EST-297 Métodos de Clustering basados en Densidad

Juan Zamora O.

Junio, 2024.







Estructura de la Presentación

- 1 Revisitando técnicas basadas en representantes
- 2 DBSCAN Clustering
- 3 OPTICS Clustering
- 4 HDBSCAN Clustering

Revisitando técnicas basadas en representantes

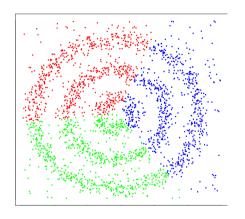
Supuesto bastante usado

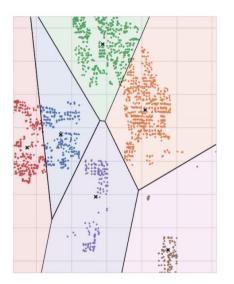
- Grupos/Clusters generados a partir de una distribución o mezcla de distribuciones simétricas (e.g. Normal)
- Expectation Maximization, K-Means y extensiones por mencionar algunos

Enfoque basado en densidad no supone forma específica.

• Útil por ejemplo en datos geo-espaciales.





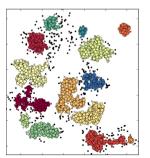




- Minimización de la distancia al cuadrado entre los puntos y sus respectivos centroides produce a un particionamiento tipo polígono de Voronoi. Esto no solo ocurren en 2D
- **Urge** contar con mecanismos de descubrimiento de grupos
 - con forma arbitraria.
 - identificando ruido
 - que no requieran de k

Clustering basado en densidad

- *Grupos basados en densidad* se definen como areas densas y conectadas, *separadas* entre sí por áreas de menor densidad.
- El ruído se define como áreas con densidad menor que la de los clusters
- Noción de Localidad asociada a la definición de cluster
 - Posibilita encontrar regiones densas con forma arbitraria





- Puede ser considerado como un método no paramétrico
 - No hace supuestos respecto del número de grupos o su distribución

Un algoritmo de clustering basado en densidad debe responder algunas preguntas:

- ¿Como se estima la densidad?
- ¿Como se define la conectividad?

DBSCAN Clustering

- Diseñado para descubrir clusters y ruído en los datos.
- Agrupa las observaciones mediante basándose en un umbral para el radio de búsqueda de vecinos y el número minimo de vecinos requeridos para identificar puntos clave.
 - Puntos clave \sim *core-points*
- Cada cluster debe tener al menos un core-point
- *core-points* son aquellos con vecindarios (ϵ -vec.) densos
- Un core-point es aquel cuyo vecindario contiene al menos MinPts puntos
 - Es decir, punto cuya densidad excede un determinado umbral.
- Ruído: Aquellos puntos que no pertenecen a ningún cluster



• Cuenta la cantidad de puntos en vecindarios de radio fijo (ϵ)

$$N_{\epsilon}(p) = \{q \in \mathbf{D} | dist(p,q) \leq \epsilon\}$$

- Considera dos puntos conectados cuando son vecinos recíprocos
- Un punto q es alcanzable de manera directa (directly-density-reachable) por un core-point p si se encuentra en su vecindario,

$$|N_{\epsilon}(p)| \geq MinPts \, y \, q \in N_{\epsilon}(p)$$

 Alcance (density-reachable(R)) queda dado por la clausura transitiva de la relación directly-density-reachable(DR)

$$q \mathsf{R} p \exists p_1, \dots, p_m \ \mathsf{con} \ p_1 = p \ y \ p_m = q \ t.q. \ p_{i+1} \mathsf{DR} p_i$$

- Dos puntos p y q están conectados por densidad (density-connected) si existe otro r a partir del cual ambos son density-reachable
- Un cluster es entonces un conjunto de puntos conectados por densidad (density-connected(C))
 - maximal respecto de density-reachability

$$q\mathsf{C}p, \exists r \ t.q. \ r\mathsf{R}p \ \land r\mathsf{R}q$$

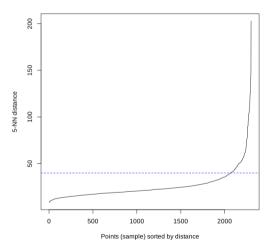
 Ruido se define como aquel conjunto de puntos que no pertenecen a ningún cluster



Parámetros del método

- Número mínimo de puntos (MinPts): Menor número requerido para formar un cluster
 - Fijado a un valor mayor que el número de dimensiones de los datos
- ϵ (eps): Distancia máxima a la que pueden estar dos puntos para seguir formando parte del mismo cluster.
 - Estimado mediante un gráfico de distancia a los k-vecinos
 - Se calcula la distancia de cada punto a su k-ésimo vecino más cercano
 - Se ordenan estos valores (menor a mayor) y grafican
 - Buscar la "rodilla" en la curva (valor sobre el que las distancias empiezan a desviarse hacia los valores atípicos)





IES FUCY IS

Conclusiones

- Complejidad O(nlog n)
- Incorpora ídentificación de ruído
- Densidad puede variar entre clusters ... problema!
- Problemas en alta dimensionalidad
- Algunas extensiones son OPTICS y HDBSCAN

OPTICS Clustering

- Dificil caracterizar estructura intrinseca de grupos mediante parámetros globales de densidad
- Pueden existir grupos de diversa densidad en distintas regiones del espacio
- Idea base: Grupos de mayor densidad están contenidos en grupos con menor densidad
- Se construyen simultaneamente grupos con diferentes densidades para un valor fijo de MinPts

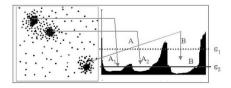


Conceptos relevantes

OPTICS introduce dos conceptos:

- ① Core-distance: Valor ϵ más pequeño para un punto p que lo convierte en core-point.
- 2) reachability-distance: Distancia más pequeña entre un par de puntos p y q que los hace directamente alcanzables

Además usa un gráfico (*reachability plot*) que muestra la densidad y conectividad de los puntos. **Útil** para distinguir clusters





HDBSCAN Clustering

- Objetivo: Convertir DBSCAN en un método jerárquico
- Explora todas las posibles escalas de densidad
- ullet Puede ser visto como DBSCAN clustering a lo largo de todos los valores de ϵ
 - Equivale a encontrar los componentes conectados del grafo de "mutual reachability" para todos los valores de ϵ
- Parametros: min_cluster_size, min_samples