OSCILACIONES MAGNÉTICAS EN ESTRUCTURAS BASADAS EN GRAFENO

JOSÉ FERNANDO TOBÍAS BUELVAS1

¹Universidad del Atlántico. Programa de Física. Facultad de Ciencias Básicas.

2021









- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





Resumen

El grafeno (red bidimensional de átomos de carbono), catalogado como "el material del futuro", ha sido objeto de estudio para la comunidad científica debido a sus propiedades opto-electrónicas de gran interés. El presente trabajo de grado describe el comportamiento oscilatorio de la conductividad eléctrica como función de un campo magnético aplicado y su dependencia con la temperatura.





- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





Planteamiento y justificación del problema.

El grafeno exhibe propiedades que lo hacen muy interesante para la ciencia y para aplicaciones tecnológicas. En la industria de la electrónica, por ejemplo, el grafeno es el principal candidato para reemplazar al silicio (Si). Cada vez hay más dispositivos basados en grafeno y se hace necesario tener un mayor entendimiento teórico de las propiedades físicas de las estructuras basadas en grafeno. En este contexto, el presente trabajo realiza una descripción teórica de la conductividad eléctrica en un sistema de una monocapa de grafeno colocada sobre un cristal de nitruro de Boro hexagonal (hBN).





Planteamiento del problema

Con base en lo expuesto anteriormente, se plantea el siguente interrogante:

■ ¿Cuál es la dependencia con la temperatura de las oscilaciones magnéticas de la conductividad eléctrica?





- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





Resumen Planteamiento Objetivos Metodología Introducción Espectro de energía Oscilaciones Conclusiones Referencias ocidades ocid

Objetivo general

■ Estudiar oscilaciones de la conductividad eléctrica en estructuras basadas en grafeno como función del campo magnético aplicado.





Resumen Planteamiento Objetivos Metodología Introducción Espectro de energía O Oscilaciones Conclusiones Referencias

Objetivos específicos

Resolver la ecuación de Schrödinger para una estructura sustrato-grafeno en presencia de un campo magnético externo.





Objetivos específicos

- Resolver la ecuación de Schrödinger para una estructura sustrato-grafeno en presencia de un campo magnético externo.
- Determinar la densidad de estado del sistema.





Objetivos específicos

- Resolver la ecuación de Schrödinger para una estructura sustrato-grafeno en presencia de un campo magnético externo.
- 2 Determinar la densidad de estado del sistema.
- 3 Obtener la conductividad eléctrica del sistema.





Resumen Planteamiento Objetivos Metodología Introducción Espectro de energía Oscilaciones Conclusiones Referencias

Objetivos específicos

- Resolver la ecuación de Schrödinger para una estructura sustrato-grafeno en presencia de un campo magnético externo.
- Determinar la densidad de estado del sistema.
- 3 Obtener la conductividad eléctrica del sistema.
- 4 Calcular la dependencia con respecto a la temperatura de las oscilaciones magnéticas en estructuras basadas en grafeno.





- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





Resumen Planteamiento Objetivos Metodología Introducción Espectro de energía Oscilaciones Conclusiones Referencias ocionos ocionis ocionos oc

Metodología

1 Estudiar las propiedades y la física general del grafeno.





- 1 Estudiar las propiedades y la física general del grafeno.
- 2 A partir del Hamiltoniano del sistema, resolver la ecuación de Schrödinger.





Metodología

- 1 Estudiar las propiedades y la física general del grafeno.
- 2 A partir del Hamiltoniano del sistema, resolver la ecuación de Schrödinger.
- 3 Hallar los niveles de Landau del espectro de energía.





Resumen Planteamiento Objetivos Metodología Introducción Espectro de energía Oscilaciones Conclusiones Referencias Oscilaciones Oscila

Metodología

- 1 Estudiar las propiedades y la física general del grafeno.
- 2 A partir del Hamiltoniano del sistema, resolver la ecuación de Schrödinger.
- 3 Hallar los niveles de Landau del espectro de energía.
- 4 Determinar la función de Green asociada a los estados de banda del sistema.





- 1 Estudiar las propiedades y la física general del grafeno.
- 2 A partir del Hamiltoniano del sistema, resolver la ecuación de Schrödinger.
- 3 Hallar los niveles de Landau del espectro de energía.
- 4 Determinar la función de Green asociada a los estados de banda del sistema.
- 5 Determinar la densidad de estados del sistema.





Oscilaciones magnéticas en estructuras basadas en grafeno

- 1 Estudiar las propiedades y la física general del grafeno.
- 2 A partir del Hamiltoniano del sistema, resolver la ecuación de Schrödinger.
- 3 Hallar los niveles de Landau del espectro de energía.
- 4 Determinar la función de Green asociada a los estados de banda del sistema.
- 5 Determinar la densidad de estados del sistema.
- 6 Estudiar el comportamiento oscilatorio de la conductividad eléctrica como función de la temperatura.



- 1 Estudiar las propiedades y la física general del grafeno.
- 2 A partir del Hamiltoniano del sistema, resolver la ecuación de Schrödinger.
- 3 Hallar los niveles de Landau del espectro de energía.
- 4 Determinar la función de Green asociada a los estados de banda del sistema.
- 5 Determinar la densidad de estados del sistema.
- 6 Estudiar el comportamiento oscilatorio de la conductividad eléctrica como función de la temperatura.
- 7 Realizar cálculos numéricos.



- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





Grafeno

Grafeno:

Es una de las formas alotrópicas del carbono, entre las que se encuentran el grafito, diamante, entre otras. En la cual los átomos están organizados en un arrreglo bidimensional y con un patrón hexagonal en forma de panel de abeja.

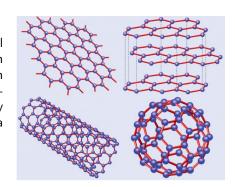


Figura 1: Alótropos del carbono.

Tomado de [1]





Los electrones en el grafeno se comportan como fermiones de Dirac sin masa [2]. A temperatura ambiente, los electrones pueden viajar varias micras sin presentar dispersión. Es buen conductor, resistente y transparente.



Figura 2: Propiedades del grafeno





Las oscilaciones magnéticas son un fenómeno bien conocido en la física de la materia condensada, aunque se necesitan temperaturas muy bajas para observarlos. En el grafeno, persiste incluso a temperaturas ambiente. Ésto se atribuye a la periodicidad de las superredes de grafeno[3].

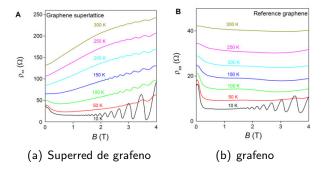


Figura 3: ρ vs B a diferentes temperaturas. Tomadas de [3]





Las oscilaciones cuánticas involucran travectorias ciclotrónicas y pueden originarse debido a la geometría de la muestra [4]. Lo que conlleva a la cuantización de Landau(L.L.) y a oscilaciones de Shubnikov-de Hass (SdH) [5].

Incluso en el grafeno, las oscilaciones SdH raramente persisten a temperaturas superiores a los 100K [6], se necesitan campos magnéticos grandes para observarlas [7]



UA



Los sistemas electrónicos tambien presentan oscilaciones magnéticas. Los espectros autosimilares son referidos a las mariposas de Hofstadter (HB) [8]-[9]. Se han reportado estudios de transporte eléctrico en superredes de grafeno colocado sobre una base de nitruro de boro hexagonal (h-BN) [10], lo que permite que se observe las características de las HB originadas en la superred en un campo magnético de algunos Teslas (T) [11]

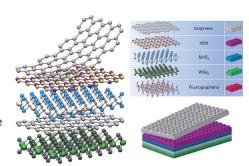


Figura 4: Superredes de grafeno. *Tomado de* [12]



UA



El estudio de estas oscilaciones magnéticas ha adquirido un gran impulso debido a las recientes observaciones experimentales de las oscilaciones magnéticas a altas temperaturas en sistemas basados en grafeno debido a la emergente periodicidad de estados de Bloch delocalizados en campos magnéticos altos, llamadas oscilaciones de Brown-Zak (BZ). En este contexto, el presente trabajo pretende ahondar en el estudio de las propiedades magneto-oscilatorias de las estructuras basadas en grafeno en presencia de un campo magnético a altas temperaturas.





Oscilaciones magnéticas en estructuras basadas en grafeno

- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





Niveles de Landau

Niveles de Landau

En presencia de un campo magnético, los electrones solo pueden ocupar órbitas con estados discretos de energía, llamados niveles de Landau (L.L. Por sus siglas en inglés). Estos niveles vienen dados por la ecuación:

$$E_n = \hbar\omega_c(n + \frac{1}{2}) \tag{1}$$

donde \hbar es la constante de planck normalizada, $n \in \mathbb{Z}$ y $\omega_c = \frac{eB}{mc}$ es la frecuencia del ciclotrón, e es la carga del electrón, B la magnitud del campo magnético. m la masa v c es la velocidad de la luz.

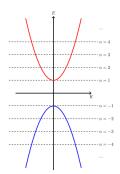


Figura 5: Niveles de Landau en materia convencional



Oscilaciones magnéticas en estructuras basadas en grafeno

José Fernando Tobías Buelvas

UA

Niveles de Landau

Niveles de Landau en el grafeno

En el grafeno, los niveles de Landau se pueden obtener a partir de considerar el hamiltoniano, $\hat{H} = \frac{\dot{\pi}^2}{2m} + V(\vec{r})$ siendo $\pi = \vec{p} - e/c\vec{A}$ y \vec{A} es el potencial vector, de la forma:

$$\hat{H} = \sqrt{\frac{2e\hbar B\nu_f}{c}} \begin{pmatrix} 0 & \hat{a} \\ \hat{a}^{\dagger} & 0 \end{pmatrix} \qquad (2)$$

donde $\hat{a}=\sqrt{c/2e\hbar B}(\pi_x-i\pi_y)$ y $\hat{a}^\dagger=\sqrt{c/2e\hbar B}(\pi_x+i\pi_y)$. Resolviendo la ecuación de Schrödinger se obtiene que los niveles de energía vienen dados por:

$$E_n = \pm \hbar \omega_c \sqrt{n} \tag{3}$$

donde $\omega_c=\sqrt{2}\nu_f/I_B$ es el ciclotrón cuántico y $I_B=\sqrt{\frac{\hbar c}{eB}}$ es la longitud

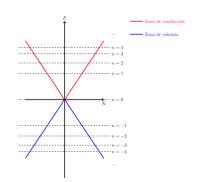


Figura 6: Niveles de Landau en el grafeno





Resumen	Planteamiento	Objetivos	Metodologia	Introducción	Espectro de energia	Oscilaciones	Conclusiones	Referencias	
00	000	000	00	0000000			000		
					00				
					•000000				



Resumen	Planteamiento	Objetivos	Metodologia	Introducción	Espectro de energia	Oscilaciones	Conclusiones	Referencias	
					0				
					000000				



Resumen	Planteamiento	Objetivos	Metodologia	Introducción	Espectro de energia	Oscilaciones	Conclusiones	Referencias	
					0				
					ŏŏ•oooo				



Resumen	Planteamiento	Objetivos	Metodologia	Introducción	Espectro de energia	Oscilaciones	Conclusiones	Referencias	
00	000	000	00	0000000			000		
					00				
					000000				





Resumen	Planteamiento	Objetivos	Metodologia	Introducción	Espectro de energia	Oscilaciones	Conclusiones	Referencias	
					0000•00				





Resumen Planteamiento Objetivos Metodología Introducción Espectro de energía Oscilaciones Conclusiones Referencias

OO OO OO OO OO OOO OOOO OOOOOOOO





- 1 Resumer
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





- 1 Resumen
- 2 Planteamiento
- 3 Objetivos
- 4 Metodología
- 5 Introducción
- 6 Espectro de energía
 - Niveles de Landau
 - Estados de Bloch en grafeno en un campo eléctrico
- 7 Oscilaciones magnéticas
 - Conductividad longitudinal en una capa de grafeno
 - Oscilaciones magnéticas a altas temperaturas
 - Tiempo de relajación del electrón
- 8 Conclusiones





Resumen Planteamiento Objetivos Metodología Introducción Espectro de energía Oscilaciones Conclusiones Referencias

Conclusiones

En el presente trabajo se estudió las oscilaciones magnéticas en una estructura basada en grafeno con un potencial periódico perturbativo. A partir del enfoque teórico planteado, basado en el formalismo del hamiltoniano de transferencia, se encontró una expresión de la conductividad eléctrica longitudinal de una estructura basada en grafeno como función de un campo magnético aplicado y de la temperatura. Se estudió el fenómeno de oscilaciones magnéticas de la conductividad longitudinal para el caso de altas temperaturas.

De manera general se encontraron los siguientes resultados:





- La conductividad longitudinal tiene dos contribuciones: una de Boltzmann y otra de origen cuántico.
- 2 La contribución de Boltzmann determina el carácter monótono decreciente de la conductividad, en tanto la contribución cuántica determina el comportamiento oscilatorio de la conductividad longitudinal a altas temperaturas.
- 3 Con el aumento de la temperatura, en promedio el producto $\tau(\epsilon)\epsilon S/\epsilon_f$ se mantiene constante para un valor de campo dado. Lo anterior conduce a que el efecto oscilatorio no se observe en la contribución de Boltzmann.
- 4 Valores enteros del parámetro de desorden, que corresponden a la variaciones enteras del parámetro de Dingle, dan como resultado que el efecto oscilatorio se mantiene a altas temperaturas en la contribución cuántica.
- Los resultados obtenidos en el presente trabajo pueden explicar de manera cualitativa resutados experimentales de oscilaciones magnéticas a altatemperaturas en estucturas basadas en grafeno [3].





- [1] Antonio Castro Neto, Francisco Guinea y Nuno Miguel Peres. "Drawing conclusions from graphene". En: *Physics World* 19.11 (2006). ISSN: 09538585. DOI: 10.1088/2058-7058/19/11/34.
- [2] Mikhail I. Katsnelson. *Graphene: carbon in two dimensions*. 2007. DOI: 10.1016/S1369-7021(06)71788-6.
- [3] R. Krishna Kumar y col. "High-temperature quantum oscillations caused by recurring Bloch states in graphene superlattices". En: *Science* 357.6347 (2017), págs. 181-184. ISSN: 10959203. DOI: 10.1126/science.aal3357. arXiv: 1705.11170.
- [4] Xi Chen y col. "Dirac edges of fractal magnetic minibands in graphene with hexagonal moiré superlattices". En: Physical Review B Condensed Matter and Materials Physics 89



- (2014). ISSN: 10980121. DOI: 10.1103/PhysRevB.89.075401.
- [5] Shigeji Fujita y Akira Suzuki. "Theory of Shubnikov-De Haas and Quantum Hall Oscillationsin Graphene under Bias and Gate Voltages". En: Global Journal of Science Frontier Research: A Physics and Space Science 14.6 (2014).
- [6] Keita Kishigi y Yasumasa Hasegawa. "Quantum oscillations of magnetization in tight-binding electrons on a honeycomb lattice". En: Physical Review B - Condensed Matter and Materials Physics 90.8 (2014). ISSN: 1550235X. DOI: 10.1103/PhysRevB.90.085427.
- [7] K. S. Novoselov y col. "Room-temperature quantum hall effect in graphene". En: Science 315.5817 (2007). ISSN: 00368075. DOI: 10.1126/science.1137201.



- [8] G. L. Yu y col. "Hierarchy of Hofstadter states and replica quantum Hall ferromagnetism in graphene superlattices". En: Nature Physics 10.7 (2014). ISSN: 17452481. DOI: 10.1038/nphys2979.
- [9] Wei Yang y col. "Hofstadter Butterfly and Many-Body Effects in Epitaxial Graphene Superlattice". En: *Nano Letters* 16.4 (2016). ISSN: 15306992. DOI: 10.1021/acs.nanolett.5b05161.
- [10] Matthew Yankowitz y col. "Emergence of superlattice Dirac points in graphene on hexagonal boron nitride". En: Nature Physics 8.5 (2012). ISSN: 17452473. DOI: 10.1038/nphys2272.
- [11] M. Ben Shalom y col. "Quantum oscillations of the critical current and high-field superconducting proximity in ballistic





graphene". En: *Nature Physics* 12.4 (2016). ISSN: 17452481. DOI: 10.1038/nphys3592.

[12] A. K. Geim e I. V. Grigorieva. "Van der Waals heterostructures". En: *Nature* 499 (7459 2013), págs. 419-425. ISSN: 00280836. DOI: 10.1038/nature12385.





GRACIAS POR SU ATENCIÓN

"Lo que sabemos es una gota, lo que desconocemos es un oceano". 1





¹Sir Isaac Newton (1643-1727)