# Examen realizado

Asignatura: CAMPOS Y FORMAS 04/09/2020 18:30 Estudiante: JORGE DE CASTRO IZUZQUIZA

Sus respuestas a preguntas de test de test aparecen marcadas en verde claro si son correctas, en rojo si son incorrectas. Las soluciones se muestran con un borde verde.

A continuación se muestra el examen

### Pregunta 1

la función  $\overline{arphi}:D=[-1,1] imes[-1,1]: o S=\overline{\ arphi}\left(D
ight)\subset\mathbb{R}^3$  definida por:

$$\overline{arphi}\left(u,v
ight)=\left(uv,\cos\Bigl(\pi u\Bigr),sen^2\Bigl(\pi v\Bigr)
ight)$$

Α

no es un recorrido

В

Es un recorrido de una superficie pero no es regular

C

es un recorrido regular

#### Pregunta 2

Marque cual de los siguientes campos vectoriales es conservativo

Δ

$$\overline{\mathbf{F}}(x,y) = (\mathbf{x}\cos\mathbf{y}, \mathbf{y}\mathbf{s}\mathbf{e}\mathbf{n}\mathbf{x})$$

В

$$\overline{F}(x,y) = (x\cos(xy), ysen(xy))$$

С

$$\overline{F}(x,y) = (y\cos(xy), x\cos(xy))$$

# Pregunta 3

La integral de linea del campo vectorial:

$$\overline{\mathrm{F}}\left(x,y
ight) = \left(y + \mathrm{e}^{\mathrm{x}}, 2x + \cos\mathrm{y}\right)$$

a lo largo de la circunferencia de centro (0,0) y radio 1 recorrida en el sentido de las agujas del reloj es:

۸

 $\frac{\pi}{2}$ 

В

 $\pi$ 

C

0

# Pregunta 4

La integral de línea del campo:

$$\overline{F}\left(x_1,x_2,x_3
ight)=\left(\operatorname{arctg} x_1+x_2x_3,e^{x_2^2}senx_2+x_1\Big(rac{1}{2}+x_3\Big),\ln\Big(1+x_3^2\Big)+x_1^2x_2
ight)$$

a lo largo de la curva simple dada por:

$$C = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x_1^2 + x_2^2 = 4, x_3 = 1\}$$

recorrida en sentido contrario a las agujas del reloj es:

π

А	$-{2}$		
В	$-2\pi$		
С	0		

### Pregunta 5

La integral del campo

$$\overline{\mathrm{F}}\left(x,y,z
ight) = \left(yz+x,sen(xz)+y,e^{xy}-z
ight)$$

sobre la superficie

$$S = \left\{ \left( x, y, z \right) \in \mathbb{R}^3 : (x-1)^2 + (y-2)^2 + (z-3)^2 = 9 \right\}$$

con orientación exterior es:

Α

 $12\pi$ 

В

 $36\pi$ 

C

0

# Pregunta 6

La actuación del tensor  $\ e_1'\otimes e_2'\otimes e_3'+3e_1'\otimes e_1'\otimes e_2'$  sobre los vectores dados por:

$$\overline{v_1}=(1,2,3)$$

$$\overline{v_2}=(0,2,-1)$$

$$\overline{v_3} = (3,3,3)$$

es:

Α

0

В

6

C

-3

### Progunta 7

Si  $\overline{A}:\mathbb{R}^2 o\mathbb{R}^3$  es la aplicación lineal definida por

$$\overline{A}\left(x_1,x_2
ight)=\left(x_1,x_2,x_1+x_2
ight)$$

entonces se verifica que el tensor  $\overline{A} * s$ , siendo  $s = e_1' \otimes e_2' \otimes e_3'$  es:

$$\overline{A} * s = e_1' \otimes e_2' \otimes e_1' + e_1' \otimes e_2' \otimes e_2'$$

$$\overline{A} * s = e_1' \otimes e_2' \otimes e_1'$$

$$\overline{A} * s = e_1' \otimes e_2' \otimes e_2'$$

### Pregunta 8

Dada la forma diferencial

$$\psi(\overline{x}) = x^2 e_1' + y^2 e_2' + z^2 e_3'$$

y dado el recorrido

$$\overline{arphi}ig(tig)=ig(t,e^t,sentig)$$

la forma diferencial  $\overline{\,arphi\,} * \psi$  es:

$$\overline{arphi}st\psi\Bigl(t\Bigr)=\Bigl(t^2+e^{\beta t}+costsen^2t\Bigr)e^{\gamma}$$

$$\overline{arphi}st\psi\Bigl(t\Bigr)=\Bigl(t^2+e^{2t}+sen^2t\Bigr)e^{\,\prime}$$

$$\overline{arphi}*\psi\Bigl(t\Bigr)=\Bigl(t^2+e^{2t}+cos^2\,t\Bigr)e^{\,\gamma}$$

### Pregunta 9

Dada la 1-forma diferencial

$$\psi(\overline{x}) = y^2x^2e_1' + x^2z^2e_2' + z^2y^2e_3'$$

la 2-forma  $\mathrm{d}\psi$  que se obtiene al diferenciar  $\psi$  es:

$$\mathrm{d}\psi = 2\mathrm{x}ig(\mathrm{z}^2 - \mathrm{x}\mathrm{y}ig)\mathrm{e}_1{}' \wedge \mathrm{e}_2{}' \ + 2\mathrm{z}ig(\mathrm{z}\mathrm{y} - \mathrm{x}^2ig)\mathrm{e}_2{}' \wedge \mathrm{e}_3{}'$$

$$d\psi = 2z(x - y)e_1' \wedge e_2' + y(z^2 - y)e_1' \wedge e_3' + x(z^2 - x)e_2' \wedge e_3'$$

$$d\psi = z(x + y)e_1' \wedge e_2' + ye_1' \wedge e_3' + x(z^2 + x)e_2' \wedge e_3'$$

### Pregunta 10

El conjunto de puntos definido por:

$$\mathrm{M} = \{ \left( \mathrm{x}_1, \mathrm{x}_2, \mathrm{x}_3, \mathrm{x}_4, \mathrm{x}_5 
ight) \in \mathbb{R}^5 : \mathrm{x}_1{}^3 + 2 \mathrm{x}_2{}^3 - \mathrm{x}_3 + \mathrm{x}_4 \mathrm{x}_5{}^2 = 8 \}$$



es una variedad de dimensión 4 en  $\mathbb{R}^5$ 

В

no es una variedad

C

es una variedad de dimensión 1 en  $\mathbb{R}^5$ 

## Observaciones del estudiante:

<Sin observaciones>

# Observaciones del docente:

<Sin observaciones>

VOLVER

Secretaría General - Centros Tecnológicos de la UNED - Vicerrectorado de Estudiantes - Vicerrectorado de Personal Docente e Investigador - Vicerrectorado de Tecnología - Vicerrectorado de Innovación y Digitalización - Vicerrectorado de Calidad - IUED - Centro de Prevención y Resolución de Conflictos.

Desarrollado en el Centro de la UNED Barbastro.

Soporte: soportePDI@csi.uned.es 91 398 68 00 Manual para docentes