Universidad Politecnica Salesiana

Nombre: Jéssica Ñauta

Materia: Simulación

Covid-19 infección en Ecuador. Modelos matemáticos y predicciones

Una comparación de modelos, lineal, polilnomico,logísticos y exponenciales aplicados a la infección por el virus Covid-19

Se realiza un análisis matemático simple del crecimiento de la infección en Python y dos modelos para comprender mejor la evolución de la infección.

Se crea modelos de series temporales del número total de personas infectadas hasta la fecha (es decir, las personas realmente infectadas más las personas que han sido infectadas). Estos modelos tienen parámetros, que se estimarán por ajuste de curva.

```
In [31]: # Importar Las librerias para el analasis
    import pandas as pd
    import numpy as np
    from datetime import datetime,timedelta
    from sklearn.metrics import mean_squared_error
    from scipy.optimize import curve_fit
    from scipy.optimize import fsolve
    from sklearn import linear_model
    import matplotlib.pyplot as plt
    %matplotlib inline
```

```
In [18]: # Actualizar los datos (URL)
#Datos obtenidos de: https://github.com/owid/covid-19-data/tree/master/public/data
url = 'owid-covid-data.csv'
df = pd.read_csv(url)
df= df.fillna(0)
df
```

Out[18]:		iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_
	0	AFG	Asia	Afghanistan	2019- 12-31	0.0	0.0	0.0	
	1	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-01	0.0	0.0	0.0	
	2	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-02	0.0	0.0	0.0	
	3	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-03	0.0	0.0	0.0	
	4	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-04	0.0	0.0	0.0	
	5	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-05	0.0	0.0	0.0	

	iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_
6	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-06	0.0	0.0	0.0	
7	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-07	0.0	0.0	0.0	
8	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-08	0.0	0.0	0.0	
9	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-09	0.0	0.0	0.0	
10	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-10	0.0	0.0	0.0	
11	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-11	0.0	0.0	0.0	
12	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-12	0.0	0.0	0.0	
13	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-13	0.0	0.0	0.0	
14	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-14	0.0	0.0	0.0	
15	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-15	0.0	0.0	0.0	
16	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-16	0.0	0.0	0.0	
17	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-17	0.0	0.0	0.0	
18	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-18	0.0	0.0	0.0	
19	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-19	0.0	0.0	0.0	
20	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-20	0.0	0.0	0.0	
21	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-21	0.0	0.0	0.0	
22	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-22	0.0	0.0	0.0	
23	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-23	0.0	0.0	0.0	
24	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-24	0.0	0.0	0.0	
25	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-25	0.0	0.0	0.0	
26	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-26	0.0	0.0	0.0	
27	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-27	0.0	0.0	0.0	
28	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-28	0.0	0.0	0.0	

	iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_
29	AFG	Asia	Afghanistan	2020- 01-29	0.0	0.0	0.0	
•••	•••							
56081	0	0	International	2020- 10-13	696.0	0.0	0.0	
56082	0	0	International	2020- 10-14	696.0	0.0	0.0	
56083	0	0	International	2020- 10-15	696.0	0.0	0.0	
56084	0	0	International	2020- 10-16	696.0	0.0	0.0	
56085	0	0	International	2020- 10-17	696.0	0.0	0.0	
56086	0	0	International	2020- 10-18	696.0	0.0	0.0	
56087	0	0	International	2020- 10-19	696.0	0.0	0.0	
56088	0	0	International	2020- 10-20	696.0	0.0	0.0	
56089	0	0	International	2020- 10-21	696.0	0.0	0.0	
56090	0	0	International	2020- 10-22	696.0	0.0	0.0	
56091	0	0	International	2020- 10-23	696.0	0.0	0.0	
56092	0	0	International	2020- 10-24	696.0	0.0	0.0	
56093	0	0	International	2020- 10-25	696.0	0.0	0.0	
56094	0	0	International	2020- 10-26	696.0	0.0	0.0	
56095	0	0	International	2020- 10-27	696.0	0.0	0.0	
56096	0	0	International	2020- 10-28	696.0	0.0	0.0	
56097	0	0	International	2020- 10-29	696.0	0.0	0.0	
56098	0	0	International	2020- 10-30	696.0	0.0	0.0	
56099	0	0	International	2020- 10-31	696.0	0.0	0.0	
56100	0	0	International	2020- 11-01	696.0	0.0	0.0	
56101	0	0	International	2020- 11-02	696.0	0.0	0.0	

	iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_
56102	2 0	0	International	2020- 11-03	696.0	0.0	0.0	
56103	0	0	International	2020- 11-04	696.0	0.0	0.0	
56104	0	0	International	2020- 11-05	696.0	0.0	0.0	
56105	0	0	International	2020- 11-06	696.0	0.0	0.0	
56106	0	0	International	2020- 11-07	696.0	0.0	0.0	
56107	0	0	International	2020- 11-08	696.0	0.0	0.0	
56108	0	0	International	2020- 11-09	696.0	0.0	0.0	
56109	0	0	International	2020- 11-10	696.0	0.0	0.0	
56110	0	0	International	2020- 11-11	696.0	0.0	0.0	

56111 rows × 49 columns

Imprimos los resultados y agregamos el numero del dia

```
In [19]: df = df[df['location'].isin(['Ecuador'])] #Filtro la Informacion solo para Ecuador
df = df.loc[:,['date','total_cases']] #Selecciono las columnas de analasis
# Expresar las fechas en numero de dias desde el 01 Enero
FMT = '%Y-%m-%d'
date = df['date']
df['date'] = date.map(lambda x : (datetime.strptime(x, FMT) - datetime.strptime("202)
df
```

Out[19]: date total_cases

14965 -1 0.0

14976

10

0.0

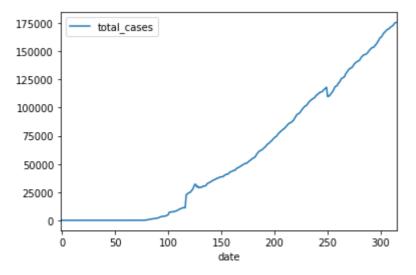
	date	total_cases
14977	11	0.0
14978	12	0.0
14979	13	0.0
14980	14	0.0
14981	15	0.0
14982	16	0.0
14983	17	0.0
14984	18	0.0
14985	19	0.0
14986	20	0.0
14987	21	0.0
14988	22	0.0
14989	23	0.0
14990	24	0.0
14991	25	0.0
14992	26	0.0
14993	27	0.0
14994	28	0.0
•••		
15252	286	147315.0
15253	287	148171.0
15254	288	149083.0
15255	289	150360.0
15256	290	151659.0
15257	291	152422.0
15258	292	153289.0
15259	293	153423.0
15260	294	154115.0
15261	295	155625.0
15262	296	156451.0
15263	297	158270.0
15264	298	159614.0
15265	299	161635.0
15266	300	162178.0
15267	301	163192.0
15268	302	164908.0

	date	total_cases
15269	303	166302.0
15270	304	167147.0
15271	305	168192.0
15272	306	169194.0
15273	307	169562.0
15274	308	170110.0
15275	309	171433.0
15276	310	171783.0
15277	311	172508.0
15278	312	173486.0
15279	313	174907.0
15280	314	175269.0
15281	315	175711.0

317 rows × 2 columns

```
In [4]: df.plot(x ='date', y='total_cases')
```

Out[4]: <matplotlib.axes._subplots.AxesSubplot at 0x14dfaf75908>



Ahora podemos analizar los cuatro modelos que tomaré en el examen, que son la función lineal, polinomica, logística y la función exponencial. Cada modelo tiene tres parámetros, que se estimarán mediante un cálculo de ajuste de curva en los datos históricos.

EL modelo lineal

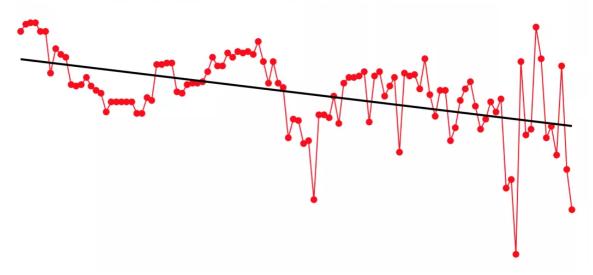
La regresión lineal es un algoritmo de aprendizaje supervisado que se utiliza en Machine Learning y en estadística. En su versión más sencilla, lo que haremos es «dibujar una recta» que nos indicará la tendencia de un conjunto de datos continuos.

Recordemos rápidamente la fórmula de la recta:

Y = mX + b

Donde Y es el resultado, X es la variable, m la pendiente (o coeficiente) de la recta y b la constante o también conocida como el «punto de corte con el eje Y» en la gráfica (cuando X=0) Ejemplo

The development in Pizza prices in Denmark from 2009 to 2018



Recordemos que los algoritmos de Machine Learning Supervisados, aprenden por sí mismos y - en este caso- a obtener automáticamente esa «recta» que buscamos con la tendencia de predicción. Para hacerlo se mide el error con respecto a los puntos de entrada y el valor «Y» de salida real.

```
In [20]: x = list(df.iloc [:, 0]) # Fecha
y = list(df.iloc [:, 1]) # Numero de casos
# Creamos el objeto de Regresión Lineal
regr = linear_model.LinearRegression()

# Entrenamos nuestro modelo
regr.fit(np.array(x).reshape(-1, 1) ,y)

# Veamos Los coeficienetes obtenidos, En nuestro caso, serán la Tangente
print('Coefficients: \n', regr.coef_)
# Este es el valor donde corta el eje Y (en X=0)
print('Independent term: \n', regr.intercept_)
# Error Cuadrado Medio
```

Coefficients: [593.2518536] Independent term: -35652.30126823376

De la ecuación de la recta y = mX + b nuestra pendiente «m» es el coeficiente y el término independiente «b»

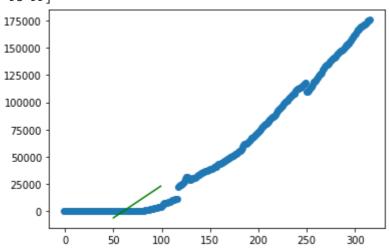
```
In [21]: #Vamos a comprobar:
    # Quiero predecir cuántos "Casos" voy a obtener por en el dia 100,
    # según nuestro modelo, hacemos:
    y_prediccion = regr.predict([[100]])
    print('Total de casos', int(y_prediccion))
```

Total de casos 23672

```
In [22]: #Graficar
    plt.scatter(x, y)
    x_real = np.array(range(50, 100))
```

```
print(x_real)
plt.plot(x_real, regr.predict(x_real.reshape(-1, 1)), color='green')
plt.show()
```

[50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99]



El modelo logistico

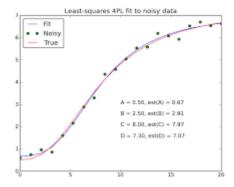
El modelo logístico se ha utilizado ampliamente para describir el crecimiento de una población. Una infección puede describirse como el crecimiento de la población de un agente patógeno, por lo que un modelo logístico parece razonable. La expresión más genérica de una función logística es:

$$f(x,a,b,c) = \frac{c}{1+e^{-(x-b)/a}}$$

En esta fórmula, tenemos la variable x que es el tiempo y tres parámetros: a, b, c .

- a se refiere a la velocidad de infección
- b es el día en que ocurrieron las infecciones máximas
- c es el número total de personas infectadas registradas al final de la infección

A continuacion se puede apreciar un ejemplo de regresion logistica



Definamos la función en Python y realicemos elprocedimiento de ajuste de curva utilizado para el crecimiento logístico.

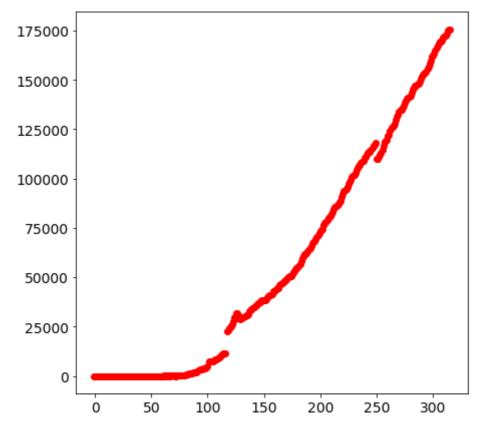
```
In [26]: def modelo_logistico(x,a,b):
    res=0
```

Graficas

```
In [27]: pred_x = list(range(min(x),max(x)+50)) # Predecir 50 dias mas
    plt.rcParams['figure.figsize'] = [7, 7]
    plt.rc('font', size=14)
    # Real data
    plt.scatter(x,y,label="Datos Reales",color="red")
    # Predicted exponential curve
    plt.plot(pred_x, [modelo_logistico(i,exp_fit[0][0],exp_fit[0][1]) for i in pred_x],
    plt.legend()
    plt.xlabel("Desde el 1 Enero 2020")
    plt.ylabel("Total de personas infectadas")
    plt.ylim((min(y)*0.9,max(y)*3.1)) # Definir los limites de Y
    plt.show()
```

```
______
TypeError
                                       Traceback (most recent call last)
<ipython-input-27-a9b5bfb0e5aa> in <module>
     5 plt.scatter(x,y,label="Datos Reales",color="red")
     6 # Predicted exponential curve
---> 7 plt.plot(pred_x, [modelo_logistico(i,exp_fit[0][0],exp_fit[0][1]) for i in p
red x], label="Modelo Logistico" )
     8 plt.legend()
     9 plt.xlabel("Desde el 1 Enero 2020")
<ipython-input-27-a9b5bfb0e5aa> in <listcomp>(.0)
     5 plt.scatter(x,y,label="Datos Reales",color="red")
     6 # Predicted exponential curve
---> 7 plt.plot(pred_x, [modelo_logistico(i,exp_fit[0][0],exp_fit[0][1]) for i in p
red x], label="Modelo Logistico" )
     8 plt.legend()
     9 plt.xlabel("Desde el 1 Enero 2020")
<ipython-input-26-63ac4d764725> in modelo logistico(x, a, b)
     1 def modelo logistico(x,a,b):
     2
          res=0
---> 3
           if x[1] == 0:
     4
              x=1
     5
          else:
```

TypeError: 'int' object is not subscriptable



Modelo exponencial

Mientras que el modelo logístico describe un crecimiento de infección que se detendrá en el futuro, el modelo exponencial describe un crecimiento de infección imparable. Por ejemplo, si un paciente infecta a 2 pacientes por día, después de 1 día tendremos 2 infecciones, 4 después

$$f(x, a, b, c) = a \cdot e^{b(x-c)}$$

de 2 días, 8 después de 3 y así sucesivamente.

A continuacion se tiene un ejemplo de regresion exponencial

Curva de ajuste para una función tipo exponencial y = ae^kx

In [29]:

Implementar

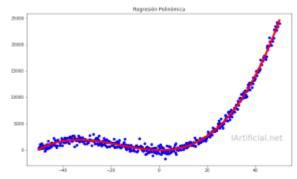
Modelo polinomial

Predicción de una variable de respuesta cuantitativa a partir de una variable predictora cuantitativa, donde la relación se modela como una función polinomial de orden n (esto significa que pueden tener de diferentes exponenciales o grados y se debe ir probando)

Se puede tener una ecuacion con diferentes grados

 $y = a0 + a1x + a2x^2 + a3x^3 + ... + anx^n + \epsilon$

Ejemplo de una regresion polinomica de grado 4.



In []: # Implementar

Se puede implementar modelos adicionales, en caso de ser asi explicar o dar una in
Se tomara como puntos adicionales al trabajo.

Covid en Ecuador

```
In [45]: # Implementar
    # Filtrar los datos de ECuador
    df = pd.read_csv('owid-covid-data.csv').fillna(0)
    ndf= df.loc[(df['location'] == 'Ecuador') & (df['total_cases'] != 0)]
    ndf
```

Out[45]:		iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_dea
	15026	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-01	1.0	1.0	0.143	
	15027	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-02	6.0	5.0	0.857	
	15028	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-03	7.0	1.0	1.000	
	15030	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-05	10.0	3.0	1.429	
	15031	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-06	13.0	3.0	1.857	
	15034	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-09	14.0	1.0	1.143	
	15035	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-10	15.0	1.0	1.143	
	15036	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-11	17.0	2.0	1.429	
	15039	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-14	23.0	6.0	1.429	
	15040	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-15	28.0	5.0	2.143	
	15041	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-16	37.0	9.0	3.286	

	iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_dea
15042	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-17	58.0	21.0	6.143	
15043	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-18	111.0	53.0	13.429	
15044	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-19	168.0	57.0	21.571	
15045	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-20	199.0	31.0	26.000	
15046	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-21	426.0	227.0	57.571	
15047	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-22	532.0	106.0	72.000	
15048	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-23	789.0	257.0	107.429	1
15049	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-24	981.0	192.0	131.857	1
15050	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-25	1082.0	101.0	138.714	2
15051	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-26	1211.0	129.0	149.000	2
15052	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-27	1403.0	192.0	172.000	3
15053	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-28	1627.0	224.0	171.571	4
15054	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-29	1835.0	208.0	186.143	4
15055	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-30	1890.0	55.0	157.286	5
15056	ECU	South America	Ecuador	2020- 03-31	1966.0	76.0	140.714	6
15057	ECU	South America	Ecuador	2020- 04-01	2302.0	336.0	174.286	7
15058	ECU	South America	Ecuador	2020- 04-02	2758.0	456.0	221.000	12
15059	ECU	South America	Ecuador	2020- 04-03	3163.0	405.0	251.429	12
15060	ECU	South America	Ecuador	2020- 04-04	3368.0	205.0	248.714	14
•••								
15252	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-13	147315.0	282.0	853.714	1221
15253	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-14	148171.0	856.0	873.571	1223
15254	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-15	149083.0	912.0	793.143	1226

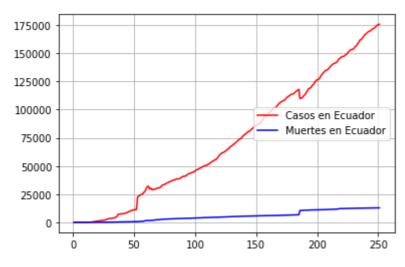
	iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_dea
15255	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-16	150360.0	1277.0	759.286	1230
15256	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-17	151659.0	1299.0	830.143	1235
15257	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-18	152422.0	763.0	799.143	1237
15258	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-19	153289.0	867.0	893.714	1238
15259	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-20	153423.0	134.0	872.571	1239
15260	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-21	154115.0	692.0	849.143	1240
15261	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-22	155625.0	1510.0	934.571	1245
15262	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-23	156451.0	826.0	870.143	1250
15263	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-24	158270.0	1819.0	944.429	1252
15264	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-25	159614.0	1344.0	1027.429	1254
15265	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-26	161635.0	2021.0	1192.286	1255
15266	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-27	162178.0	543.0	1250.714	1257
15267	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-28	163192.0	1014.0	1296.714	1258
15268	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-29	164908.0	1716.0	1326.143	1260
15269	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-30	166302.0	1394.0	1407.286	1262
15270	ECU	South America	Ecuador	2020- 10-31	167147.0	845.0	1268.143	1263
15271	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-01	168192.0	1045.0	1225.429	1267
15272	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-02	169194.0	1002.0	1079.857	1268
15273	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-03	169562.0	368.0	1054.857	1269
15274	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-04	170110.0	548.0	988.286	1269
15275	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-05	171433.0	1323.0	932.143	1270
15276	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-06	171783.0	350.0	783.000	1273
15277	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-07	172508.0	725.0	765.857	1276

	iso_code	continent	location	date	total_cases	new_cases	new_cases_smoothed	total_dea
15278	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-08	173486.0	978.0	756.286	1281
15279	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-09	174907.0	1421.0	816.143	1283
15280	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-10	175269.0	362.0	815.286	1283
15281	ECU	South America	Ecuador	2020- 11-11	175711.0	442.0	800.143	1284

251 rows × 49 columns

```
In [49]: # Graficar Los casos y muertes por covid en Ecuador
   plt.plot(x,y,label='Casos en Ecuador', color='red')
   plt.plot(x,y1,label='Muertes en Ecuador', color='blue')
   plt.grid(True)
   plt.legend(loc=5)
```

Out[49]: <matplotlib.legend.Legend at 0x14d8168a888>



Analisis

Mediante el método de regresión lineal podemos predecir el número de infectados por covid-19 en Ecuador mediante datos encontrados en internet, este método nos ayuda a tener una aproximación para de esta manera poder observar cual es el comportamiento de la pandemia en el futuro.

Conclusiones

Como conclusión tenemos que la regresión lineal es un modelo matemático que nos ayuda a predecir el futuro en este caso sobre la pandemia del covid-19, este modelo es subjetivo por lo que no siempre acertara con veracidad lo que sucederá a futuro, pero si nos dará una idea de lo que sucederá y de esta manera las personas puedan tomar consciencia y prevenir el virus.

Criterio personal (politico, economico y social de la situacion)

En el ámbito político las autoridades de nuestro país deben regir medidas de seguridad, de salud y realizar planificaciones que ayuden al bienestar de la sociedad para de esa manera reducir el contagio y evitar mas muertes, en el ámbito económico esta pandemia a afectado a muchos negocios que algunos tuvieron que cerrar, existe una tasa alta de desempleo por lo que las personas ya no tienen dinero y puede ocasionar enfermedades como la desnutricióny otras, pero también existen personas que han emprendido un negocio vendiendo objetos mediante redes sociales, y en el ámbito social puedo decir que esta pandemia a afectado a todas las personas de nuestro país como al mundo entero, tanto en la salud, ingresos y empleo.

Referencias

- https://www.researchgate.net/publication/340092755_Infeccion_del_Covid-19_en_Colombia_Una_comparacion_de_modelos_logisticos_y_exponenciales_aplicados_a_la_infe
- https://www.aprendemachinelearning.com/regresion-lineal-en-espanol-con-python/