## 中山大学本科生期末考试

## 考试科目:《图论及其应用》

字干字期: 2020 字干弗二字期 姓 名:	学年学期: 2020 学年第二学期 姓 名:
------------------------	------------------------

学 院/系: 计算机学院 学 号:

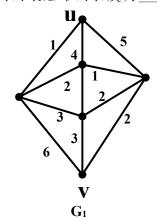
考试方式: 闭卷 年级专业: \_\_\_\_\_

考试时长: 120 分钟 班 别: \_\_\_\_\_

警示《中山大学授予学士学位工作细则》第八条:"考试作弊者,不授予学士学位。"

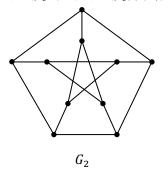
## 一以下为试题区域,考生请在答题纸上作答-----

- 一. 填空题(每空2分, 共12分)
  - 1. 若自补图G的顶点数是 n, 则G的边数  $m(G)=____;$
  - 2. 若图  $G_1 = (n_1, m_1)$ ,  $G_2 = (n_2, m_2)$ ,则它们的联图  $G = G_1 \vee G_2$ 的顶点数=\_\_\_\_\_; 边数=\_\_\_\_\_;
  - 3. 下图 G<sub>1</sub> 中 u 与 v 间的最短路的长度为 :

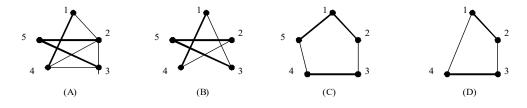


- 5. 三角形图的生成树的棵数为\_\_\_\_\_;

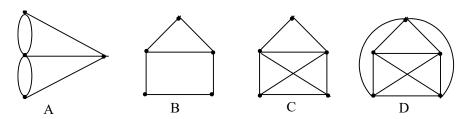
6. G<sub>2</sub>的点连通度与边连通度分别为\_\_\_\_\_;



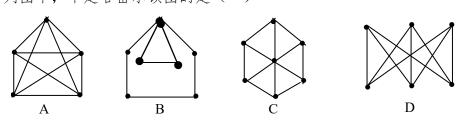
- 二. 单项选择(每题2分, 共12分)
- 1. 下面命题正确的是()
  - (A) 任意一个非负整数序列均是某图的度序列;
  - (B) 设非负整数序列  $\pi = (d_1, d_2, \dots, d_n)$ , 则  $\pi$ 是图序列当且仅当  $\sum_{i=1}^n d_i$  为偶数;
- (C) 若非负整数序列  $\pi = (d_1, d_2, \cdots, d_n)$  是图序列,则  $\pi$  对应的不同构的图一定唯一:
- (D) n 阶图 G 和它的补图  $\overline{G}$  有相同的频序列.
- 2. 设  $V(G) = \{1,2,3,4,5\}$ ,  $E(G) = \{(1,2),(2,3),(3,4),(4,5),(5,1)\}$  则图 G = (V,E) 的补图是( )



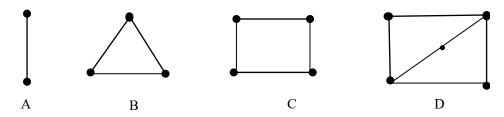
3. 下列图中,是欧拉图的是()



4. 下列图中,不是哈密尔顿图的是()



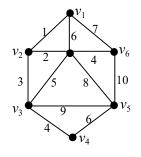
5. 下列图中,不是偶图的是()



- 6. 下列说法中正确的是( )
- (A) 任意一个图均存在完美匹配;
- (B) k(k ≥ 1)正则偶图一定存在完美匹配;
- (C) 匈牙利算法不能求出偶图的最大匹配,只能用它求偶图的完美匹配;
- (D) 序列 (7, 5, 4, 3, 3, 2) 不是任意图的度序列。

三、(10分)设图 G 的阶为 14,边数为 27,G 中每个顶点的度只可能为 3,4 或 5,且 G 有 6 个度为 4 的顶点。问 G 中有多少度为 3 的顶点?多少度为 5 的顶点?

四、  $(18 \, \mathcal{D})$ 在下面边赋权图中求: (1)每个顶点到点 $v_1$ 的距离(只需要把距离结果标在相应顶点处,不需要写出过程); (2) 在该图中求出一棵最小生成树,并给出最小生成树权值(不需要中间过程,用波浪线在图中标出即可); (3) 构造一条最优欧拉环游。



五、(8分)每棵非平凡树至少有两片树叶.

六、(8 分)设 $d_1, d_2, \cdots d_n$ 是n个不同的正整数,求证:序列 $\pi = (d_1, d_2, \cdots, d_n)$ 不能是简单图的度序列。

七、 $(8 \, \mathcal{G})$ 设G与其补图 $\overline{G}$ 的边数分别为 $m_1, m_2$ ,求G的阶数。

八、(12分) 今有 a,b,c,d,e,f,g 七个人围圆桌开会,已知: a 会讲英语,b 会讲英语和汉语,c 会讲英语、意大利语和俄语,d 会讲日语和汉语,e 会讲德语和意大利语,f 会讲法语、日语和俄语,g 会讲法语与德语。给出一种排座方法,使每个人能够和他身边的人交流(用图论方法求解)。

九、(12分)来自亚特兰大,波士顿,芝加哥,丹佛,路易维尔,迈阿密,以及纳什维尔的7支垒球队受邀请参加比赛,其中每支队都被安排与一些其它队比赛(安排如下所示)。每支队同一天最多进行一场比赛。建立一个具有最少天数的比赛时间表。

亚特兰大:波士顿,芝加哥,迈阿密,纳什维尔

波士顿:亚特兰大,芝加哥,纳什维尔

芝加哥:亚特兰大,波士顿,丹佛,路易维尔

丹佛: 芝加哥, 路易维尔, 迈阿密, 纳什维尔

路易维尔: 芝加哥, 丹佛, 迈阿密

迈阿密: 亚特兰大, 丹佛, 路易维尔, 纳什维尔

纳什维尔:亚特兰大,波士顿,丹佛,迈阿密

(要求用图论方法求解)