



UNIVERSIDAD MARIANO GÁLVEZ DE GUATEMALA

Ingeniería en Sistemas de Información y Ciencias de la Computación

Curso:
ÁLGEBRA LINEAL

Segundo Semestre

Proyecto Final

(Cifrado Hill)

Estudiante:

JUNIOR EDUARDO GARNIGA ROJAS

Carné: **7690-23-14892**

Catedrático:

HELEN YESSSENIA ESCOBAR RAMOS

Fecha de Entrega:

Miércoles, 12 de noviembre de 2025

Proyecto Álgebra Lineal

[GitHub Repository - jgarnigar](#)

Descripción

- Los datos fueron encriptados multiplicando una matriz 6×6 por una matriz 6×1 . El resultado es una matriz 6×1 con los datos encriptados. Estos datos nuevos ocultan una imagen. La nueva matriz 6×1 nos da los valores (x, y) .
- Para desencriptar estos datos, obtendremos la matriz inversa de la matriz 6×6 y multiplicaremos por la 6×1 con los datos encriptados.
- Finalmente usaremos **Matplotlib** con el fin de visualizar los datos desencriptados.

Índice

- 1 Descripción
- 2 Instalación y requisitos
- 3 Objetivo
- 3 Estructura
- 3 Operaciones matemáticas
- 4 Métodos de Numpy
- 4 Datos
- 4 Ecuaciones
 - 5 Primera ecuación
 - 5 Segunda ecuación
 - 6 Tercera ecuación
 - 7 Cuarta ecuación
 - 7 Resultado de las ecuaciones
- 8 Clases
 - 8 Librerías
 - 8 Cifrado()
 - 8 Crear Array()

9	Ecuacion()
9	Desempaquetar_Array()
10	Rotacion()
11	Traslacion()
11	GuardarDatos()
12	App()
12	Graficar()
13	Instancias
13	Comprobación de datos
13	Matriz inversa
13	Desencriptar datos
14	Rotación
15	Traslación
18	Desencriptar Archivo
18	Gráficas - Datos Resueltos!
19	Gráfico desencriptado
19	Gráfico Matriz Rotación
20	Gráfico Matriz Rotación y Traslado
21	Guardar Datos
21	Conclusiones
21	Autor
22	Anexo A: Estructura del Proyecto
23	Anexo B: Tecnologías Empleadas
23	Anexo C: Fundamentos Teóricos

Instalación y requisitos

Utilizaremos **Python** 3.10 o superior, **Numpy** y **Matplotlib**. Para asegurarnos que todo funcione, por favor cree un entorno virtual.

Instalar Python 3.10 o superior

[Descargar Python](#)

Clone el repositorio:

```
1 git clone https://github.com/jgarnigar/Proyecto-Algebra-Lineal.git
```

Crear el entorno virtual

```
1 python -m venv venv
2 source venv/bin/activate      # Para Linux/Mac
3 venv\Scripts\activate         # Para Windows
```

Instale los requerimientos

```
1 pip install -r requirements.txt
```

Ejecución del programa

Una vez tengamos el repositorio clonado y todos los requisitos instalados, ejecute este código desde la carpeta principal:

```
1 python main.py
```

Nota: asegúrese de ejecutar este comando desde la carpeta raíz del proyecto.

Objetivo

- El objetivo es crear un algoritmo a través de **Python** y **Numpy** para poder descryptar estos datos de forma automatizada y por último mostrar estos datos con **Matplotlib**.
-

Estructura

Proyecto Álgebra Lineal

datos/	→ Datos encriptados y descryptados
funciones/	→ Funciones lógicas
main.py	→ Archivo principal de ejecución
requirements.txt	
README.md	

Operaciones matemáticas

Estos son los temas utilizados para resolver el proyecto.

- Multiplicación de matrices.
 - Matrices inversas.
 - Determinantes.
 - Sistema de ecuaciones.
 - Producto escalar.
 - Producto vectorial.
-

Métodos de Numpy.

Explicaremos brevemente los métodos utilizados en **Numpy** para poder trabajar con nuestras clases.

- **np.linalg.inv()** \Rightarrow Inversa de una matriz.
- **matriz_a @ matriz_b** \Rightarrow Multiplicación de matrices.
- **np.array()** \Rightarrow Creación de arrays.
- **np.linalg.solve(primer_termino, segundo_termino)** \Rightarrow Resolución de sistema de ecuaciones.
- **np.ravel()** \Rightarrow Convierte un array multidimensional en uno unidimensional.
- **np.deg2rad()** \Rightarrow Convierte un ángulo en grados a radianes.
- **np.cos()** \Rightarrow Función Coseno.
- **np.sin()** \Rightarrow Función Seno.
- **np.reshape()** \Rightarrow Función para transformar la dimensión de arrays. Ejemplo, pasar de 1×6 a 6×1 .
 - Si el array es un 1×6 , usamos **np.reshape(-1, 1)**: -1 significa que toma el máximo valor que en este caso es 6 que serán las filas, y 1, que será el número total de columnas. Ahora el array es de 6×1 .

Datos

Todos los datos fueron almacenados dentro de la carpeta datos.

Proyecto-algebra-linea

```
datos > datos encriptados.txt
valores desencryptados.txt
valores rotados.txt
valores trasladados.txt
```

Ecuaciones

Antes de empezar a descriptar los datos, tenemos que tener todos los datos de nuestra matriz 6×6 la cual usaremos para resolver el proyecto.

Tenemos la siguiente matriz la cual tiene incógnitas que hay que encontrar:

$$A = \begin{pmatrix} a & 3 & b & 5 & c & 8 \\ 6 & d & 0 & e & 7 & f \\ g & 8 & h & 1 & i & 7 \\ 11 & j & 8 & k & 12 & m \\ n & -1 & p & -5 & r & 3 \\ 4 & t & 2 & w & 9 & z \end{pmatrix}$$

Primera Ecuación

Resolvemos nuestra ecuación de 10×10

$$\begin{aligned}6a + 7b - c - 12d + 14e + 5f - 12g - 3h + 9i - 5j &= 48 \\2a - 15b + 8c + 6d - 7e + 9f - 9g + 5h - 8i - 6j &= 64 \\-25a + 10b - 9d - 12e + 14f - 6g + 8h - 13i + 4j &= -132 \\6a - 3b + 5c - 16d + e + 9f - 7g + 3h - 4i + 5j &= -75 \\8a - 9b + 6c - d - e - 5f + 7g + 3i + 2j &= -16 \\-5a + 6b + 9c - 2d + 10e - 14f + 3g + 5h - 12i + 6j &= -408 \\-4a + 5b + 8c - 2d + 9e - 8f + 4g + h - 2j &= -203 \\a + b + 2c - 3d + 4e - f - 4g - 7h + 2i - 4j &= 59 \\10a + 5b - 9c + 6d + e + f + 7g - 8h + 3i + 11j &= 126 \\-2a + 4b + 3c + 5d - 10e - f + 3g - h - 7i + j &= 2\end{aligned}$$

Código para resolver:

```
1 # Pasamos todos los datos del primer término a un array.
2 primer_termino = np.array([
3     [6, 7, -1, -12, 14, 5, -12, -3, 9, -5],
4     [2, -15, 8, 6, -7, 9, -9, 5, -8, -6],
5     [-25, 10, 0, -9, -12, 14, -6, 8, -13, 4],
6     [6, -3, 5, -16, 1, 9, -7, 3, -4, 5],
7     [8, -9, 6, -1, -1, -5, 7, 0, 3, 2],
8     [-5, 6, 9, -2, 10, -14, 3, 5, -12, 6],
9     [-4, 5, 8, -2, 9, -8, 4, 1, 0, -2],
10    [1, 1, 2, -3, 4, -1, -4, -7, 2, -4],
11    [10, 5, -9, 6, 1, 1, 7, -8, 3, 11],
12    [-2, 4, 3, 5, -10, -1, 3, -1, -7, 1]
13], dtype=int)
14
15 # Ahora pasamos los datos del segundo término a otro array.
16 segundo_termino = np.array([48, 64, -132, -75, -16, -408, -203, 59, 126, 2],
17                             dtype=int)
18
19 # Tenemos una clase Ecuacion() la cual hace uso de np.linalg.solve para resolver
20 # el sistema.
21 ecuacion = Ecuacion()
22
23 matriz = ecuacion.resolver(primer_termino, segundo_termino)
24
25 # la matriz da los resultados tales que.
26 # -----(2,2,3,5,9,4,7,10,11,0)
```

Nota: La clase Ecuacion() se verá más adelante.

Incógnitas adicionales: Para las incógnitas k, m, n, p, r, t, w, z debe resolver las siguientes operaciones entre vectores:

Segunda Ecuación

Se tienen los vectores $\vec{U} = (3, 6, 7)$ y $\vec{V} = (k, m, n)$. El resultado de operar $2\vec{U} \times 3\vec{V}$ es igual a $612\hat{i} + 156\hat{j} - 396\hat{k}$ y el producto $\vec{U} \cdot \vec{V} = 58$.

$$2\vec{U} \times 3\vec{V} = (612, 156, -396)$$

Dividiendo por 6:

$$\frac{2\vec{U} \times 3\vec{V}}{6} = (102, 26, -66)$$

Sistema de ecuaciones del producto cruz:

$$6n - 7m = 102$$

$$7k - 3n = 26$$

$$3m - 6k = -66$$

Despejando k y m en términos de n :

$$m = \frac{6n - 102}{7} \quad \text{y} \quad k = \frac{3n + 26}{7}$$

Usando el producto escalar $\vec{U} \cdot \vec{V} = 58$:

$$3k + 6m + 7n = 58$$

Sustituyendo k y m :

$$3\left(\frac{3n + 26}{7}\right) + 6\left(\frac{6n - 102}{7}\right) + 7n = 58$$

Multiplicando por 7:

$$3(3n + 26) + 6(6n - 102) + 49n = 406$$

$$9n + 78 + 36n - 612 + 49n = 406$$

$$94n = 406 - 78 + 612 \Rightarrow 94n = 940 \Rightarrow n = 10$$

Con $n = 10$:

$$m = \frac{6(10) - 102}{7} = \frac{60 - 102}{7} = \frac{-42}{7} \Rightarrow m = -6$$

$$k = \frac{3(10) + 26}{7} = \frac{30 + 26}{7} = \frac{56}{7} \Rightarrow k = 8$$

Resultado:

$$k = 8, \quad m = -6, \quad n = 10$$

Tercera Ecuación

Se tienen los vectores $\vec{U} = (6, p, r)$ y $\vec{V} = (t, 8, 9)$. El resultado de operar $3\vec{U} - 10\vec{V}$ es igual a $-42\hat{i} - 68\hat{j} - 126\hat{k}$.

$$3\vec{U} - 10\vec{V} = (3(6) - 10t, 3p - 10(8), 3r - 10(9)) = (-42, -68, -126)$$

Componente i (t):

$$18 - 10t = -42 \Rightarrow -10t = -60 \Rightarrow t = 6$$

Componente j (p):

$$3p - 80 = -68 \Rightarrow 3p = 12 \Rightarrow p = 4$$

Componente k (r):

$$3r - 90 = -126 \Rightarrow 3r = -36 \Rightarrow r = -12$$

Resultado:

$$t = 6, \quad p = 4, \quad r = -12$$

Cuarta Ecuación

Se tienen los vectores:

$$\vec{U} = \left(\frac{-1}{2}, \frac{\sqrt{38}}{2}, \frac{5}{2} \right) \quad \text{y} \quad \vec{V} = (11, \sqrt{342}, -21)$$

La magnitud de $|\vec{U}|$ es igual a $-w$. Además, el producto escalar $\vec{U} \cdot \vec{V}$ es igual a z . **Cálculo de w (magnitud):**

$$|\vec{U}| = \sqrt{\left(\frac{-1}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{38}}{2}\right)^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{38}{4} + \frac{25}{4}} = \sqrt{\frac{64}{4}} = \sqrt{16} = 4$$

Dado que $|\vec{U}| = -w$:

$$4 = -w \Rightarrow w = -4$$

Cálculo de z (producto escalar):

$$\vec{U} \cdot \vec{V} = z$$

Notemos que $\sqrt{342} = \sqrt{9 \times 38} = 3\sqrt{38}$.

$$\begin{aligned} z &= \left(\frac{-1}{2}\right)(11) + \left(\frac{\sqrt{38}}{2}\right)(3\sqrt{38}) + \left(\frac{5}{2}\right)(-21) \\ z &= \frac{-11}{2} + \frac{3(\sqrt{38})^2}{2} + \frac{-105}{2} = \frac{-11}{2} + \frac{3(38)}{2} + \frac{-105}{2} \\ z &= \frac{-11 + 114 - 105}{2} = \frac{-2}{2} = -1 \end{aligned}$$

Resultado:

$$w = -4, \quad z = -1$$

Resultado de las ecuaciones.

Variables Encontradas:

$$a = 2, \quad b = -2, \quad c = -3, \quad d = 5, \quad e = -9, \quad f = 4, \quad g = -7, \quad h = -10, \quad i = 11, \quad j = 0, \quad k = 8$$

$$m = -6, \quad n = 10, \quad w = -4, \quad z = -1, \quad p = 4, \quad t = 6, \quad r = -12$$

Matriz para codificar los vectores:

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & -2 & 5 & -3 & 8 \\ 6 & 5 & 0 & -9 & 7 & 4 \\ -7 & 8 & -10 & 1 & 11 & 7 \\ 11 & 0 & 8 & 8 & 12 & -6 \\ 10 & -1 & 4 & -5 & -12 & 3 \\ 4 & 6 & 2 & -4 & 9 & -1 \end{pmatrix}$$

Clases

Ahora que ya resolvimos nuestras ecuaciones y obtuvimos nuestra matriz completa, ya podemos comenzar a programar para poder descryptar nuestros datos.

Librerías

Primero importamos las librerías que usaremos a lo largo de nuestro proyecto.

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
```

Cifrado()

*Creamos nuestra clase **Cifrado** la cual cifra, descifra datos y podemos obtener una matriz inversa para depurar.*

Funcionamiento de la clase Cifrado()

- La función **inversa()** devuelve la inversa de la matriz ingresada (usando `np.linalg.inv()`).
- La función **cifrar()** obtiene 2 matrices y las multiplica (usando `@`) devolviendo la matriz cifrada.
- La función **descifrar()** calcula la inversa de la matriz de codificación y la multiplica por la matriz cifrada para devolver la matriz descifrada.

```
1 class Cifrado():
2
3     def inversa(self, matriz_codificar):
4         self.matriz_codificar = matriz_codificar
5         matriz_inversa = np.linalg.inv(self.matriz_codificar)
6         return matriz_inversa
7
8     def cifrar(self, matriz, matriz_codificar):
9         self.matriz = matriz
10        self.matriz_codificar = matriz_codificar
11        matriz_cifrada = self.matriz_codificar @ self.matriz
12        return matriz_cifrada
13
14    def descifrar(self, matriz_codificacion, matriz_resolver):
15        self.matriz_codificacion = matriz_codificacion
16        self.matriz_resolver = matriz_resolver
17        matriz_inversa = np.linalg.inv(self.matriz_codificacion)
18        matriz_descifrada = matriz_inversa @ self.matriz_resolver
19        return matriz_descifrada
```

Crear__Array()

*La clase **crear_array()** fue creada con el objetivo de obtener un arreglo con valores alternados de (x, y) en un formato $(x_1, y_1, x_2, y_2 \dots)$ y los separará en dos arreglos independientes con las coordenadas (x) y (y) .*

Funcionamiento de la clase Crear_Array()

- **Método valores_x():** Recorre el arreglo original y toma los valores impares (índice 1, 3, 5...).
- **Método valores_y():** Recorre el arreglo original y toma los valores pares (índice 2, 4, 6...).

```
1 class crear_array():
2
3     def valores_x(self, array):
4         self.array = array
5         puntos_x = []
6         contador = 1
7         for x in self.array:
8             if contador % 2 != 0:
9                 puntos_x.append(x)
10                contador += 1
11        return puntos_x
12
13     def valores_y(self, array):
14         self.array = array
15         puntos_y = []
16         contador = 1
17         for y in self.array:
18             if contador % 2 == 0:
19                 puntos_y.append(y)
20                contador +=1
21        return puntos_y
```

Ecuacion()

*Creamos una clase llamada **Ecuacion** con la finalidad de resolver la ecuación 10×10 brindada en las instrucciones del proyecto.*

Funcionamiento de la clase Ecuacion()

- Recibe el primer y segundo término separados.
- Usa `np.linalg.solve()` para encontrar los valores de las incógnitas.

```
1 class Ecuacion():
2     def resolver(self, primer_termino, segundo_termino):
3         self.primer_termino = np.array(primer_termino)
4         self.segundo_termino = np.array(segundo_termino)
5         solucion = np.linalg.solve(self.primer_termino, self.segundo_termino)
6         return solucion
```

Desempaquetar_Array()

Esta clase transforma los arreglos de coordenadas anidados en listas unidimensionales.

```
1 class Desempaquetar_Array():
2     def desempaquetar(self, valores_x, valores_y):
3         self.valores_x = valores_x
4         self.valores_y = valores_y
5         new_values_x = []
```

```

6         new_values_y = []
7
8         for nueva_lista in self.valores_x:
9             for x in np.ravel(nueva_lista):
10                 new_values_x.append(x)
11
12         for nueva_lista in self.valores_y:
13             for y in np.ravel(nueva_lista):
14                 new_values_y.append(y)
15
16         return new_values_x, new_values_y

```

Rotacion()

La clase *Rotacion* aplica una transformación geométrica de rotación a un conjunto de puntos en el plano cartesiano.

Matriz de Rotación

La matriz de rotación en 2D está definida como:

$$R(\theta) = \begin{pmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{pmatrix}$$

Y la transformación de un punto (x, y) se obtiene mediante:

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = R(\theta) \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

Funcionamiento de la clase Rotacion()

```

1 class Rotacion():
2     def rotar_matriz(self, valores_x, valores_y):
3         self.valores_x = valores_x
4         self.valores_y = valores_y
5         angulo = 135
6         angulo_rad = np.deg2rad(angulo)
7
8         rotacion_x = []
9         rotacion_y = []
10
11         matriz_rotacion = np.array([
12             [np.cos(angulo_rad), -np.sin(angulo_rad)],
13             [np.sin(angulo_rad), np.cos(angulo_rad)]
14         ])
15
16         for x, y in zip(self.valores_x, self.valores_y):
17             new_array = np.array([x, y]).reshape(2,1)
18             array_rotado = matriz_rotacion @ new_array
19             rotacion_x.append(array_rotado[0,0])
20             rotacion_y.append(array_rotado[1,0])
21
22         return rotacion_x, rotacion_y

```

Traslacion()

La clase *Traslacion* aplica una transformación geométrica de traslación a un conjunto de puntos en el plano cartesiano.

Matriz de Traslación (Coordenadas Homogéneas)

$$T(a,b) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & a \\ 0 & 1 & b \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{pmatrix} = T(a,b) \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

Funcionamiento de la clase Traslacion()

```
1 class Traslacion():
2     def trasladar_matriz(self, x, y, a, b):
3         self.x = x
4         self.y = y
5         # a = movimiento en x
6         self.a = a
7         # b = movimiento en y
8         self.b = b
9
10        valores_x = []
11        valores_y = []
12
13        matriz_traslacion = np.array([
14            [1, 0, self.a],
15            [0, 1, self.b],
16            [0, 0, 1]
17        ])
18
19        for punto_x, punto_y in zip(self.x, self.y):
20            punto = np.array([punto_x, punto_y, 1]).reshape(3,1)
21            resultado = matriz_traslacion @ punto
22            valores_x.append(resultado[0,0])
23            valores_y.append(resultado[1,0])
24
25        return valores_x, valores_y
```

GuardarDatos()

Esta clase permite almacenar las coordenadas generadas en un archivo de texto externo en formato de pares ordenados.

Funcionamiento de la clase GuardarDatos()

```
1 class GuardarDatos():
2     def save(self, valores_x, valores_y, nombre_archivo):
3         self.valores_x = valores_x
4         self.valores_y = valores_y
5         self.nombre_archivo = nombre_archivo
6
7         with open(self.nombre_archivo, "w") as f:
8             for x, y in zip(valores_x, valores_y):
9                 f.write(f"({x}, {y})\n")
```

App()

La clase **App** se encarga de abrir un archivo de datos, convertirlos en una matriz columna y aplicar el método de cifrado o descifrado.

Funcionamiento de la clase App()

```
1 class App():
2     def abrir_document(self, matriz, archivo, condicional):
3         self.archivo = archivo
4         self.matriz = matriz
5         self.condicional = condicional
6
7         array = []
8         array_valores_x = []
9         array_valores_y = []
10        resultado = []
11        matriz_original = np.array(self.matriz)
12
13        with open(self.archivo, "r") as f:
14            for line in f:
15                valores_Array = [float(x) for x in line.strip().split()]
16                array = np.array(valores_Array).reshape(-1, 1)
17
18                cir = Cifrado()
19                create = crear_array()
20
21                if self.condicional == "cifrar":
22                    resultado = cir.cifrar(array, matriz_original)
23                elif self.condicional == "descifrar":
24                    resultado = cir.descifrar(matriz_original, array)
25
26                valores_x = create.valores_x(resultado)
27                valores_y = create.valores_y(resultado)
28
29                array_valores_x.append(valores_x)
30                array_valores_y.append(valores_y)
31
32        return array_valores_x, array_valores_y
```

Graficar()

Esta clase nos permite graficar todos los puntos (x,y) con los datos Desencriptados, Rotados y Traslados.

Funcionamiento de la clase Graficar()

```
1 class Graficar():
2     def graficadora(self, x, y):
3         self.x = x
4         self.y = y
5
6         plt.scatter(self.x, self.y, color='blue', marker='o', label='Puntos (x,
7         y)')
8         # Personalizar el gráfico
9         plt.title("Gráfico de puntos")
10        plt.xlabel("Eje X")
11        plt.ylabel("Eje Y")
```

```

11     plt.legend()
12     plt.grid(True)
13
14     # Mostrar el gráfico
15     plt.show()

```

Instancias

Inicializamos nuestras instancias de clases:

```

1     aplicacion = App()
2     rotar = Rotacion()
3     desempaquetador = Desempaquetar_Array()
4     graficar = Graficar()
5     traslacion = Traslacion()
6     guardar_datos = GuardarDatos()
7     cir = Cifrado()
8     create = crear_array()

```

Comprobación de Datos

Matriz Inversa

Buscamos comprobar que la clase `Cifrado` con el método `inversa` funciona para poder obtener la inversa de nuestra matriz.

Input:

```

1 inversa = cir.inversa(matriz_codificacion)
2 print(f"La matriz inversa es: \n{inversa}")

```

Output:

```

1 La matriz inversa es:
2 [[-0.13562749 -0.03955583  0.16534674  0.097423    0.19435366 -0.08729311]
3  [ 0.02119736 -0.18428661  0.04575739 -0.04399749  0.08185104  0.26227216]
4  [ 0.28413995  0.12090928 -0.33697884 -0.11187932 -0.30448355  0.15573015]
5  [ 0.03036874 -0.074251    0.03071444  0.03456945  0.01842657  0.00880997]
6  [ 0.01988791  0.10211607 -0.03490467  0.02074167 -0.08727739 -0.06304735]
7  [ 0.21047035  0.19392416 -0.17502619 -0.04965431 -0.19964907 -0.06674523]]

```

Desencriptar datos

Multiplicaremos nuestra matriz inversa por la matriz con los datos codificados y de esta manera poder descifrarlos. La matriz con los datos encriptados es:

```

1 [230.3]
2 [263.5]
3 [238.8]
4 [814.8]
5 [-100]
6 [432.7]

```

Input:

```
1 #nuestra matriz de 6x1 y nuestra matriz de 6x6, usamos reshape para cambiar su
  dimensión a 6x1
2 dato_encryptado = np.array([230.3, 263.5, 238.8, 814.8, -100, 432.7]).reshape
  (-1, 1)
3 #guardamos los datos usando la clase descifrar.
4 datos_desencryptados = cir.descifrar(matriz_codificacion, dato_encryptado)
5 #mostramos los datos por pantalla
6 print(datos_desencryptados)
```

Output:

```
1 [[20. ]
2  [36.7]
3  [23.5]
4  [24.9]
5  [21.5]
6  [ 8.4]]
```

Rotación de datos

A continuación, comprobaremos la **rotación de los datos** utilizando la clase `Rotacion()`.

La clase `Rotacion()` requiere `datos_x` y `datos_y`. Para obtener estos valores a partir de `datos_desencryptados`, usamos la clase `crear_array()`.

Input: Obtención de x e y

```
1 #Primero obtenemos los resultados (x, y), así se los podemos pasar a nuestra
  clase.
2 valor_prueba_x = create.valores_x(datos_desencryptados)
3 print(f"Los valores de x son : {valor_prueba_x}")
4 valor_prueba_y = create.valores_y(datos_desencryptados)
5 print(f"Los valores de y son: {valor_prueba_y}")
6 #estos datos aún no están rotados, la rotación será ahora con la clase Rotacion
  ()
```

Output:

```
1 Los valores de x son : [array([20.]), array([23.5]), array([21.5])]
2 Los valores de y son: [array([36.7]), array([24.9]), array([8.4])]
```

Nota: Podemos notar que los valores de (x, y) están en arrays anidados. Es necesario desempaquetarlos a través de la clase `Desempaquetar_Array()` antes de la rotación.

Input: Desempaquetado y Rotación

```
1 valor_prueba_desempaquetar_x, valor_prueba_desempaquetar_y = desempaquetador.
  desempaquetar(valor_prueba_x, valor_prueba_y)
2 print(f"Los valores de x desempaquetados: {valor_prueba_desempaquetar_x}")
3 print(f"Los valores de y desempaquetados: {valor_prueba_desempaquetar_y}")
4
5 #Rotación de datos
6 valor_prueba_rotados_x, valor_prueba_rotados_y = rotar.rotar_matriz(
  valor_prueba_desempaquetar_x, valor_prueba_desempaquetar_y)
7 print(f"Los valores x rotados son: {valor_prueba_rotados_x}")
8 print(f"Los valores y rotados son: {valor_prueba_rotados_y}")
```

Output:

```
1 Los valores de x desempaquetados: [np.float64(20.000000000000007), np.float64
  (23.499999999999998), np.float64(21.500000000000001)]
2 Los valores de y desempaquetados: [np.float64(36.699999999999996), np.float64
  (24.900000000000002), np.float64(8.4000000000000023)]
3 Los valores x rotados son: [np.float64(-40.09295449327722), np.float64
  (-34.22396820942889), np.float64(-21.142492757477793)]
4 Los valores y rotados son: [np.float64(-11.808683245815308), np.float64
  (-0.9899494936611762), np.float64(9.263098833543765)]
```

Con los valores rotados exitosamente, pasaremos a comprobar la **traslación**.

Traslación

Ahora comprobaremos que la clase `Traslacion()` funciona pasándole los datos anteriormente rotados.

La clase `Traslacion()` recibe los datos de (x, y) y (a, b) . Donde (a, b) son las distancias de traslación para los ejes (x, y) .

Input:

```
1 #usaremos los datos anteriormente rotados para obtener los datos finales.
2 valor_prueba_trasladado_x, valor_prueba_trasladado_y = traslacion.
  trasladar_matriz(valor_prueba_rotados_x, valor_prueba_rotados_y, 20, 30)
3
4 #pasamos los valores (a,b) como (20,30)
5 #mostramos los datos.
6
7 print(f"Los valores trasladados para x son: {valor_prueba_trasladado_x}")
8 print(f"Los valores trasladados para y son: {valor_prueba_trasladado_y}")
```

Output:

```
1 Los valores trasladados para x son: [np.float64(-20.09295449327722), np.float64
  (-14.22396820942889), np.float64(-1.1424927574777932)]
2 Los valores trasladados para y son: [np.float64(18.19131675418469), np.float64
  (29.010050506338825), np.float64(39.263098833543765)]
```

Finalizada la traslación, procedemos a utilizar el método de automatización para **des-enciptar el archivo** `datos encriptados.txt`. Mostraremos las gráficas para corroborar los resultados.

Gráficas de Comprobación

Datos Desenciptados (Test)

```
1 #Grafica para los puntos desenciptados únicamente.
2 graficar.graficadora(valor_prueba_x, valor_prueba_y)
```

Datos Rotados (Test)

```
1 #Grafica para los datos rotados
2 graficar.graficadora(valor_prueba_rotados_x, valor_prueba_rotados_y)
```

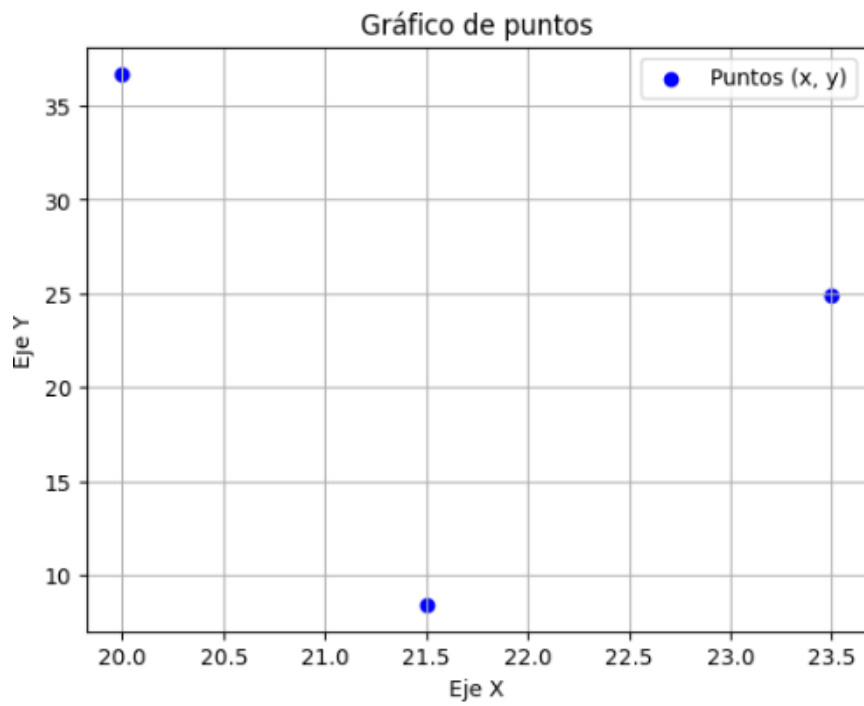



Figura 1: Gráfica de Puntos Descriptados (Test)

Datos Traslados (Test)

```
1 #Gráfica para los datos rotados y trasladados
2 graficar.graficadora(valor_prueba_trasladoado_x, valor_prueba_trasladoado_y)
```

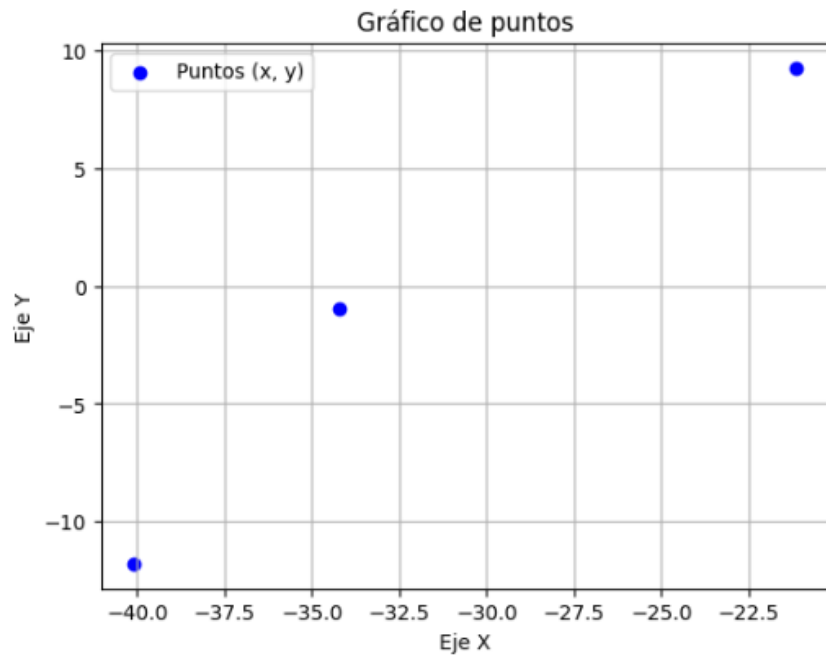


Figura 2: Gráfica de Puntos Rotados (Test)



Figura 3: Gráfica de Puntos Rotados y Traslados (Test)

Desencriptar Archivo

El siguiente paso es procesar el archivo `datos encriptados.txt`, el cual contiene los datos encriptados. Cada línea tiene 6 datos que se resuelven línea por línea usando matrices 6×1 .

Obtención y Transformación de Datos

```
1 #Desencriptamos todos los valores para (x, y)
2 valores_x, valores_y = aplicacion.abrir_documento(matriz_codificacion, "datos/
  datos encriptados.txt", "descifrar")
3
4 #Los datos están anidados, así que los aplanamos con la clase
  Desempaquetar_Array()
5 desempaquetar_x, desempaquetar_y = desempaquetador.desempaquetar(valores_x,
  valores_y)
6
7 #Rotamos los datos ahora que están desempaquetados
8 valores_rotados_x, valores_rotados_y = rotar.rotar_matriz(desempaquetar_x,
  desempaquetar_y)
9
10 #Trasladamos los datos ya rotados para obtener la última gráfica.
11 valores_trasladados_x, valores_trasladados_y = traslacion.trasladar_matriz(
  valores_rotados_x, valores_rotados_y, 20, 30)
```

Con todos los valores **Desencriptados**, **Rotados** y **Trasladados**, utilizamos la clase `Graficar()` para visualizar los datos.

Gráficas - Datos Resueltos

Gráfico Desencriptado

```
1 graficar.graficadora(desempaquetar_x, desempaquetar_y)
```

Gráfico Matriz Rotación

```
1 graficar.graficadora(valores_rotados_x, valores_rotados_y)
```

Gráfico Matriz Rotación y Traslado

```
1 graficar.graficadora(valores_trasladados_x, valores_trasladados_y)
```



Figura 4: Gráfico de los Datos Descriptados Finales



Figura 5: Gráfico de los Datos Rotados

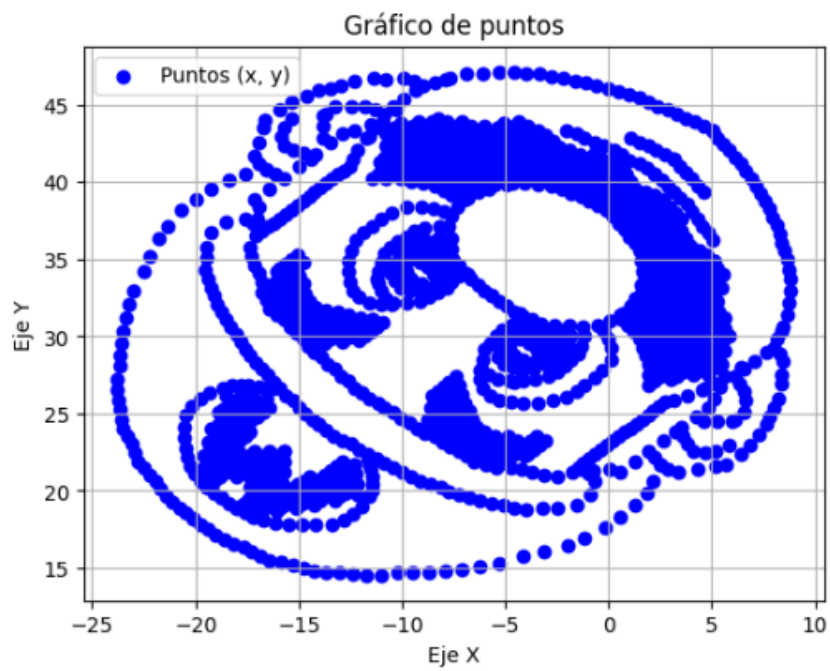


Figura 6: Gráfico de los Datos Rotados y Traslados

Guardar Datos

Guardamos los datos ya descryptados, rotados y trasladados en nuevos archivos.

```
1 guardar_datos.save(desempaquetar_x, desempaquetar_y, "datos\valores  
   descryptados.txt")  
2 guardar_datos.save(valores_rotados_x, valores_rotados_y, "datos\valores rotados.  
   txt")  
3 guardar_datos.save(valores_trasladados_x, valores_trasladados_y, "datos\valores  
   trasladados.txt")
```

Para ver los datos **descryptados** presione [aquí](#)

Para ver los datos **rotados** presione [aquí](#)

Para ver los datos **trasladados** presione [aquí](#)

Conclusiones y Trabajo Futuro

El presente proyecto ha culminado con la **implementación y validación exitosa** de un sistema de descifrado y transformación de datos fundamentado en los principios del Álgebra Lineal. Mediante la correcta aplicación de la inversión de matrices y operaciones de multiplicación, se ha logrado **descifrar la totalidad de los datos** contenidos en el archivo fuente, confirmando la precisión de la clase `Cifrado()`.

Adicionalmente, se demostró la funcionalidad de las transformaciones geométricas. Las clases `Rotacion()` y `Traslacion()` ejecutaron las manipulaciones vectoriales deseadas, lo cual fue corroborado por las gráficas finales. La **integración** de todas las clases (descifrado, desempaqueado y transformaciones) permitió procesar el archivo de datos de forma **automatizada y eficiente**, cumpliendo a cabalidad con el objetivo principal del proyecto.

Trabajo Futuro

Para expandir el alcance de este trabajo, se proponen las siguientes líneas de mejora:

- Implementar un algoritmo de cifrado más robusto que utilice métodos de Álgebra Lineal distintos al cifrado Hill básico.
 - Optimizar el manejo de la memoria con NumPy para procesar archivos de datos de mayor volumen de manera más eficiente.
-

Autor y Contacto

Junior Eduardo Garniga Rojas

Estudiante de La Universidad Mariano Gálvez de Guatemala

Código Fuente disponible en:

[jgarnigar](#)

Anexo A: Estructura Completa

Proyecto-algebra-linea

datos/

- valores_trasladados.txt
- datos_encryptados.txt
- datos.txt
- practica.txt
- valores_desencryptados.txt
- valores_rotados.txt

funciones/

- __init__.py
- app.py
- cifrado.py
- crear_array.py
- desempaquetar.py
- ecuacion.py
- graficar.py
- guardar.py
- rotacion.py
- traslacion.py

imagenes

- datos_desencryptados_test.png
- datos_desencryptados.png
- datos_rotados_test.png
- datos_rotados.png
- datos_trasladados_test.png
- datos_trasladados.png

.gitignore

FICHA_TECNICA.md

INSTRUCCIONES_PROYECTO.pdf

PROYECTO_ALGEBRA_LINEAL.pdf

PROYECTO_ALGEBRA_LINEAL.tex

README.md

clases.py

ecuacion.py

main.py

requirements.txt

Anexo B: Herramientas y Tecnologías

Tecnología	Versión	Función en el proyecto
Python	[V 3.10]	Lenguaje de programación principal utilizado para implementar las clases de cifrado, rotación y traslación.
NumPy	[V 2.1.2]	Fundamental para la manipulación y operación eficiente de las matrices de 6×6 y 6×1 durante el proceso de descifrado.
Matplotlib	[V3.10.3]	Utilizada para la visualización de los datos , generando las gráficas de comprobación y los resultados finales (desencriptados, rotados y trasladados).

Anexo C: Fundamentos Teóricos

Matriz

Una matriz es un conjunto bidimensional de números o expresiones dispuesto en filas y columnas. Es la herramienta fundamental utilizada para codificar y descifrar datos en este proyecto. En nuestro caso, se emplea una matriz cuadrada de 6×6 como clave de codificación.

Matriz Inversa

La matriz inversa, denotada como A^{-1} para una matriz A , es crucial para el descifrado. Si $A \cdot X = B$ (donde X es la matriz de datos encriptados y B es la matriz de datos originales), entonces la matriz original se recupera multiplicando la matriz inversa por la matriz encriptada: $A^{-1} \cdot A \cdot X = A^{-1} \cdot B$. Para que una matriz tenga inversa, su determinante debe ser distinto de cero.

Cifrado Hill (Conceptual Simple)

El Cifrado Hill es un esquema de cifrado por sustitución polialfabética basado en el Álgebra Lineal. Consiste en dividir el mensaje de texto en bloques (vectores) y multiplicarlos por una matriz clave (nuestra matriz 6×6) para obtener el texto cifrado. Para descifrar el mensaje, el texto cifrado se multiplica por la matriz inversa de la clave, que es el método que replicamos en este proyecto.