

## Universidad de Granada

### Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas

## Inferencia Estadística

Resolución de ejercicios de clase

Autor: Jesús Muñoz Velasco

# Índice

 $1. \ \, {\rm Tarea\ del\ 17\ de\ septiembre\ de\ 2025}$ 

2

#### 1. Tarea del 17 de septiembre de 2025

**Ejercicio 1.1.** Obtener la función masa de probabilidad conjunta de una m.a.s. de  $X \rightsquigarrow B(k_0, p)$  y la función de densidad conjunta de una m.a.s. de  $X \rightsquigarrow U(a, b)$ .

•) Consideramos  $X \rightsquigarrow B(k_0, p)$ 

Por definición tenemos que

$$P[X_1 = x_1, \dots, X_n = x_n] = \prod_{i=1}^n P[X = x_i] , (x_1, \dots, x_n) \in \chi^n$$

Aplicándolo al caso particular de una distribución binomial tenemos que

$$P[X_1 = x_1, \dots, X_n = x_n] = \prod_{i=1}^n \binom{k_0}{x_i} p^{x_i} (1-p)^{(k_0 - x_i)} = p^{\sum_{i=1}^n x_i} \cdot (1-p)^{\sum_{i=1}^n k_0 - x_i} \cdot \prod_{i=1}^n \binom{k_0}{x_i}$$

•) Consideramos  $X \leadsto U(a,b)$ 

Por definición tenemos ahora que

$$f_{(X_1,\dots,X_n)}(x_1,\dots,x_n) = \prod_{i=1}^n f_X(x_i) , (x_1,\dots,x_n) \in \chi^n$$

Conociendo la función de densidad de una distribución uniforme tenemos

$$f_{(X_1,\dots,X_n)}(x_1,\dots,x_n) = \prod_{i=1}^n \frac{1}{b-a} = \frac{n}{b-a}$$

**Ejercicio 1.2.** Dada una muestra aleatoria formada por las observaciones (3, 8, 5, 4, 5), obtener su función de distribución muestral y realizar la representación gráfica.

Por la definición de función de distribución muestral tenemos que

$$F_{X_1,\dots,X_5}^*(x) = \frac{1}{5} \sum_{i=1}^5 I(-\infty, x](X_i) =$$

$$= \frac{1}{5} (I(-\infty, x](3) + I(-\infty, x](4) + 2I(-\infty, x](5) + I(-\infty, x](8))$$

Lo que resulta

$$F_{X_1,\dots,X_5}^*(x) = \begin{cases} 1/5 \cdot 0 = 0 & \forall x \in (-\infty,3) \\ 1/5 \cdot 1 = 1/5 & \forall x \in [3,4) \\ 1/5 \cdot (1+1) = 2/5 & \forall x \in [4,5) \\ 1/5 \cdot (1+1+2) = 4/5 & \forall x \in [5,8) \\ 1/5 \cdot (1+1+2+1) = 5/5 = 1 & \forall x \in [8,\infty) \end{cases}$$

#### Gráficamente resulta en:

