Orden de menor a mayor complejidad:

1. log₂(n)

2. (log₂(n))²

3. √n

4. n / log₂(n)

5. n

6. n log₂(n)

7. n^1.5

8. n²

9. 2^n

10. n!

Isaac y los intervalos mágicos - Análisis

1. Entrada

• Un número entero N, que indica cuántos intervalos serán consultados.  
• Luego, N pares de enteros (a, b), donde a ≤ b, que representan los límites de cada intervalo.

Ejemplo de entrada:  
3  
1 10  
5 20  
30 50

2. Salida

• Para cada intervalo, un número entero que indique la cantidad de números primos en ese rango [a,b].  
• Se debe producir N líneas de salida, una por cada consulta.

Ejemplo de salida:  
4  
6  
5

3. Lógica y Análisis

El problema consiste en responder rápidamente cuántos primos existen en un rango. La dificultad está en que pueden ser muchos intervalos y con números grandes.

a) Enfoque ingenuo (ineficiente)

• Para cada intervalo (a,b), recorrer todos los números entre a y b y verificar si son primos.  
• Complejidad: O(N · (b-a)√m), demasiado lento si a,b son grandes.

b) Enfoque eficiente: Criba de Eratóstenes + Sumas prefix

1. Encontrar el máximo valor de b entre todos los intervalos.  
2. Usar una Criba de Eratóstenes hasta ese máximo → determinar qué números son primos.  
3. Construir un arreglo acumulado (prefix sum), donde:  
 P[i] = cantidad de primos ≤ i  
4. Para responder una consulta (a,b):  
 primos en [a,b] = P[b] - P[a-1]  
5. Complejidad:  
 • Preprocesamiento: O(M log log M), donde M = max(b).  
 • Cada consulta: O(1).