## Álgebra - Curso de Verão - UFV

## $3^{\underline{a}}$ Lista de Exercícios – 2015

Prof. José Antônio O. Freitas

**Exercício 1:** Sejam  $\alpha_1, \ldots, \alpha_t \in S_n$  ciclos disjuntos de comprimentos  $r_1, \ldots, r_t$  respectivamente. Mostre que o produto  $\alpha_1 \cdots \alpha_t$  tem ordem igual a  $mmc\{r_1, \ldots, r_t\}$ .

**Exercício 2:** Sejam p um número primo e  $n \in \mathbb{N}$ . Mostre que:

- 1. Todo elemento de ordem p no grupo  $S_p$  é um p-ciclo.
- 2.  $S_p$  não tem elemento de ordem  $kp \text{ com } k \geq 2$ .
- 3. Se t é um inteiro positivo, mostre que o grupo  $S_n$  possui elementos de ordem  $p^t$  se, e somente se,  $n \ge p^t$ .

**Exercício 3:** Mostre que as possíveis ordens de elementos do grupo  $S_7$  pertencem ao conjunto  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 10, 12\}.$ 

**Exercício 4:** Se  $\sigma \in S_n$  é um r-ciclo, mostre que  $(-1)^{\sigma} = (-1)^{r-1}$ .