülerInnen waren fähig, mehr Aufgaben richtig zu lösen.

## Qualitätsverlauf

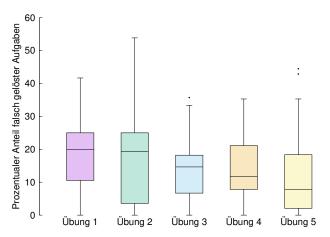


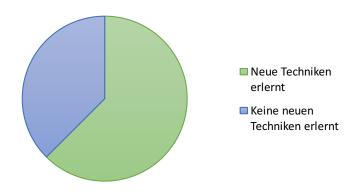
Abbildung: Chronologischer Verlauf der Fehlerquote

#### Quantitätsverlauf

#### **Erkenntnisse**

- Fehlerquote wurde stetig reduziert.
- Die Streuung unter den besseren SchülerInnen wurde immer kleiner.
- Die meisten SchülerInnen konnten ihre Fehlerquote reduzieren.

#### Ziel: Techniken erlernen



**Abbildung:** Rund  $\frac{2}{3}$  der SchülerInnen erlernten neue Techniken.

#### Ziel: Freude am Kopfrechnen gewinnen

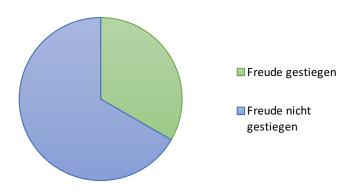
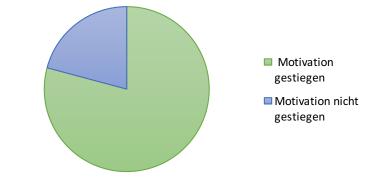


Abbildung: Rund  $\frac{1}{3}$  der SchülerInnen gewannen Freude am Kopfrechnen.

#### Ziel: Motivation steigern



**Abbildung:** Rund  $\frac{4}{5}$  der SchülerInnen gingen nach dem Projekt motivierter an Kopfrechnungen heran.

#### Ziel: Kopfrechenkompetenz verbessern

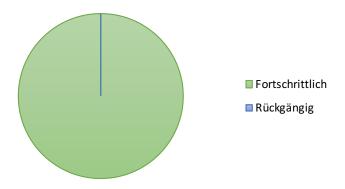


Abbildung: Alle SchülerInnen gaben an, ihre Kopfrechenfähigkeiten verbessert zu haben.

## Meine Erfahrungen

- Spass und Freude
- Einblick in den Lehrerberuf
- Wertvolle Erfahrung

# Zusammenfassung

Aufwand			
90min	Theorielektion		
25min	Übungsserien		
115min			

Ertrag
Freude
Motivation
Leistungssteigerung

Tabelle: Vergleich Aufwand und Ertrag

Fragen?

# Danke!

Für Fragen, Anregungen, Informationen stehe ich gerne zu Verfügung