# União e Interseção de Conjuntos - Parte 2

José Antônio O. Freitas

MAT-UnB

22 de julho de 2020

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

$$i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

$$i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

$$ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova:



Sejam A, B e C três conjuntos, então:

$$i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

$$ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que



Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

$$(1) \ A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$$

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- (1)  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ ;
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ .

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$ 

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ .

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ ,

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$ 

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ .

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ .

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ ,

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ .

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ ,

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , ou seja,  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ .

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- (2)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , ou seja,  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Por outro lado, se  $x \in C$ ,

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , ou seja,  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Por outro lado, se  $x \in C$ , como  $x \in A$ , então  $x \in A \cap C$ 

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , ou seja,  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Por outro lado, se  $x \in C$ , como  $x \in A$ , então  $x \in A \cap C$  e daí  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ ,

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- $(1) A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C);$
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , ou seja,  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Por outro lado, se  $x \in C$ , como  $x \in A$ , então  $x \in A \cap C$  e daí  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , logo  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ .

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- (1)  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ ;
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , ou seja,  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Por outro lado, se  $x \in C$ , como  $x \in A$ , então  $x \in A \cap C$  e daí  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , logo  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ .

$$A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$$
.



Portanto.

Sejam A, B e C três conjuntos, então:

- $i) \ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- $ii) \ A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Prova: Para mostrar a primeira igualdade precisamos mostrar que

- (1)  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ ;
- $(2) (A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$

Para provar (1) seja  $x \in A \cap (B \cup C)$ . Logo  $x \in A$  e  $x \in B \cup C$ . Agora, de  $x \in B \cup C$ , segue que  $x \in B$  ou  $x \in C$ . Suponha que  $x \in B$ . Como  $x \in A$  e  $x \in B$ , então  $x \in A \cap B$ . Assim,  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , ou seja,  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Por outro lado, se  $x \in C$ , como  $x \in A$ , então  $x \in A \cap C$  e daí  $x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ , logo  $A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$ .

$$A \cap (B \cup C) \subseteq (A \cap B) \cup (A \cap C)$$
.

Portanto.



Agora para provar (2),



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ .



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$ 



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ .



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ .



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ . Assim,  $y \in A$ 



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ . Assim,  $y \in A$  e  $y \in B$ .



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ . Assim,  $y \in A$  e  $y \in B$ . Como  $y \in B$ ,



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ . Assim,  $y \in A$  e  $y \in B$ . Como  $y \in B$ , segue que  $y \in B \cup C$ 



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ . Assim,  $y \in A$  e  $y \in B$ . Como  $y \in B$ , segue que  $y \in B \cup C$  e então  $y \in A \cap (B \cup C)$ ,



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ . Assim,  $y \in A$  e  $y \in B$ . Como  $y \in B$ , segue que  $y \in B \cup C$  e então  $y \in A \cap (B \cup C)$ , ou seja,  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ .



Agora para provar (2), seja  $y \in (A \cap B) \cup (A \cap C)$ . Daí,  $y \in A \cap B$  ou  $y \in A \cap C$ . Suponha que  $y \in A \cap B$ . Assim,  $y \in A$  e  $y \in B$ . Como  $y \in B$ , segue que  $y \in B \cup C$  e então  $y \in A \cap (B \cup C)$ , ou seja,  $(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C)$ . Agora, suponha que  $y \in A \cap C$ .













$$(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$$



$$(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$$

## Portanto

$$A\cap (B\cup C)=(A\cap B)\cup (A\cap C),$$



$$(A \cap B) \cup (A \cap C) \subseteq A \cap (B \cup C).$$

Portanto

$$A\cap (B\cup C)=(A\cap B)\cup (A\cap C),$$

como queríamos.



- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- $(2) (A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C).$

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ ,

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup C$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$ 

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ ,

- (1)  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ ;
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso

 $A \cup (B \cap C) \subset (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ ,

- (1)  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ ;
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso

 $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ ,

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ , isto é,  $y \in B \cap C$  e com isso  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Assim,

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ , isto é,  $y \in B \cap C$  e com isso  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Assim, independente do caso sempre temos  $y \in A \cup (B \cap C)$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ , isto é,  $y \in B \cap C$  e com isso  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Assim, independente do caso sempre temos  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Logo,  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ , isto é,  $y \in B \cap C$  e com isso  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Assim, independente do caso sempre temos  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Logo,  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ . Portanto,

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ , isto é,  $y \in B \cap C$  e com isso  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Assim, independente do caso sempre temos  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Logo,  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ . Portanto,

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = A \cup (B \cap C),$$

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ , isto é,  $y \in B \cap C$  e com isso  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Assim, independente do caso sempre temos  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Logo,  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ . Portanto,

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = A \cup (B \cap C),$$

como queríamos.

4D > 4A > 4B > 4B > B 900

- $(1) \ A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C);$
- (2)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ .

Para mostrar (1) seja  $x \in A \cup (B \cap C)$ . Daí  $x \in A$  ou  $x \in B \cap C$ . Suponha que  $x \in A$ , assim  $x \in A \cup B$  e também  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$  e com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Agora suponha que  $x \in B \cap C$ . Então  $x \in B$  e  $x \in C$ . Assim  $x \in A \cup B$  e  $x \in A \cup C$ . Logo  $x \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Com isso  $A \cup (B \cap C) \subseteq (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

Agora para mostrar (2) seja  $y \in (A \cup B) \cap (A \cup C)$ . Assim  $y \in A \cup B$  e  $y \in A \cup C$ . Assim  $y \in A$  ou  $y \in B$  e também  $y \in A$  ou  $y \in C$ . Se  $y \in A$ , então  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Agora, suponha que  $y \notin A$ , logo  $y \in B$  e  $y \in C$ , isto é,  $y \in B \cap C$  e com isso  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Assim, independente do caso sempre temos  $y \in A \cup (B \cap C)$ . Logo,  $(A \cup B) \cap (A \cup C) \subseteq A \cup (B \cap C)$ . Portanto,

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = A \cup (B \cap C),$$

como queríamos.

4D > 4A > 4B > 4B > B 900