Інтегрована інерціально-супутникова система навігації, що базується на принципах комплексної обробки інформації з використанням калманівської фільтрації

Микола Новік

28 січня 2011 р.

### Зміст доповіді

- 🚺 Постановка задачі та вибір системи
  - Постановка задачі та вибір системи
    Вибір варіанту комплексування ІСНС
  - Биогр варганту комплексування ICH
  - Схема комплексування ІСНС
- 2 Модель системи
  - Алгоритми роботи БІНС
  - Рівняння похибок БІНС
  - Матриця динаміки БІНС
  - Рівняння похибок СНС та БВ
    Рівняння ІНСН в просторі станів
  - Рівняння ІНСН в просторі станів
  - Еволюція похибок стаціонарно закріпленої БІНС
  - Сумарна похибка стаціонарно закріпленої БІНС
  - Траєкторія руху ЛА тільки за БІНС
  - Навігаційний фільтр Калмана
  - Траєкторія руху ЛА
- В Результати моделювання ІСНС
  - Поихибка оцінки по координаті
  - Поихибка оцінки по швидкості
  - 🍳 Поихибка оцінки по орієнтації
  - Поихибка оцінки дрейфів гіроскопів
  - Поихибка оцінки зміщення акселерометрів
  - Поихибка оцінки курсу, крена, тангажа
  - Сходимість коваріацій параметрів
  - Траєкторія руху ЛА за БІНС і ФК
  - Середньоквадратичні відхилення
- Програмне забезпечення
  - Інтерфейс програми
- The End

Постановка задачі: дослідження можливостей комплексування навігаційної інформації двох систем, що є на борту сучасного літака: безплатформенної інерціальної навігаційної системи і супутникової високоточної навігаційної системи.

### В результаті комплексування ІНС та СНС досягаються:

- підвищення точності визначення координат, висоти, швидкості і часу споживача;
- уточнення кутів орієнтації (курсу, крену і тангажа);
- оцінка й уточнення параметрів калібрування навігаційних датчиків, таких, як дрейфи гіроскопів, масштабні коефіцієнти, зсуви акселерометрів тощо;
- забезпечення на цій основі безперервності навігаційних визначень на всіх етапах руху, у тому числі і при тимчасовій непрацездатності приймача СНС у випадках впливу завад або енергійних маневрів ЛА.

## Варіанти інтегрування ІСНС

#### Роздільна

Надмірність, обмеженість похибок оцінок місця розташування і швидкості, наявність інформації про орієнтацію і кутову швидкість, висока швидкість видачі інформації, мінімальні зміни в бортовій апаратурі

#### Слабко зв'язана

Усі перераховані особливості роздільних систем, плюс більш швидке відновлення слідкування за кодом і фазою сигналів СНС, виставлення та калібрування БІНС у польоті, як наслідок – підвищена точність під час відсутності сигналу СНС

#### Жорстко зв'язана

Подальше поліпшення точності і калібрування, підвищена стійкість слідкування за сигналами СНС при маневрах ЛА, підвищена завадостійкість

### Глибоко інтегрована

Єдиний фільтр усуває проблему "каскадного" включення фільтрів, компактність, знижені вимоги з енергозабезпечення. Недоліки: вектор стану містить до 40 компонентів, тому фільтр складно реалізувати: необхідність розробки спеціальних датчиків

#### Опенки местоположения, скорости и угловой ГЛОНАСС/GPS Источник Предусили ориентации ЛА навигационного тель CHC IHC послания Полканал Тільки сопровождения CHC кода Выхолные ланные местоположения, и скорости ЛА Полканал Расширенный фильтр Фильтр Калмана сопровождения Калмана несущей частоты Тільки IHC Компенсатор Кінематика Кінематика похибок датчиків обертового руху поступального руху датчиків Выхолные ланные местоположения, IHC скорости и угловой ориентации ЛА

Рис.: Слабко зв'язана схема



### Алгоритми роботи БІНС

#### Швидкий темп

$$\begin{split} & \omega_{y\Sigma} = \omega_{y\Pi A} - \omega_{yNHE}; \\ & \omega_{x\Sigma} = \omega_{x\Pi A} - \omega_{xNHE}; \\ & \omega_{z\Sigma} = \omega_{z\Pi A} - \omega_{zNHE}; \\ & \dot{\psi} = (\omega_{y\Sigma} \cos \gamma - \omega_{z\Sigma} \sin \gamma) \sec \vartheta; \\ & \dot{\gamma} = \omega_{x\Sigma} + \mathrm{tg}\vartheta \left(\omega_{z\Sigma} \sin \gamma - \omega_{y\Sigma} \cos \gamma\right); \\ & \dot{\vartheta} = \omega_{y\Sigma} \sin \gamma + \omega_{z\Sigma} \cos \gamma; \\ & \psi_{r} = -\psi. \end{split}$$

#### Середній темп

$$\begin{bmatrix} a_N \\ a_H \\ a_E \end{bmatrix} = B \begin{bmatrix} a_{x_{J1A}} \\ a_{y_{J1A}} \\ a_{z_{J1A}} \end{bmatrix}$$
 
$$\dot{V}_E = a_E - V_N(\omega_{H_V} + 2\Omega_H) + V_H(\omega_{N_V} + 2\Omega_N);$$
 
$$\dot{V}_H = a_H - V_E(\omega_{N_V} + 2\Omega_N) + V_N\omega_{E_V} + g_H;$$
 
$$\dot{V}_N = a_N - V_H\omega_{E_M} + V_E(\omega_{H_M} + 2\Omega_H).$$

#### Повільний темп

$$\left[\begin{array}{c} \omega_{x_{NHE}} \\ \omega_{y_{NHE}} \\ \omega_{z_{NHE}} \end{array}\right] = B^T \left[\begin{array}{c} \omega_{N_V} + \Omega_N \\ \omega_{H_V} + \Omega_H \\ \omega_{E_V} + \Omega_E \end{array}\right].$$

$$B = \left[ \begin{array}{ccc} \cos \psi \cos \vartheta & \sin \psi \sin \gamma - \cos \psi \sin \vartheta \cos \gamma & \sin \psi \cos \gamma + \sin \psi \cos \vartheta \sin \gamma \\ \sin \vartheta & \cos \vartheta \cos \gamma & -\cos \vartheta \sin \gamma \\ -\sin \psi \cos \vartheta & \cos \psi \sin \gamma + \sin \psi \sin \vartheta \cos \gamma & \cos \psi \cos \gamma - \sin \psi \sin \vartheta \sin \gamma \end{array} \right].$$

$$\begin{split} &\frac{1}{(R_1+H)} \approx \frac{1}{a} \left[ 1 - e^2 - \frac{H}{a} - \frac{3}{2} e^2 \sin^2 \varphi \right]; \\ &\frac{1}{(R_2+H)} \approx \frac{1}{a} \left[ 1 - \frac{H}{a} - \frac{1}{2} e^2 \sin^2 \varphi \right]; \\ &g_H = -g \left( 1 + 5,2884 \cdot 10^{-3} \sin^2 \varphi \right) \left[ 1 - \frac{2H}{a} \left( 1 - e \sin^2 \varphi \right) \right]. \end{split}$$

### Рівняння похибок БІНС

### БІНС

Похибка приведеної координати:

$$\begin{split} \Delta \dot{R}_E &= \Delta V_E(t) \cdot \frac{R_3}{R\cos\varphi(t)} + \Delta R_N(t) \frac{V_E(t)\sin\varphi(t)}{R_3R\cos^2\varphi(t)} - \Delta h(t) \frac{R_3V_E(t)}{R^2\cos\varphi(t)}; \\ \Delta \dot{R}_N &= \Delta V_N(t) \cdot \frac{R_3}{R} - \Delta h(t) \frac{R_3V_N(t)}{R^2}; \\ \Delta \dot{h} &= \Delta V_h(t); \end{split}$$

Похибка швидкості:

$$\begin{array}{l} \Delta\dot{V}_E = a_N\alpha_h - a_h\alpha_N + \sum_{i=1}^3 b_{1,i}\Delta a_i - \Delta V_h U(t)\cos\varphi + \Delta V_N U(t)\sin\varphi + \\ + \frac{\Delta R_N}{R_3}\left(U(t)(V_h\sin\varphi + V_N\cos\varphi)\right) - \left(\frac{\Delta V_E}{R\cos\varphi} + \frac{V_E\sin\varphi}{R\cos^2\varphi}\frac{\Delta R_N}{R_3}\right)\times \\ \times (V_h\cos\varphi - V_N\sin\varphi) + \frac{\Delta hV_E}{\hbar^2}(V_h - V_Ntg\varphi); \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \Delta \dot{V}_N = -a_E \alpha_h + a_h \alpha_E + \sum_{i=1}^3 b_{2,i} \Delta a_i - \Delta V_E U(t) \sin \varphi - \Delta V_h \dot{\varphi}(t) - \\ -\frac{\Delta R_N}{R_3} V_E U(t) \cos \varphi - \frac{\Delta V_N}{R} V_h - (\frac{\Delta V_E}{R \cos \varphi} + \frac{V_E \sin \varphi}{R \cos^2 \varphi} \frac{\Delta R_N}{R_3}) V_E \sin \varphi + \\ +\frac{\Delta h}{R^2} (V_E^2 tg \varphi + V_N V_h); \end{array}$$

$$\begin{split} \Delta \dot{V}_h &= a_E \alpha_N - a_N \alpha_E + \sum_{i=1}^3 b_{3,i} \Delta a_i + \Delta V_E U(t) \cos \varphi + \Delta V_N \dot{\varphi}(t) - \frac{\Delta R_N}{R_3} V_E U(t) \sin \varphi + \frac{\Delta V_N}{R} V_N + (\frac{\Delta V_E}{R \cos \varphi} + \frac{V_E \sin \varphi}{R \cos^2 \varphi} \frac{\Delta R_N}{R_3}) V_E \cos \varphi + \\ &+ g_e \left( -\frac{2\Delta h}{a} + \frac{3}{2} e^2 \sin \varphi \cos \varphi \frac{\Delta R_N}{R_3} \right) - \frac{\Delta h}{R^2} \left( V_E^2 + V_N^2 \right), \end{split}$$

Похибка координатного тригранника:

$$\begin{split} \dot{\alpha}_E &= -\omega_N \alpha_h + \omega_h \alpha_N - \frac{\Delta V_N}{A} - \sum_{i=1}^3 b_{1,i} \varepsilon_i, \\ \dot{\alpha}_N &= -\omega_h \alpha_E + \omega_E \alpha_h + \frac{\Delta V_E}{R} - u \sin \varphi \frac{\Delta R_N}{R_7} - \sum_{i=1}^3 b_{2,i} \varepsilon_i, \\ \dot{\alpha}_h &= -\omega_E \alpha_N + \omega_N \alpha_E + \frac{\Delta V_E}{R} t g \varphi + (u \cos \varphi + \frac{V_E}{R \cos^2 \varphi}) \frac{\Delta R_N}{R_7} - \sum_{i=1}^3 b_{3,i} \varepsilon_i, \end{split}$$

### Матриця динаміки БІНС

### Рівняння похибок СНС та БВ

```
Помилки СНС:
```

$$\Delta R_{Es,k} = \Delta R_{Ec,k} + \frac{\sigma_{Rs}}{\cos \varphi_k} \eta_{REs,k} + \frac{\sigma_{\delta Rs}}{\cos \varphi_k} \eta_{\delta RE,k};$$

$$\Delta R_{Ns,k} = \Delta R_{Nc,k} + \sigma_{Rs} \eta_{RNs,k} + \sigma_{\delta Rs} \eta_{\delta RN,k};$$

$$\Delta H_{s,k} = \Delta H_{c,k} + \sigma_{Hs} \eta_{Hs,k} + \sigma_{\delta Rs} \eta_{\delta H,k}$$

$$\Delta V_{ls,k} = \Delta V_{lc,k} + \sigma_{Vs} \eta_{Vls,k} + \sigma_{\delta Vs} \eta_{\delta Vls,k}$$
, при  $l=E,N,H;$ 

Корельовані помилки СНС:

$$\Delta R_{Ec,k} = W_R \Delta R_{Ec,k-1} + q_R \frac{\sigma_{Rc}}{\cos \varphi_k} \eta_{REc,k} + \frac{\sigma_{\delta RC}}{\cos \varphi_k} \eta_{\delta REc,k};$$

$$\Delta R_{Nc,k} = W_R \Delta R_{Nc,k-1} + q_R \sigma_{Rc} \eta_{RNc,k} + \sigma_{\delta RC} \eta_{\delta RNc,k};$$

$$\Delta H_{c,k} = W_B \Delta H_{c,k-1} + q_B \sigma_{Hc} \eta_{Hc,k} + \sigma_{\delta Hc} \eta_{\delta Hc,k};$$

$$\begin{array}{l} \Delta H_{c,k} = W_R \Delta H_{c,k-1} + q_R \sigma_{Hc} \eta_{Hc,k} + \sigma_{\delta Hc} \eta_{\delta Hc,k}; \\ \Delta V_{lc,k} = W_V \Delta V_{lc,k-1} + q_V \sigma_{Vc} \eta_{Vlc,k} + \sigma_{\delta Vc} \eta_{\delta Vlc,k}, \text{при } l = E,N,H, \end{array}$$

$$W_V = e^{-\lambda_V \Delta t}; q_V = [1 - \exp{(-2\lambda_V \Delta t)}]^{0,0};$$

Матриця динаміки корельованих поихибок СНС:

$$F_{sns} = \left( \begin{array}{ccccc} W_R & . & . & . & . & . \\ . & W_R & . & . & . & . \\ . & . & W_R & . & . & . & . \\ . & . & . & W_V & . & . & . \\ . & . & . & . & . & W_V & . & . \\ . & . & . & . & . & . & . & W_V \end{array} \right)$$

#### БВ

Дискретна модель похибок БВ:

$$\Delta h_{c,k} = \Delta h_{c,k-1} + \sigma_{\mathcal{E}A} \xi_{k-1}$$

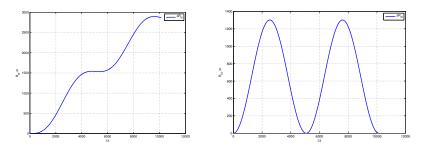
## Система в просторі станів

### Вектор стану системи

### Моедель системи в просторі станів.

$$\begin{split} \overline{X}_{p,k+1} &= \Phi_{p,k} \bar{X}_{p,k} + G_{p,k} \bar{\xi}_k \\ \text{Матриця динаміки системи} \\ F_{p,k} &= \begin{pmatrix} F_k & \cdot & \cdot \\ \cdot & F_{bv} & \cdot \\ \cdot & F_{sns} \end{pmatrix}; \\ \text{Коваріаційна матриця шумів} \\ Q_{p,k} &= \begin{pmatrix} Q_k & \cdot & \cdot \\ \cdot & \sigma_{\text{BB}} \sqrt{\Delta t} & \cdot \\ \cdot & \cdot & G_{s,k} \end{pmatrix}; \\ \text{Вимірювання} \\ \bar{Y}_k &= \begin{pmatrix} \bar{h}_k - \bar{h}_{\text{BB},k}, & \cdot \\ \bar{R}_{E,K} - \bar{R}_{ES,k}, & \cdot \\ \bar{R}_{E,K} - \bar{R}_{NS,k}, & \cdot \\ \bar{R}_{K} - \bar{K}_{NS,k}, & \cdot \\ \bar{V}_{N,k} - \bar{V}_{NS,k}, & \cdot \\ \bar{V}_{N,k} - \bar{V}_{NS,k}, & \cdot \\ \bar{V}_{h,k} - \bar{V}_{hS,k}, & \cdot \\ \bar{h}_{BB} - \bar{h}_{s,k} \end{pmatrix} \end{split}$$

### Помилка координати стаціонарно закріпленої БІНС



m Puc.: Еволюція похибки за умови, дрейфу гіроскопа 0.01deg/h; Еволюція похибки за умови, похибки координатного тригранника  $10^{-3}rad$ 

## Сумарна похибка стаціонарно закріпленої БІНС

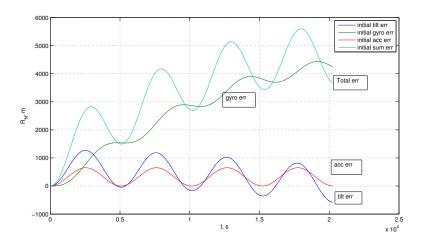
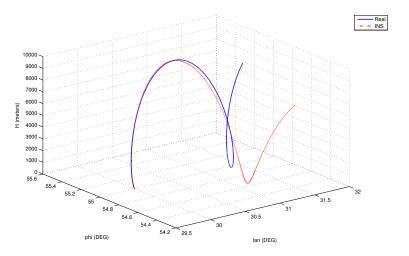


Рис.: Еволюція сумарної похибки по координаті за умови, дрейфу гіроскопа 0.01deg/h,похибки координатного тригранника  $10^{-3}rad$ , та зміщенням акселерометра  $10^{-4}m/s^2$ 

### Траєкторія руху ЛА тільки за БІНС



### Навігаційний фільтр Калмана



### Фільтр Калмана

Прогноз:

$$\begin{split} \hat{\bar{X}}_{p,k}(-) &= \Phi_{p,k-1} \hat{\bar{X}}_{p,k-1}(+), \\ P_k(-) &= \Phi_{p,k-1} P_{k-1}(+) \Phi_{p,k-1}^T + G_{p,k-1} G_{p,k-1}^T; \end{split}$$

Корекція:

$$\begin{split} \bar{X}_{p,k}(+) &= \bar{X}_{p,k}(-) + K_k(\bar{Y}_k - H\bar{X}_{p,k}) \\ P_k(+) &= (E - K_k H) P_k(-) (E - K_k H)^T + K_k Q_{p,k} Q_{p,k}^T K_k^T \end{split}$$

Коефіцієнт Калмана:

$$K_k = P_k(-)H^T(HP_k(-)H^T + Q_{p,k}Q_{p,k}^T)^{-1}$$



## Траєкторія руху ЛА та кути крену, курса і тангажа

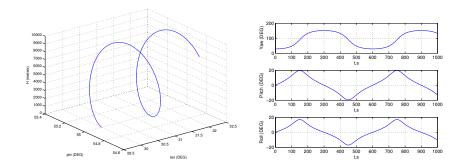
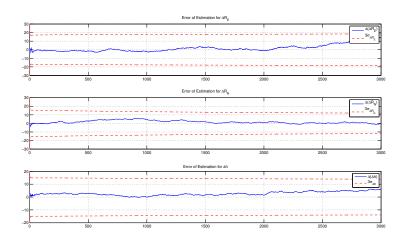
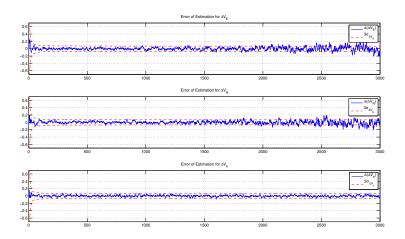


Рис.: Траєкторія руху ЛА та його кути орієнтації

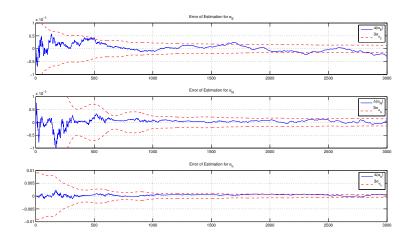
# Поихибка оцінки по координаті



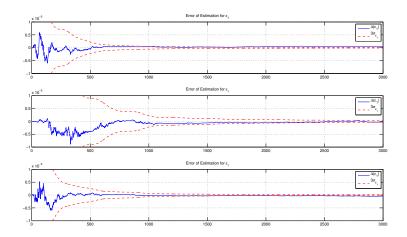
### Поихибка оцінки по швидкості



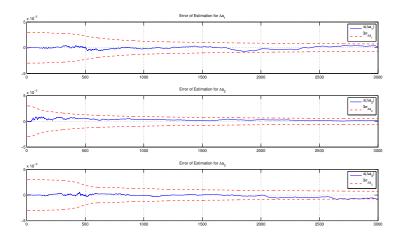
## Поихибка оцінки по орієнтації



## Поихибка оцінки дрейфів гіроскопів

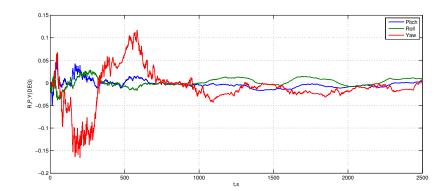


### Поихибка оцінки зміщення акселерометрів



Постановка задачі та вибір системи Модель систех Поихибка оцінки по координаті Поихибка оцінки

### Поихибка оцінки курсу, крена, тангажа



# Сходимість коваріацій параметрів

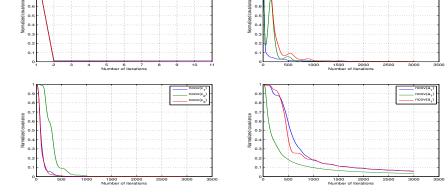
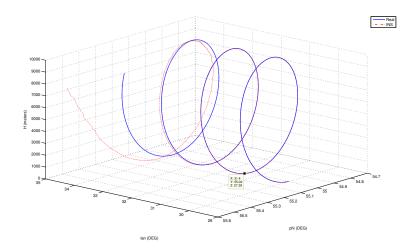


Рис.: Сходимість нормалізованих коваріацій швидкостей, орієнтації, дрейфу гіроскопів та зміщення акселерометрів

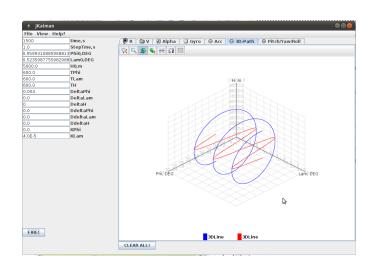
## Траєкторія руху за БІНС і ФК



### . СКВ похибок оцінювання

| N               | East          | North        | Height        |
|-----------------|---------------|--------------|---------------|
| Координати, м   | 5.8792050244  | 4.6476224404 | 4.8677711489  |
| Швидкості, м/с  | 0.0236254078  | 0.0235478062 | 0.0231813797  |
| Орієнтація, рад | 8.42E-005     | 0.000133569  | 0.0004735418  |
| Дрейф ДКШ,      | 2.50E-007     | 1.28E-006    | 3.80E-007     |
| рад/с           |               |              |               |
| Акселером, д    | 0.00005007264 | 0.0000344999 | 0.00004686141 |

## Інтерфейс програми



sudo rm -rf /

Дякую за увагу!