

Física Cinemática

PROYECTO DE MEJORA DE FORMACIÓN EN CIENCIAS EXACTAS Y NATURALES EN LA ESCUELA SECUNDARIA

DIRECCIÓN DE PLANEAMIENTO ACADÉMICO SEMINARIO UNIVERSITARIO





©Ing. Matías Ibarra - 2016



CONTENIDO

_			
)	inem	nática	3
	1.	La Posición	3
	2.	Una dimensión	3
	3.	Distancia y Desplazamiento	3
	4.	Rapidez y Velocidad	4
	U	nidades	4
	R	apidez media	5
	С	álculo de la velocidad media	5
	V	elocidad instantánea y rapidez instantánea	6
	R	apidez constante	7
	D	irección de la velocidad	7
	5.	Aceleración	7
	Α	celeración constante	8
	Α	celeración media	9
	U	nidades	9
	D	irección de la aceleración	9
	Ν	lovimiento Uniformemente acelerado	9
	Ν	lovimiento Uniformemente desacelerado	10
	6.	Movimiento rectilíneo uniforme	11
	7.	Movimiento rectilíneo uniformemente acelerado	12
	8.	Gráficas x-t, v-t y a-t	14
	Р	endiente de las gráficas x-t	14
	Р	endiente de la gráfica v-t	15
	Á	rea de la gráfica v-t	15
	9.	Caída libre	18
	10.	Bibliografía:	22



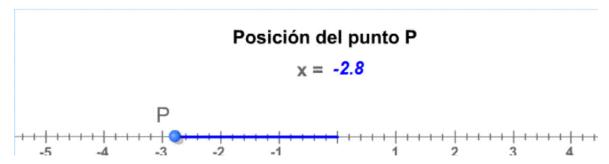
CINEMÁTICA

1. LA Posición

Si hemos acordado llamar movimiento al cambio de la posición con el tiempo, será necesario establecer un criterio para determinar qué posición ocupa un cuerpo en un instante. Se trata, de nuevo, de establecer un sistema de referencia adecuado para lo que necesitamos estudiar.

2. UNA DIMENSIÓN

Imagina que tenemos un cuerpo que se mueve por una recta, es decir que realiza un movimiento en una dimensión. Para determinar su posición sólo necesitamos indicar a qué distancia del origen se encuentra. Observa en el siguiente gráfico que la posición del cuerpo puede ser positiva o negativa según se encuentre a la derecha o a la izquierda del origen respectivamente.



Representa en el gráfico anterior los siguientes puntos:

$$P(2,8), P(-1,6), P(0)$$

Como ves resulta muy fácil hacerlo. Con una coordenada podemos conocer la posición de un punto sobre una recta.

El tiempo es la cuarta dimensión

Como el movimiento es el cambio de la posición con el tiempo, además de conocer la posición, nos interesa saber el instante en el que el cuerpo ocupa dicha posición. Si representamos el conjunto de las diferentes posiciones que ocupa un móvil a lo largo del tiempo, obtenemos una línea llamada trayectoria.

3. DISTANCIA Y DESPLAZAMIENTO

En el lenguaje ordinario el término distancia y desplazamiento se utilizan como sinónimos, aunque en realidad tienen un significado diferente (son magnitudes diferentes como lo vimos en la sección Vectores). La distancia recorrida por un móvil es la longitud de su trayectoria y se trata de una magnitud escalar.



En cambio, el desplazamiento efectuado es una magnitud vectorial. El vector que representa al desplazamiento tiene su origen en la posición inicial (x_1) , su extremo en la posición final (x_2) y su módulo es la distancia en línea recta entre la posición inicial y la final.

Desplazamiento =
$$\Delta x = x_2 - x_1$$

Intenta realizar los siguientes ejercicios:

- Traza una trayectoria en la que coincidan distancia y desplazamiento.
- Traza un recorrido en el que el desplazamiento sea cero.

Observa que los valores de la distancia recorrida y el desplazamiento sólo coinciden cuando la trayectoria es una recta. En caso contrario, la distancia siempre es mayor que el desplazamiento.



4. RAPIDEZ Y VELOCIDAD

Rapidez y velocidad son dos magnitudes cinemáticas que suelen confundirse con frecuencia. Recuerda que la distancia recorrida y el desplazamiento efectuado por un móvil son dos magnitudes diferentes.

Precisamente por eso, cuando las relacionamos con el tiempo, también obtenemos dos magnitudes diferentes.

La rapidez es una magnitud escalar que relaciona la distancia recorrida con el tiempo.

La velocidad es una magnitud vectorial que relaciona el cambio de posición (o desplazamiento) con el tiempo.

Unidades

Tanto la rapidez como la velocidad se calculan dividiendo una longitud entre un tiempo, sus unidades también serán el cociente entre unidades de longitud y unidades de tiempo.

• Por ejemplo: m/s; cm/año; km/h

En el Sistema Internacional (SI), la unidad para la velocidad y la rapidez media es el m/s (metro por segundo).

¿Cuál de las siguientes medidas representa una rapidez?

- 1. $10m^2$
- 2. $1^{S}/m$
- 3. $6m/_{S}$
- 4. $\frac{6m}{s^2}$



Rapidez media

La rapidez media de un cuerpo es el cociente entre la distancia que recorre y el tiempo que tarda en recorrerla.

Si la rapidez media de un coche es 80 km/h, esto quiere decir que el coche recorre una distancia de 80 km en cada hora. Por ejemplo, si un coche recorre 150 km en 3 horas, su rapidez media es:

$$150km/_{3h} = 50km/_{h}$$

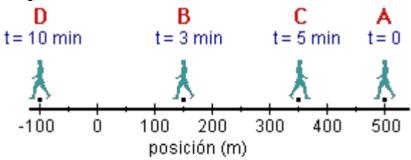
¿Podrías calcular la distancia que recorrería el coche anterior en media hora?

Velocidad media

La velocidad media relaciona el cambio de la posición con el tiempo empleado en efectuar dicho cambio.

$$v = velocidad media = \frac{\Delta_x}{\Delta_t} = \frac{desplazamiento}{tiempo}$$

Si conoces bien la diferencia entre distancia y desplazamiento, no tendrás problemas para realizar la siguiente actividad:



Una persona pasea desde A hasta B, retrocede hasta C y retrocede de nuevo para alcanzar el punto D. Calcula su rapidez media y su velocidad media con los datos del gráfico. Solución:

Tramo A - B distancia recorrida = 350 m tiempo empleado = 3 min

Tramo B - C distancia recorrida = 200 m tiempo empleado = 2 min

Tramo C - D distancia recorrida = 450 m tiempo empleado = 5 min

Movimiento completo distancia recorrida = 350 m + 200 m + 450 m = 1000 m tiempo = 10 min

Rapidez media = distancia/tiempo = 1000 m/10 min = 100 m/min

Cálculo de la velocidad media

Para la velocidad sólo nos interesa el inicio y el final del movimiento.

desplazamiento = posicion final – posicion inicial = -100m - 500m = -600m

Como la duración del movimiento es 10 min, tenemos:

velocidad media =
$$\frac{\text{desplazamiento}}{\text{tiempo}} = \frac{-600\text{m}}{10\text{min}} = -60\frac{\text{m}}{\text{min}}$$



Velocidad instantánea y rapidez instantánea

Ya sabemos que si realizamos un viaje de 150 km y tardamos dos horas en recorrer esa distancia podemos decir que nuestra rapidez media ha sido de 75 km/h.

Es posible que durante el viaje nos hayamos detenido y sabemos que al atravesar los pueblos viajamos más lento que en los tramos de ruta.

Nuestra rapidez, por tanto, no ha sido siempre de 75 km/h, sino que en algunos intervalos ha sido mayor y en otros menores, incluso ha sido de 0 km/h mientras hemos estado detenidos.

Esto nos obliga a distinguir entre rapidez media y rapidez instantánea:

Rapidez instantánea: la rapidez en un instante cualquiera.

Rapidez media: es la media de todas las rapideces instantáneas y la calculamos dividiendo la distancia entre el tiempo.

Determinar con exactitud la rapidez instantánea de un cuerpo es una tarea complicada, aunque tenemos métodos para aproximarnos a su valor.



Supongamos que queremos conocer la rapidez de una piragua justamente en el instante de cruzar la meta.

Si la carrera es de 1000 m y recorre esa distancia en 40 s, obtendríamos un valor de 25 m/s para la rapidez media, pero sería una mala aproximación al valor de la rapidez instantánea.

El problema es que la piragua se mueve más lentamente al principio de la carrera que al final.

Podemos entonces colocar una célula fotoeléctrica en la meta y otra 100 m antes para medir el tiempo que emplea en recorrer los últimos 100 m y calcular así la rapidez media en los últimos 100 m. El valor obtenido se aproximará más que antes al valor de la rapidez instantánea en el momento de cruzar la meta.

Y si hacemos lo mismo para el último metro, o para el último centímetro, o para....?

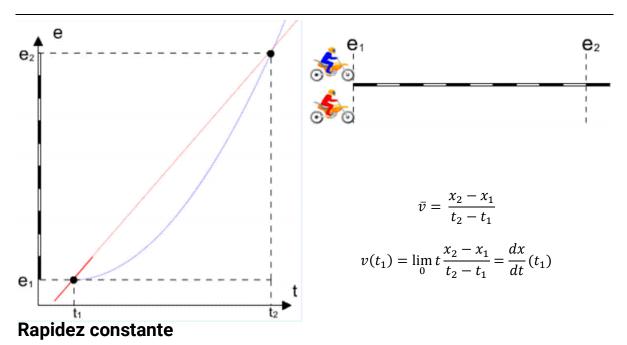
Se puede determinar la rapidez instantánea de un móvil calculando su rapidez media para un pequeño tramo y usando esta aproximación como rapidez instantánea.

Si al valor de la rapidez instantánea le unimos la dirección, entonces tendremos una medida de la velocidad instantánea.

Curiosamente lo que solemos conocer como velocímetro no mide la velocidad instantánea sino la rapidez instantánea ya que no nos dice nada acerca de la dirección en la que se mueve el vehículo en ese instante.

En resumen, rapidez y velocidad son dos magnitudes relacionadas con el movimiento que tienen significados y definiciones diferentes. La rapidez, magnitud escalar, es la relación entre la distancia recorrida y el tiempo empleado. La rapidez no tiene en cuenta la dirección. La velocidad sí que tiene en cuenta la dirección. La velocidad es una magnitud vectorial que relaciona el desplazamiento o cambio de la posición con el tiempo.





Si un cuerpo se mueve y su rapidez instantánea es siempre la misma, se está moviendo con rapidez constante. Lo mismo podemos decir para la velocidad. En este caso los valores medio e instantáneo de cada magnitud coinciden.

Dirección de la velocidad

Hemos dicho que para especificar la velocidad de un móvil necesitamos dos informaciones: su rapidez y su dirección. Hay muchas formas de especificar la dirección según que los movimientos sean de una, dos o tres dimensiones.

En el caso de los movimientos rectilíneos es mucho más sencillo. Las velocidades en el sentido positivo son positivas y las velocidades en el sentido negativo son negativas: el signo nos informa de la dirección.

Este signo es un convenio. Así decimos que si un móvil se mueve hacia la derecha su velocidad es positiva y si se mueve hacia la izquierda es negativa o, por ejemplo, consideramos positivo, hacia arriba y negativo, hacia abajo en los movimientos verticales.

Pero no hay ninguna razón para hacer esto, es simplemente un acuerdo.

Es muy importante que conozcamos cuándo está cambiando la velocidad. Como la velocidad se compone de la rapidez y la dirección, cualquier cambio en ellas supone un cambio en la velocidad.

Así la velocidad varía si cambia la rapidez o cambia la dirección o, por supuesto, si cambian ambas. Observa que esto supone que cuando un coche toma una curva, aunque su rapidez sea constante, está cambiando su velocidad.

La aceleración nos informa sobre los cambios en la velocidad de un móvil.

5. ACELERACIÓN

Los conceptos de velocidad y aceleración están relacionados, pero muchas veces se hace una interpretación incorrecta de esta relación.



Muchas personas piensan que cuando un cuerpo se mueve con una gran velocidad, su aceleración también es grande; que si se mueve con velocidad pequeña es porque su aceleración es pequeña; y si su velocidad es cero, entonces su aceleración también debe valer cero. ¡Esto es un error!

La aceleración relaciona los cambios de la velocidad con el tiempo en el que se producen, es decir mide cuan rápidos son los cambios de velocidad:

- Una aceleración grande significa que la velocidad cambia rápidamente.
- -Una aceleración pequeña significa que la velocidad cambia lentamente.
- Una aceleración cero significa que la velocidad no cambia.

La aceleración nos dice cómo cambia la velocidad y no cómo es la velocidad. Por lo tanto, un móvil puede tener una velocidad grande y una aceleración pequeña (o cero) y viceversa.

Como la velocidad es una magnitud que contempla la rapidez de un móvil y su dirección, los cambios que se produzcan en la velocidad serán debidos a variaciones en la rapidez y/o en la dirección.

La aceleración es una magnitud vectorial que relaciona los cambios en la velocidad con el tiempo que tardan en producirse. Un móvil está acelerando mientras su velocidad cambia.

En Física solemos distinguir ambos tipos de cambios con dos clases de aceleración: tangencial y normal.

La aceleración tangencial para relacionar la variación de la rapidez con el tiempo y la aceleración normal (o centrípeta) para relacionar los cambios de la dirección con el tiempo.

Normalmente, cuando hablamos de aceleración nos referimos a la aceleración tangencial y olvidamos que un cuerpo también acelera al cambiar su dirección, aunque su rapidez permanezca constante.

Como estas páginas están dedicadas al estudio de los movimientos rectilíneos, y en ellos no cambia la dirección, sólo vamos a referirnos a la aceleración tangencial. Pero recuerda: así el movimiento es curvilíneo, ¡no podemos olvidarnos de la aceleración normal!

Una característica de los cuerpos acelerados es que recorren diferentes distancias en intervalos regulares de tiempo:

Intervalo	Rapidez media	Distancia recorrida	Distancia total		
	durante el intervalo	durante el intervalo	(desde t=0)		
0-1s	$5 \mathrm{m/s}$	$5\mathrm{m}$	$5\mathrm{m}$		
1s-2s	$15 \mathrm{m/s}$	15m	$20\mathrm{m}$		
2s-3s	$25 \mathrm{m/s}$	25m	$45\mathrm{m}$		
3s-4s	$35 \mathrm{m/s}$	35m	80m		

Observa que al ser diferente la rapidez media de cada intervalo, la distancia recorrida durante el mismo es también diferente.

Aceleración constante

La tabla anterior muestra datos de un movimiento de caída libre, donde observamos que la rapidez cambia en 10 m/s cada segundo, es decir que tiene una aceleración de $10m/s^2$.

Como el cambio de la velocidad en cada intervalo es siempre el mismo (10 m/s/s), se trata de un movimiento de aceleración constante o uniformemente acelerado.



Otra conclusión que podemos sacar de los datos anteriores es que la distancia total recorrida es directamente proporcional al cuadrado del tiempo. Observa que al cabo de $2 \, s$ la distancia total recorrida es cuatro (2^2) veces la recorrida en el primer segundo; a los $3 \, s$ la distancia recorrida es nueve (3^2) veces mayor que la del primer segundo y a los $4 \, s$ es $16 \, veces$ (4^2) esa distancia.

Los cuerpos que se mueven con aceleración constante recorren distancias directamente proporcionales al cuadrado del tiempo.

Aceleración media

La aceleración (tangencial) media de un móvil se calcula utilizando la siguiente ecuación:

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

Con ella calculamos el cambio medio de velocidad en el intervalo de tiempo deseado. Para conocer la aceleración instantánea se puede utilizar la misma aproximación que hicimos para el caso de la velocidad instantánea: tomar un intervalo muy pequeño y suponer que la aceleración media en él equivale a la aceleración instantánea.

Unidades

Como puedes deducir de la ecuación anterior, la aceleración se expresa en unidades de velocidad dividida entre unidades de tiempo. Por ejemplo:

- 3 (m/s)/s
- 1 (km/h)/s
- 5 (cm/s)/min

En el Sistema Internacional, la unidad de aceleración es 1 (m/s) /s, es decir 1 m/ s^2 .

Dirección de la aceleración

Como la aceleración es una magnitud vectorial, siempre tendrá asociada una dirección. La dirección del vector aceleración depende de dos cosas:

- de que la rapidez esté aumentando o disminuyendo
- de que el cuerpo se mueva en la dirección + o -.

El acuerdo que hemos tomado es:

Si un móvil está disminuyendo su rapidez (está frenando), entonces su aceleración va en el sentido contrario al movimiento.

Si un móvil aumenta su rapidez, la aceleración tiene el mismo sentido que la velocidad.

Este acuerdo puede aplicarse para determinar cuándo el signo de la aceleración es positivo o negativo, derecha o izquierda, arriba o abajo, etc.

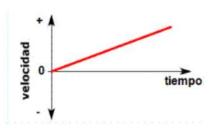
Veamos algunos ejemplos:

Movimiento Uniformemente acelerado

Velocidad positiva y aceleración constante positiva







Movimiento Uniformemente desacelerado

Velocidad positiva y aceleración constante negativa



tiempo (s)	0	1	2	3	4	5
velocidad (m/s)	10	8	6	4	2	0

En resumen:

- Si la velocidad y la aceleración van en el mismo sentido (ambas son positivas o ambas negativas) el móvil aumenta su rapidez.
- Si la velocidad y la aceleración van en sentidos contrarios (tienen signos opuestos), el móvil disminuye su rapidez.

Ecuaciones

Todos los cálculos relacionados con las magnitudes que describen los movimientos rectilíneos podemos hacerlos con estas dos ecuaciones:

$$x = x_0 + v_0 \cdot t + \frac{1}{2} a \cdot t^2$$

 $v_f = v_0 + a \cdot t$

x es el desplazamiento del móvil

 x_0 es la posición inicial,

t es el intervalo de tiempo que estamos considerando

 v_0 es la velocidad inicial (al principio de nuestro intervalo de tiempo)

v_f es la velocidad final (al final de nuestro intervalo de tiempo) y

a es la aceleración.

Estas ecuaciones se pueden adaptar según las características concretas del movimiento que estemos estudiando.



6. MOVIMIENTO RECTILÍNEO UNIFORME

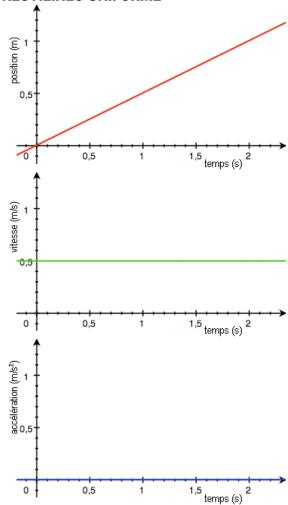


Figura 1: variación en el tiempo de la posición y la velocidad para un movimiento rectilíneo uniforme, puede verse que no hay variación en la aceleración que es nula para todo el intervalo de tiempo considerado.

Para este caso la aceleración es cero por lo que la velocidad permanece constante a lo largo del tiempo. Esto corresponde al movimiento de un objeto lanzado en el espacio fuera de toda interacción, o al movimiento de un objeto que se desliza sin fricción. Siendo la velocidad v constante, la posición variará linealmente respecto del tiempo, según la ecuación:

$$v = v_0 = cte$$
$$x = v_0.t + x_0$$

donde x_0 es la posición inicial del móvil respecto al centro de coordenadas, es decir para t=0.

Si $x_0 = 0$ la ecuación anterior corresponde a una recta que pasa por el origen, en una representación gráfica de la función x(t), tal como la mostrada en la figura 1.



7. MOVIMIENTO RECTILÍNEO UNIFORMEMENTE ACELERADO

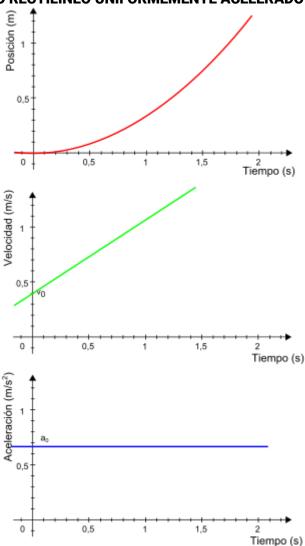


Figura 2: variación en el tiempo de la posición, la velocidad y la aceleración en un movimiento rectilíneo uniformemente acelerado.

En este movimiento la aceleración es constante, por lo que la velocidad del móvil varía linealmente y la posición cuadráticamente con tiempo. Las ecuaciones que rigen este movimiento son las siguientes:

$$a = a_0 = cte$$

$$v = v_0 + a.t$$

$$x = x_0 + v_0.t + \frac{1}{2}a.t^2$$

Donde x_0 es la posición inicial del móvil y v_0 su velocidad inicial, aquella que tiene para t=0. Obsérvese que, si la aceleración fuese nula, las ecuaciones anteriores corresponderían a las de un movimiento rectilíneo uniforme, es decir, con velocidad $v=v_0=cte$.

Dos casos específicos de MRUA son la caída libre y el tiro vertical. La caída libre es el movimiento de un objeto que cae en dirección al centro de la Tierra con una aceleración



equivalente a la aceleración de la gravedad (que en el caso del planeta Tierra al nivel del mar es de aproximadamente 9,8 m/ s^2). El tiro vertical, en cambio, corresponde al de un objeto arrojado en la dirección opuesta al centro de la tierra, ganando altura. En este caso la aceleración de la gravedad, provoca que el objeto vaya perdiendo velocidad, en lugar de ganarla, hasta llegar al estado de reposo; seguidamente, y a partir de allí, comienza un movimiento de caída libre con velocidad inicial nula.

Cómo resolver los ejercicios

Para resolver un ejercicio no basta con aplicar las ecuaciones. Es necesario seguir un método o estrategia que podemos resumir así:

- 1. Dibuja un diagrama con la situación propuesta.
- 2. Identifica las variables que conocemos y ponlas en una lista de datos.
- 3. Identifica las variables desconocidas y ponlas en la lista de incógnitas.
- 4. Identifica la ecuación con la que vas a obtener el resultado y comprueba si tienes todos los datos necesarios o debes calcular alguno con la otra ecuación.
- 5. Sustituye los valores en las ecuaciones y realiza los pasos y las operaciones que necesites para obtener el resultado.
- 6. Comprueba que tu resultado sea correcto matemáticamente y que sea razonable desde el punto de vista físico.

Ejemplo:

Imagina que el conductor de una moto que circula a 25 m/s pisa el freno hasta detenerse cuando ve que el semáforo se pone en amarillo. Si los frenos producen una aceleración negativa o "desaceleración" de $^{-5m}/_{S^2}$, ¿cuál será el desplazamiento durante el proceso de frenado?

Comenzamos haciendo un esquema informativo de la situación física, que aparece un poco más abajo.

El segundo paso consiste en identificar los datos que nos proporcionan. Observa que la velocidad final v_f es cero porque nos dicen que la moto se detiene. La velocidad inicial v_0 de la moto es +25 m/s, porque esa es la velocidad al inicio del movimiento que estamos estudiando (el movimiento de frenado). La aceleración a es $^{-5m}/_{S^2}$. Presta mucha atención a los signos + y - que tienen las magnitudes.

El siguiente paso es saber qué queremos calcular. En nuestro caso, tenemos que determinar el desplazamiento e de la moto mientras frena.

A continuación, tienes el resultado de los tres primeros pasos:

Esquema	Datos	Buscamos
v _o = +25 m/s v _f = 0 m/s	$v_o = +25 \text{ m/s } v_f = 0 \text{ m/s } a = -5 \text{ m/s}^2$	x = ?

El cuarto paso consiste en decidir con qué ecuación podemos calcular lo que nos piden y comprobar si tenemos todos los datos que necesitamos. En nuestro caso usaremos la ecuación:



$$x = v_0.t + \frac{1}{2}a.t^2$$

Observa que no podemos calcular x hasta que conozcamos el tiempo t que dura la frenada. Lo podemos calcular con la otra ecuación:

$$v_f = v_0 + a.t$$

Si sustituimos los valores conocidos de v_f , v_0 y a, tenemos:

$$0 = 25 \frac{m}{s} + \frac{(-5)m}{s^2} \cdot t$$

De donde despejando t, nos queda que t= 5 s

Una vez calculado el tiempo que dura el movimiento, procedemos a determinar el desplazamiento:

$$x = 25\frac{m}{s}.5s + \frac{1}{2}\frac{(-5)m}{s^2}.(-5s)^2$$

$$x = 62,5m$$

Hemos llegado a la conclusión de que la moto recorre 62,5 m durante el proceso de frenado.

El último paso consiste en comprobar que la solución que damos es correcta y razonable. La solución, en este caso, representa el desplazamiento que realiza la moto desde que se pisa el freno hasta que se detiene. Parece razonable que si se circula a 90 km/h (25 m/s), la distancia necesaria para detener la moto sea aproximadamente las dos terceras partes de un campo de fútbol, similar a la que nosotros hemos obtenido.

Para comprobar si los cálculos matemáticos son correctos, sustituye los valores de t y de e que hemos calculado en ambas ecuaciones del movimiento y comprueba que la parte izquierda de cada ecuación sea igual que la derecha.

8. GRÁFICAS X-T, V-T Y A-T

Una de las formas que utilizamos para describir y estudiar los movimientos es a través de sus gráficas posición-tiempo, velocidad-tiempo y aceleración-tiempo.

A veces utilizamos las gráficas como un elemento más del lenguaje científico para describir un movimiento. Otras veces construimos las gráficas con los datos que hemos obtenido en la observación del movimiento para poder sacar conclusiones acerca de las mismas e identificar el tipo de movimiento que estamos estudiando.

En cualquiera de los dos casos es necesario que sepamos interpretar correctamente la información que éstas nos ofrecen, cosa que pretendemos conseguir con la sección Estudio Gráfico de estas páginas.

Pendiente de las gráficas x-t

Vamos a ver cómo podemos utilizar las gráficas posición-tiempo para describir el movimiento. Podemos deducir las características de un movimiento analizando la forma y



la pendiente de las gráficas posición-tiempo (x-t). La pendiente de una gráfica e-t representa la velocidad del móvil.

Si el movimiento es uniforme, la gráfica x-t es una recta ya que en tiempos iguales se producen desplazamientos iguales. Si el movimiento es acelerado, la gráfica x-t es una curva ya que en tiempos iguales se producen desplazamientos diferentes.

Como ves, la forma de la gráfica posición-tiempo para estos dos tipos de movimientos básicos revela una importante información:

- Si la velocidad es constante, la pendiente es constante (línea recta)
- Si la velocidad es variable, la pendiente es variable (línea curva)
- Si la velocidad es positiva, la pendiente es positiva (la línea es ascendente)
- Si la velocidad es negativa, la pendiente es negativa (la línea es descendente)

Esto se puede aplicar a cualquier tipo de movimiento.

Pendiente de la gráfica v-t

En una gráfica v-t, la pendiente es la aceleración.

En el caso de movimientos uniformemente acelerados, las gráficas v-t también son rectas, pero la pendiente no es cero.

La forma de la gráfica velocidad-tiempo para estos dos tipos de movimientos revela una importante información:

- Si la aceleración es constante, la pendiente es constante (línea recta)
- Si la aceleración es cero, la pendiente es cero (línea recta horizontal) coincidente con el eje de las abscisas
- Si la aceleración es positiva, la pendiente es positiva (la línea es ascendente)
- Si la aceleración es negativa, la pendiente es negativa (la línea es descendente)

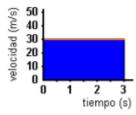
Esto se puede aplicar a cualquier tipo de movimiento.

Área de la gráfica v-t

Ya hemos visto cómo se puede determinar la aceleración de un móvil mediante la gráfica v-t, pero no es lo único que podemos analizar en una gráfica velocidad-tiempo.

Como vamos a ver en esta parte, también podemos utilizar las gráficas v-t para determinar la distancia recorrida por el móvil.

El área comprendida entre la línea de la gráfica v-t y los ejes, representa la distancia recorrida.



La gráfica de arriba corresponde a un móvil que se desplaza con una velocidad constante de 30 m/s. El área azul representa la distancia recorrida por el móvil entre t = 0 y t = 3 s.

Se trata de un rectángulo cuya base es 3 s y cuya altura es 30 m/s.

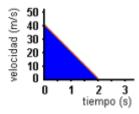


Como el área del rectángulo = base x altura, en nuestro caso será:

$$Area = 3s.30 \, m/s = 90m$$

Por tanto, durante los tres segundos que dura el movimiento, el móvil recorre una distancia de 90 m.

En la gráfica de abajo se representa el movimiento de aceleración negativa de un móvil que parte con velocidad inicial de 40 m/s y que se detiene a los 2 s.

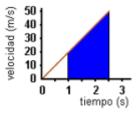


Como el área del triángulo $A = \frac{1}{2}b.h$, tenemos:

$$Area = 0.5.2s.40 \frac{m}{s} = 40m$$

La distancia recorrida en dos segundos es 40 m.

El área marcada en este caso representa la distancia recorrida por el móvil entre 1s y 2,5s.

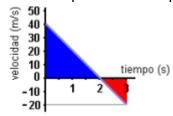


Como el área del trapecio es $Area = \frac{1}{2}b.(h_1 + h_2)$ tenemos,

$$Area = \frac{1}{2}1,5s.\left(\frac{20m}{s} + \frac{50m}{s}\right) = 52,5m$$

En este caso, por tanto, el móvil recorre 52,5 m.

Vamos a estudiar ahora un caso un poco más complicado.



El movimiento representado en la gráfica de arriba tiene velocidad positiva en el intervalo comprendido entre 0 y 2s y velocidad negativa en el segundo siguiente. Ya hemos calculado más arriba que el área del triángulo azul equivale a un desplazamiento de 40 m. Por su parte, el triángulo rojo representa un desplazamiento de:

$$A = \frac{1}{2}b.h$$

$$Area = 0.5.1s.(-20)\frac{m}{s} = -10m$$

El signo negativo nos indica que la distancia ha sido recorrida en sentido contrario. Por lo tanto, en este caso la distancia recorrida y el desplazamiento son diferentes: **distancia recorrida** = 40 m (derecha) y 10 m (izquierda) = 50 m,

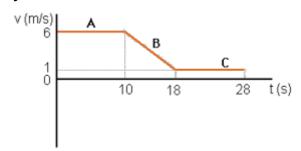


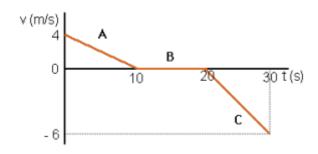
desplazamiento = 40 m - 10 m = 30 m

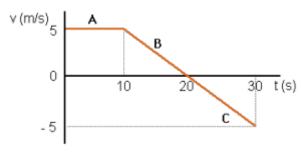
Como habrás observado para calcular la distancia recorrida sumamos las áreas sin considerar su signo, mientras que para determinar el desplazamiento sí se consideran los correspondientes signos.

Para comprobar que lo has entendido calcula el desplazamiento y la distancia recorrida en cada uno de los siguientes ejercicios.

Ejercicios







Relación entre las gráficas

En las páginas dedicadas a la interpretación de las gráficas hemos visto que:

- En las gráficas posición-tiempo la pendiente es la velocidad.
- En las gráficas velocidad-tiempo la pendiente representa a la aceleración y el área bajo la gráfica simboliza el cambio de posición.

En la gráfica posición tiempo se representa la ecuación:

$$x = x_0 + v_0 \cdot t + \frac{1}{2}a \cdot t^2$$

En la gráfica velocidad-tiempo se representa la ecuación:

$$v_f = v_0 + a.t$$

En la gráfica aceleración-tiempo se representa la ecuación:



Dando valor cero a la aceleración estudiarás movimientos uniformes y en otro caso, estudiarás movimientos uniformemente acelerados.

Observa que todas nuestras gráficas a-t son rectas horizontales, es decir de pendiente cero. Recuerda que esto significa que la aceleración no cambia, ni en el caso de los movimientos uniformes (en los que es cero) ni en el de los movimientos uniformemente acelerados (en los que mantiene constante su valor).

9. CAÍDA LIBRE

Se le llama caída libre al movimiento que se debe únicamente a la influencia de la gravedad.

• Todos los cuerpos con este tipo de movimiento tienen una aceleración dirigida hacia abajo cuyo valor depende del lugar en el que se encuentren.

En la Tierra este valor es de aproximadamente $9.8m/s^2$, es decir que los cuerpos dejados en caída libre aumentan su velocidad (hacia abajo) en 9.8 m/s cada segundo.

• En la caída libre no se tiene en cuenta la resistencia del aire.

La aceleración a la que se ve sometido un cuerpo en caída libre es tan importante en la Física que recibe el nombre especial de aceleración de la gravedad y se representa mediante la letra g.

Lugar	$g \text{ m/}s^2$
Mercurio	2,8
Venus	8,9
Tierra	9,8
Marte	3,7
Júpiter	22,9
Saturno	9,1
Urano	7,8
Neptuno	11,0
Luna	1,6

Hemos dicho antes que la aceleración de un cuerpo en caída libre dependía del lugar en el que se encontrara. Arriba en el cuadro tienes algunos valores aproximados de g en diferentes lugares de nuestro Sistema Solar.

Para hacer más cómodos los cálculos de clase solemos utilizar para la aceleración de la gravedad en la Tierra el valor aproximado de $10m/s^2$ en lugar de $9.8m/s^2$, que sería más correcto.

En el gráfico y en la tabla se puede ver la posición de un cuerpo en caída libre a intervalos regulares de 1 segundo.



tiempo (s)	0	1	2	3	4	5	6	7
posición (m)	0	-5	-20	-45	-80	-125	-180	-245

Para realizar los cálculos se ha utilizado el valor $g=10m/s^2$ (como un valor aproximado al de 9,8 m/s².

Observa que la distancia recorrida en cada intervalo es cada vez mayor y eso es un signo inequívoco de que la velocidad va aumentando hacia abajo.

Ahora es un buen momento para repasar las páginas que se refieren a la interpretación de las gráficas x-t y v-t y recordar lo que hemos aprendido sobre ellas.

Ya hemos visto que las gráficas posición-tiempo y velocidad-tiempo pueden proporcionarnos mucha información sobre las características de un movimiento.

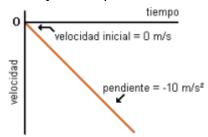
Para la caída libre, la gráfica posición tiempo tiene la siguiente apariencia



Recuerda que en las gráficas posición-tiempo, una curva indicaba la existencia de aceleración.

La pendiente cada vez más negativa nos indica que la velocidad del cuerpo es cada vez más negativa, es decir cada vez mayor pero dirigida hacia abajo. Esto significa que el movimiento se va haciendo más rápido a medida que transcurre el tiempo.

Observa la gráfica v-t de abajo corresponde a un movimiento de caída libre



Su forma recta nos indica que la aceleración es constante, es decir que la variación de la velocidad en intervalos regulares de tiempo es constante.

tiempo (s)	0	1	2	3	4	5	6	7
velocidad (m/s)	0	-10	-20	-30	-40	-50	-60	-70

La pendiente negativa nos indica que la aceleración es negativa.

En la tabla anterior podemos ver que la variación de la velocidad a intervalos de un segundo es siempre la misma (-10 m/s). Esto quiere decir que la aceleración para cualquiera de los intervalos de tiempo es:

$$g = \frac{-\frac{10m}{s}}{\frac{1}{s}} = -10m/s^2$$



¿Subir en caída libre? ¡Pues sí!

Si lanzamos un cuerpo verticalmente hacia arriba, alcanzará una altura máxima y después caerá. Tanto la fase de subida como la de bajada son de caída libre porque así llamamos a los movimientos que sólo dependen de la gravedad.

Mientras el cuerpo va hacia arriba, su rapidez disminuye y por lo tanto la gravedad estará dirigida en sentido contrario, es decir hacia abajo.

Veamos un ejemplo:

Supón que estamos en la Luna y lanzamos un cuerpo verticalmente hacia arriba con una rapidez de 30 m/s, ¿qué altura máxima alcanzará?

Al encontrarnos en la Luna, utilizaremos el valor de g que aparece en la tabla.

Como la rapidez del movimiento irá disminuyendo hasta hacerse cero en el punto de altura máxima, la gravedad será de sentido contrario al de la velocidad. Así, el valor de la gravedad que debemos utilizar es $g = -1.6m/s^2$.

La velocidad final es cero ya que es la velocidad que tiene el cuerpo cuando alcanza su altura máxima, y ese instante es el final de nuestro estudio (no nos preguntan lo que ocurre después de ese momento).

Esquema	Datos	Buscamos								
g = -1,6 m/s² ć	$v_o = +20 \text{ m/s } v_f = 0 \text{ m/s } g = -1.6 \text{ m/s}^2$	h = ?								
v _o = +20 m/s -										

Para calcular la altura debemos utilizar la ecuación:

$$h=v_0.t+\frac{1}{2}g.t^2$$

pero necesitamos saber, previamente, el tiempo en el que se alcanzará la altura máxima, para lo que utilizaremos la ecuación:

on:

$$v_{f} = v_{0} + g.t$$

$$0 = \frac{20m}{s} + \left(-\frac{1,6m}{s^{2}}\right).t$$

$$-\frac{20m}{s} = \left(-\frac{1,6m}{s^{2}}\right)$$

$$t = 12.5s$$

Ya podemos calcular la altura:

$$h = \frac{20m}{s} \cdot 12,5s + \frac{1}{2} \left(-\frac{1,6m}{s^2} \right) \cdot (12,5s)^2$$

$$h = 125m$$

Este resultado no es exagerado ya que hemos hecho los cálculos para la Luna, donde la gravedad es unas seis veces menor que en la Tierra.

Sabrías calcular, basándote en esta aproximación, ¿la altura que hubiese alcanzado en la Tierra?





10. BIBLIOGRAFÍA:

Raymond A. Serway y John W. Jewett, Jr. Física para ciencias e ingeniería. Volumen 1. Séptima edición. ISBN-13: 978-607-481-357-9

YOUNG, HUGH D. y ROGER A. FREEDMAN. Física universitaria volumen 1. Decimosegunda edición. PEARSON EDUCACION, Mexico, 2009. ISBN: 978-607-442-288-7

Frederick J. Bueche y Eugene Hecht. Física General. Décima edición. McGRAW-HILL / INTERAMERICANA EDITORES, S.A. DE C.V.