Esquemas paralelos

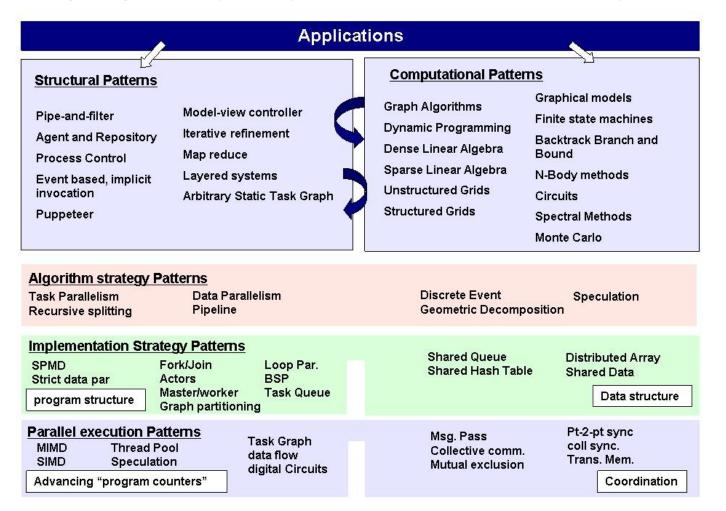
Metodología de la Programación Paralela Jesús Sánchez Cuadrado (jesusc@um.es) Curso 2020/21

Tipos de esquemas

- Podemos considerar esquemas de distintos tipos:
- Descomposición del trabajo:
 - Paralelismo de datos.
 - Particionado de datos.
 - Algoritmos relajados.
- De paralelismo basado en dependencias de datos:
 - Paralelismo síncrono.
 - Dependencias en árbol o grafo.
 - Pipeline.
- De paralelización de esquemas secuenciales:
 - Divide y Vencerás.
 - Programación Dinámica.
- Recorridos de árboles: Backtracking y Branch and Bound.
- De múltiples tareas o trabajadores:
 - Bolsa de tareas.
 - Granja de procesos.
 - Maestro-Esclavo.

Otras fuentes de patrones

Our pattern language: https://patterns.eecs.berkeley.edu/



Particionado y paralelismo de datos

Paralelismo y particionado de datos

- Aplicable cuando todos los datos se tratan de igual manera
 - Aplicable a GPUs
- Ejemplo:
 - Algoritmos numéricos donde los datos están en vectores o matrices
 - Posible procesamiento vectorial
 - Paralelismo asignando partes distintas del array a distintos elementos de proceso (directivas OpenMP)
- Memoria Compartida (Paralelismo de datos):
 - Distribución del trabajo entre los hilos
 - Paralelización automática o implícita
- Memoria Distribuida (Particionado de datos):
 - Distribución de los datos a los procesos
 - Paralelización explícita

Ejemplo – Suma de N números

Suma de N números

```
int s = 0;
for(int i = 0; < n; i++) {
   s = s + a[i];
}</pre>
```

- Posible vectorización con simd.
- Paralelización automática: con opción de compilación si no hay dependencia de datos o el compilador detecta que se puede resolver

Ejemplo – Suma de N números

- Paralelismo implícito
 - El programador especifica cuáles son los datos
 - El sistema de decide cómo se reparten
- En OpenMP
 - Clausula schedule permite indicar cómo distribuir el trabajo: bloques contiguos, asignación cíclica, dinámica

```
int s = 0;
#pragma omp parallel for private(i) reduction(+:s)
for(int i = 0; < n; i++) {
   s = s + a[i];
}</pre>
```

Ejemplo – Suma de N números

• Paralelismo explícito

```
void sumaparcial(double *a, int n, int p) {
  int s=0;
                                                      t(n,p) = \frac{n}{p} + p
  for(j=0; j<n/p; j++)
    s=s+a[j];
  a[0]=s;
void sumatotal(double *a, int n, int p) {
  double s=0;
  for(j=0; j<p; j+=n/p)
    s = s + a[j];
                               #pragma omp parallel for private(i,s)
  return s;
                               for(i=0; i<p; i++)</pre>
                                 sumaparcial(&a[(i*n)/p],n,p);
                               S = sumatotal(a,n,p);
Metodología de la Programación Paralela
```

- · Para cada elemento, contar cuántos hay menores que el
 - El rango nos dice la posición que ocupa el elemento ordenado
 - Coste O(n²)
 - Fácilmente paralelizable

```
for(i=0; i<n; i++)
  for(j=0;j<n;j++)
    if (a[i]>a[j] || ((a[i] == a[j]) && (i > j)))
        r[i]+=1;

for(i = 0; i < n; i++)
  b[r[i]] = a[i];</pre>
```

- Paralelismo implícito
 - Se divide el trabajo de cada bucle

```
#pragma omp parallel for private(i,j)
for(i=0; i<n; i++)
   for(j=0; j<n; j++)
      if (a[i]>a[j] || ((a[i] == a[j]) && (i > j)))
        r[i] += 1;

#pragma omp parallel for private(i)
for(i = 0; i < n; i++)
   b[r[i]] = a[i];</pre>
```

$$t(n,p) = \frac{n^2}{p} + \frac{n}{p}$$

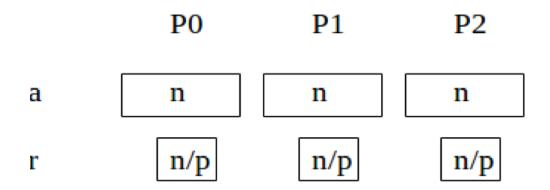
- Paralelismo implícito
 - Se divide el trabajo de cada bucle

```
#pragma omp parallel for private(i,j)
for(i=0; i<n; i++)</pre>
  for(j=0; j<n; j++)
    if (a[i]>a[j] || ((a[i] == a[j]) && (i > j)))
       r[i] += 1;
#pragma omp parallel for private(i)
for(i = 0; i < n; i++)
  b[r[i]] = a[i];
                                                   ¿Es posible colapsar
                                                     los dos bucles?
```

- Paralelismo implícito
 - Se divide el trabajo de cada bucle

```
#pragma omp parallel for private(i,j)
for(i=0; i<n; i++)</pre>
  for(j=0; j<n; j++)</pre>
    if (a[i]>a[j] || ((a[i] == a[j]) && (i > j)))
       r[i] += 1;
  // En este punto la posición del elemento i
  // ya ha sido calculada
  b[r[i]] = a[i];
```

- Paralelismo explícito
 - Asignación manual del trabajo a los hilos



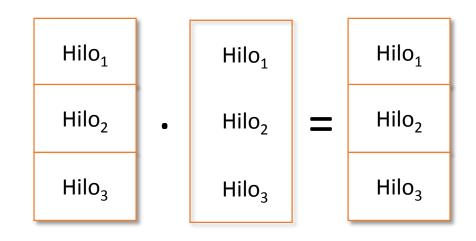
Paralelismo explícito

```
void rangoparcial(int *a, int *r, int *b,
                   int hilo, int n, int p) {
   for(int i = hilo * n / p; i < (hilo + 1) * n / p; i++) {</pre>
     for(j = 0; j < n; j++)
       if (a[i]>a[j] || ((a[i] == a[j]) && (i > j)))
         r[i] += 1;
     b[r[i]] = a[i];
#pragma omp parallel for private(i)
for(i = 0; i < THREADS; i++)</pre>
  rangoparcial(a, r, b, n, i, THREADS)
```

Ejemplo – Multiplicación de matrices

Con paralelismo implícito

```
#pragma parallel for private(i,j,k)
for(i=0; i<n; i++)
  for(j=0; j<n; j++) {
    c[i,j] = 0;
    for(k=0; k<n; k++)
       c[i,j]=c[i,j]+a[i,k]*b[k,j];
}</pre>
```



Ejemplo – Multiplicación de matrices

Con paralelismo explícito

```
#pragma omp parallel for private(i)
for(i=0;i<p;i++)
  multiplicar(c,a,b,i)
void multiplicar(c,a,b,i) {
  for(j=(i*n)/p; j < ((i+1)*n)/p; j++)</pre>
    for(k=0;k<n;k++) {
      c[j,k]=0;
      for(l=0;l<n;l++)
        c[j,k]=c[j,k]+a[j,1]*b[l,k];
```

Otros ejemplos de paralelismo de datos

- Producto escalar de dos vectores x e y de tamaño n:
 - Similar a la suma de n datos.
 - Asignación de bloques de tamaño n/p de x e y a los p hilos.
 - Suma (secuencial o paralela) de los productos parciales.
- Producto matriz-vector:
 - Dos bucles, paralelización del más externo.
 - Posible trabajo por bloques.

Particionado de datos

- Idea similar al paralelismo de datos para Memoria Distribuida
 - Además de dividir el trabajo hay que distribuir los datos
 - Implementación típica usando Paso de Mensajes
- El espacio de datos se divide en regiones adyacentes:
 - Se asignan a procesos distintos
 - Posible intercambio de datos entre regiones adyacentes
 - Más semejante al Paralelismo de Datos explícito
- Para obtener buenas prestaciones hay que intentar que el volumen de computación entre comunicaciones sea grande.
 - Paralelismo de grano grueso, efecto volumen-superficie.

Particionado de datos

- Ejemplo Multiplicación de matrices
 - Volumen de computación n³
 - Volumen de distribución de datos n²
 - Cada hilo realiza el mismo cálculo que en la versión OpenMP

```
void ordenrango(int *a, int n, int *r, int pid, int numprocs) {
  int i, j, k, t1 = n / numprocs; *b = NULL;
  MPI Bcast(a, n, MPI INT, 0, MPI COMM WORLD);
  for(k = 0, i = hilo * n / p; i < (hilo + 1) * n / p; i++, k++) {
   for(j = 0; j < n; j++)
      if (a[i]>a[j] || ((a[i] == a[j]) && (i > j)))
        r[k] += 1;
```

```
void ordenrango(int *a, int n, int *r, int pid, int numprocs) {
  if (pid == 0) {
    for(i = 1; i < numprocs; i++) {</pre>
      MPI_Recv(&r[tl * i], tl, MPI_INT, i, 10, ...);
      b = (int *) malloc(sizeof(int) * n);
      for(i = 0; i < n; i++)
         b[r[i]] = a[i];
      for(i = 0; i < n; i++)
         a[i] = b[i];
      free(b);
  } else {
    MPI Send(r, tl, MPI_INT, 0, 10, MPI_COMM_WORLD);
```

- Coste
 - Volumen de computación n²
 - Volumen de distribución de datos n
 - Todos los procesos necesitan el array que se va a ordenar completo

$$(p-1)(ts+tw\cdot n)+tc\frac{n^2}{p}+(p-1)\cdot (ts+\frac{tw\cdot n}{p})$$
Distribución inicial
Cómputo
Distribución final

Algoritmos relajados

Algoritmos relajados

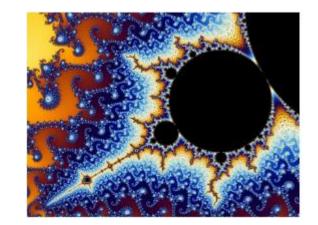
- Cada elemento de proceso trabaja de manera independiente.
- No hay sincronización ni comunicación, salvo las de distribuir datos y recoger resultados.
- Buenas prestaciones en Memoria Compartida y Paso de Mensajes.
- A veces a costa de no utilizar el mejor algoritmo paralelo.
- Fáciles de programar.
- Difícil encontrar algoritmos que se adecuen estrictamente al esquema.

Ejemplo – Fractales: el conjunto de Mandelbrot

- Algoritmo "embarrassingly parallel"
 - Se crear un número N de tareas, totalmente independientes
 - Particionado estático
- Para cada punto **c** en el plano complejo
 - Calcular la función color(c)

$$\left\{egin{array}{ll} z_0=0\in\mathbb{C} & ext{ (t\'ermino inicial)} \ z_{n+1}=z_n^2+c & ext{ (sucesi\'en recursiva)} \end{array}
ight.$$

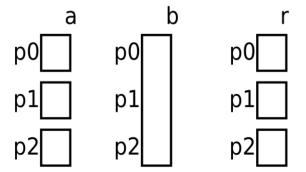
Los puntos cuya distancia al origen es superior a 2 (x2 + y2 > 2) no pertenecen al conjunto



^{*} https://es.wikipedia.org/wiki/Conjunto_de_Mandelbrot

^{*} https://www.dais.unive.it/~calpar/

- Memoria Compartida: cada hilo calcula el rango de una parte de los elementos.
- Paso de Mensajes. Primero distribuir en la forma siguiente, y cada proceso calcula el rango de una parte de los elementos.

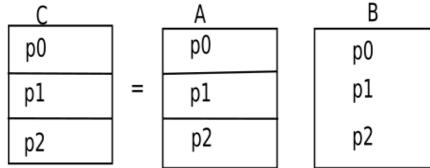


• Hay duplicación de datos pero se simplifica la programación y se obtienen buenas prestaciones.

Multiplicación de matrices

• Memoria Compartida: cada hilo calcula un bloque de filas de la matriz resultado.

• Paso de Mensajes, con distribución:



- cada procesador calcula las filas de C correspondientes a las filas de A que contiene.
- No es necesaria sincronización ni comunicación
 - salvo la distribución y acumulación (¿qué funciones se utilizarían?),
 - pero es más costoso el envío inicial al repetirse B en cada proceso.

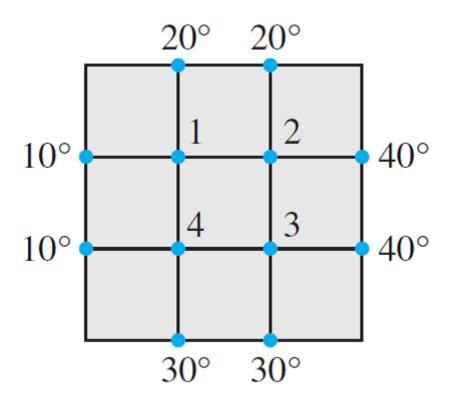
Descomposición geométrica/ Paralelismo síncrono

Características

- Se realizan iteraciones sucesivas:
 - Cada elemento de proceso realiza el mismo trabajo sobre una porción distinta de los datos.
 - Datos de una iteración se utilizan en la siguiente.
 - Tras cada iteración hay sincronización (local o global).
 - La iteración finaliza cuando se cumple algún criterio de convergencia o cuando se alcanza un número fijo de iteración (o tiempo límite).
- Las prestaciones están afectadas por la sincronización:
 - En Memoria Compartida buenas prestaciones.
 - En Paso de Mensajes bajan prestaciones por el coste de las comunicaciones.

Ejemplo – Iteración de Jacobi

- Por ejemplo, f(x, y) el calor de un punto de una placa de metal
 - Dada una placa de metal para la que conocemos la temperatura de los bordes, calcular cuál es la temperatura en los puntos del interior.



Ejemplo – Iteración de Jacobi

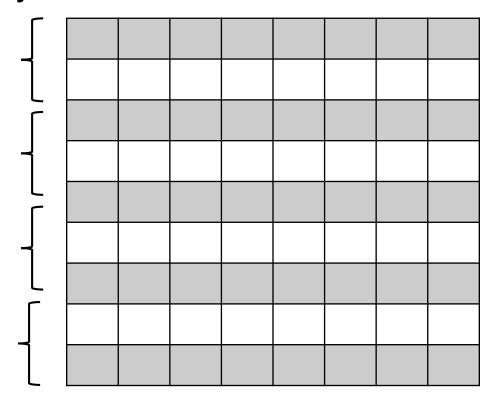
Se calcula la ecuación de diferencias:

$$V^{t}(i,j) = \frac{V^{t-1}(i-1,j) + V^{t-1}(i+1,j) + V^{t-1}(i,j-1) + V^{t-1}(i,j+1)}{4}$$

- Converge gradualmente a una solución cada vez más precisa.
- Para obtener una solución más precisa aumentar el número de puntos.
- Una iteración tras otra secuencialmente, pero dentro de cada iteración paralelismo.
- Entre iteraciones se necesita comunicación local.
- Para comprobar condición de fin comunicación global.

Paralelismo implícito

- Entre cada bucle paralelo, la sincronización es implícita
- Hay paralelismo de datos en los bucles
- División del trabajo

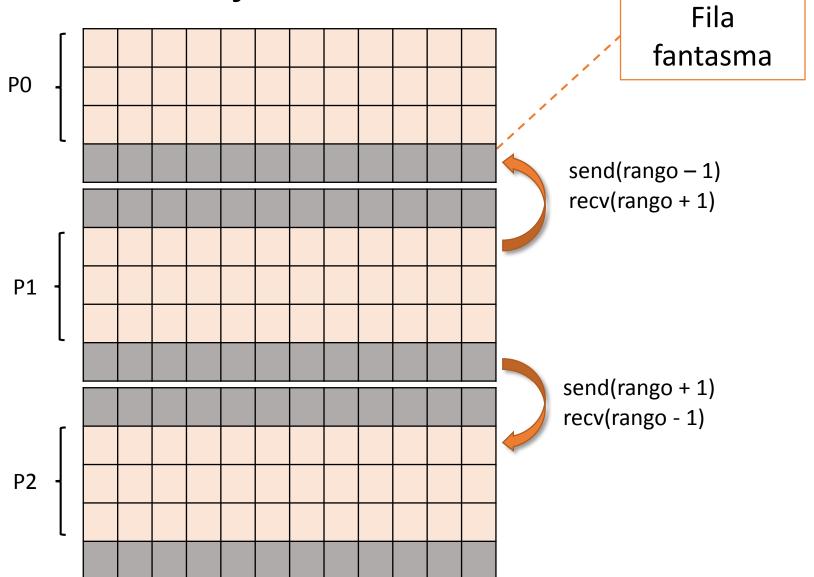


Paso de mensajes

- El array de datos *n* filas
- Cada proceso tiene un array con tl = n/p + 2 filas
- Las dos filas extras son para almacenar "los bordes"
 - Filas fantasma
- Los intercambios consisten en comunicarse los resultados del borde

jacobi_mpi.c

Paso de mensajes



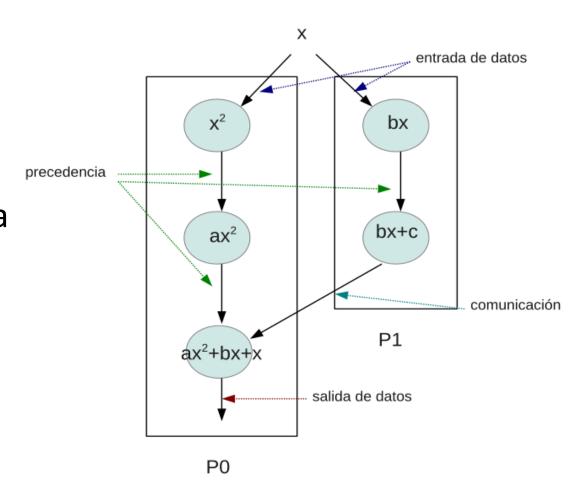
Paso de mensajes

• ¿Cómo se puede optimizar introduciendo comunicaciones asíncronas?

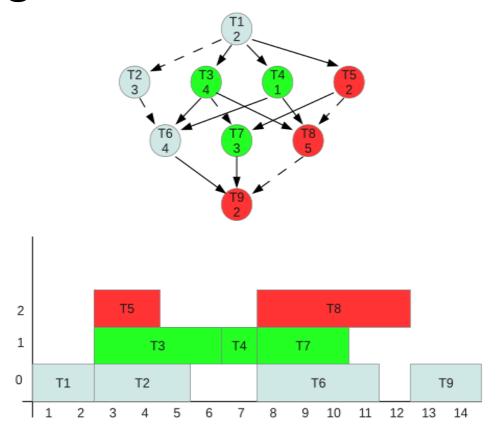
Dependencias en árbol o grafo

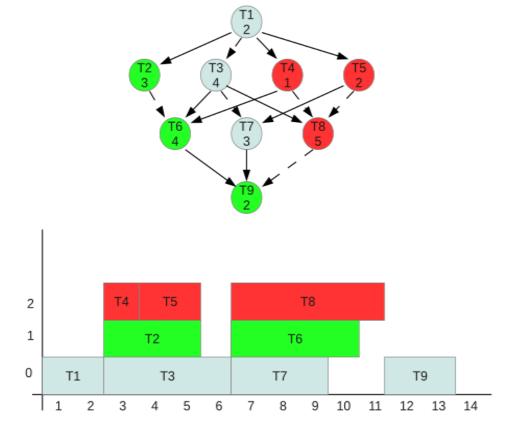
Grafos de dependencias

- Un Grafo de Dependencias es un grafo dirigido acíclico
- Nodos representan tareas
- Una arista de un origen a un destino representa que para poder realizarse la tarea destino tiene que haberse ejecutado la origen (posiblemente por una dependencia de datos).
- Los nodos pueden etiquetarse con un valor que representa el coste de la tarea. Las aristas pueden etiquetarse con valor que representa el coste de la comunicación



Asignación de tareas





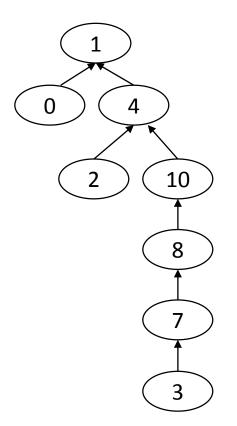
- Hay que asignar las tareas a los elementos de proceso.
- Distintas asignaciones pueden originar tiempos distintos.
- El problema de la asignación óptima es NP.

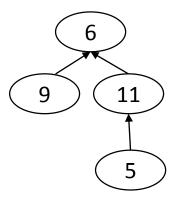
Asignación de tareas

- Dentro de un elemento de proceso hay que elegir el orden de ejecución de las tareas.
- Desbalanceo de la carga: balancear cálculo y comunicaciones.
- Tiempos de espera: por dependencias entre tareas.
- Si granularidad fina: muchas tareas, lo que posibilita el balanceo pero genera más comunicaciones.
- Si granularidad gruesa menos comunicaciones pero más difícil el balanceo.

Clases de equivalencia

- Relación de equivalencia expresada como árboles
 - Elementos de un conjunto que comparten cierta propiedad





Problema: encontrar el representante de la clase a la que pertenece cada nodo

Nodo	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
Padre	1	1	4	7	1	11	6	8	10	6	4	6

Clases de equivalencia

- Algoritmo secuencial
 - Sustituir en cada iteración el padre de un nodo por el padre de su padre

```
int cambio = 1;
while (cambio) {
   cambio = 0;
  for(int i = 0; i < n; i++) {</pre>
      if (array[i] != array[array[i]]) {
         array[i] = array[array[i]];
         cambio = 1;
```

Clases de equivalencia

Algoritmo paralelo

```
int cambio = 1;
while (cambio) {
   cambio = 0;
   memcpy(tmp, array, n);
   #pragma omp parallel for private(i)
  for(int i = 0; i < n; i++) {</pre>
      if (array[i] != array[array[i]]) {
        tmp[i] = array[array[i]];
        cambio = 1;
```

Ejemplo

• Procesador de consultas (SQL) paralelo

SELECT nombre, apellidos, teléfono, direccion
FROM persona P JOIN direcciones D ON P.dni = D.dni_persona
WHERE edad < 18</pre>

