# Relatório ESINF Sprint 1 Projeto 2022/2023 Análise de Complexidade

# **Trabalho realizado por:**

**Beatriz Neves - 1211512** 

Clarisse Sousa - 1211434

Cláudio Coelho - 1211435

**Filipe Duarte - 1210959** 

João Castro - 1210816

Martim Botelho - 1211523

No nosso projeto implementámos a classe *Algorithms* que contém a maior parte dos métodos necessários para a realização deste projeto e, portanto, começaremos por analisar as suas complexidades.

# Algoritmo de Kruskall:

```
public static <V,E> Graph<V,E> kruskall(Graph<V,E> g){
   Graph<V,E> mst = new MapGraph<>( directed: false);
   for (V vertex : g.vertices()){
      mst.addVertex(vertex);
}
ArrayList<Edge<V, E>> lstEdges = new ArrayList<>(g.edges());
Collections.sort(lstEdges);
for (Edge<V,E> edge : lstEdges){
      LinkedList<V> connectedVerts = DepthFirstSearch(mst, edge.getVOrig());
      if (!connectedVerts.contains(edge.getVDest())){
      mst.addEdge(edge.getVOrig(), edge.getVDest(), edge.getWeight());
    }
}
return mst;
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de  $O(m*log_n)(m = número de arestas ; n = número de vértices).$ 

# Algoritmo Depth First Search:

```
private static <V, E> void DepthFirstSearch(Graph<V, E> g, V vOrig, boolean[] visited, LinkedList<V> qdfs) {
    if (!g.validVertex(vOrig) || visited[g.key(vOrig)]){
        return;
    }
    qdfs.add(vOrig);
    visited[g.key(vOrig)] = true;

for (V vAdj : g.adjVertices(vOrig)) {
        DepthFirstSearch(g, vAdj, visited, qdfs);
    }
}
```

```
public static <V, E> LinkedList<V> DepthFirstSearch(Graph<V, E> g, V vert) {
   LinkedList<V> qdfs = new LinkedList<>();
   if (g != null && g.numVertices() > 0) {
      boolean[] visited = new boolean[g.numVertices()];
      DepthFirstSearch(g, vert, visited, qdfs);
      return qdfs;
   }
   return null;
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n²).

# Algoritmo all paths:

# Algoritmo shortest path Dijkstra Weighted:

```
private static <V, E> void shortestPathDijkstraWeighted(Graph<V, E> g, V vOrig, boolean[] visited, int [] pathKeys, double [] dist) {

Edge<V, E> edge;
  for (V vertex : g.vertices()) {

    dist[g.key(vertex)] = Double.HAX_VALUE;
    pathKeys[g.key(vertex)] = -1;
    visited[g.key(vorig)] = 0;

    while (g.key(vOrig)] = 0;

    while (g.key(vOrig)] = true;
    for (V vAdj : g.adjVertices(vOrig)) {
        edge = g.edge(vOrig, vAdj);
        if (!visited[g.key(vAdj)] = & dist[g.key(vAdj)] > (dist[g.key(vOrig)] + (Double.parseDouble(edge.getWeight().toString())));
        pathKeys[g.key(vAdj)] = g.key(vOrig);
        }
        vOrig = g.vertex(getVertMinDistance(dist, visited));
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n²).

# Algoritmo shortest path Dijkstra Unweighted:

# Algoritmo para obter a distância mínima entre vértices:

```
private static int getVertMinDistance(double[]dist, boolean[]visited){
    double min = Double.POSITIVE_INFINITY;
    int v, min_index = -1;
    for(v = 0; v < visited.length; v++){
        if(!visited[v] && dist[v] < min){
            min = dist[v];
            min_index = v;
        }
    }
    return min_index;
}</pre>
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n).

# Algoritmo shortest path weighted:

```
public static <V, E> double shortestPathWeighted(Graph<V, E> g, V vOrig, V vDest, LinkedList<V> shortPath) {
    shortPath.clear();
    if (!g.validVertex(vOrig) || !g.validVertex(vDest)) {
        return 0;
    }

    if (vOrig.equals(vDest)) {
        shortPath.add(vDest);
        return 0;
}

int numVertices = g.numVertices();
boolean[] visited = new boolean[numVertices]; //default value: false
int[] pathKeys = new int[numVertices];
double[] dist = new double[numVertices];

for (int i = 0; i < numVertices; i++) {
        dist[i] = Double.MAX_VALUE;
        pathKeys[i] = -1;
}
shortestPathDijkstraWeighted(g, vOrig, visited, pathKeys, dist);
if (pathKeys[g.key(vDest)] == -1) {
        return 0;
}
getPath(g, vOrig, vDest, pathKeys, shortPath);
return dist[g.key(vDest)];
}</pre>
```

# Algoritmo shortest path weighted boolean:

```
public static <V, E> boolean shortestPathsWeighted(Graph<V, E> g, V v0rig, ArrayList<LinkedList<V>> paths, ArrayList<-Double> dists) {
    paths.clear();
    if (!g.validVertex(v0rig)) {
        return false;
    }

    int numVertices = g.numVertices();
    boolean[] visited = new boolean[numVertices]; //default value: false
    int(] pathNeys = new int(numVertices);
    double[] dist = new double[numVertices];
    for (int i = 0; i < numVertices; i++) {
        dist[i] = Double.HAX_VALUE;
        pathNeys[i] = -1;
    }

    shortestPathDijkstraWeighted(g, v0rig, visited, pathKeys, dist);

    for (int i = 0; i < numVertices; i++) {
        paths.add(null);
        dists.add(null);
    }
    for (int i = 0; i < numVertices; i++) {
        paths.add(null);
    }
    for (int i = 0; i < numVertices; i++) {
        paths.add(null);
    }
    paths.set(i, shortPath);
    dists.set(i, shortPath);
    dists.set(i, shortPath);
    dists.set(i, shortPath);
    dists.set(i, dist[i]);
    }
    return true;
}</pre>
```

# Algoritmo shortest path unweighted boolean:

Este método tem complexidade no pior caso de  $O(n^2)$ .

# Algoritmo para obter um Path:

Para além da classe *Algorithms* também foi implementada a classe *MatrixGraph* que contém outra parte dos métodos necessários para a realização deste projeto e, portanto, segue a análise de complexidade de alguns dos seus métodos.

Algoritmo para obter os vértices adjacentes:

```
public Collection<V> adjVertices(V vert) {
    int index = key(vert);
    if (index == -1)
        return null;

ArrayList<V> outVertices = new ArrayList<>();
    for (int i = 0; i < numVerts; i++)
        if (edgeMatrix[index][i] != null)
            outVertices.add(vertices.get(i));
    return outVertices;
}</pre>
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n).

Algoritmo para obter os edges:

```
public Collection<Edge<V, E>> edges() {

   Collection<Edge<V, E>> edges = new LinkedList<>();
   for (Edge<V, E>[] edgeA : edgeMatrix){

      for (Edge<V, E> edge : edgeA)

      if (edge != null) {
        edges.add(edge);
      }

   return edges;
}
```

# Algoritmo para obter outgoing edges:

```
public Collection<Edge<V, E>> outgoingEdges(V vert) {

   Collection<Edge<V, E>> edgeCollection = new ArrayList<>();

   for (Edge<V, E>[] edgeA : edgeMatrix){
      for (Edge<V,E> edge : edgeA) {
        if (edge != null && vert == edge.getVOrig()) {
            edgeCollection.add(edge);
        }
    }
   return edgeCollection;
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n²).

# Algoritmo para obter incoming edges:

```
public Collection<Edge<V, E>> incomingEdges(V vert) {
   Collection <Edge<V, E>> ce = new ArrayList<>();
   int vertKey = key(vert);
   if (vertKey == -1)
       return ce;

   for (int i = 0; i < numVerts; i++)
       if (edgeMatrix[i][vertKey] != null)
            ce.add(edgeMatrix[i][vertKey]);
   return ce;
}</pre>
```

# Algoritmo para adicionar vertex:

```
public boolean addVertex(V vert) {
    int vertKey = key(vert);
    if (vertKey != -1)
        return false;

    vertices.add(vert);
    numVerts++;
    resizeMatrix();
    return true;
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n).

# Algoritmo para adicionar edge:

```
public boolean addEdge(V vOrig, V vDest, E weight) {
    if (vOrig == null || vDest == null) throw new RuntimeException("Vertices cannot be null!");
    if (edge(vOrig, vDest) != null)
        return false;

if (!validVertex(vOrig))
    addVertex(vDest);

if (!validVertex(vDest))
    addVertex(vDest);

int vOrigKey = key(vOrig);
    int vDestKey = key(vDest);

edgeMatrix[vOrigKey][vDestKey] = new Edge<>(vOrig, vDest, weight );
    numEdges++;
    if (!isDirected) {
        edgeMatrix[vDestKey][vOrigKey] = new Edge<>(vDest, vOrig, weight );
        numEdges++;
    }
    return true;
}
```

Para além da classe *Algorithms* e *MatrixGraph*, também foi implementada a classe *MapGraph* que contém outra das partes dos métodos necessários para a realização deste projeto e, portanto, segue a análise de complexidade de alguns dos seus métodos.

Método que verifica se um vértice é válido ou não:

```
public boolean validVertex(V vert) { return (mapVertices.get(vert) != null);}
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n).

Método que retorna os vértices adjacentes:

```
public Collection<V> adjVertices(V vert) { return mapVertices.get(vert).getAllAdjVerts(); }
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n).

# Método edges:

```
public Collection<Edge<V, E>> edges() {
    ArrayList<Edge<V, E>> le = new ArrayList<>(numEdges);

    for (MapVertex<V, E> mv : mapVertices.values())
        le.addAll(mv.getAllOutEdges());

    return le;
}
```

# Método edge:

```
public Edge<V, E> edge(V vOrig, V vDest) {
    if (!validVertex(vOrig) || !validVertex(vDest))
        return null;

MapVertex<V, E> mv = mapVertices.get(vOrig);

return mv.getEdge(vDest);
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n).

# Método add Vertex:

```
public boolean addVertex(V vert) {

   if (vert == null) throw new RuntimeException("Vertices cannot be null!");
   if (validVertex(vert))
      return false;

MapVertex<V, E> mv = new MapVertex<>(vert);
   vertices.add(vert);
   mapVertices.put(vert, mv);
   numVerts++;

return true;
}
```

# Método add edge:

```
public boolean addEdge(V vOrig, V vDest, E weight) {

if (vOrig == null || vDest == null) throw new RuntimeException("Vertices cannot be null!");
if (edge(vOrig, vDest) != null)
    return false;

if (!validVertex(vOrig))
    addVertex(vDrig);

if (!validVertex(vDest))
    addVertex(vDest);

MapVertex<V, E> mvo = mapVertices.get(vOrig);
MapVertex<V, E> mvd = mapVertices.get(vDest);

Edge<V, E> newEdge = new Edge<>(mvo.getElement(), mvd.getElement(), weight);
    mvo.addAdjVert(mvd.getElement(), newEdge);
    numEdges++;

//if graph is not direct insert other edge in the opposite direction
if (iisDirected)
    // if vDest different vOrig
    if (edge(vDest, vOrig) == null) {
        Edge<V, E> otherEdge = new Edge<>( mvd.getElement(), mvo.getElement(), weight);
        mvd.addAdjVert(mvo.getElement(), otherEdge);
        numEdges++;
    }

return true;
}
```

Por fim, será analisada a complexidade dos métodos criados para resolver o proposto pelas US's.

#### **US302**

```
private static boolean verifyConnectivity() {
    Localization user = storeGraph.vertices().get(0);
    LinkedList<Localization> reachableVertex = Algorithms.DepthFirstSearch(storeGraph, user);
    return storeGraph.vertices().size() == reachableVertex.size();
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de  $O(n^2)$ .

Este método tem complexidade no pior caso de O(n<sup>4</sup>)

Este método tem complexidade no pior caso de O(n<sup>4</sup>)

#### **US304**

Este método tem complexidade no pior caso de O(n4)

#### **US305**

```
public static Graph<Localization, Float> Us305(Graph<Localization, Float> g){
    Graph<Localization, Float> noCompanies = noCompanies(g);
    return Algorithms.kruskall(noCompanies);
}
```

Este método tem complexidade no pior caso de O(n<sup>2</sup>)

#### **US306**