FUNCIONES DE UNA VARIABLE II

- Cada ejercicio de valora sobre 2,5 puntos.
- En la valoración se tendrá en cuenta: La corrección del resultado, el razonamiento utilizado, la exposición escrita.

Ejercicio 1. Probar que si una función $f:[a,b]\to\mathbb{R}$ es continua entonces es integrable.

Ejercicio 2. Hallar
$$I = \int \frac{dx}{\cos^2(x)}$$
.

Ejercicio 3. Estudiar la convergencia de la integral $I = \int_{1+}^{3-} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}}$.

Ejercicio 4. Estudiar la convergencia de la serie $\sum_{1}^{\infty} \frac{(1 + \log(x))^n}{n!}$, x > 0. Hallar la suma.

EXAMEN 4.

PREQUETA 1. Probar que s' una función f: [a, 6] - OTR & vontima culonos a integrable.

PRECUNTS 2 Hallar I = \ \frac{dx}{cos^2(x)}

Evidentemente & tg(x)+K

$$\left(\frac{\cos x}{\sec x}, + \kappa\right)_{i} = \cos(x) \cdot \cos(x) - 4\sin(x) \left(-4\sigma(x)\right) = \frac{\cos(x)}{\cos(x)}$$

Note: I Hay alumnos que la heche mal y atres que le la llessado

PREGUNTO 3. Estadios la converge un de la intégral

$$\int_{1}^{3+} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}} = \int_{3-}^{c} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}} + \int_{c}^{3+} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}}$$

$$= \int_{3-}^{c} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}} + \int_{c}^{3+} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}}$$

$$\int_{1}^{c} \frac{1}{(x-1)^{1/2}} = \frac{(x-1)^{1/2}}{1/2} = 2(c-1) < + \infty$$

Por tanto II e consequite

$$\int_{c}^{3-} \frac{1}{\sqrt{13-x}} \, dx = \frac{(3-x)^{1/2}}{\sqrt{2}} \Big|_{c}^{3} = 2(3-c)^{1/2}$$

Por Facto I 2 3 conogente

huego I a consequente

Nota: Algum studiantes han decidires calcularla bien convertendolo =

$$\int_{1}^{3} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}} = \int_{1}^{2} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)}} = \int_{1}^{2} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)$$

o bien calculando uma primitora

$$\int_{1}^{3} \frac{dx}{\sqrt{(3-x)(x-1)}} = \int_{1}^{3} \frac{dx}{\sqrt{-x^{2}+4x-3}} = \int_{1}^{3} \frac{dx}{\sqrt{1-(x-2)^{2}}} =$$

PREGUNTA 4. Estudior les convergencie de la seine 5, « (1+ log (x)) «
x70. Hallar la suma.

si haams of compine F: 1+log(x) Zi mi = et-1