# Modelo de búsqueda con reclutamiento

## Jonathan Garita

## Motivación

• ¿Qué determina el nivel de empleo y desempleo en la economía

#### CUADRO 3. PRINCIPAL PROBLEMA DEL PAIS

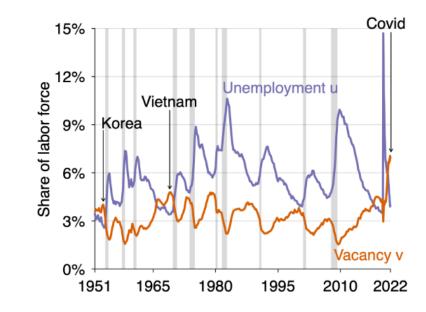
Problema	Porcentaje
Costo de la vida y situación económica	36.7%
Desempleo	20.5%
Corrupción	18.2%
Pobreza	6.6%
Inseguridad y delincuencia	4.2%
Mala gestión del gobierno	4.3%
Situación fiscal del país	2.1%
Otros	7.4%

Fuente: Encuesta de Opinión Pública CIEP-UCR marzo 22 de 2022

- Modelo neoclásico:
  - Oferta y demanda laboral. El desempleo involuntario no existe
  - El «desempleo» es ocio
  - Excesos de oferta y demanda se corrigen mediante movimientos en el salario

- Modelo DMP:
  - Fricciones generan desempleo involuntario
- ¿Cómo explicar las fluctuaciones del desempleo sobre el ciclo económico?
  - Importante para el diseño de política pública
- Vamos a basarnos en DMP para establecer un modelo que sea empíricamente implementable y ayude a entender las fluctuaciones del desempleo

Figura 1: EE.UU.: Tasa de desempleo y de vacantes



## 1. Modelo de emparejamiento

### Oferta laboral

- Asuma que  $L^s(\theta, w) = L^s(\theta)$
- Sea H > 0 el tamaño de la fuerza laboral
  - H = L + U
- Sea s la tasa de separación y  $f(\theta)$  la tasa de encuentro del empleo
- ullet Sea  $u=\frac{U}{H}$  y  $v=\frac{V}{H}$  la tasa de desempleo y de vacancia, respectivamente
- **Supuesto**: Los flujos del mercado laboral se balancean:

$$\underbrace{s \cdot L}_{\text{Flujo de entrada}} = \underbrace{f(\theta) \cdot U}_{\text{Flujo de salida}}$$

■ En estado estacionario:

$$u = \frac{s}{s + f(\theta)}$$

Además:

$$s \cdot L = f(\theta) \cdot U$$
$$s \cdot L = f(\theta) \cdot (H - L)$$
$$(s + f(\theta)) \cdot L = f(\theta) \cdot H$$

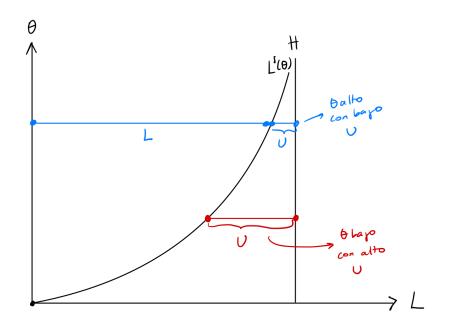
■ Entonces:

$$L^{s}(\theta) = \frac{f(\theta)}{s + f(\theta)}H$$

Equivalentemente:

$$L^{s}(\theta) = \frac{1}{1 + s/f(\theta)}H$$

- Como  $f(\theta) = m(U, V)/U = m(1, \theta) = \theta m(1/\theta, 1) = \theta q(\theta)$ , entonces  $f'(\theta) > 0$
- $\blacksquare \ \, \text{Además, l} \\ \text{im}_{U \to \infty} \, m(U,V) = \\ \text{l} \\ \text{im}_{V \to \infty} \, m(U,V) = \\ \infty \text{, entonces l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, m(1,\theta) = \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\ \text{im}_{\theta \to \infty} \, f(\theta) = \\ \infty \\ \text{l} \\$
- Entonces:
  - $L^s(\theta)$  es creciente en  $\theta$
  - $L^{s}(0) = 0$
  - $L^{s}(\theta) < H$  dado que  $\frac{f(\theta)}{s+f(\theta)} < 1$
  - $\lim_{\theta \to \infty} L^s(\theta) = H$  dado que  $\lim_{\theta \to \infty} f(\theta) = \infty$



- Estática comparativa:
  - Si  $\uparrow s \Rightarrow L^s(\theta)$  se contrae
  - Si  $\uparrow H \Rightarrow L^s(\theta)$  se expande

### Demanda laboral

■ Una empresa representativa dedica parte de su demanda laboral a la producción (*N*) y la otra parte como reclutadores (*R*):

$$L = N + R$$

*V* : puestos vacantes creados por empresas (demanda laboral)

r > 0: el costo de reclutamiento: número de reclutadores necesarios para mantener una vacante abierta por unidad de tiempo

 $\tau \equiv R/N$  el cociente reclutador-productor

### ¿Qué es $\tau$ ?

- La empresa pierde  $s \cdot L$  trabajadores por unidad de tiemop
- Suponga que los flujos son balanceados
  - El número de personas que deja la empresa = el número que son reclutados
- Entonces, se deben reclutar *sL* personas
  - La empresa debe postear suficientes vacantes V para asegurar  $s \cdot L$  reclutamientos
- lacktriangle Cada vacante se llena con probabilidad  $q( heta) \Rightarrow$  la empresa debe postear  $V = rac{s \cdot L}{q( heta)}$
- Entonces:

$$R = r \cdot V = r \frac{s \cdot L}{q(\theta)} = \frac{r \cdot s}{q(\theta)} (R + N)$$

 $<sup>^{1}</sup>q(\theta) \cdot V = reclutamientos = s \cdot L$ 

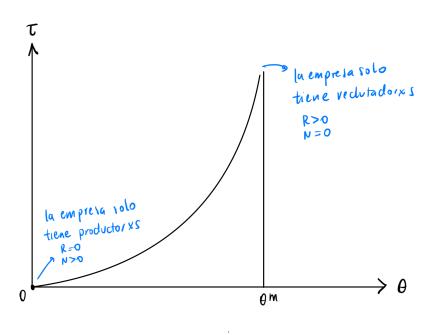
Por lo que:

$$\frac{R}{N} \equiv \tau = \frac{r \cdot s}{q(\theta)} (1 + \tau)$$

$$\Rightarrow \tau(\theta) = \frac{r \cdot s}{q(\theta) - r \cdot s}$$

Propiedades de  $\tau(\theta)$ 

- La tasa de encuentro  $q(\theta) = m(U, V)/V = m(1/\theta, 1)$ 
  - $q(\theta) > 0$  y  $q'(\theta) < 0$
  - $q(0) \rightarrow \infty$
  - $q(\infty) \to 0$
- Entonces, para  $\tau(\theta) = \frac{r \cdot s}{q(\theta) r \cdot s}$ 
  - $\tau(0) = 0$
  - $\tau'(\theta) > 0$
  - $\tau(\theta)$  está definido para  $(0, \theta^m)$ , con  $q(\theta^m) = r \cdot s$



La empresa

■ La función de producción de la empresa es

$$y = aN^{\alpha}$$

y producto

a tecnología, productividad del trabajo

 $\alpha \in (0,1]$  retorno marginal del trabajo

lacktriangle Suponga que P=1 (precio de bienes y servicios como el numerario –unidad de cuenta)

• Los costos laborales de la empresa son:

$$wL = w(R + N)$$
$$= w(1 + \tau(\theta))N$$

■ El problema de la empresa es

$$\max_{N>0} \pi(N) = aN^{\alpha} - w[1 + \tau(\theta)]N$$

• Las condiciones de primer orden implican que

$$N^{1-\alpha} = \frac{a\alpha}{w(1+\tau(\theta))}$$

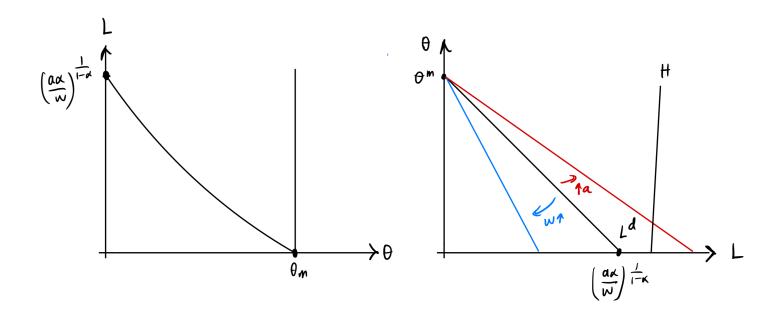
$$N[1+\tau(\theta)] = \left(\frac{a\alpha}{w(1+\tau(\theta))}\right)^{\frac{1}{1-\alpha}} [1+\tau(\theta)]$$

$$L = \left[\frac{a\alpha(1+\tau(\theta))^{1-\alpha}}{w(1+\tau(\theta))}\right]^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

■ Por tanto:

$$L^{d}(\theta, w) = \left[\frac{a\alpha}{w(1+\tau(\theta))^{\alpha}}\right]^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

- Para  $L^d(\theta, w)$  se tiene que:
  - $L^d(0,w) = \left[\frac{a\alpha}{w}\right]^{\frac{1}{1-\alpha}}$
  - Dado que  $\tau(\theta)$  es creciente,  $\frac{\partial L^d}{\partial \theta} < 0$
  - En  $\theta = \theta^m$ ,  $\tau(\theta) \to \infty$ , por lo que  $L^d(\theta^m, w) = 0$



- Estática comparativa:
  - ullet  $\uparrow w \Rightarrow \downarrow L^d(\theta)$  (incremento salarial)
  - $\uparrow a \Rightarrow \uparrow L^d(\theta)$  (aumento en productividad)

## Emparejamiento y equilibrio

• Las empresas maximizan ganancias dado  $\theta$ . Quieren emplear:

$$L^{d}(\theta, w) = \left[\frac{a\alpha}{w(1+\tau(\theta))^{\alpha}}\right]^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

• Los trabajadores esperan un nivel de empleo, dado  $\theta$ , de:

$$L^{s}(\theta) = \frac{f(\theta)}{s + f(\theta)}H$$

• En estado estacionario:

$$u = \frac{s}{s + f(\theta)}$$

- ¿Cuál es la condición de equilibrio en este modelo?
  - $\theta$  tal que se garantizan las tres ecuaciones anteriores
  - ullet Consistencia interna: el nivel de estrechez heta que las empresas y personas trabajadoras toman como dado y es realizado

$$\underbrace{\frac{V(\theta)}{U(\theta)}}_{\text{estrechez realizada}} = \underbrace{\theta}_{\text{estrechez tomada como dada}}$$

■ Recordando que:

$$V(\theta) = \frac{s \cdot L^{d}(\theta)}{q(\theta)}$$
$$U(\theta) = H - L^{s}(\theta)$$

**Entonces:** 

$$\frac{s \cdot L^d(\theta)}{q(\theta)} \times \frac{1}{H - L^s(\theta)} = \theta$$

Como  $q(\theta) = f(\theta)/\theta$  y

$$H - L^{s}(\theta) = H\left(1 - \frac{f(\theta)}{s + f(\theta)}\right)$$
$$= H\left(\frac{s}{s + f(\theta)}\right)$$

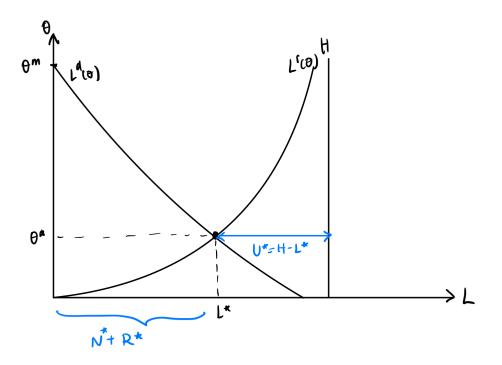
Por tanto:

$$\frac{s \cdot L^{d}(\theta) \cdot \theta}{f(\theta)} \times \frac{1}{H} \left( \frac{s + f(\theta)}{s} \right) = \theta$$

$$\Leftrightarrow \frac{L^{d}(\theta)}{\frac{f(\theta)}{s + f(\theta)}H} = 1$$

$$\Leftrightarrow L^{d}(\theta) = L^{s}(\theta)$$

• Es decir, en equilibrio,  $L^d(\theta) = L^s(\theta)$ 



 $\blacksquare$  Encontrando  $\theta^*$ , el empleo de equilibrio es:

$$L^* = L^d(\theta^*) = L^s(\theta^*)$$
$$L^* = \frac{f(\theta^*)}{s + f(\theta^*)}H$$

■ El desempleo de equilibrio es:

$$U^* = H - L^*$$

$$U^* = \frac{s}{s + f(\theta^*)} H$$

■ La tasa de desempleo en equilibrio es:

$$u^* = \frac{s}{s + f\left(\theta^*\right)}$$

• El empleo productivo (no reclutadores) viene dado por:

$$N^* = \frac{L^*}{1 + \tau(\theta^*)}$$

$$N^* = \frac{1}{1 + \tau(\theta^*)} \frac{f(\theta^*)}{s + f(\theta^*)} H$$

• El empleo de reclutadores es:

$$R^* = \tau (\theta^*) N^*$$

$$R^* = \frac{\tau (\theta^*)}{1 + \tau (\theta^*)} \frac{f (\theta^*)}{s + f (\theta^*)} H$$

 $\quad \bullet \quad \tau(\theta) \text{ se obtiene de } L^* = N^* + R^*$