

# Grupo Simétrico

José Antônio O. Freitas

MAT-UnB

22 de outubro de 2020

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

$$\mathcal{S} = \{f: A \rightarrow A$$

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

$$\mathcal{S} = \{f: A \rightarrow A \mid f \text{ é bijetora}\}.$$

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

$$\mathcal{S} = \{f: A \rightarrow A \mid f \text{ é bijetora}\}.$$

Em  $\mathcal{S}$  vamos considerar a composição de funções  $\circ$ .



Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

$$\mathcal{S} = \{f: A \rightarrow A \mid f \text{ é bijetora}\}.$$

Em  $\mathcal{S}$  vamos considerar a composição de funções  $\circ$ .

Como  $id: A \rightarrow A$  tal que  $id(x) = x$  para todo  $x \in A$

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

$$\mathcal{S} = \{f: A \rightarrow A \mid f \text{ é bijetora}\}.$$

Em  $\mathcal{S}$  vamos considerar a composição de funções  $\circ$ .

Como  $id: A \rightarrow A$  tal que  $id(x) = x$  para todo  $x \in A$  é uma função bijetora

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

$$\mathcal{S} = \{f: A \rightarrow A \mid f \text{ é bijetora}\}.$$

Em  $\mathcal{S}$  vamos considerar a composição de funções  $\circ$ .

Como  $id: A \rightarrow A$  tal que  $id(x) = x$  para todo  $x \in A$  é uma função bijetora então  $id \in \mathcal{S}$

Seja  $A$  um conjunto não vazio.

Dada uma função  $f: A \rightarrow A$ , sabemos que  $f$  possui inversa se, e somente se,  $f$  é bijetora.

Assim considere o conjunto

$$\mathcal{S} = \{f: A \rightarrow A \mid f \text{ é bijetora}\}.$$

Em  $\mathcal{S}$  vamos considerar a composição de funções  $\circ$ .

Como  $id: A \rightarrow A$  tal que  $id(x) = x$  para todo  $x \in A$  é uma função bijetora então  $id \in \mathcal{S}$  e com isso  $\mathcal{S} \neq \emptyset$ .

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras,

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ .



Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é,

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ .

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g)$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g) \circ h$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g) \circ h](x)$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g) \circ h](x) = (f \circ g)$$



Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g) \circ h](x) = (f \circ g)(h(x))$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g) \circ h](x) = (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x)))$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g) \circ h](x) = (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x)))$$

$$[f \circ$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$[(f \circ g) \circ h](x) = (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x)))$$

$$[f \circ (g \circ h)](x) = f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x)))$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f( \end{aligned}$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) \end{aligned}$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$



Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g)$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id = f$$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id = f = id \circ f,$$



Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id = f = id \circ f,$$

onde  $id : A \rightarrow A$

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id = f = id \circ f,$$

onde  $id: A \rightarrow A$  é tal que  $id(x) = x$ ,

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id = f = id \circ f,$$

onde  $id: A \rightarrow A$  é tal que  $id(x) = x$ , para todo  $x \in A$ .

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id = f = id \circ f,$$

onde  $id: A \rightarrow A$  é tal que  $id(x) = x$ , para todo  $x \in A$ . Logo  $id$  é o elemento neutro da composição.

Dadas  $f, g \in \mathcal{S}$  como  $f$  e  $g$  são bijetoras, então  $f \circ g$  é bijetora e daí  $f \circ g \in \mathcal{S}$ . Isto é, a composição de funções é uma operação binária em  $\mathcal{S}$ .

Agora, sejam  $f, g$  e  $h \in \mathcal{S}$ . Para todo  $x \in A$  temos

$$\begin{aligned} [(f \circ g) \circ h](x) &= (f \circ g)(h(x)) = f(g(h(x))) \\ [f \circ (g \circ h)](x) &= f((g \circ h)(x)) = f(g(h(x))) \end{aligned}$$

Logo  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ .

Agora, para toda  $f \in \mathcal{S}$

$$f \circ id = f = id \circ f,$$

onde  $id: A \rightarrow A$  é tal que  $id(x) = x$ , para todo  $x \in A$ . Logo  $id$  é o elemento neutro da composição.

Finalmente,

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ ,

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora



Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g$$

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id$$

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$



Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo.

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo. Além disso, em geral, esse grupo não é comutativo.

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo. Além disso, em geral, esse grupo não é comutativo.

Vamos considerar agora o caso particular

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo. Além disso, em geral, esse grupo não é comutativo.

Vamos considerar agora o caso particular em que  $A$  é um conjunto finito.

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo. Além disso, em geral, esse grupo não é comutativo.

Vamos considerar agora o caso particular em que  $A$  é um conjunto finito.

Nessa situação podemos supor que  $A \subseteq \mathbb{N}$

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo. Além disso, em geral, esse grupo não é comutativo.

Vamos considerar agora o caso particular em que  $A$  é um conjunto finito.

Nessa situação podemos supor que  $A \subseteq \mathbb{N}$  para simplificar a notação.

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo. Além disso, em geral, esse grupo não é comutativo.

Vamos considerar agora o caso particular em que  $A$  é um conjunto finito.

Nessa situação podemos supor que  $A \subseteq \mathbb{N}$  para simplificar a notação.

Vamos ver como é o conjunto  $\mathcal{S}$  com essa hipótese.

Finalmente, para toda  $f \in \mathcal{S}$ , como  $f$  é bijetora existe  $g \in \mathcal{S}$  tal que

$$f \circ g = id = g \circ f.$$

Logo todo elemento de  $\mathcal{S}$  possui inverso.

Portanto  $(\mathcal{S}, \circ)$  é um grupo. Além disso, em geral, esse grupo não é comutativo.

Vamos considerar agora o caso particular em que  $A$  é um conjunto finito.

Nessa situação podemos supor que  $A \subseteq \mathbb{N}$  para simplificar a notação.

Vamos ver como é o conjunto  $\mathcal{S}$  com essa hipótese.



Se  $A = \{1\}$ ,

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$f: \{1\} \rightarrow \{1\}$$

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Ou seja,  $f$  é a função a identidade  $id$ .

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Ou seja,  $f$  é a função a identidade  $id$ . Nesse caso  $\mathcal{S}$

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Ou seja,  $f$  é a função a identidade  $id$ . Nesse caso  $\mathcal{S} = S_1$



Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Ou seja,  $f$  é a função a identidade  $id$ . Nesse caso  $\mathcal{S} = S_1 = \{id\}$

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Ou seja,  $f$  é a função a identidade  $id$ . Nesse caso  $\mathcal{S} = S_1 = \{id\}$  e  $(S_1, \circ)$  é um grupo,

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Ou seja,  $f$  é a função a identidade  $id$ . Nesse caso  $\mathcal{S} = S_1 = \{id\}$  e  $(S_1, \circ)$  é um grupo, e nesse caso comutativo.

Se  $A = \{1\}$ , então só existe uma função  $f: A \rightarrow A$  que é bijetora e essa função é tal que

$$\begin{aligned} f: \{1\} &\rightarrow \{1\} \\ f(1) &= 1. \end{aligned}$$

Ou seja,  $f$  é a função a identidade  $id$ . Nesse caso  $\mathcal{S} = S_1 = \{id\}$  e  $(S_1, \circ)$  é um grupo, e nesse caso comutativo.

Se  $A = \{1, 2\}$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$



Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Assim  $\mathcal{S}$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Assim  $\mathcal{S} = S_2$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Assim  $\mathcal{S} = S_2 = \{id,$

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Assim  $\mathcal{S} = S_2 = \{id, f\}$



Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Assim  $\mathcal{S} = S_2 = \{id, f\}$  e  $(S_2, \circ)$  é um grupo.

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Assim  $\mathcal{S} = S_2 = \{id, f\}$  e  $(S_2, \circ)$  é um grupo.

$\circ$	$id$	$f$
$id$		
$f$		

Se  $A = \{1, 2\}$  então podemos definir as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id: A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$f: A \rightarrow A$$

$$f(1) = 2$$

$$f(2) = 1$$

Assim  $\mathcal{S} = S_2 = \{id, f\}$  e  $(S_2, \circ)$  é um grupo.

$\circ$	$id$	$f$
$id$		
$f$		

Além disso, da tabela acima vemos que esse grupo é comutativo.

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ .

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$\begin{aligned} id : A &\rightarrow A \\ id(1) &= 1 \end{aligned}$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$



Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$



Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_4(1) = 2$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$



Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_4(1) = 2$$

$$f_4(2) = 3$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_4(1) = 2$$

$$f_4(2) = 3$$

$$f_4(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_4(1) = 2$$

$$f_4(2) = 3$$

$$f_4(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

$$f_5 : A \rightarrow A$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_4(1) = 2$$

$$f_4(2) = 3$$

$$f_4(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

$$f_5 : A \rightarrow A$$

$$f_5(1) = 3$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_4(1) = 2$$

$$f_4(2) = 3$$

$$f_4(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

$$f_5 : A \rightarrow A$$

$$f_5(1) = 3$$

$$f_5(2) = 1$$

Agora, seja  $A = \{1, 2, 3\}$ . Podemos definir então as seguintes funções bijetoras em  $A$ :

$$id : A \rightarrow A$$

$$id(1) = 1$$

$$id(2) = 2$$

$$id(3) = 3$$

$$f_2 : A \rightarrow A$$

$$f_2(1) = 3$$

$$f_2(2) = 2$$

$$f_2(3) = 1$$

$$f_4 : A \rightarrow A$$

$$f_4(1) = 2$$

$$f_4(2) = 3$$

$$f_4(3) = 1$$

$$f_1 : A \rightarrow A$$

$$f_1(1) = 2$$

$$f_1(2) = 1$$

$$f_1(3) = 3$$

$$f_3 : A \rightarrow A$$

$$f_3(1) = 1$$

$$f_3(2) = 3$$

$$f_3(3) = 2$$

$$f_5 : A \rightarrow A$$

$$f_5(1) = 3$$

$$f_5(2) = 1$$

$$f_5(3) = 2$$

$$\text{Logo } \mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.



Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1)$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1))$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2)$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1)$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1))$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2)$$



Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1)$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ .

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ . Portanto o grupo  $(S_3, \circ)$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ . Portanto o grupo  $(S_3, \circ)$  não é comutativo.



Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ . Portanto o grupo  $(S_3, \circ)$  não é comutativo.

Note que em  $S_2$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ . Portanto o grupo  $(S_3, \circ)$  não é comutativo.

Note que em  $S_2$  temos  $2 = 2!$  elementos

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ . Portanto o grupo  $(S_3, \circ)$  não é comutativo.

Note que em  $S_2$  temos  $2 = 2!$  elementos e em  $S_3$

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ . Portanto o grupo  $(S_3, \circ)$  não é comutativo.

Note que em  $S_2$  temos  $2 = 2!$  elementos e em  $S_3$  temos  $6 = 3!$  elementos.

Logo  $\mathcal{S} = S_3 = \{id, f_1, f_2, f_3, f_4, f_5\}$  e  $(S_3, \circ)$  é um grupo.

Nesse caso temos

$$(f_1 \circ f_4)(1) = f_1(f_4(1)) = f_1(2) = 1$$

$$(f_4 \circ f_1)(1) = f_4(f_1(1)) = f_4(2) = 3$$

daí  $(f_1 \circ f_4)(1) \neq (f_4 \circ f_1)(1)$ , isto é,  $f_1 \circ f_4 \neq f_4 \circ f_1$ . Portanto o grupo  $(S_3, \circ)$  não é comutativo.

Note que em  $S_2$  temos  $2 = 2!$  elementos e em  $S_3$  temos  $6 = 3!$  elementos.

De modo geral,

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$



De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$  possui  $n!$  elementos.

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$  possui  $n!$  elementos.

Se  $n \geq 3$ , então

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$  possui  $n!$  elementos.

Se  $n \geq 3$ , então  $S_n$  é um grupo não comutativo.

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$  possui  $n!$  elementos.

Se  $n \geq 3$ , então  $S_n$  é um grupo não comutativo.

### Definição

*O grupo  $S_n$  é chamado de*

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$  possui  $n!$  elementos.

Se  $n \geq 3$ , então  $S_n$  é um grupo não comutativo.

### Definição

O grupo  $S_n$  é chamado de **grupo simétrico**

De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$  possui  $n!$  elementos.

Se  $n \geq 3$ , então  $S_n$  é um grupo não comutativo.

### Definição

O grupo  $S_n$  é chamado de **grupo simétrico** ou **grupo de permutações**



De modo geral, se  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  então existem exatamente  $n!$  funções  $f: A \rightarrow A$  bijetoras.

Assim o grupo  $(S_n, \circ)$  possui  $n!$  elementos.

Se  $n \geq 3$ , então  $S_n$  é um grupo não comutativo.

### Definição

O grupo  $S_n$  é chamado de **grupo simétrico** ou **grupo de permutações** em  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$ .

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte:

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas.

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens.

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos



Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f =$$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ & & & & \end{pmatrix}$$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ f(1) & & & & \end{pmatrix}$$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ f(1) & f(2) & & & \end{pmatrix}$$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ f(1) & f(2) & f(3) & & \end{pmatrix}$$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ f(1) & f(2) & f(3) & \dots & \end{pmatrix}$$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ f(1) & f(2) & f(3) & \dots & f(n) \end{pmatrix}$$

Um modo de representar os elementos de  $S_n$  é o seguinte: vamos representar as funções  $f \in S_n$  na forma de uma matriz contendo 2 linhas e  $n$  colunas. A primeira linha é o domínio da função e a segunda contém suas imagens. Assim se  $f \in S_n$  escreveremos

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ f(1) & f(2) & f(3) & \dots & f(n) \end{pmatrix}.$$



No caso de  $S_3$  vamos escrever

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & & \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ & & \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & & \end{pmatrix}$$



No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & & \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$



No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & & \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & & \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$



No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & & \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \quad f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \quad f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \quad f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

No caso de  $S_3$  vamos escrever

$$id = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$f_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$



Assim a composição  $f_3 \circ f_4$  pode ser determinada da seguinte forma:

$$f_3 \circ f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

Assim a composição  $f_3 \circ f_4$  pode ser determinada da seguinte forma:

$$f_3 \circ f_4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

A composição  $f_4 \circ f_5$  é:

$$f_4 \circ f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

A composição  $f_4 \circ f_5$  é:

$$f_4 \circ f_5 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$