## Práctica 6

## Teoría Macroeconómica II

- 1. GLS capítulo 13, ejercicio 1
- 2. (Política tributaria distorsionante) Considere una economía de dos períodos habitada por un gran número de hogares con preferencias descritas por la función de utilidad:

$$\ln C_1 + \beta \ln C_2$$

Con  $C_1$  y  $C_2$  el consumo de alimentos en el período 1 y 2, respectivamente, y  $\beta = 1/1.1$  el factor de descuento subjetivo. Los hogares reciben dotaciones  $Y_1$  en el período 1 y  $Y_2$  en el período 2, con  $Y_1 = 10 = Y_2$ , y pueden prestar o endeudarse en el mercado financiero a una tasa de interés de  $r_t = 0.1$ , que toman como dada. El gobierno impone impuestos  $T_1 = T^L + \tau_1 C_1$  en el período 1 y  $T_2 = \tau_2 C_2$  en el período 2, y consume  $G_1$  y  $G_2$  unidades del bien en ambos períodos. Finalmente, los hogares y el gobierno inician el período 1 sin activos o deuda heredada del pasado.

- (a) Derive la restricción intertemporal del hogar, la del gobierno y la de la economía como un todo.
- (b) Deriva las ecuaciones de equilibrio de  $C_1$  y  $C_2$
- (c) Suponga que  $G_1 = G_2 = 2$  y  $\tau_1 = \tau_2 = 0.2$ . Encuentre los niveles de equilibrio del consumo y ahorro en el período 1 y el valor de equilibrio de los impuestos de suma fija  $T^L$ . Encuentre el nivel de bienestar del hogar. Reporte el déficit primario y financiero en el período 1.
- (d) Suponga que  $G_1 = G_2 = 2$ . Suponga que el gobierno implementa un recorte de impuestos en el período 1 que consiste en una reducción de la tasa del impuesto del consumo de 20 a 10 %. Suponga que el impuesto de suma fija,  $T^L$ , se mantiene igual al nivel obtenido en (c). Encuentre el consumo, el ahorro y el déficit primario en el período 1, así como el impuesto al consumo recolectado en el período 2.

- (e) Suponga que el recorte en la tasa de impuesto al consumo en el período 1 de 20 a 10 % se financia con un cambio apropiado en los impuestos de suma fija en el mismo período, mientras que  $\tau_2$  se mantiene en 20 %. Encuentre el consumo, el ahorro y el déficit primario en el período 1, así como el impuesto al consumo recolectado en el período 2. Compare con los resultados obtenidos en (d)
- (f) Suponga que  $T^L = 0$ . Encuentre el par  $(\tau_1, \tau_2)$  que maximiza la utilidad de vida del hogar. Muestre su procedimiento. Refiérase a esta solución como el problema de tributación óptima de Ramsey. Encuentre el bienestar y compárelo con el obtenido en (c). ¿La restricción que  $T^L = 0$  reduce el bienestar? ¿Por qué sí o por qué no?
- 3. **(Estrujamiento)** Considere una economía con hogares idénticos cuyas preferencias están descritas por la función de utilidad:

$$\ln C_1 + \beta \ln C_2$$

Con  $C_1$ ,  $C_2$  denotan el consumo en el período 1 y 2, respectivamente, y  $\beta=0.96\$$  el factor de descuento del hogar. En el período 1, el producto está dado por  $Y_1=20$  unidades del bien de consumo. Los hogares inician el período 1 sin deudas o activos financieros  $(S_0=0)$  y pueden prestar o endeudarse a una tasa de interés  $r_1$ . En el período 2, el producto está dado por la tecnología

$$Y_2 = 6\sqrt{K_2}$$

El gobierno inicia el período 1 sin deuda o activos financieros  $(B_0^g = 0)$ , gasta  $G_1 = 1$  en el período 1 y  $G_2 = 7$  en el período 2. Asimismo, el gobierno grava a los hogares mediante impuestos de suma fija. Esta economía puede endeudarse o ahorrar con un intermediario financiero en otro país, que ofrece dos opciones:

$$r_1 = \begin{cases} r^* & \text{si } S_1 \ge 0 \\ r^* + p & \text{si } S_1 < 0 \end{cases}$$

con  $r^*$  la tasa de interés internacional pagada a los acreedores externos e igual a  $r^*$  = 0.08. p es un premio sobre la tasa de interés que el país debe pagar a los acreedores externos, igual a p = 0.02, y  $S_1$  es el ahorro nacional en el periodo 1 Finalmente,

asuma que el capital físico evoluciona de acuerdo a la ley del movimiento:

$$K_{t+1} = (1 - \delta)K_t + I_t$$

y que la tasa de depreciación  $\delta$  es igual a 1.

- (a) Calcule el valor de equilibrio para la tasa de interés  $r_1$ , el ahorro  $S_1$  y la inversión  $I_1$  en el período 1.
- (b) Suponga que debido a los gastos extraordinarios que el país tuvo que realizar por la pandemia de Covid-19, el gasto público aumentó en el período 1 en 100%, es decir,  $G_1$  pasó de 1 a 2. Recalcule  $r_1$ ,  $S_1$  y  $I_1$  ¿El gobierno está estrujando a la inversión? ¿Por qué?
- (c) Suponga ahora que el gasto público en el período 1 aumentó 300%, es decir,  $G_1$  pasó de 1 a 4 . Recalcule  $r_1$ ,  $S_1$  e  $I_1$ . ¿El gobierno está estrujando a la inversión? ¿Por qué?
- (d) Continúe asumiendo que  $G_1 = 4$  pero suponga que el premio que el país debe pagar es 4% (p = 0.04). Muestre numéricamente que el equilibrio no existe. Explique sus resultados mediante un gráfico.