Divisores de Tensão Julio C B Gardona 25 de março de 2025

Conteúdo

| 1 | Introdução | 3 |
|---|---|----------|
| 2 | Conceito Básico 2.1 Como Calcular um Divisor de Tensão? | 3 |
| 3 | Exemplo Prático | 4 |
| 4 | Divisor de Tensão com 2 Resistores | 4 |
| 5 | Divisor de Tensão com 3 Resistores | 4 |
| 6 | Exercícios | 5 |
| | 6.1 Exercício 1 | 5 |
| | 6.2 Exercício 2 | 6 |

Resumo

Este texto tem por objetivo ser uma abordagem simples ao estudo de divisores de tensão. Contém exemplos de casos dos uso mais comuns, como divisores com 2 e 3 resistores, além de alguns exercícios.

1 Introdução

A teoria do divisor de tensão é um conceito fundamental na eletrônica que descreve como a tensão é distribuída entre resistores conectados em série em um circuito. Em termos simples, um divisor de tensão permite obter uma tensão de saída menor a partir de uma tensão de entrada maior, usando apenas resistores.

2 Conceito Básico

Quando dois ou mais resistores são conectados em série em um circuito, a corrente que passa por eles é a mesma. No entanto, a tensão é dividida entre os resistores, de forma que a soma das tensões em cada resistor seja igual à tensão total aplicada ao circuito.

2.1 Como Calcular um Divisor de Tensão?

Pela lei de Ohm podemos definir a equação do divisor de tensão:

• A resistência equivalente T_t é:

$$R_t = \sum_{x=1}^n R_x$$

• A tensão V_x é:

$$V_x = I_x \cdot R_x$$

• A corrente total no circuito é:

$$I_t = I_x = \frac{V_t}{R_t}$$

• Manipulando a primeira equação, chegamos no divisor de tensão abaixo:

$$V_x = \frac{V_t \cdot R_x}{R_t}$$

 \bullet Para calcular a tensão V_x em cima do resistor R_x com n resistores:

$$V_x = V_t \cdot \left(\frac{R_x}{R_t}\right)$$

3 Exemplo Prático

Imagine um circuito com uma fonte de tensão de $V_t=12\,\rm V$ e dois resistores $R_1=1\,\rm k\Omega$ e $R_2=2\,\rm k\Omega$. Calcule V_1 e V_2 :

$$R_t = R_1 + R_2 = 1000 + 2000 = 3 \,\mathrm{k}\Omega$$

$$V_1 = V_t \cdot \frac{R_1}{R_t} = 12 \cdot \frac{1000}{3000} = 4 \,\mathrm{V}$$

$$V_2 = V_t \cdot \frac{R_2}{R_t} = 12 \cdot \frac{2000}{3000} = 8 \,\mathrm{V}$$
(1)

4 Divisor de Tensão com 2 Resistores

Considere projetar um circuito com 2 resistores em série, onde a corrente seja de $I_t=0.02\,\mathrm{A}$, a tensão $V_t=3.3\,\mathrm{V}$, e $V_2=1.5\,\mathrm{V}$.

• Podemos começar por R_2 , pois possuímos V_2 :

$$R_2 = \frac{V_2}{I_t} = \frac{1.5}{0.02} = 75\,\Omega$$

• Para calcular V_1 , podemos usar a LKT, ou Lei de Kirchhoff das Tensões:

$$V_t - V_1 - V_2 = 3.3 - V_1 - 1.5 = 1.8 \,\mathrm{V}$$

• Para R_1 , usaremos a Lei de Ohm:

$$R_1 = \frac{V_t}{I_t} = \frac{1.8}{0.02} = 90\,\Omega$$

5 Divisor de Tensão com 3 Resistores

Considere projetar um circuito divisor de tensão, com três resistores, sendo o terceiro em paralelo com a saída de tensão. A corrente total do circuito $I_t=0.06\,\mathrm{A}$, a tensão $V_t=3.3\,\mathrm{V}$. A carga a ser acoplada representa um LED vermelho, que tem uma tensão direta $V_l=2\,\mathrm{V}$, e uma corrente de operação $I_l=0.03\,\mathrm{A}$.

• Começaremos por R_l , pois temos sua corrente e tensão:

$$R_l = \frac{V_l}{I_l} = \frac{2}{0.03} = 66.666 \,\Omega$$

• Para R_2 :

$$R_2 = \frac{V_l}{I_t} = \frac{2}{0.06} = 33.333 \,\Omega$$

$$R_{2l} = R_2 \parallel R_l = \frac{R_2 \cdot R_l}{R_2 + R_l} = \frac{33.333 \cdot 66.666}{33.333 + 66.666} = 22.222 \,\Omega$$
(2)

• Iremos calcular R_1 . É necessário derivar a equação do divisor de tensão para encontrar seu valor:

$$V_o = V_t \cdot \frac{R_1}{R_{2l}} = \left\{ 2 = 3.3 \cdot \frac{R_1}{22.222} \right\}$$

$$R_1 = \frac{R_{2l} \cdot V_o}{V_t} = \frac{22.222 \cdot 2}{3.3} = 13.467 \,\Omega$$
(3)

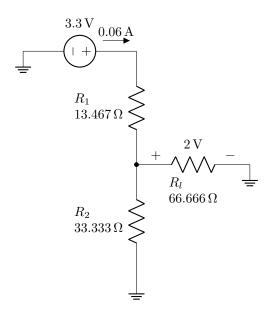


Figura 1: Resolução

6 Exercícios

6.1 Exercício 1

Para a configuração na figura 2, responda:

Por inspeção visual, qual resistor receberá a maior porção da tensão aplicada?

O resistor R_3 .

- Quão maior será a tensão V_3 , em comparação com V_2 e V_1 ? V_3 será 100x maior que V_1 , e 10x maior que V_2 . $V_3=10\cdot V_2$ e $V_3=100\cdot V_1$.
- Descubra a tensão do maior resistor usando a regra dos divisores de tensão.

$$V_2 = V_t \cdot \frac{R_3}{R_t} = 30 \,\text{V} \cdot \frac{20000}{22200} \approx 27.027 \,\text{V}$$

• Descubra a tensão através de uma combinação em série dos resistores R_2 e R_3 .

$$V' = V_t \cdot \frac{R_2 + R_3}{R_t} = 30 \cdot \frac{20000 + 2000}{22200} \approx 29.729 \,\text{V}$$

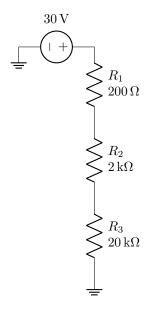


Figura 2: Circuito Exemplo

6.2 Exercício 2

 Projete um divisor de tensão que permitirá o uso de uma lâmpada de 9 V e 60 mA, onde o sistema elétrico é alimentado por uma fonte de 12 V.

$$R_1 = \frac{V_t - V_l}{I_l} = \frac{12 - 9}{0.06} \approx 50 \,\Omega$$

 $P_1 = V_1 \cdot I_t = 180 \,\text{mW}$ (4)

• Qual é a especificação de potência mínima do resistor calculado se estão disponíveis resistores de $\frac{1}{8}W$, $\frac{1}{4}W$ e $\frac{1}{2}W$?

Como a potência dissipada por R_1 é de 180 mW, podemos utilizar um resistor de 250 mW.

 \bullet Descubra a tensão através de cada resistor na figura 3, se $R_1=2R_2$ e $R_2=7R_3.$

$$V_{x} = V_{t} \cdot \frac{R_{x}}{R_{t}}$$

$$R_{t} = R_{1} + R_{2} + R_{3} = 2R_{2} + 7R_{3} + R_{3}$$

$$R_{t} = 2 \cdot 7 \cdot R_{3} + 7R_{3} + R_{3} = 14R_{3} + 8R_{3} = 22R_{3}$$

$$V_{3} = V_{t} \cdot \frac{R_{3}}{R_{t}} = V_{t} \cdot \frac{R_{3}}{22R_{3}} = \frac{V_{t}}{22} = \frac{40}{22} = 1.818 \text{ V}$$

$$V_{2} = 7 \cdot V_{3} = 7 \cdot 1.818 = 12.727 \text{ V}$$

$$V_{1} = 2 \cdot V_{2} = 2 \cdot 12.727 = 25.454 \text{ V}$$

$$(5)$$

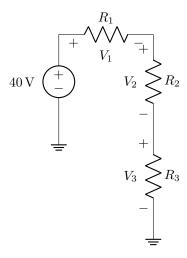


Figura 3: Circuito exemplo

6.3 Exercício 3

Projete um circuito divisor de tensão que permitirá uma tensão de $5\,\mathrm{V}$ no resistor R_2 no circuito da figura 4. Qual a especificação de potência mínima para os resistores calculados se estão disponíveis resistores de $125\,\mathrm{mW},\ 250\,\mathrm{mW}$ e $500\,\mathrm{mW}$?

$$R_{2} = \frac{V_{2}}{I_{t}} = \frac{5}{0.04} = 125 \Omega$$

$$V_{1} = V_{t} - V_{2} = 12 - 5 = 7 V$$

$$R_{1} = \frac{V_{1}}{I_{t}} = \frac{7}{0.04} = 175 \Omega$$
(6)

A especificação de potência mínima para R_1 é de $500\,\mathrm{mW}$ e para o resistor R_2 é de $250\,\mathrm{mW}.$

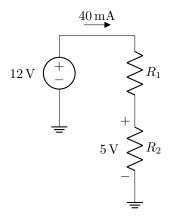


Figura 4: Circuito exemplo

Índice

 $\begin{array}{c} \text{Como calcular um divisor de} \\ \text{tens\~ao?, 3} \\ \text{Conceito B\'asico, 3} \end{array}$

Divisor com 2 resistores, 4 Divisor com 3 resistores, 4 Exemplo Prático, 4 Exercícios, 5

Introdução, 3