Termin: 15.05.2019 (grupa 110 i 111)

- 1. (2 pkty) Wróć do gier z PD3 (dla rozgrzania umysłu lekko zmieniłam wypłaty) i wyznacz równowagi Nasha w strategiach mieszanych.
  - (a) (1 pkt) (wojna płci) Mąż (M) i Żona (Ż) niezależnie decydują, czy pójdą na koncert muzyki Strawińskiego, czy Bacha. Gdy pójdą na różne koncerty, otrzymują użyteczność 0. Jeśli uda im się skoordynować, dostają dodatnią użyteczność: żona woli Bacha, więc ma z niego użyteczność 3, podczas gdy ze Strawińskiego 1. Mąż na odwrót wyżej ceni Strawińskiego (u=3) niż Bacha (u=1).
  - (b) (1 pkt) (gra w cykora) Dwa samochody jadą prostą drogą "na siebie". Kierowcy mają do wyboru skręcić w bok i uniknąć zderzenia, albo jechać prosto. Gdy obaj ustąpią, uda im się zachować twarz i dostaną użyteczność 0. Gdy jeden zjedzie, a drugi pojedzie prosto, ten, który ustąpił dostanie łatkę "cykora" i użyteczność −1, podczas, gdy "twardziel" zgarnie 1. Gdy żaden z nich nie ustąpi, zderzą się ze sobą, co da im użyteczność −5.
- 2. (4 pkty) Wyznacz wszystkie równowagi Nasha poniższej gry (hint: sprawdź, czy możesz uprościć zadanie):

		Gracz 2				
		A	B	C	D	
Gracz 1	X	(1,5)	(0,1)	(1, -1)	(2, -2)	
	Y	(2,3)	(1,0)	(2,4)	(3, 2)	
	Z	(3,1)	(0, 1)	(1, 2)	(2,3)	
	W	(3, -1)	(3, 3)	(0,1)	(1,0)	

3. (2 pkty) Rozważ wszystkie strategie (również mieszane) by przeprowadzić iteracyjne usuwanie ściśle zdominowanych strategii w poniższej grze:

		Gracz 2		
		A	B	C
Gracz 1	X	(1,3)	(1, 2)	(2, -2)
Gracz 1	Y	(3,0)	(0, 2)	(4, -1)
	Z	(0,0)	(3, -1)	(1, 2)

- 4. (4 pkty) Rozważ znaną z dzieciństwa grę dwuosobową 'Papier, kamień, nożyce'. Przyjmij, że wygrana daje użyteczność 1, przegrana -1, a remis 0.
  - (a) (1 pkt) Zapisz tę grę. Pokaż, że nie ma ona NE w strategiach czystych.
  - (b) (1 pkt) Czy potrafisz "zgadnąć" postać NE w strategiach mieszanych? (hint: posłuchaj intuicji).
  - (c) (2 pkty) Udowodnij algebraicznie intuicję z poprzedniego punktu.