



# 数字信号处理

## 专题实践 钢琴音频识别(2)

华东理工大学 信息科学与工程学院 万永菁





## 1、实验目的

通过钢琴乐音识别技术的研究，掌握满足**复杂工程问题需求**的离散时间系统的基本设计方法与**分析技术**，了解影响设计目标和技术方案的各种因素，并得出有效结论。

## 2、实验内容

钢琴乐音识别技术对钢琴乐音信号进行基频估计，然后根据基频大小来区分音高，从而实现对乐曲的识别。

课题针对钢琴音频信号进行乐音识别技术的研究。在对音频信号其进行**分帧、分音程检测**后，对各**音程段信号进行离散傅里叶变换**，识别频谱中所蕴含的**音符信息**，并**与乐谱进行比对，并得出结论**。

请查阅提供的文献资料，并结合自己查阅的资料，完成以下实验内容：

- (1) **基础要求（必做）：实现不同组别的钢琴音阶识别；**
- (2) **进阶要求（选做）：实现钢琴乐曲《小星星》的整曲识别。**
- (3) **拓展要求（选做）：对钢琴乐曲《小星星》的整曲节奏进行分析评价。**

Step1. 读入**音频文件**

Step2. 使用帧峰检测法提取音频的**包络信号**

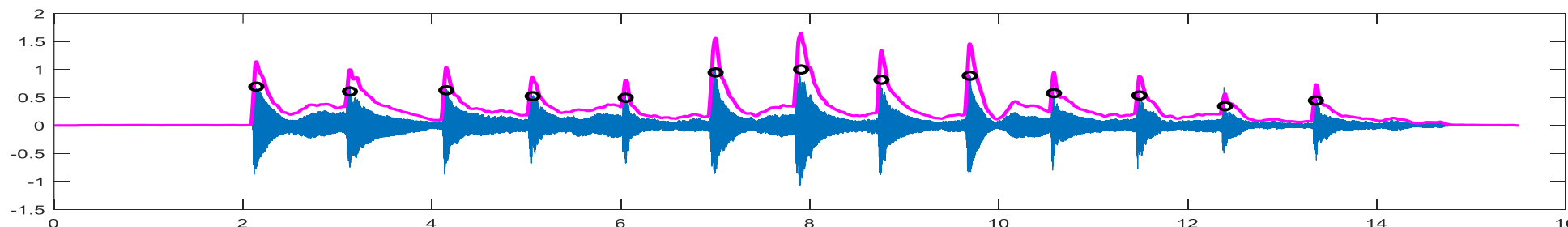
Step3. 尝试使用滤波算法，对包络信号进行**滤波**

Step4. 根据包络信号寻找**音符的起始点**

Step4-1. 寻找**包络信号的峰值**，可以用findpeaks()函数

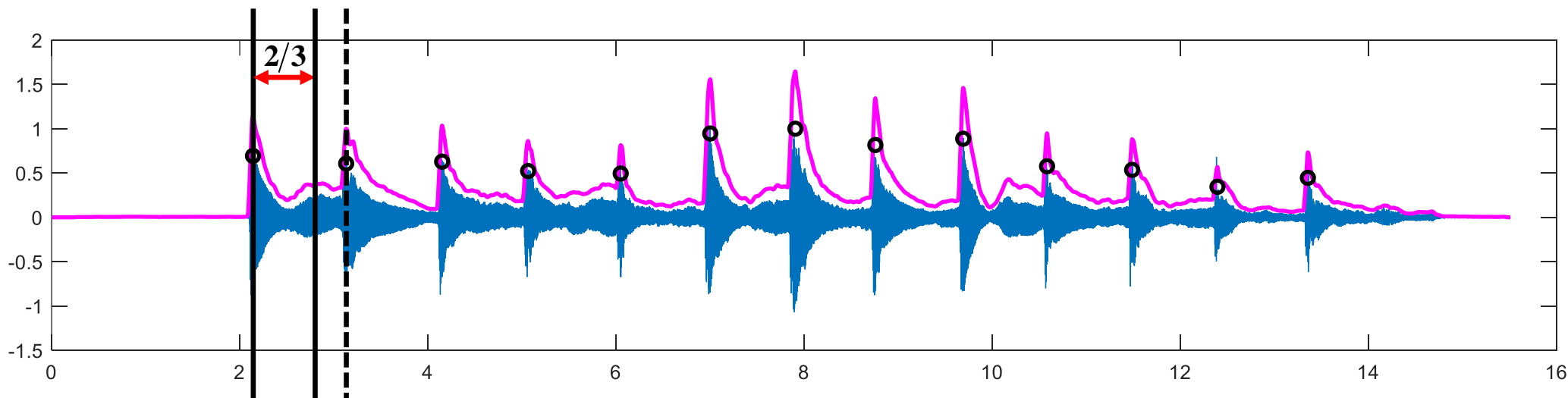
Step4-2. 可以设定一个阈值，**去除较小的伪峰点**（伪音符起始点）

Step4-3. **去冗余峰值点**



## Step5. 音程段提取与谱分析

### Step5-1. 音程段提取策略



- (1) 找到每一段的起始位置和终止位置，从原始音频信号中提取待识别的音频段，放入临时数组；
- (2) 音频段信号乘窗函数后（加窗可缓解频谱泄漏），再做FFT；
- (3) FFT的长度注意选择好（添零可缓解栅栏效应），幅频值存在数组Amp\_MS中。

Amp\_MS 的Size  
(FFT点数 × 音程段数)



## Step5-2. 音程段的谱分析

- (1) 使用**不同的窗函数**，**对比和分析频谱泄漏现象**，形成结论；
- (2) 用不同组别的音频做实验，观察结果，你发现了什么？
  - A) 对于不同组别的音频，当**帧峰检测法的帧长**和**滤波策略**不一样时，音程段切分的准确性不一样，**请选择策略并调试参数**，对所有音阶信号都能实现准确的音程切分；
  - B) 不同组别的音程段，在识别的时候，得到的谱峰的规律是不一样的，**分析并总结规律，探索识别策略**。

- 1. 取**实际长度**：取每一音程段**前2/3长度**的点，**实际长度越长**，**实际能分辨的频谱间隔越小**
- 2. 乘**窗函数**：在实际取到的音程段上乘以相同点数的窗函数，以缓解**频谱泄漏**现象
- 3. 做**FFT谱分析**：按照观察的谱间隔要求**选取FFT点数**，一般会添零，以缓解**栅栏效应**

```
Amp_MS = [];
```

```
F0 = 0.1; % 假设观察的谱间隔需求定为0.1Hz（也可以换）
```

```
N = Fs/F0; %N为FFT点数，441000点
```

利用Loc3数组和Frame\_Num

```
for i=1:length(Loc3)
```

从music中取出音程段信号存入X\_temp暂存变量中

X\_temp乘窗函数，注意矩阵的size;

对X\_temp做N点FFT，结果存入Amp\_temp中

```
Amp_MS = [ Amp_MS abs(Amp_temp) ];
```

```
end
```

Size为(N, 音程段数)





Amp\_MS = []; F0 = 0.1; %观察的谱间隔暂定为0.1Hz

N = Fs/F0; %FFT点数

% 1. 取音程段

for i=1:length(Loc3)

音程端点位置之前已经记录在Loc3数组中

if i<length(Loc3)

%若不是最后一段则取当前段与后一段的前2/3的信号

X\_temp = music( Loc3(i)\*Frame\_Num: floor(Loc3(i)+(Loc3(i+1)-Loc3(i))\*2/3)\*Frame\_Num );

else

%若是最后一段，则按照前一段的长度取（因为最后一段后面没有下一段的标记了）

X\_temp = music( Loc3(i)\*Frame\_Num: floor(Loc3(i)+(Loc3(i)-Loc3(i-1))\*2/3)\*Frame\_Num );

end

X\_temp = X\_temp.\*hanning(length(X\_temp)); % 2. 乘以窗函数（暂定汉宁窗）

Amp\_temp = fft(X\_temp,N); % 3. 做FFT（N比X\_temp的长度要长，相当于添零了）

Amp\_MS = [ Amp\_MS abs(Amp\_temp) ]; %保存本段音程的谱分析结果

end



## Step5-3. 音频信号谱图的可视化

### (1) 逐个音程画图

```
figure(4);
```

```
k=0:N-1;
```

```
for i=1:3
```

```
    for j=1:5
```

```
        if( (i-1)*5+j <= length(Loc3) ) %小于现有音程的段数
```

```
            subplot(3,5,(i-1)*5+j);
```

```
            plot(k*Fs/N, Amp_MS(:,(i-1)*5+j)/max(Amp_MS(:,(i-1)*5+j)) );
```

```
            axis([0 2000 0 1]);
```

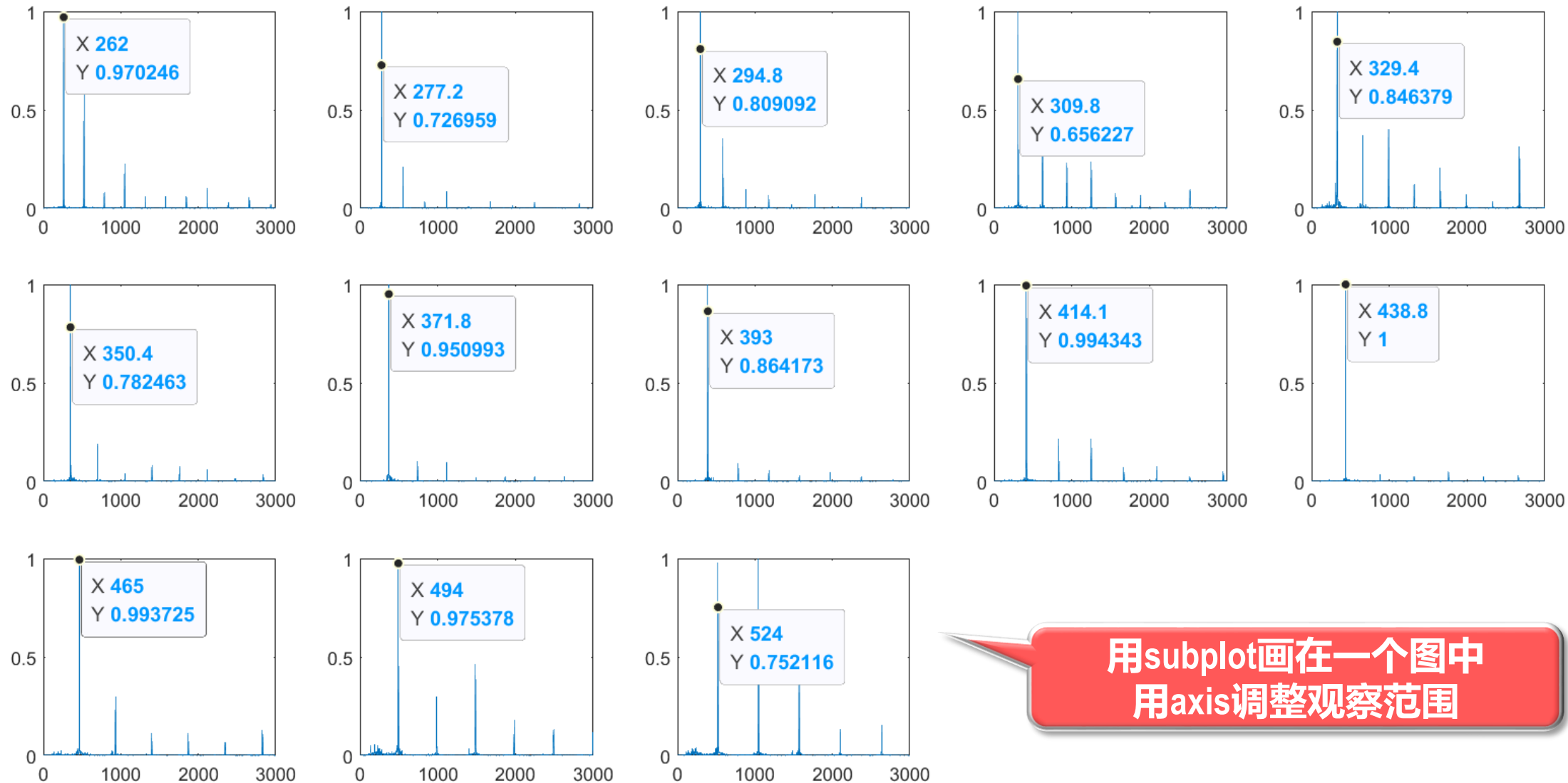
```
        end
```

```
    end
```

```
end
```

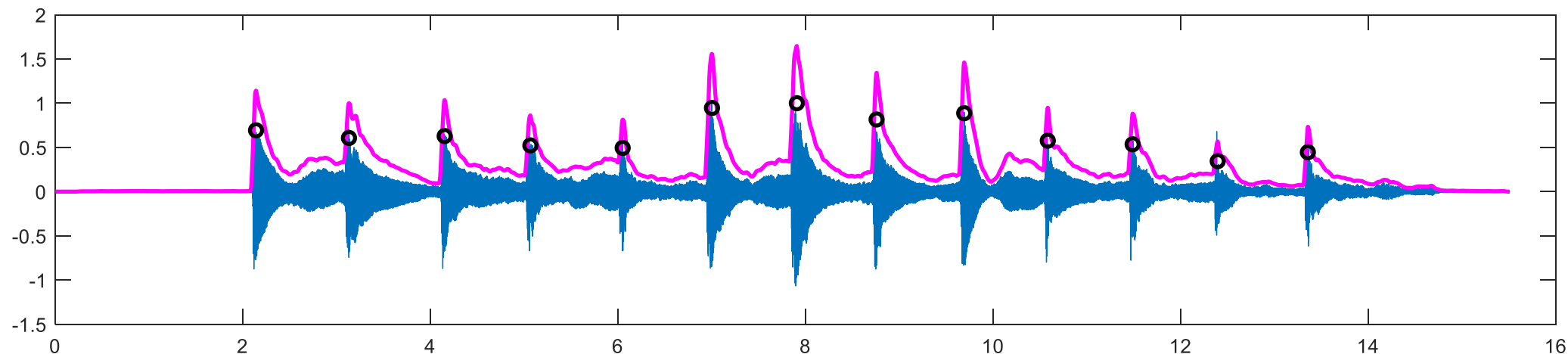


## M1\_i1.wav的13个音程的幅频响应



用subplot画在一个图中  
用axis调整观察范围

## (2) 画整个音频的短时傅里叶谱图



- ① 对原始音频信号进行分帧，对每一帧信号进行傅里叶变换；
- ② 得到一个矩阵`frame_A`，其中记录所有帧的幅频值；
- ③ 用`imagesc`函数，画`frame_A`矩阵，即画出短时傅里叶谱图。

`frame_A` 的 size  
( 每帧fft点数×帧数 )



## ➤ 画短时傅里叶谱图

%% 画谱图信息（按照固定帧画）

test\_Num = 400; %画谱图的临时帧长（非前面计算包络的帧长Frame\_Num） F0=1; %观察谱间隔暂定1 Hz

frame\_N = floor(length(music)/test\_Num); %帧数

frame\_t = [0:frame\_N-1]\*test\_Num/Fs; %谱图横坐标单位调为时间(s)

fft\_N = Fs/F0; %每一帧FFT的点数，暂设为44100点

frame\_f = [0:floor((fft\_N-1))\*F0]; %谱图纵坐标单位为Hz

frame\_A = zeros(fft\_N,frame\_N); % frame\_A记录某一帧的某一频率处的值，后面用颜色显示

for i=1:frame\_N-1

    %每一帧400点，均乘400点哈明窗后，做44100点FFT

    frame\_A(:,i)= abs( fft( music( (i-1)\*test\_Num+1 : i\*test\_Num ).\*hamming(test\_Num), fft\_N) );

end

figure(5); subplot(211);

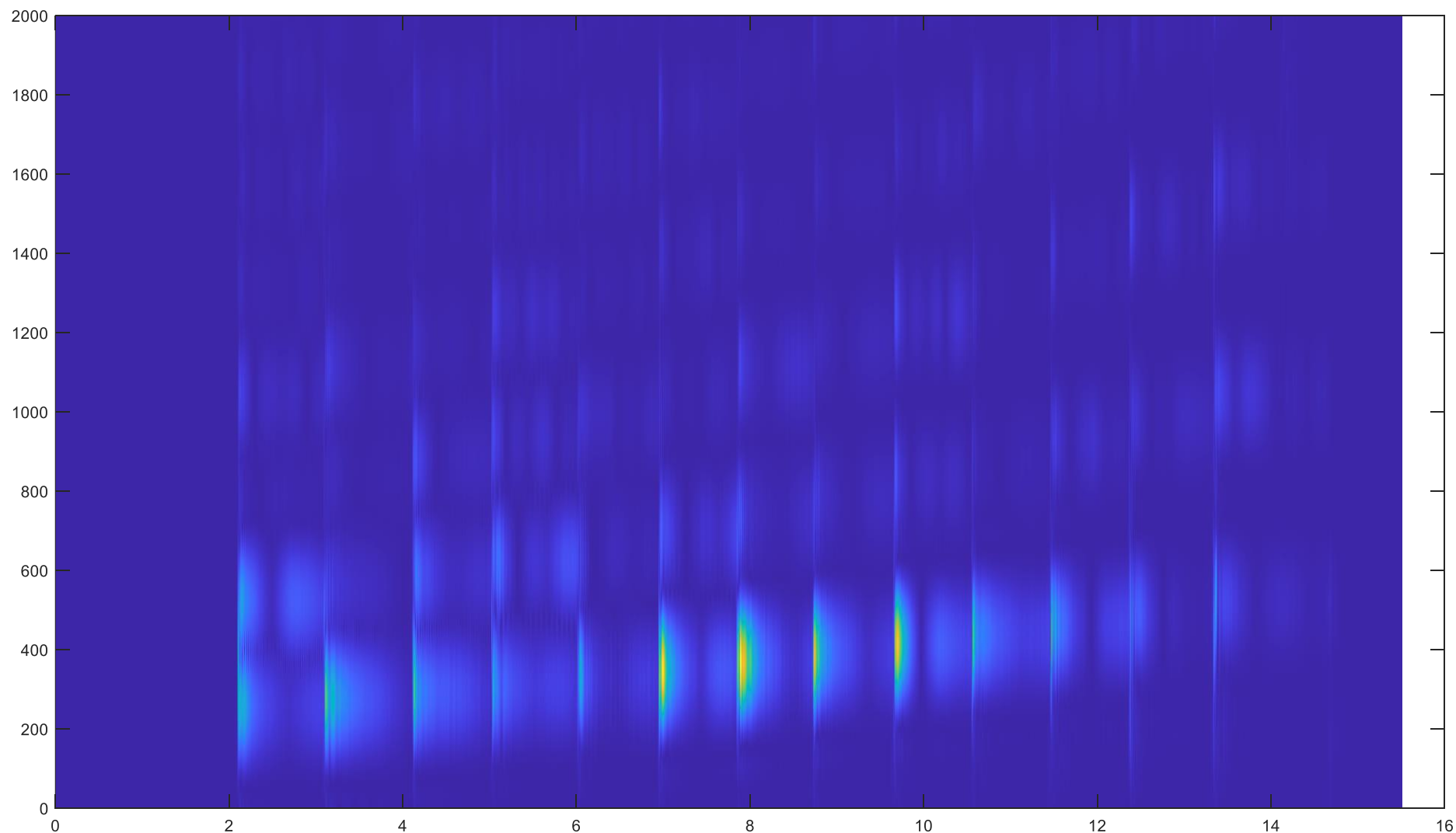
imagesc(frame\_t,frame\_f,frame\_A);

axis xy; % axis xy : 笛卡尔轴模式，原点在左下角，y轴是竖直的，由底至顶标数，x轴是水平的，从左往右标数

axis([0 M\_T 0 2000]); % M\_T是音乐总的时间，M\_T = ceil(length(音频点数)/44100);

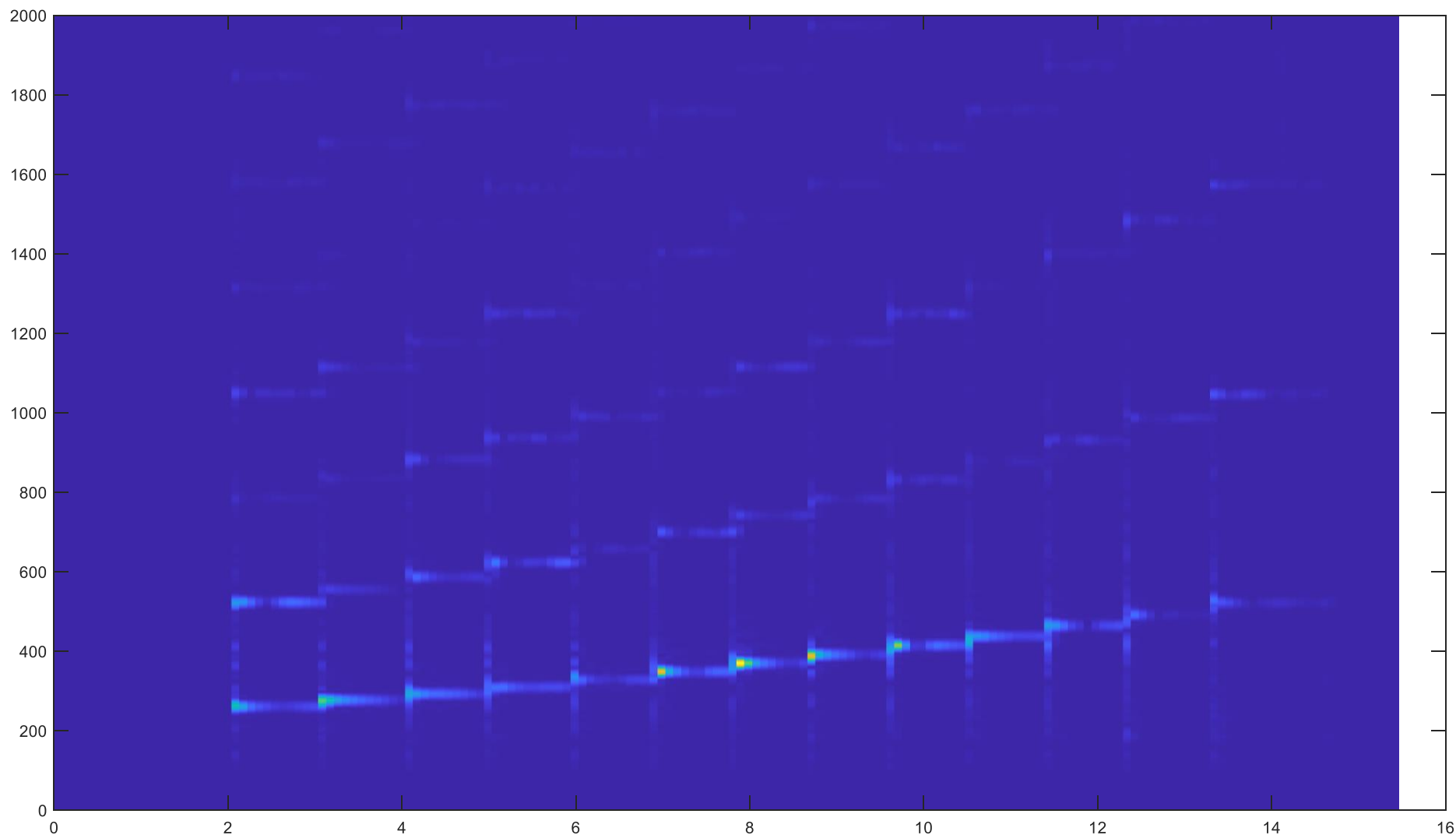


➤ 画短时傅里叶谱图: `test_Num = 400;`





➤ 画短时傅里叶谱图: `test_Num = 4000;`



## ➤ 不同帧长下的谱泄漏现象对比

figure(6);

starti=Loc3(1)\*Frame\_Num;

test\_N = 400;

i=starti:starti+test\_N;

test\_music=music(i);

subplot(331)

plot(test\_music);title('实际长度: 400点');

test\_music\_FFT=fft(test\_music,44100);

subplot(334)

stem(abs(test\_music\_FFT)/max(abs(test\_music\_FFT)));

title('矩形窗谱图, 44100点FFT');axis([0 1000 0 1]);

test\_music\_FFT=...

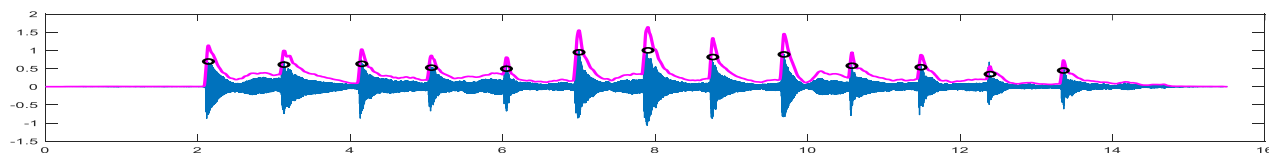
fft(test\_music.\*hamming(length(test\_music)),44100);

subplot(337)

stem(abs(test\_music\_FFT)/max(abs(test\_music\_FFT)));

title('哈明窗谱图, 44100点FFT');axis([0 1000 0 1]);

实际取400点,  
矩形窗, 做44100点FFT  
哈明窗, 做44100点FFT



test\_N = 4000;

i=starti:starti+test\_N;

test\_music=music(i);

subplot(332)

plot(test\_music);title('实际长度: 4000点');

test\_music\_FFT=fft(test\_music,44100);

subplot(335)

stem(abs(test\_music\_FFT)/max(abs(test\_music\_FFT)));

title('矩形窗谱图, 44100点FFT');axis([0 1000 0 1]);

test\_music\_FFT=...

fft(test\_music.\*hamming(length(test\_music)),44100);

subplot(338)

stem(abs(test\_music\_FFT)/max(abs(test\_music\_FFT)));

title('哈明窗谱图, 44100点FFT');axis([0 1000 0 1]);

实际取4000点,  
矩形窗, 做44100点FFT  
哈明窗, 做44100点FFT

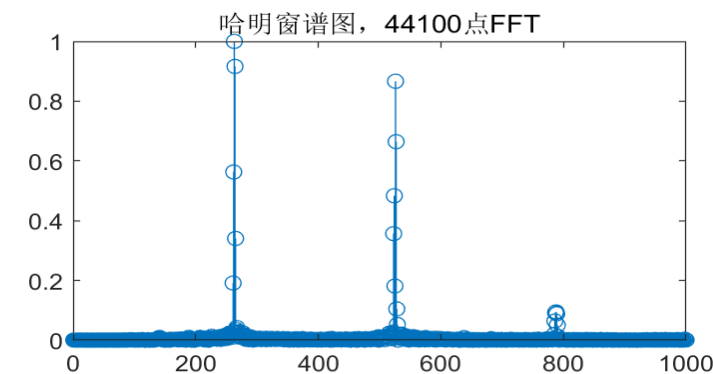
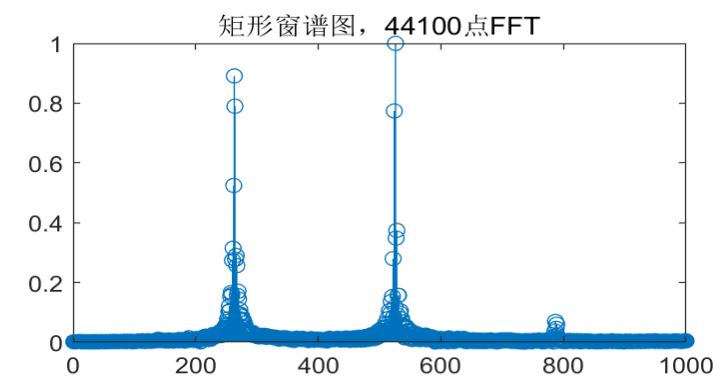
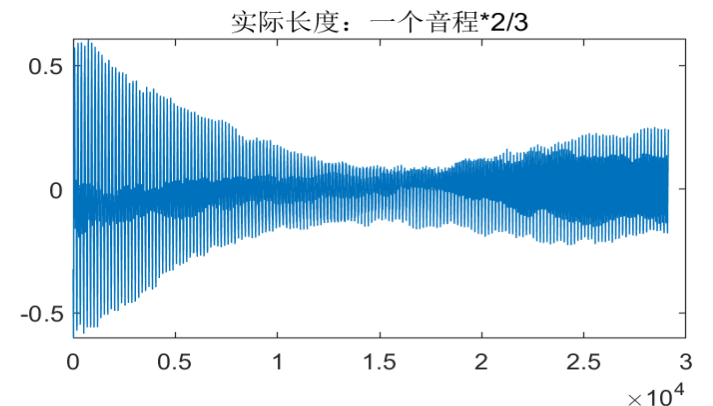
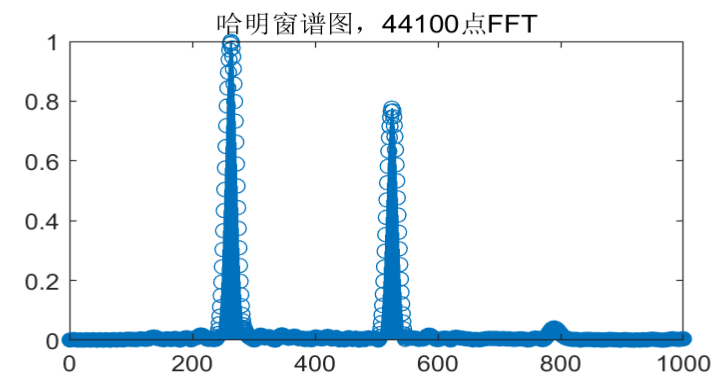
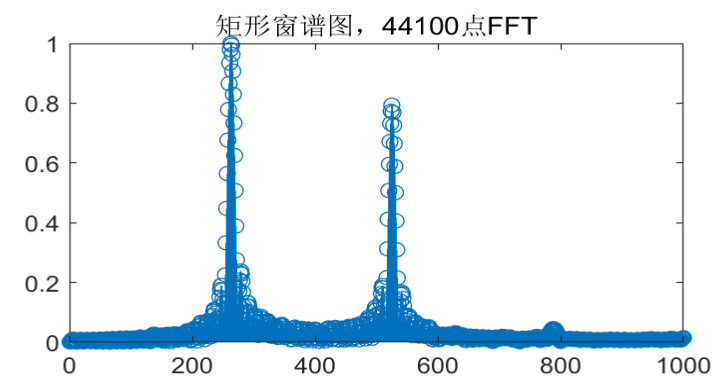
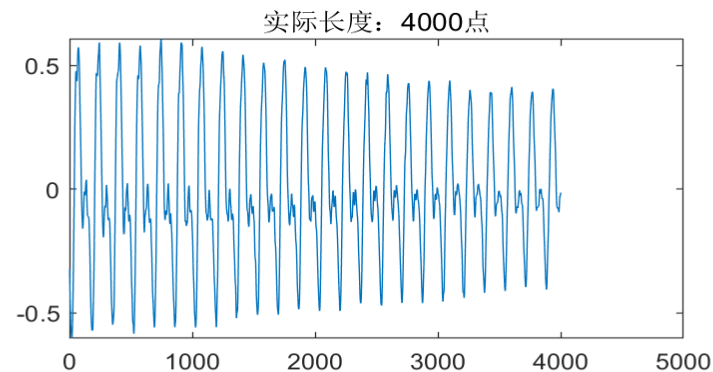
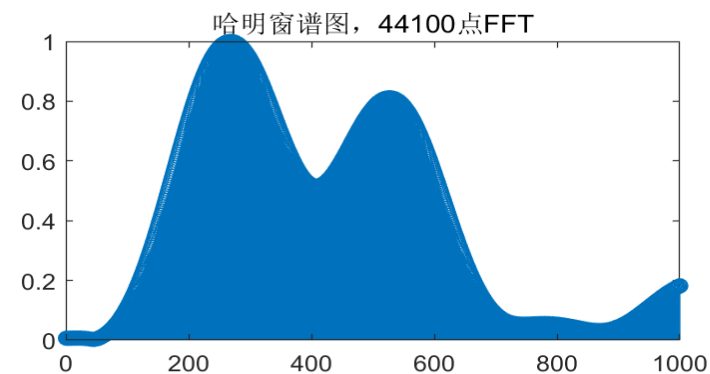
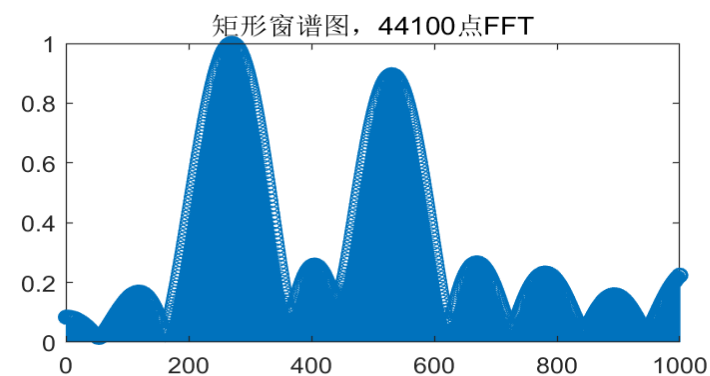
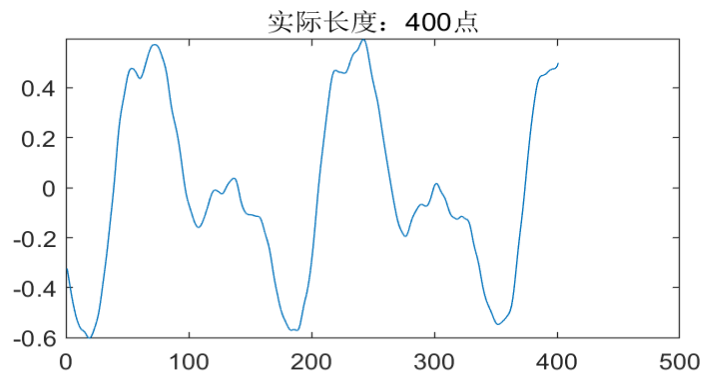
## ➤ 不同帧长下的谱泄漏现象对比

```
test_N = round((Loc3(2)*Frame_Num-Loc3(1)*Frame_Num+1)*2/3);  
i=starti:starti+test_N;  
test_music=music(i);  
subplot(333)  
plot(test_music);title('实际长度: 一个音程*2/3');  
test_music_FFT=fft(test_music,44100);  
subplot(336)  
stem(abs(test_music_FFT)/max(abs(test_music_FFT)));  
title('矩形窗谱图, 44100点FFT');axis([0 1000 0 1]);  
test_music_FFT=fft(test_music.*hamming(length(test_music)),44100);  
subplot(339)  
stem(abs(test_music_FFT)/max(abs(test_music_FFT)));  
title('哈明窗谱图, 44100点FFT');axis([0 1000 0 1]);
```

实际取一整个音程的前2/3,  $\approx 29314$ 点  
矩形窗, 做44100点FFT  
哈明窗, 做44100点FFT



# 钢琴音频识别——音程提取与谱分析





## ➤ 画短时傅里叶谱图（按照音程画）

```
frame_t_ms = [Loc3*Frame_Num/Fs]; %谱图横坐标
```

```
frame_N = length(Loc3);
```

```
fft_N = Fs/F0;
```

```
frame_f_ms = [0:floor((fft_N-1))*F0;
```

```
frame_A_ms = zeros(fft_N,frame_N);
```

```
for i=2:frame_N
```

```
    test_ms = music( Loc3(i-1)*Frame_Num+1 : Loc3(i)*Frame_Num );
```

```
    frame_A_ms(:,i-1)= abs( fft( test_ms.*hamming(length(test_ms)), fft_N) );
```

```
end
```

```
%最后一个音程的处理
```

```
test_ms = music( Loc3(i)*Frame_Num+1 : Loc3(i)*Frame_Num+length(test_ms) );
```

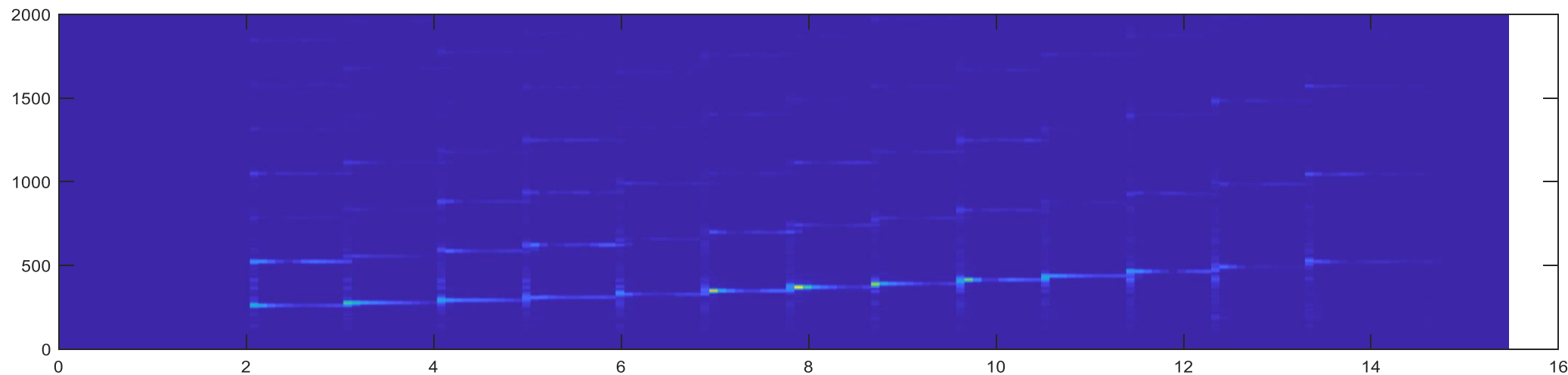
```
frame_A_ms(:,i)= abs( fft( test_ms.*hamming(length(test_ms)), fft_N) );
```

```
figure(5);subplot(212)
```

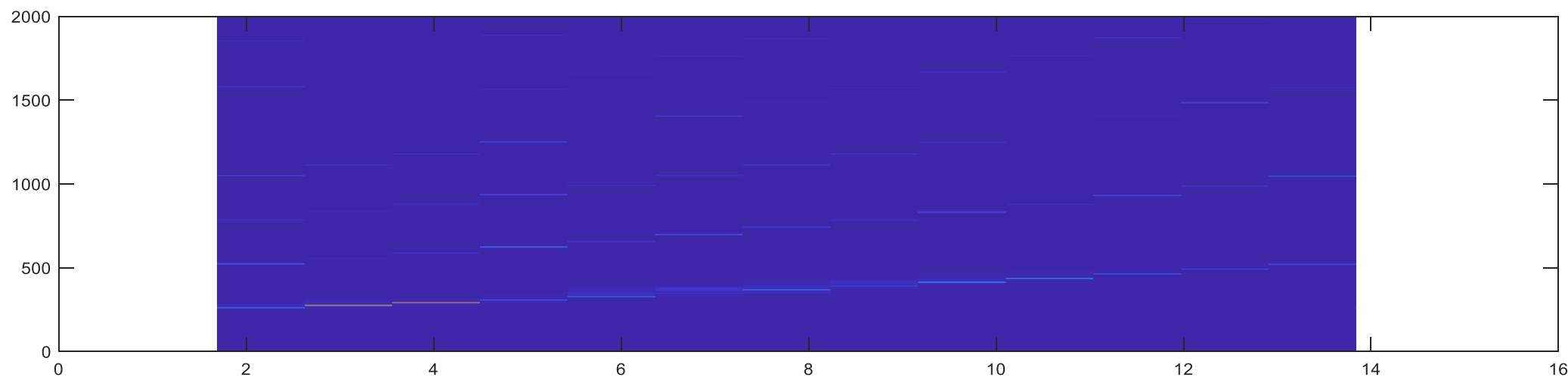
```
imagesc(frame_t_ms,frame_f_ms,frame_A_ms);axis xy; axis([0 M_T 0 2000]);
```



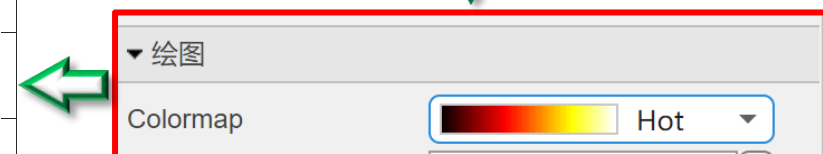
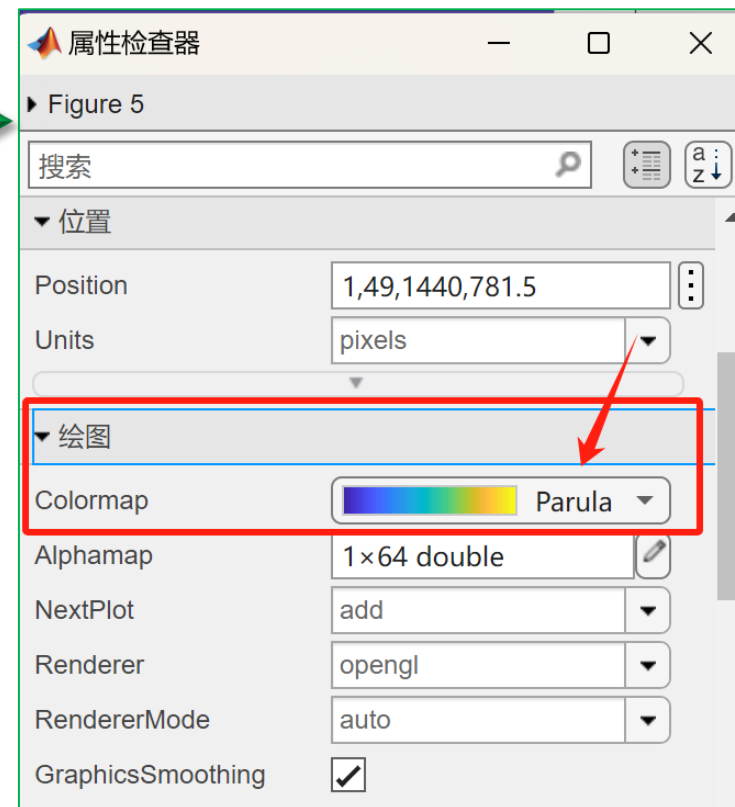
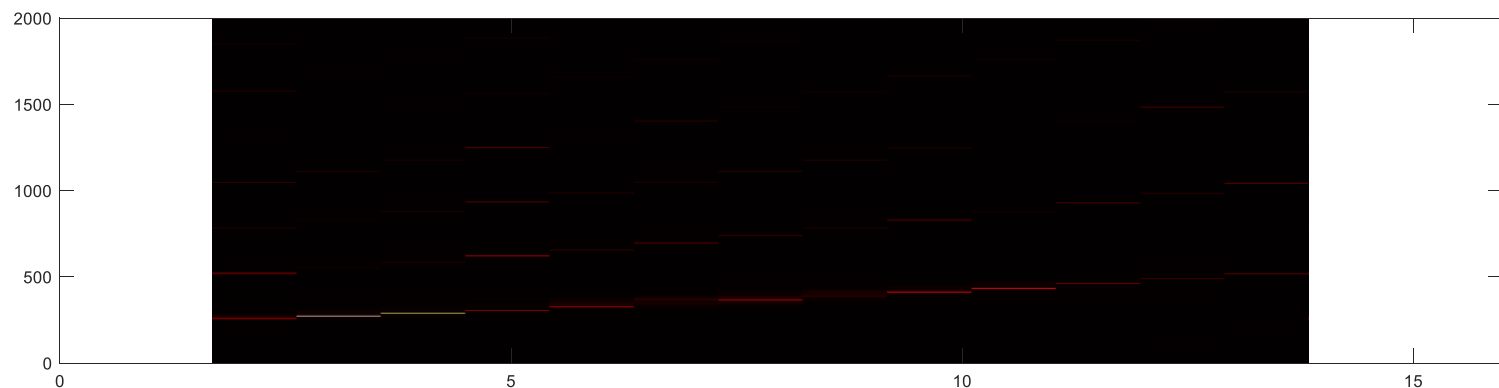
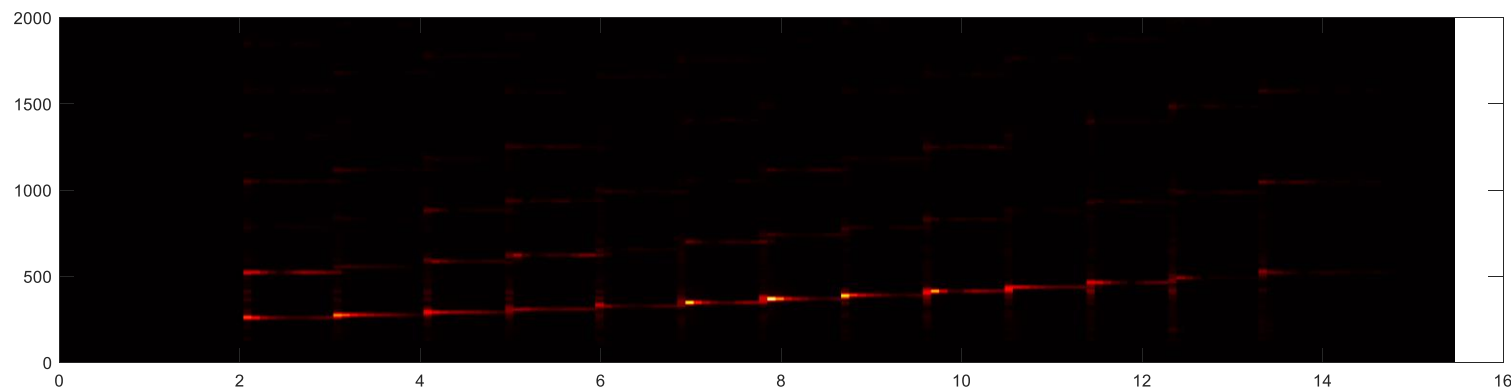
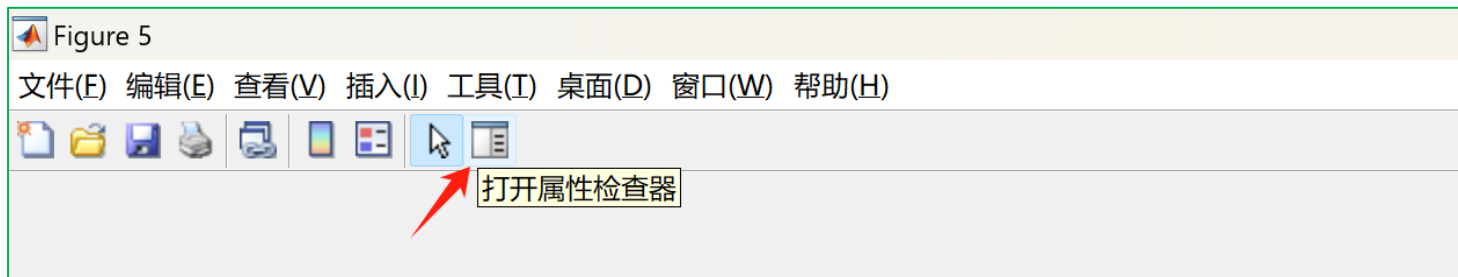
➤ 画短时傅里叶谱图: test\_Num = 4000;



➤ 画短时傅里叶谱图 (按照音程画)



# 钢琴音频识别——音程提取与谱分析

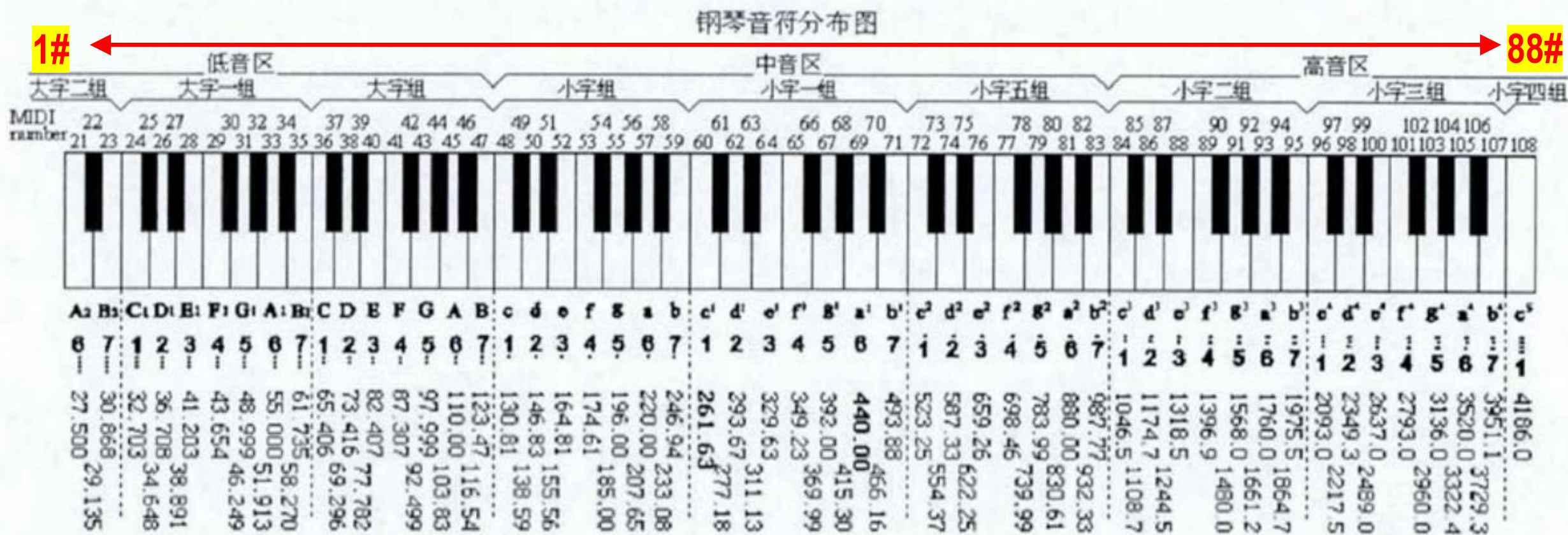


## Step6. 钢琴音频整曲识别

用xlsread函数读入，存入Piano\_F变量中

### (1) 读入钢琴按键与频率的对应表

Piano\_Key\_F.xlsx





其中  $k'$  表示为对应音符的 MIDI 号。 $f_{k'}^m$  指 MIDI 号为  $k'$  的第  $m$  个谐波分量。这里我们认为每个音符主要由前 10 个谐波分量构成，当  $m > 10$  时，取其谐波能量为 0。各个音符的基频之间存在着如下关系：

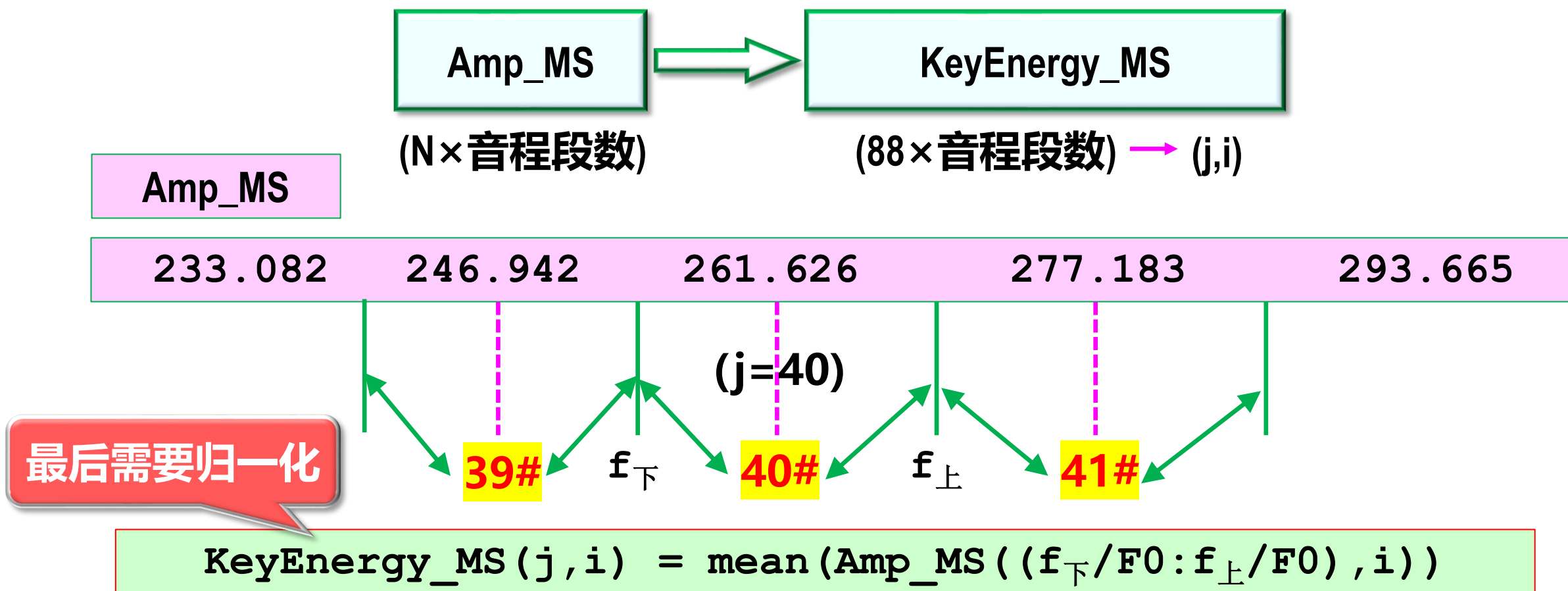
$$\begin{aligned} 2f_{k'}^0 / f_{k'+12}^0 &= 1.0000, & 3f_{k'}^0 / f_{k'+19}^0 &= 0.9989 \\ 4f_{k'}^0 / f_{k'+24}^0 &= 1.0000, & 5f_{k'}^0 / f_{k'+28}^0 &= 1.0079 \\ 6f_{k'}^0 / f_{k'+31}^0 &= 0.9989, & 7f_{k'}^0 / f_{k'+34}^0 &= 1.0180 \\ 8f_{k'}^0 / f_{k'+36}^0 &= 1.0000, & 9f_{k'}^0 / f_{k'+38}^0 &= 0.9977 \\ 10f_{k'}^0 / f_{k'+40}^0 &= 1.0079 \end{aligned} \quad (4-11)$$

从上面可以看出，音符  $k'$  的二、四、八次谐波分量分别与比它高 12、24、36 个半音的音符基频重合，并且音符  $k'$  的三、五、六、七次谐波频率值分别与比它高 19、28、31、34 个半音的基频相等。由此可以看出经常是在比基频高  $\{12, 19, 24, 28, 31 \dots\}$  个半音处发生频谱重叠事件。



## 6. 钢琴音频整曲识别

### (2) 将音频幅度矩阵映射到按键矩阵中







## Step6. 钢琴音频整曲识别

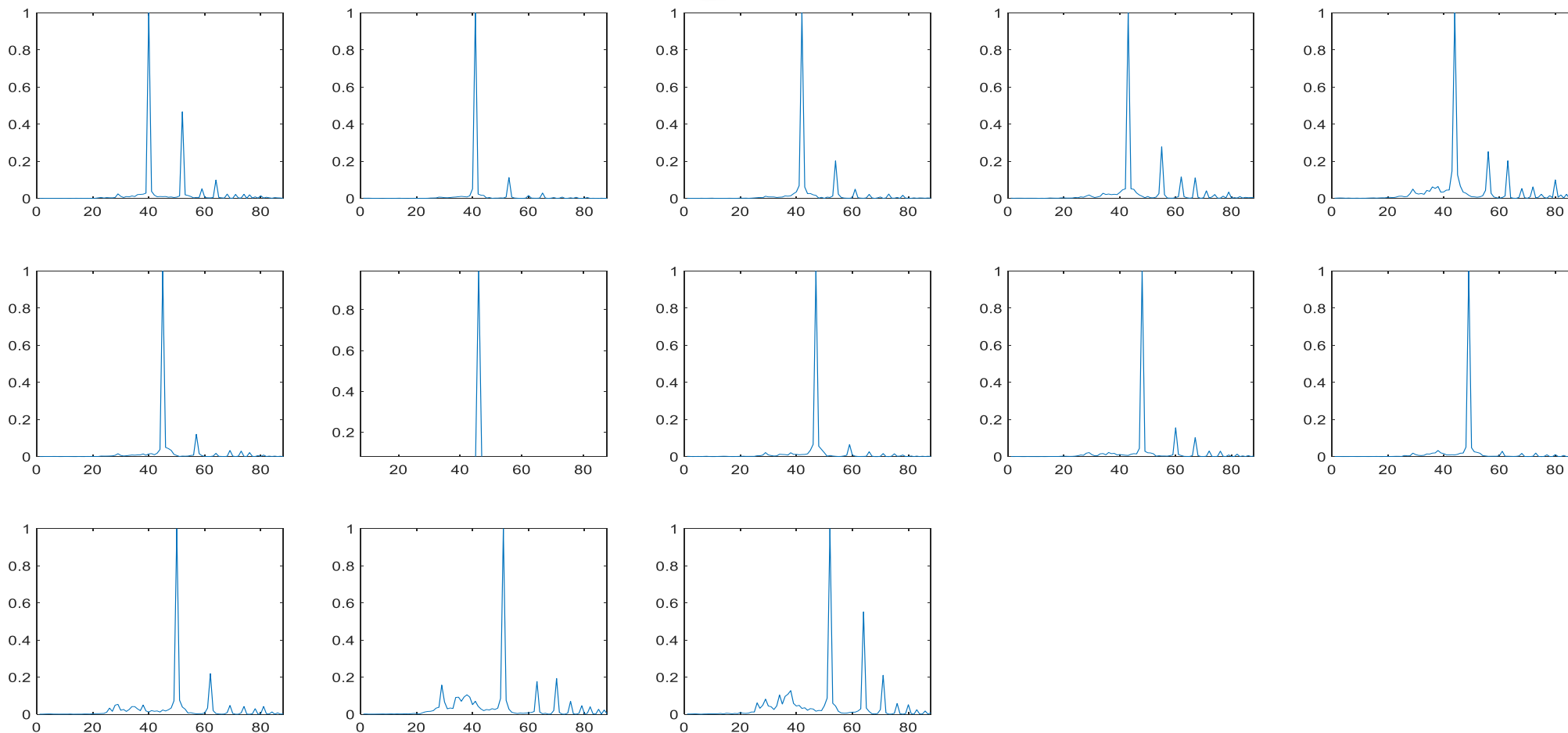
### (3) 画出键号对应的图

```
key=1:88;  
for i=1:3  
    for j=1:5  
        if( (i-1)*5+j <= length(Loc3) ) %有13个音程  
            subplot(3,5,(i-1)*5+j);  
            plot(key,KeyEnergy_MS(:,(i-1)*5+j));  
            axis([0 88 0 1]);  
        end  
    end  
end
```

## Step6. 钢琴音频整曲识别

### (3) 画出键号对应的图

识别前，此图要仔细研究，才好建模

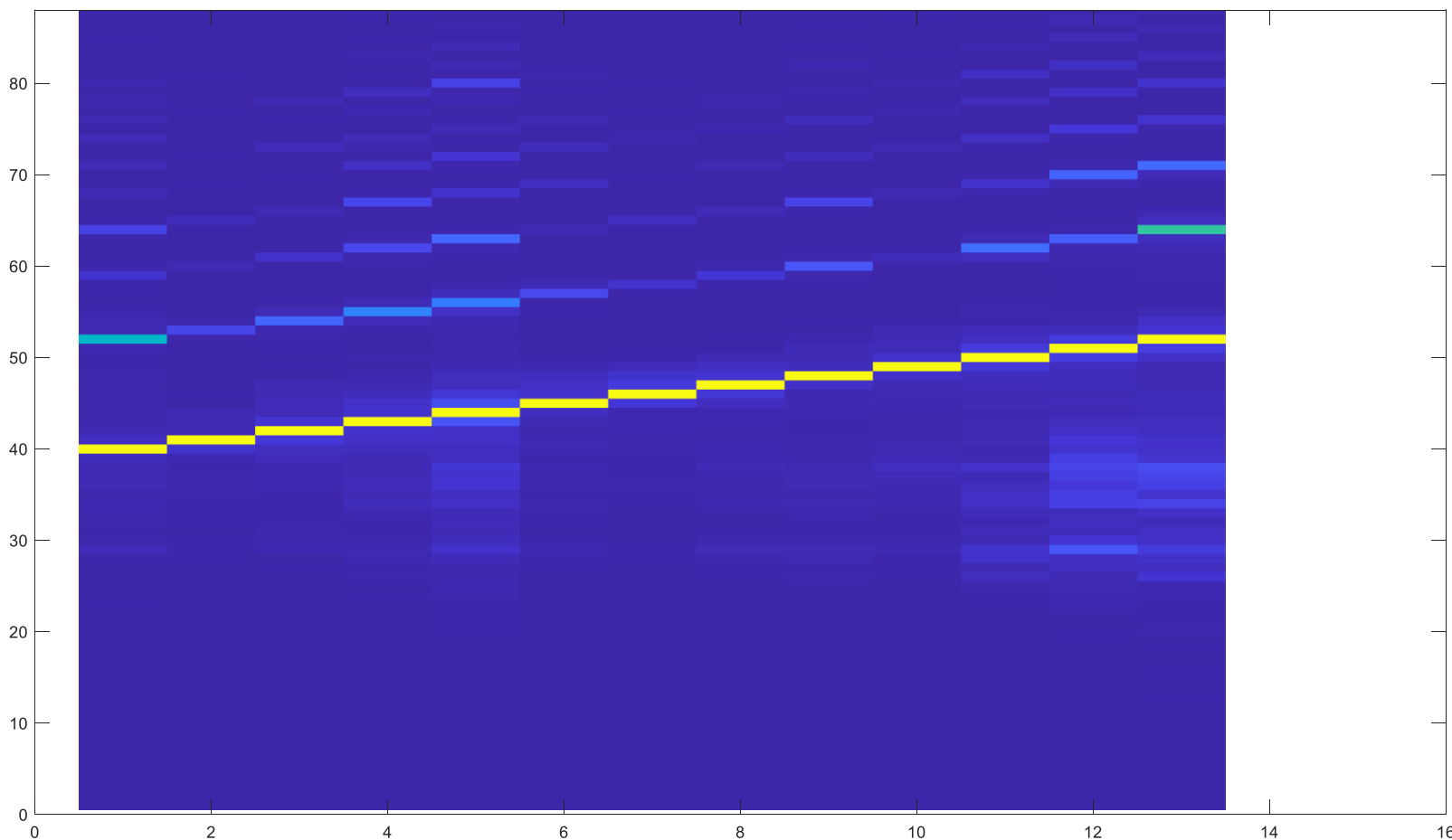




## Step6. 钢琴音频整曲识别

(4) 也可以画出键号的瀑布图 (类似谱图)

```
imagesc(1:length(Loc3),1:88,KeyEnergy_MS);  
axis xy; axis([0 M_T 0 88]);
```





## Step6. 钢琴音频整曲识别

### (5) 识别策略

观察KeyEnergy\_MS矩阵，与标准曲谱比较，观察规律并建模。

此处也可以用音阶音频来观察  
大字组和小字组的规律不一样

### (6) 显示识别结果



按照识别策略  
Key\_Rec中的值非0即1



## Step6. 钢琴音频整曲识别

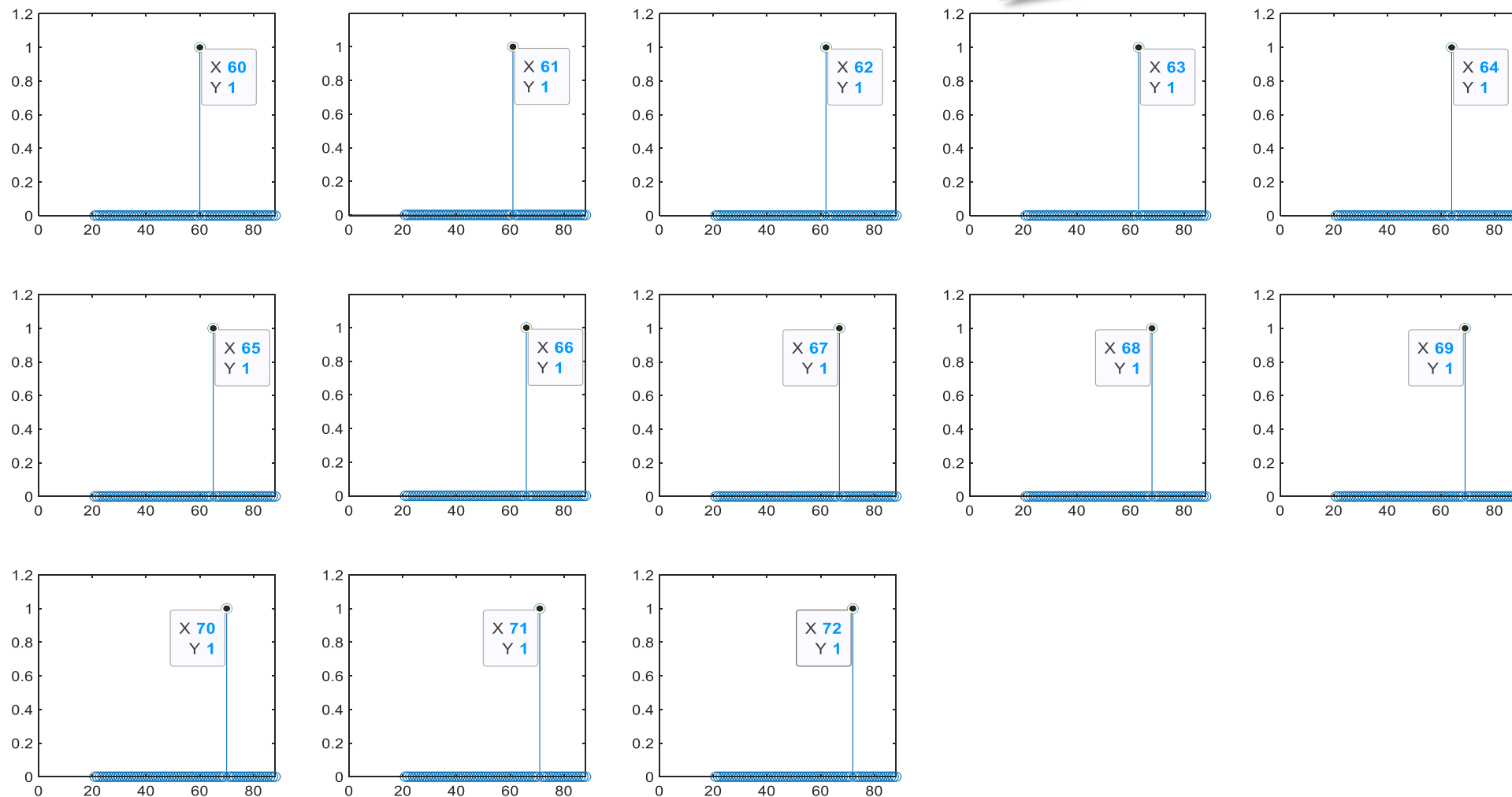
### (6) 显示识别结果 (显示每个音程的键号)

```
key=1:88;  
for i=1:3  
    for j=1:5  
        if( (i-1)*5+j <= length(Loc3) )  
            subplot(3,5,(i-1)*5+j);  
            stem(key+20,Key_Rec(:,(i-1)*5+j));  
            axis([0 88 0 1.2]);  
        end  
    end  
end
```

## Step6. 钢琴音频整曲识别

### (6) 显示识别结果 (显示每个音程的键号)

策略不完美的时候，有错误  
需要调整参数和识别策略，分析正确率

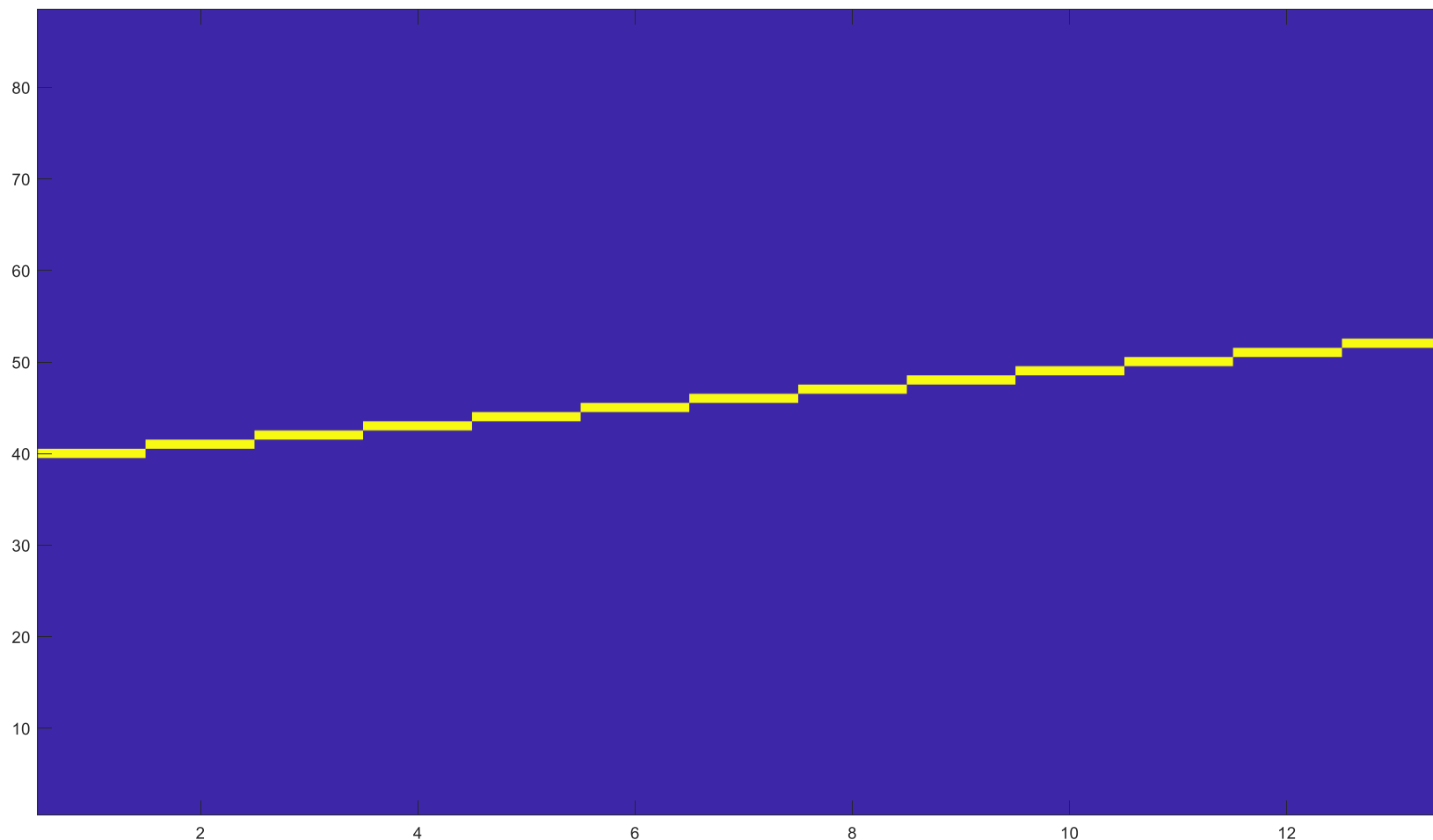




## Step6. 钢琴音频整曲识别

### (6) 显示识别结果(看瀑布图)

```
imagesc(1:length(Loc3),1:88,Key_Rec);  
axis xy;
```





## Step7. 钢琴音频节奏评价 (用小星星曲谱举例)

小星星  
(C大调变奏曲) 主题 作曲: [奥]莫扎特

$\text{♩} = 92$



% ideal\_Beat\_T为标准节拍

```
ideal_Beat_T = [1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1  
1 2 1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1];
```

% Real\_Beat\_T保存实际节拍

```
Real_Beat_T = zeros(1,length(Loc3)-1);
```

% Err\_Beat\_T保存节拍误差值

```
Err_Beat_T = zeros(1,length(Loc3)-1);
```

## Step7. 钢琴音频节奏评价 (用小星星曲谱举例)

假设  $J=69$ ，即1分钟 (60s) 是69拍  $\Rightarrow$

$$\text{Real\_Beat\_T} = \text{音程段时间} \times \frac{69}{60}$$

Real\_Beat\_T的物理含义:

- (1) 当  $\text{Real\_Beat\_T} < 1$ ，说明**节奏快了**，时长其实**不到1拍**
- (2) 当  $\text{Real\_Beat\_T} > 1$ ，说明**节奏慢了**，时长其实**超过1拍**

```
subplot(211);  
plot(1:length(Loc3)-1,Real_Beat_T,'bo');hold on;  
plot(1:length(Loc3)-1,ideal_Beat_T,'r*');grid on;  
axis([1 length(Loc3)-1 0 2.2])  
subplot(212);  
plot(1:length(Loc3)-1,Err_Beat_T,'bx-');grid on;  
axis([1 length(Loc3)-1 -0.5 0.5])
```

