

Práctica 2

Teoría Macroeconómica II

1. GLS capítulo 10, ejercicio 2: Ciclo de vida/ Modelo de consumo con ingreso permanente.
2. Suponga un modelo de consumo y ahorro de dos periodos, donde la utilidad instantánea del consumidor es la siguiente:

$$u(C_t) = C_t - \frac{\theta}{2} C_t^2$$

donde $\beta \in (0, 1)$ y $\theta > 0$. El consumidor tiene una dotación de (Y_t, Y_{t+1}) . Suponga que el mercado financiero permite ahorrar y desahorrar a una tasa de interés $r > 0$, pero no permite que los consumidores se endeuden más allá de una cantidad $x > 0$. Suponga adicionalmente que $Y_t + Y_{t+1}/(1 + r) > (1 - \beta)/\theta$.

- (a) Plantee el problema del consumidor.
- (b) Escriba el lagrangiano asociado al problema. Use λ para denotar el multiplicador asociado a la restricción presupuestaria intertemporal y μ para el multiplicador asociado a la restricción crediticia.
- (c) Obtenga las condiciones de primer orden.
- (d) Obtenga las condiciones de holgura.
- (e) Encuentre la solución al problema del consumidor en todos los casos posibles.
- (f) Use la condición de primer orden con respecto a C_{t+1} para interpretar el multiplicador λ . Use la condición de primer orden con respecto a C_t para interpretar el multiplicador μ .
- (g) ¿Qué sucede cuando $x \geq Y_{t+1}/(1 + r)$? Explique. ¿Cuál sería el valor de μ en este caso?
- (h) Suponga que:
 - i. La restricción crediticia no es vinculante.

ii. $Y_t = Y_{t+1} = Y$.

iii. $\beta = 1$.

iv. $r = 0$.

Determine las cantidades de equilibrio cuando la tasa de interés aumenta a $r^S > r$. Compare con las cantidades de equilibrio iniciales (con $r = 0$).