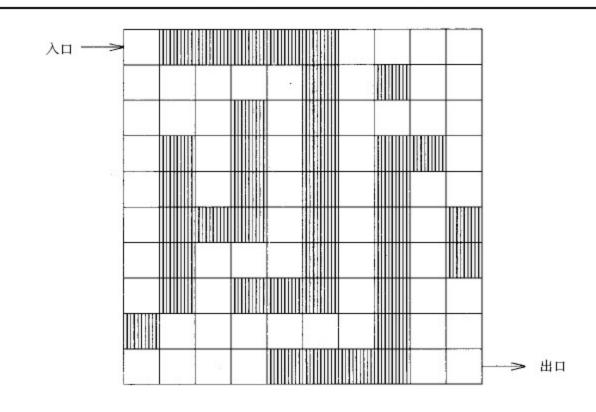


第一部分

线性结构应用



迷宫老鼠问题

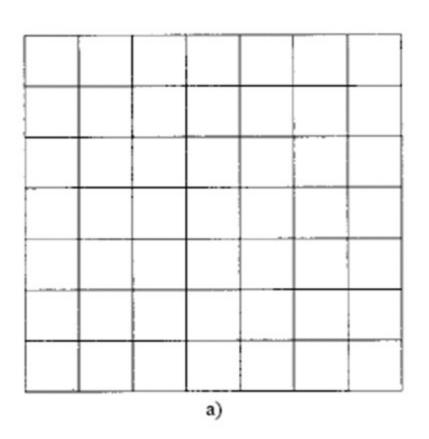


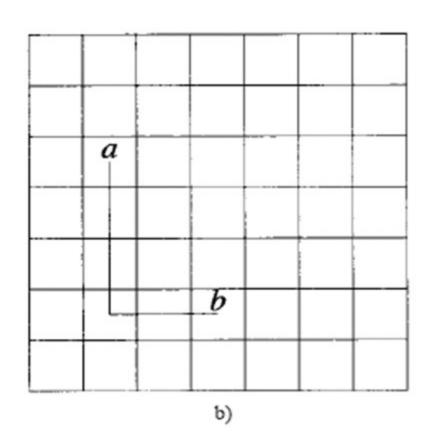
- 应用深度优先搜索、回溯、栈、矩阵(二维数组)可求解迷宫从入口到出口的一条路径
- 应用递归



电路布线问题

• 问题描述:

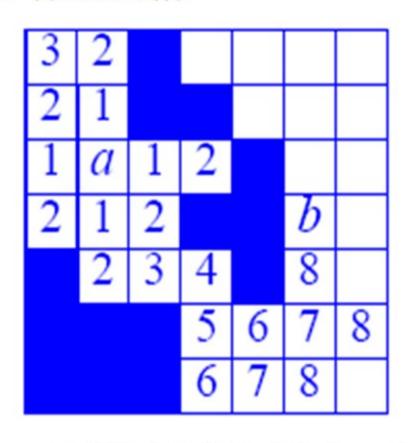




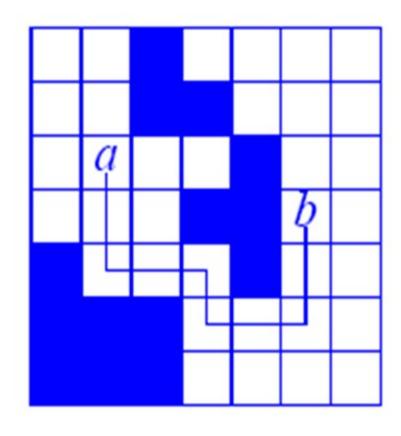


寻找路径设计思路

1. 标识网格



2.构造最短路径



• 应用宽度优先搜索、队列、矩阵(二维数组)



犯罪团伙问题

• 警察抓到了n个罪犯,警察根据经验知道他们属于 不同的犯罪团伙,却不能判断有多少个团伙,但 通过警察的审讯,知道其中的一些罪犯之间相互 认识,已知同一犯罪团伙的成员之间直接或间接 认识。有可能一个犯罪团伙只有一个人。请你根 据已知罪犯之间的关系,确定犯罪团伙的数量和 每个犯罪团伙的罪犯。



求解思路

- 开始把n个人看成n个独立集合(团伙)。
- 每遇到两个认识的人i和j,查找i和j所在的集合p和q,如果p和q是同一个集合,不作处理;如果p和q属于不同的集合,则合并p和q为一个集合。
- 最后统计集合的个数即可得到犯罪团伙的数量;每个集合中的元素则为犯罪团伙的成员。
- 集合 (团伙): 等价类
- i和j等价: i和j属于同一个集合(团伙)

SE PROONG UNIVERSE

并查集

```
Class UnionFind{
public:
  UnionFind(int numberOfElements)
   //构造函数; n=numberOfElements,
   //初始化n个类,每个类仅有一个元素
  ~UnionFind();//析构函数
  void unite(int classA, int classB)
    //合并类classA和类classB,假设classA!=classB
   int find(int theElement)
     //搜索包含元素theElement的类
protected:
  ...../集合的存储结构
    n; //元素个数
```



• 给出使用UnionFind求解犯罪团伙问题的算 法描述



Top K 问题

- 搜索引擎会通过日志文件把用户每次检索使用的所有检索 串都记录下来,每个查询串的长度为1-255字节。 假设目 前有一千万个记录,请你统计最热门的10个查询串,要求 使用的内存不能超过1G。
- 注:这些查询串的重复度比较高,虽然总数是1千万,但如果除去重复后,不超过3百万个。一个查询串的重复度越高,说明查询它的用户越多,也就是越热门。





- ◆统计每个查询串出现的次数
- ◆根据统计结果,找出Top 10



查询串统计

- (1).直接排序法
 - 对日志里面的所有查询串进行排序
 - 遍历排好序的查询串,统计每个查询串出现的 次数
- 问题:
 - 一千万条记录, 每条记录是255Byte, 占据 2.375G内存
 - 内存不能超过1G



查询串统计

- (2). 外排序法
 - 对日志里面的所有查询串进行排序
 - 遍历排好序的查询串,统计每个查询串出现的 次数
- 复杂度:
 - ◆排序的时间复杂度是0(NlogN)
 - ◆遍历的时间复杂度是0(N)
 - ◆因此总体时间复杂度0(N+N1ogN)=0(N1ogN)



Top K 问题

- 搜索引擎会通过日志文件把用户每次检索使用的所有检索串都记录下来,每个查询串的长度为1-255字节。
- 假设目前有一千万个记录,请你统计最热门的10个查询串, 要求使用的内存不能超过1G。
- 注:这些查询串的重复度比较高,虽然总数是1千万,但如果除去重复后,不超过3百万个。一个查询串的重复度越高,说明查询它的用户越多,
 就是越热门。

300万条记录,每条记录是255Byte,占据0.712G内存

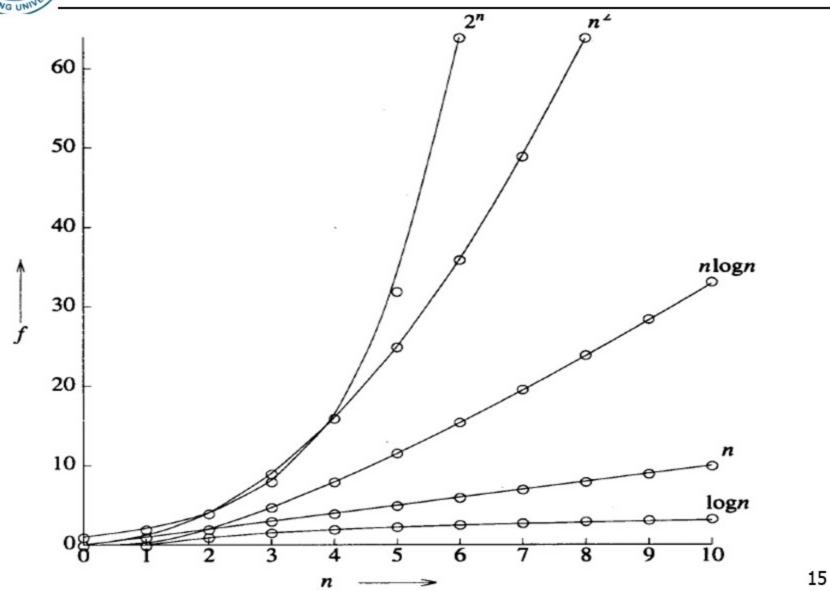


查询串统计

- (3) 散列表
 - Key为查询串字串
 - Value为该查询串出现次数
- 设计思想:
- 每次读取一个查询串
 - ◆如果该字串不在散列表Table中,那么加入该字串, 并且将Value值设为1;
 - ◆如果该字串在散列表Table中,那么将该字串的计数加1。
- 复杂度:
 - 每一个查询串都是常量级,总计O(N)



查询串统计算法对比



算法复杂度对比

| logn | n | nlogn |
|------|----------|------------|
| 0 | 1 | 0 |
| 10 | 1024 | 10240 |
| 20 | 1048576 | 20971520 |
| 22 | 3000000 | 64549593 |
| 23 | 10000000 | 232534966 |
| 26 | 10000000 | 2657542476 |



- (1).普通排序
 - ◆300万条记录
 - ◆排序算法的时间复杂度是NlogN
- 算法思想:
 - 选择排序,名次排序,冒泡排序,堆排序,快速排序……



<u>有序数组搜索与插入</u>

- (2). 部分排序
 - ◆维护一个10个大小的数组
- 算法思想:
 - ◆初始化放入10个查询串,按照统计次数由大到小排序
 - ◆遍历这300万条记录
 - ◆每读一条记录就和数组最后一个查询串对比
 - ◆如果小于这个查询串,那么继续遍历
 - ◆否则,将数组中最后一条数据淘汰,加入当前的查 询串。
 - ◆当所有的数据都遍历完毕之后,那么这个数组中的10 个查询串便是我们要找的Top10了
- 时间复杂度:
 - 其中K是指top多少₁₈ ◆算法的最坏时间复杂度是N*K,



- (3).最小堆
 - ◆维护一个K(该题目中是10)大小的最小堆
- 算法思想:
 - ◆初始化放入10个查询串,按照统计次数排列成堆
 - ◆遍历这300万条记录
 - ◆每读一条记录就和根元素查询串对比
 - ◆如果小于这个查询串,那么继续遍历
 - ◆否则, 当前的查询串替换堆的根。
 - ◆当所有的数据都遍历完毕之后,那么这个堆中的10个 查询串便是我们要找的Top10了
- 时间复杂度:
 - ◆算法最坏时间复杂度是N*logK, 其中K是指top多少



- (4).最大堆
 - ◆维护一个N(该题目中是300万)大小的最大堆
 - ◆数组存储,空间足够
- 算法思想:
 - ◆初始化放入300万个查询串,按照统计次数排列成堆
 - ◆依次删除根节点10次,那么这个数组中的最后10个查询串便是我们要找的Top10了
- 时间复杂度:
 - ◆堆的初始化为300万
 - ◆每次删除根节点LogN
 - ◆总体复杂度为N+k*LogN



- (5).直接找最大值
- 算法思想:
 - ◆按照selectMax算法执行
 - ◆依次执行K遍
- 时间复杂度:
 - ◆最坏时间复杂度是N-1+N-2 +.....+N-10
 - ◆最好情况复杂度为N-1



(6) . ?



算法复杂度比较

| logn | n | nlogn | k | logK | k*n | n*logK | N+k*logn |
|------|-----------|------------|----|------|------------|-----------|-----------|
| 0 | 1 | 0 | 10 | 3.3 | 10 | 3.3 | 1 |
| 10 | 1024 | 10240 | 10 | 3.3 | 10240 | 3401 | 1124 |
| 20 | 1048576 | 20971520 | 10 | 3.3 | 10485760 | 3483294 | 1048776 |
| 21 | 3000000 | 64549593 | 10 | 3.3 | 30000000 | 9965784 | 3000215 |
| 23 | 10000000 | 232534966 | 10 | 3.3 | 100000000 | 33219280 | 10000232 |
| 26 | 100000000 | 2657542476 | 10 | 3.3 | 1000000000 | 332192809 | 100000265 |



查找两个文件中共同的url

· 给定a、b两个文件,各存放50亿个url,每个url 各占64字节,内存限制是4G,让你找出a、b文件 共同的url?



- · 估计每个文件的大小为5G×64=320G
- 远远大于内存限制的4G
- 所以不可能将其完全加载到内存中处理
- 考虑采取分而治之的方法(通过哈希函数不断分流,来解决内存限制的问题)



哈希函数分流

- 遍历文件a,对每个url求取hash(url)%1000,然后根据所取得的值将url分别存储到1000个小文件(记为a0,a1,...,a999)中。这样每个小文件的大约为300M。
- 遍历文件b,采取和a相同的方式将url分别存储到 1000小文件(记为b0,b1,...,b999)。



- 所有可能相同的url都在对应的小文件(a0vsb0, a1vsb1, ..., a999vsb999)中,
- 不对应的小文件不可能有相同的url。
- ——只要求出1000对小文件中相同的url即可。
 - 求ai和bi小文件中相同的url
 - 把ai文件的url存储到hash_set中
 - 遍历bi文件的每个url,在刚才构建的hash_set中搜索,搜索成功,该url就是共同的url,存到文件中。