

# Red multicapa

jafh

# Inicio

## Objetivo:

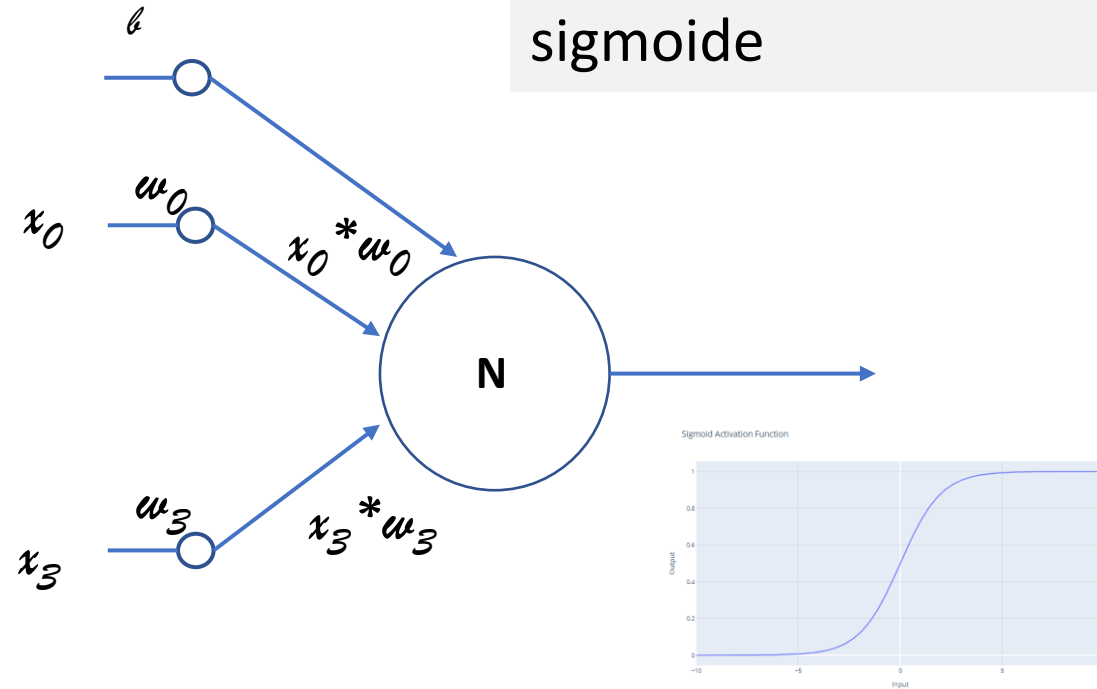
Entender el funcionamiento de una red de 4 entradas 10 neuronas ocultas y 3 neuronas de salida.

# Repaso de la neurona

Usaremos neuronas del tipo:

$$x_0w_0+x_1w_1+x_2w_2+x_3w_3+b$$

Usaremos la función de activación sigmoide

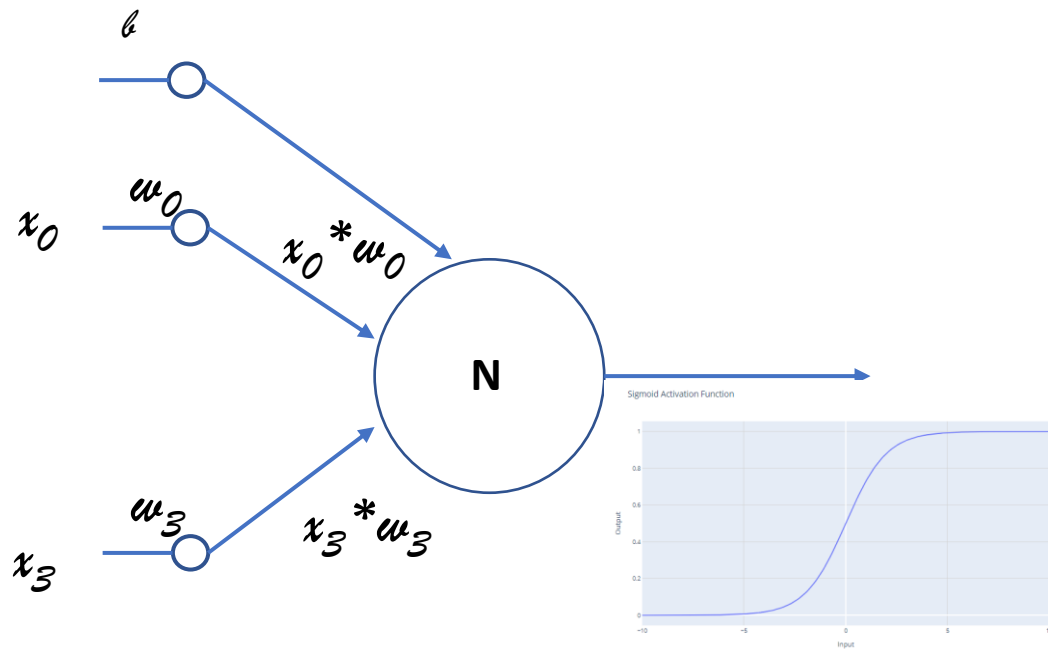


# Repaso de funcionamiento de l neurona

1. Iniciar los pesos  $w_i$  con valores aleatorios:  $w[w_0, w_1, w_2, w_3]$
2. Calcular salida  $Z(k) = \text{sign}(\sum_{j=0}^3 w_j x_j + b)$  para cada iteración  $k$
3. Si  $Z(k) \neq Y(k)$  modificar los pesos  $w_j$  como sigue:  
$$w_j(k+1) = w_j(k) + \eta [z(k) - y(k)] * x_j(k)$$
$$b(k+1) = b(k) + \eta [z(k) - y(k)]$$
4. Si se cumple criterio de paro? fin si no regresar a 2

El algoritmo anterior muestra que se usa la función signo, nosotros usaremos la función sigmoide.

# Gradiente



$$x_0w_0+x_1w_1+x_2w_2+x_3w_3+b$$

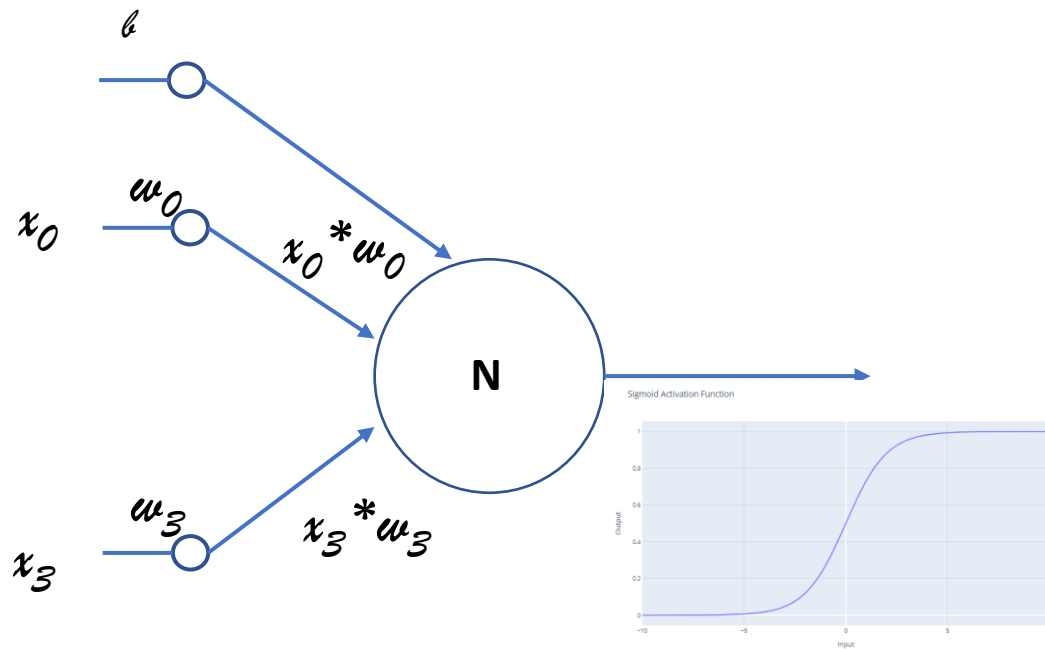
Si usamos activación sigmoide, el gradiente de:

$$f=b+x_0w_0+x_1w_1+x_2w_2+x_3w_3$$

Es:

$$\nabla f=(1,x_0,x_1,x_2,x_3)$$

# Gradiente



Para reducir la perdida usaremos la técnica de descenso de gradiente en la que en cada iteración se agrega a  $w_i$  alguna fracción de la magnitud del gradiente:

$Y$  = salida correcta

$$Z = \text{sigmoid}(\sum_{j=0}^3 w_j x_j + b)$$

$\eta$  = tasa de aprendizaje

error =  $Y - Z$

$$w_i = w_i + \eta(\text{error} * \text{sigmoid\_derivada}(Z));$$

# Redes multicapa

La retro propagación es un algoritmo clave utilizado en redes neuronales para entrenar modelos de aprendizaje profundo.

1. Propagación hacia adelante: El modelo toma la entrada y la pasa a través de la red, capa por capa, hasta llegar a la salida. En cada capa, se aplican funciones de activación y pesos para transformar la entrada en una salida.
2. Cálculo del error: Una vez obtenida la salida, se compara con el valor esperado (etiqueta) utilizando una función de pérdida (como el error cuadrático medio o la entropía cruzada). Esto nos da la diferencia entre la predicción de la red y el valor real.

# Retro propagación

3. Retro propagación del error: Aquí es donde entra la magia. El error se propaga hacia atrás a través de la red, desde la salida hasta las capas intermedias y la entrada. Se utilizan las derivadas parciales (gradientes) de la función de pérdida con respecto a los pesos de la red para ajustar estos pesos y minimizar el error.

4. Actualización de pesos: Los pesos de la red se actualizan en función del gradiente calculado y una tasa de aprendizaje predeterminada. Este proceso se repite para cada ejemplo en el conjunto de entrenamiento hasta que la red alcance un rendimiento aceptable.

5. Iteración: El ciclo de propagación hacia adelante, cálculo del error, retro propagación y actualización de pesos se repite muchas veces a lo largo de varias épocas hasta que la red aprende a realizar predicciones precisas.

Este proceso es fundamental para el aprendizaje profundo y permite que las redes neuronales ajusten sus parámetros de manera eficiente para resolver problemas complejos como reconocimiento de imágenes, procesamiento de lenguaje natural.



# Código en Scilab: Usaremos estas funciones

```
///  
//% Función de activación sigmoide
```

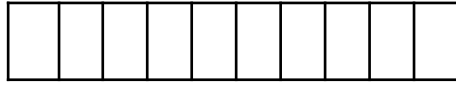
```
function y = sigmoid(x)  
    y = 1 ./ (1 + exp(-x));  
endfunction
```

```
///  
//% Derivada de la sigmoide
```

```
function y = sigmoid_derivada(x)  
    y = sigmoid(x) .* (1 - sigmoid(x));  
endfunction
```

# Red de 4 \* 10 \* 3

b1=[1,10]



Salidas y[1,3]

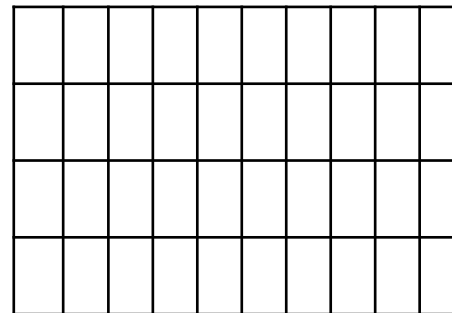


```
// Parámetros de la red
n_entradas = 4; // Número de entradas
n_ocultas = 10; // Neuronas en la capa oculta
n_salidas = 3; // Neuronas en la capa de salida
n_num_dat_ent = 30 // # datos de entrenamiento
```

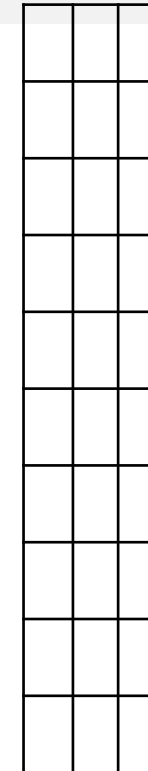
```
// Inicializar pesos y sesgos aleatoriamente
```

```
W1 = rand(n_entradas, n_ocultas); // Pesos capa oculta
b1 = rand(1, n_ocultas); // Sesgos capa oculta
W2 = rand(n_ocultas, n_salidas); // Pesos capa salida
b2 = rand(1, n_salidas); // Sesgos capa salida
```

W1=[4,10]



W2=[10,3]



b2=[1,3]



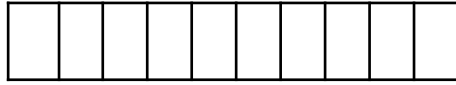
Entradas de la neurona x=[1,4]

Para el entrenamiento usaremos 30 datos =>

Necesitamos X[30,4], Y[30,3]

# Entrenamiento

$b1=[1,10]$

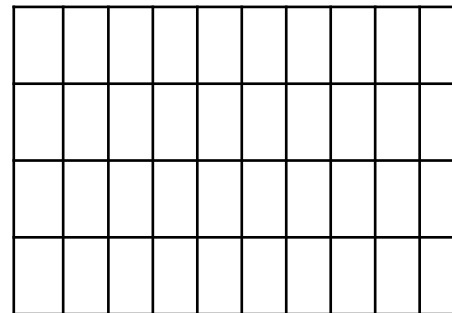


Salidas  $y[1,3]$

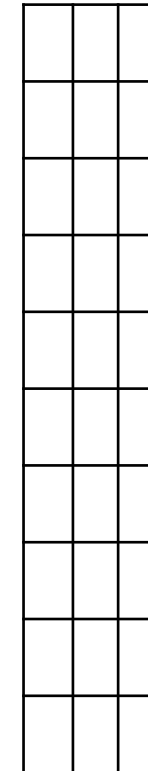


```
TMP = X * W1;
//TMP=X[30,4]*W1[4,10]=[30,10]
//cada renglón de X es un ejemplo
//cada columna i de W1 son los 4 pesos de cada neurona oculta
//TMP en cada renglón tiene las entradas ponderadas
//ahora a cada renglón le agregamos el sesgo de b1
//para agregarlo a todas las muestra expandamos b1
b1_expanded = repmat(b1, n_num_dat_ent,1);
Z1 = X * W1 + b1_expanded;
//Z1[30,4]
```

$W1=[4,10]$



$W2=[10,3]$



$b2=[1,3]$



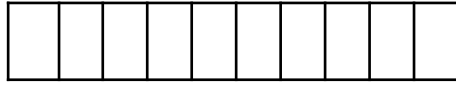
Entradas de la neurona  $x=[1,4]$

Para el entrenamiento usaremos 30 datos =>

Necesitamos  $X[30,4]$ ,  $Y[30,3]$

# Entrenamiento

$b1=[1,10]$

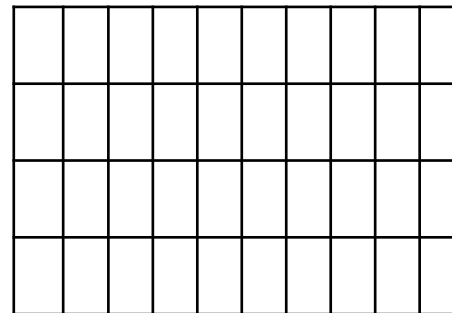


Salidas  $y[1,3]$

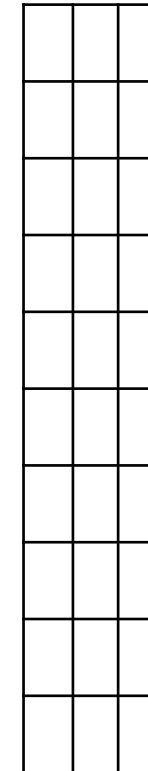


```
//recordemos que  $Z1 = X * W1 + b1\_expanded$ ;  
//ahora calculamos la salida de cada neurona oculta  
 $A1 = \text{sigmoid}(Z1)$ ; // en rojo  
// $A1[30,4]$  son las salidas ocultas para todas las muestras  
//calculamos las sumas de la capa de salida  
 $TMP2 = A1 * W2$  ; // $TMP2=[30,4]*[10,3]=[30,3]$   
 $b2\_expanded = \text{repmat}(b2, n\_num\_dat\_ent, 1)$ ;  
 $Z2 = TMP2 + b2\_expanded$ ;  
// $Z2[30,3]$ , cada renglón de Z2 tiene  
//las sumas ponderadas de cada neurona de salida
```

$W1=[4,10]$



$W2=[10,3]$



$b2=[1,3]$



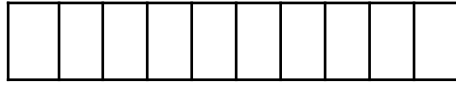
Entradas de la neurona  $x=[1,4]$

Para el entrenamiento usaremos 30 datos =>

Necesitamos  $X[30,4]$ ,  $Y[30,3]$

# Entrenamiento

$b1=[1,10]$

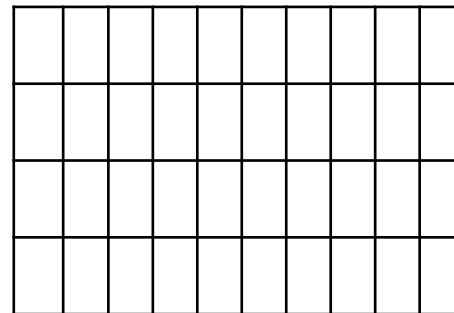


```
//Calculamos las salidas de la capa de salida  
//para todas las muestras  
A2 = sigmoid(Z2);  
//A2[30,3]
```

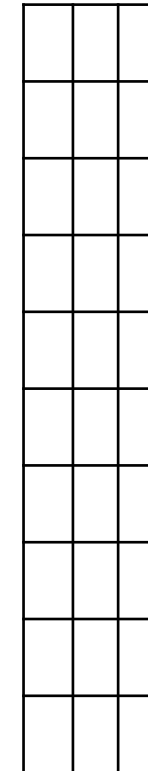
Salidas  $y[1,3]$



$W1=[4,10]$



$W2=[10,3]$



$b2=[1,3]$



Entradas de la neurona  $x=[1,4]$

Para el entrenamiento usaremos 30 datos =>

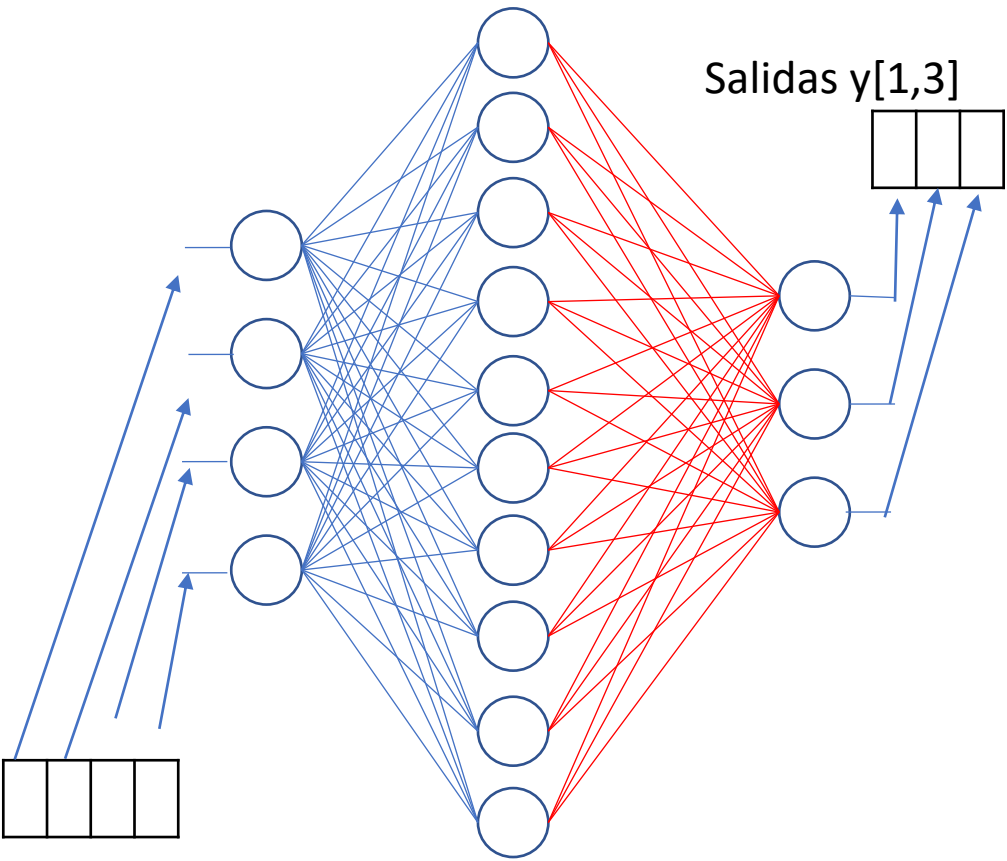
Necesitamos  $X[30,4]$ ,  $Y[30,3]$

# Calcular error

```
error = Y - A2;
//error=[30,3] - [30,3] = [30,3]
//cada renglón de error tiene el error del forward
//de cada muestra
```

b1=[1,10]

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|



Entradas de la neurona  $x=[1,4]$   
 Para el entrenamiento usaremos 30 datos =>  
 Necesitamos  $X[30,4]$ ,  $Y[30,3]$

W1=[4,10]

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

b2=[1,3]

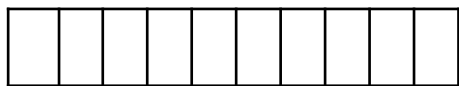
|  |  |  |
|--|--|--|
|  |  |  |
|--|--|--|

W2=[10,3]

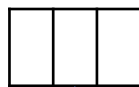
|  |  |  |
|--|--|--|
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |

# Retropropagación

$b1=[1,10]$



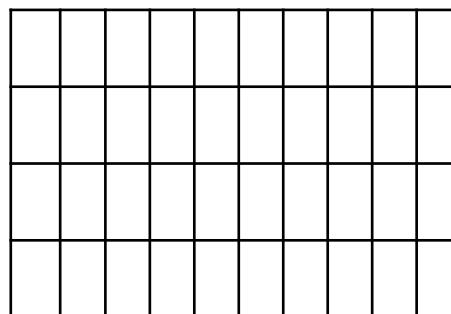
Salidas  $y[1,3]$



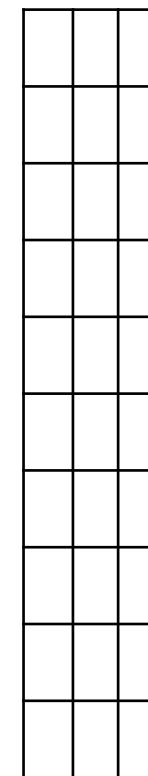
```
//Retropropagación
dZ2 = error .* sigmoid_derivada(Z2);
dW2 = A1' * dZ2;
db2 = sum(dZ2, 1);

dZ1 = (dZ2 * W2') .* sigmoid_derivada(Z1);
dW1 = X' * dZ1;
db1 = sum(dZ1, 1);
```

$W1=[4,10]$



$W2=[10,3]$



$b2=[1,3]$



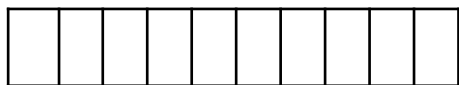
Entradas de la neurona  $x=[1,4]$

Para el entrenamiento usaremos 30 datos =>

Necesitamos  $X[30,4]$ ,  $Y[30,3]$

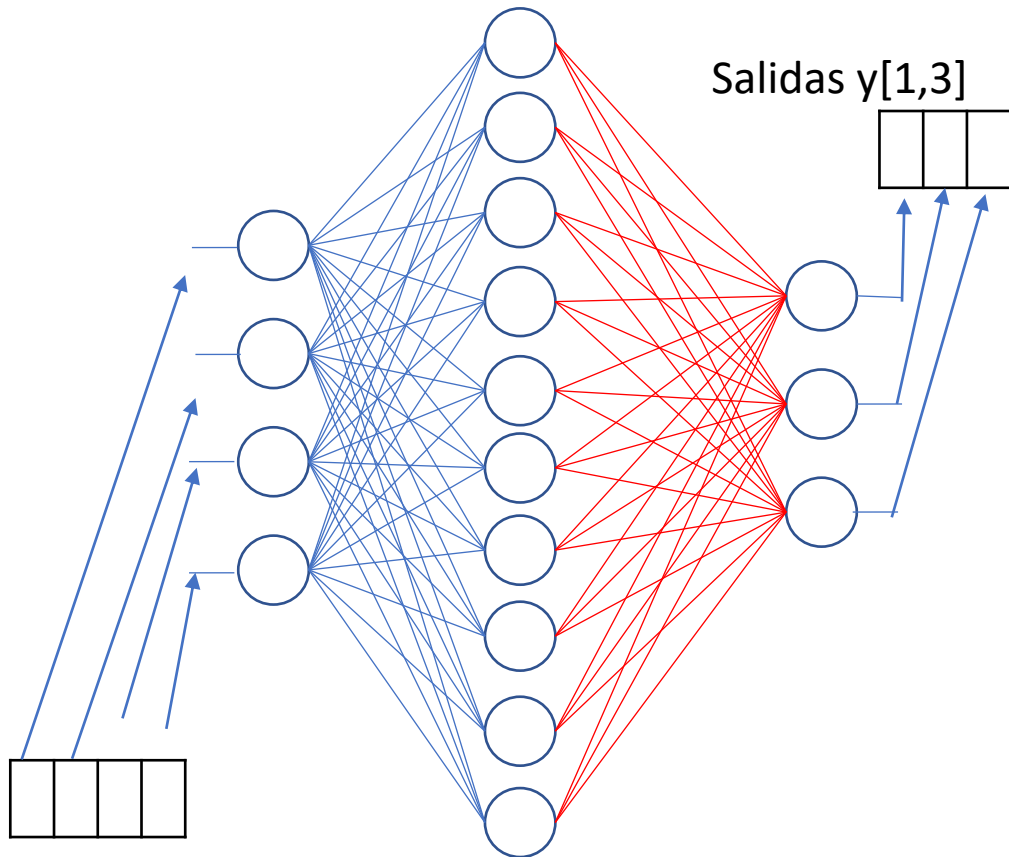
# Actualizar pesos

b1=[1,10]



```
//% Actualizar pesos y sesgos
W2 = W2 + tasa_aprendizaje * dW2;
b2 = b2 + tasa_aprendizaje * db2;
W1 = W1 + tasa_aprendizaje * dW1;
b1 = b1 + tasa_aprendizaje * db1;
```

Salidas y[1,3]

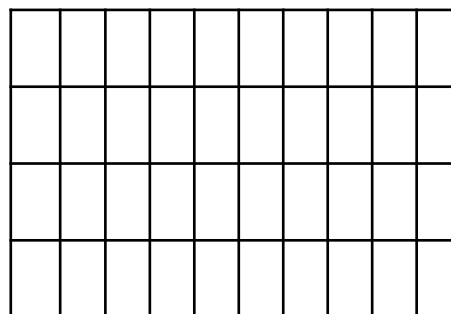


Entradas de la neurona x=[1,4]

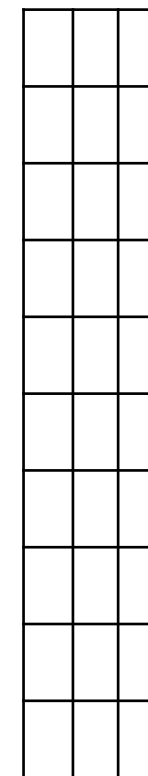
Para el entrenamiento usaremos 30 datos =>

Necesitamos X[30,4], Y[30,3]

W1=[4,10]



W2=[10,3]



b2=[1,3]





# Función repmat de SCILAB

La sintaxis básica de la función repmat de SCILAB es la siguiente:

$B = \text{repmat}(A, m, n)$  retorna un array formado por un mosaico m-por-n con copias de A.

Si b1 es de [1,10]

$\text{repmat}(b1, 30, 1)$  es de [30,10] repitiendo los renglones 30 veces.

Fin

Jafh