

Euclid 辗转相除法:

$$\begin{aligned}
 a &= q_0 b + r_0, & 0 \leq r_0 < b, \\
 b &= q_1 r_0 + r_1, & 0 \leq r_1 < r_0, \\
 r_0 &= q_2 r_1 + r_2, & 0 \leq r_2 < r_1, \\
 &\vdots \\
 r_{k-1} &= q_{k+1} r_k + r_{k+1}, & 0 \leq r_{k+1} < r_k, \\
 r_k &= q_{k+2} r_{k+1}
 \end{aligned}$$

- 如果 a, b 都大于零, 则由辗转相除法得到的正整数 r_{k+1} 为 a, b 的最大公因子, 记作 (a, b) 或者 $\gcd(a, b)$.
- 如果 a, b 都不为零, 令 $(a, b) = (|a|, |b|)$.
- 如果 a, b 有一个为零, 令 $(a, b) = |a| + |b|$.

1. 求两个整数的最大公因子 (限定为正数). 要求从命令行参数中获取两个整数, 程序输出这两个整数的最大公因子.

2. 求两个整数的最小公倍数 (限定为正数).
3. 利用 C 语言中的 struct, 定义有理数, 并实现有理数的四则运算以及规范化(表示为唯一的形式, 即分母大于等于零, 分子分母互素, $0 = 0/1$). 可参考以下方案:

```
typedef struct {  
    int numerator;  
    int denominator;  
} RationalNumber;
```

4. 利用 (3), 计算 (其中 $N = 17$)

$$\sum_{k=1}^N \frac{1}{k}, \quad \sum_{k=1}^N (-1)^{k+1} \frac{1}{k},$$