

# Ficha 6 - Gráficos resolvida

Jorge Gustavo Rocha

May 30, 2020

## 1 Visualização de dados

Neste módulo vamos introduzir a biblioteca `matplotlib` para visualização de dados.

Esta mesma biblioteca é utilizada pelo Octave para a visualização de dados.

### 1.1 Tabelas

Uma tabela, do tipo `pandas.DataFrame` é uma estrutura de dados multidimensional.

Vamos usar uma pequena tabela que tem os dados organizados em três colunas:

1. A primeira coluna ('Ano') refere-se ao ano
2. A segunda coluna tem a correspondente taxa bruta de natalidade ('Natalidade')
3. A terceira coluna tem a correspondente taxa bruta de mortalidade ('Mortalidade').

Estes dados referem-se à Taxa Bruta de Natalidade e Taxa Bruta de Mortalidade. Estas taxas são calculadas para cada 1000 habitantes (dados do INE).

```
[1]: import pandas

população = pandas.DataFrame({
    'Ano': [ 2011, 2012, 2013, 2014, 2015, 2016, 2017, 2018 ],
    'Natalidade': [ 9.2, 8.5, 7.9, 7.9, 8.3, 8.4, 8.4, 8.5 ],
    'Mortalidade': [ 9.7, 10.2, 10.2, 10.1, 10.5, 10.7, 10.7, 11.0 ]
})
```

Vamos usar esta tabela nos exemplos seguintes. Começemos por ver a informação contida na tabela.

#### 1.1.1 Consultar a tabela

Basta escrever `população` e é-nos apresentado o conteúdo da tabela. Esta visualização funciona bem, porque a tabela é muito pequena.

```
[2]: população
```

```
[2]:
```

|   | Ano  | Natalidade | Mortalidade |
|---|------|------------|-------------|
| 0 | 2011 | 9.2        | 9.7         |
| 1 | 2012 | 8.5        | 10.2        |
| 2 | 2013 | 7.9        | 10.2        |
| 3 | 2014 | 7.9        | 10.1        |

|   |      |     |      |
|---|------|-----|------|
| 4 | 2015 | 8.3 | 10.5 |
| 5 | 2016 | 8.4 | 10.7 |
| 6 | 2017 | 8.4 | 10.7 |
| 7 | 2018 | 8.5 | 11.0 |

### 1.1.2 Primeiro gráfico

Vamos mostrar num gráfico os valores da Taxa Bruta de Mortalidade, para cada um dos anos.

Começamos por importar a biblioteca, à qual associamos o nome `plt`.

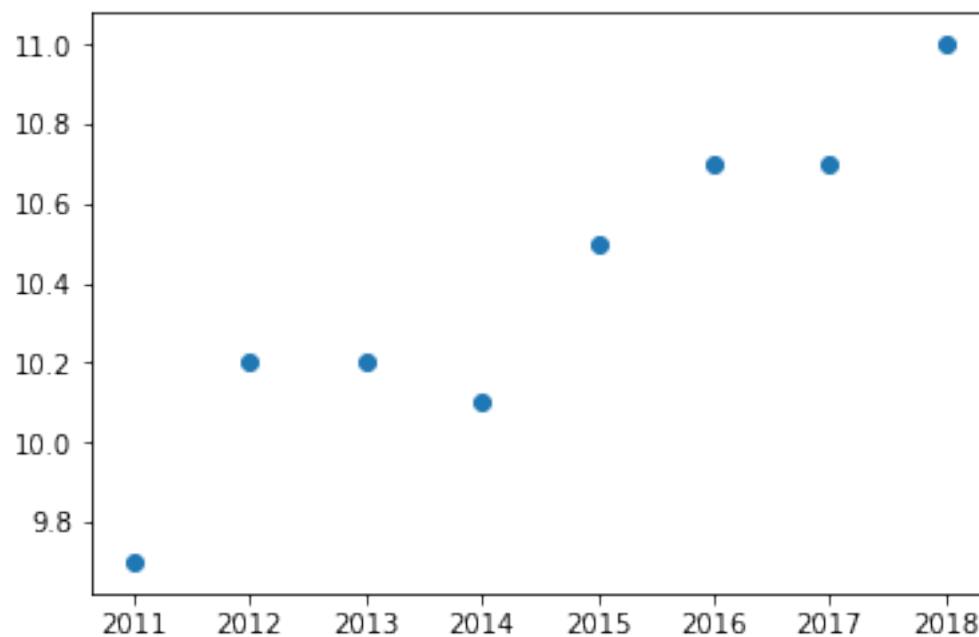
Para o eixo dos `x`, escolhemos a coluna `Ano`. No eixo dos `y`, colocamos a taxa bruta de mortalidade.

Vamos usar um **gráfico de dispersão** `plt.scatter()`, que muitas vezes são usados como a primeira opção para visualização, para percebermos a distribuição dos dados.

```
[3]: import matplotlib.pyplot as plt

x = população.Ano
y = população.Mortalidade
plt.scatter( x, y)
```

```
[3]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x7f06d167d450>
```

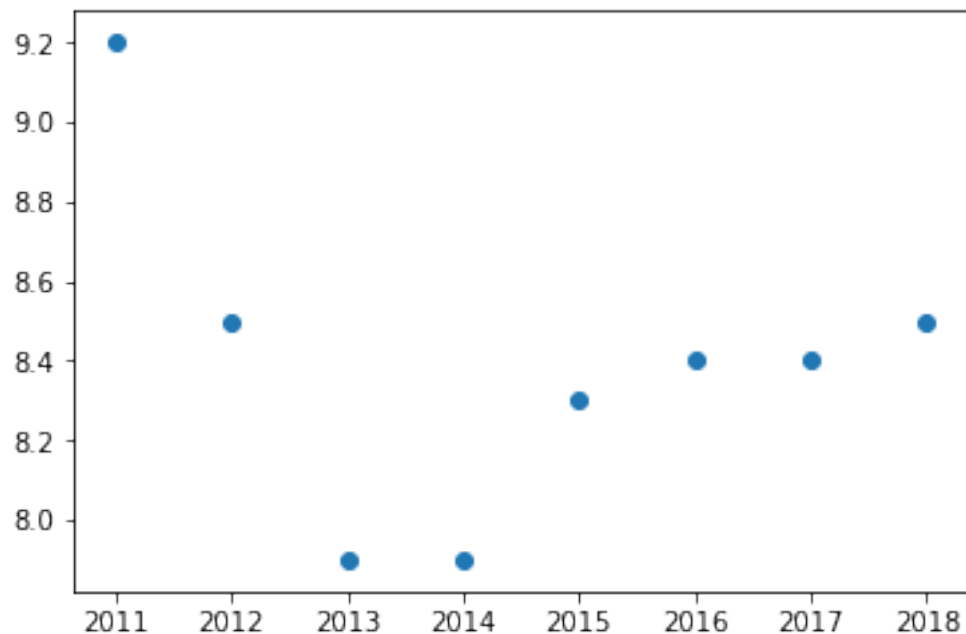


### 1.1.3 Exercício

Apresente o gráfico de dispersão da Taxa Bruta de Natalidade.

```
[4]: plt.scatter( população.Ano, população.Natalidade)
```

```
[4]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x7f06d0d0de10>
```



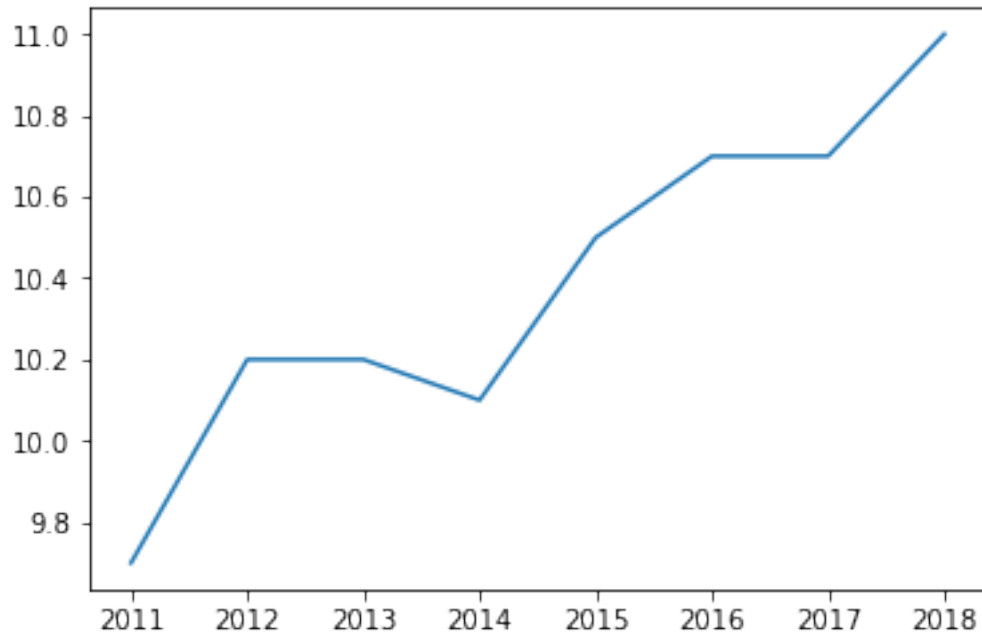
#### 1.1.4 Tipos de gráficos

Os gráficos de dispersão são uma boa abordagem para um gráfico inicial, quando ainda não se conhecem bem os dados.

Vamos experimentar outros tipos de gráficos.

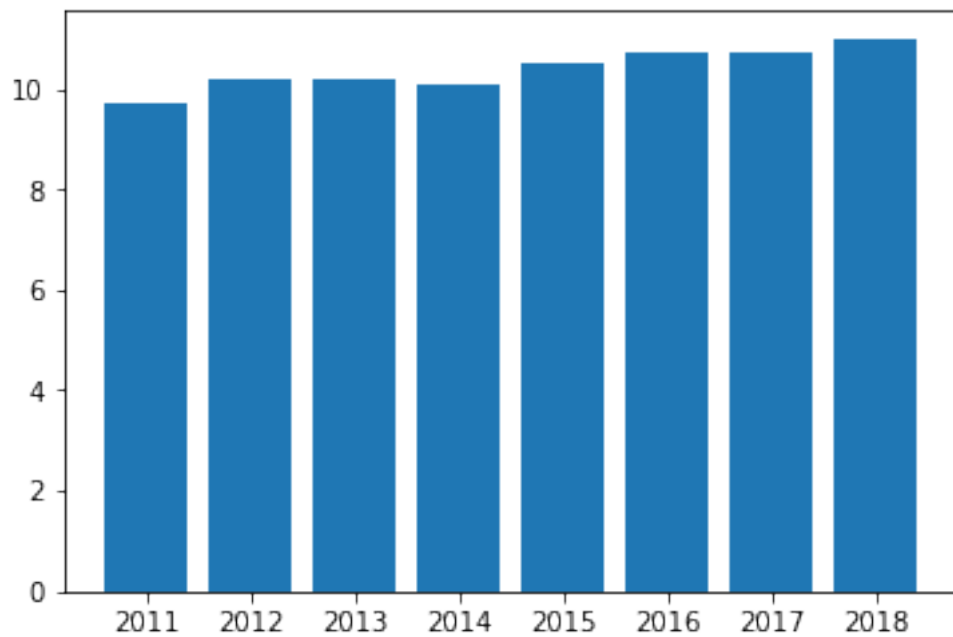
```
[5]: plt.plot( população.Ano, população.Mortalidade)
```

```
[5]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06d1676b50>]
```



```
[6]: plt.bar( população.Ano, população.Mortalidade)
```

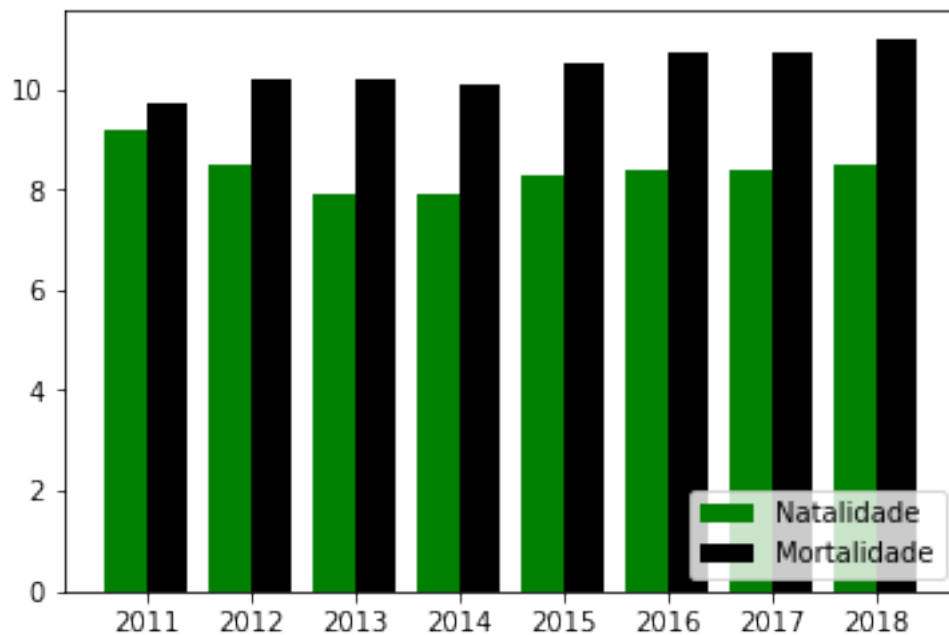
```
[6]: <BarContainer object of 8 artists>
```



Juntando as duas séries, e adicionando uma pequena legenda.

```
[7]: plt.bar( população.Ano-0.2, população.Natalidade, width=0.4, color="green")  
plt.bar( população.Ano+0.2, população.Mortalidade, width=0.4, color="black")  
plt.legend([ 'Natalidade', 'Mortalidade'], loc='lower right')
```

```
[7]: <matplotlib.legend.Legend at 0x7f06d088d9d0>
```



### 1.1.5 Estilo do gráfico

A apresentação do gráfico pode ser personalizada. A maneira mais fácil é escolher uma dos múltiplos [estilos existentes](#).

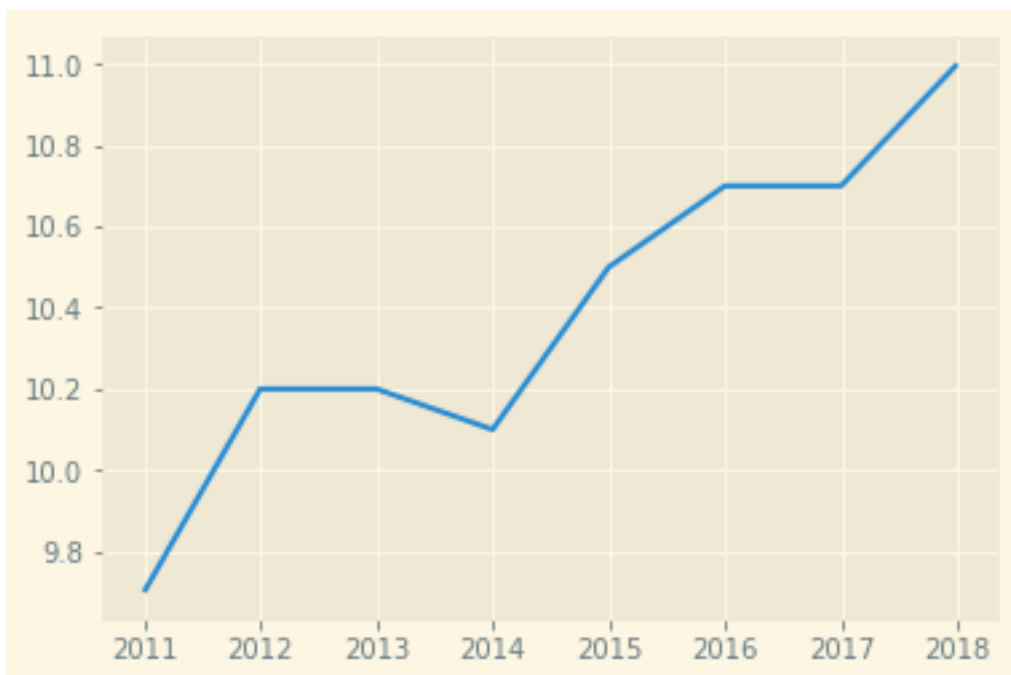
```
[8]: plt.style.use('dark_background')  
plt.plot( população.Ano, população.Mortalidade)
```

```
[8]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06d08a8a50>]
```



```
[9]: plt.style.use('Solarize_Light2')  
plt.plot( população.Ano, população.Mortalidade)
```

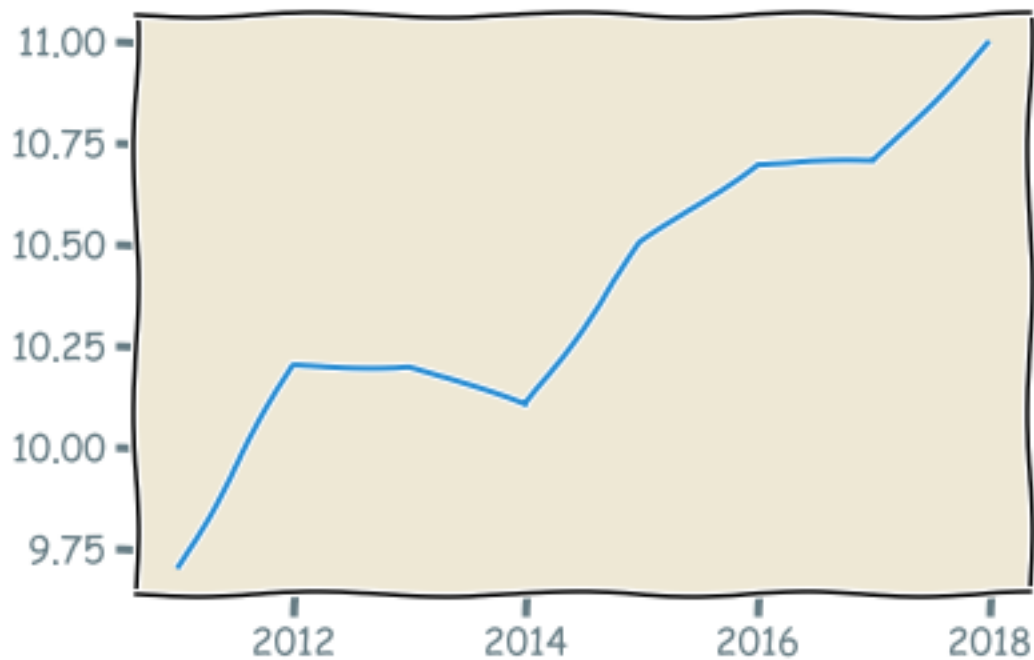
```
[9]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06d0a1e950>]
```



Além do estilo, existe ainda mais algumas funções que permitem alterar a forma de desenho, como este `plt.xkcd()`, que dá o mesmo efeito dos cartoons do [xkcd](#).

```
[10]: plt.xkcd()  
plt.plot( população.Ano, população.Mortalidade)
```

```
[10]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06d082e2d0>]
```



### 1.1.6 Exercício

Descobra um outro estilo ao seu gosto e use-o aqui, aplicado ao mesmos dados anteriores.

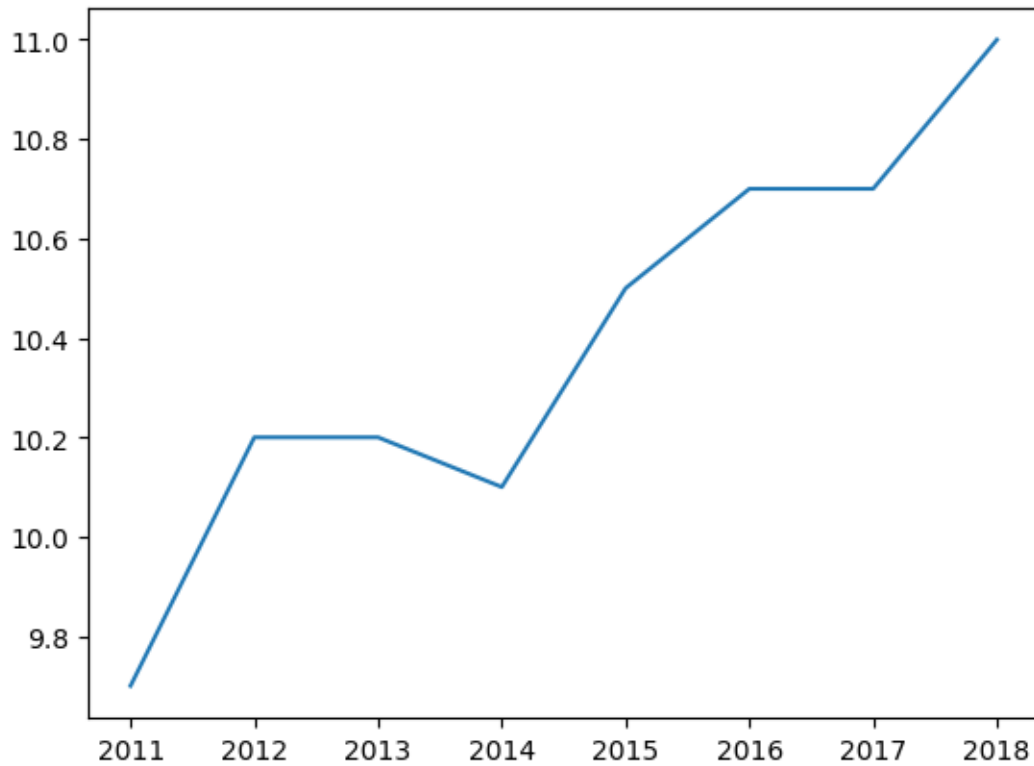
```
[ ]:
```

### 1.1.7 Estilo padrão

Para voltar ao estilo padrão, usar `plt.style.use('default')`.

```
[11]: plt.style.use('default')  
plt.plot( população.Ano, população.Mortalidade)
```

```
[11]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06d070aed0>]
```



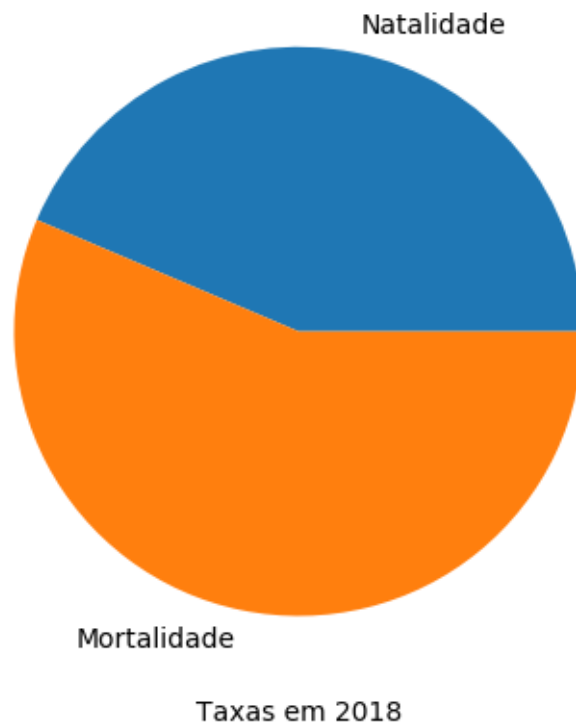
### 1.1.8 Gráfico de setores ou gráfico circular

Estão gráficos são muito apropriados para se perceber a proporção entre variáveis.

```
[12]: colunas = ['Natalidade', 'Mortalidade']  
valores = população[ população.Ano == 2018][ colunas ].values  
plt.pie(valores[0], labels=colunas)  
plt.xlabel("Taxas em 2018")
```

```
[12]: Text(0.5, 0, 'Taxas em 2018')
```

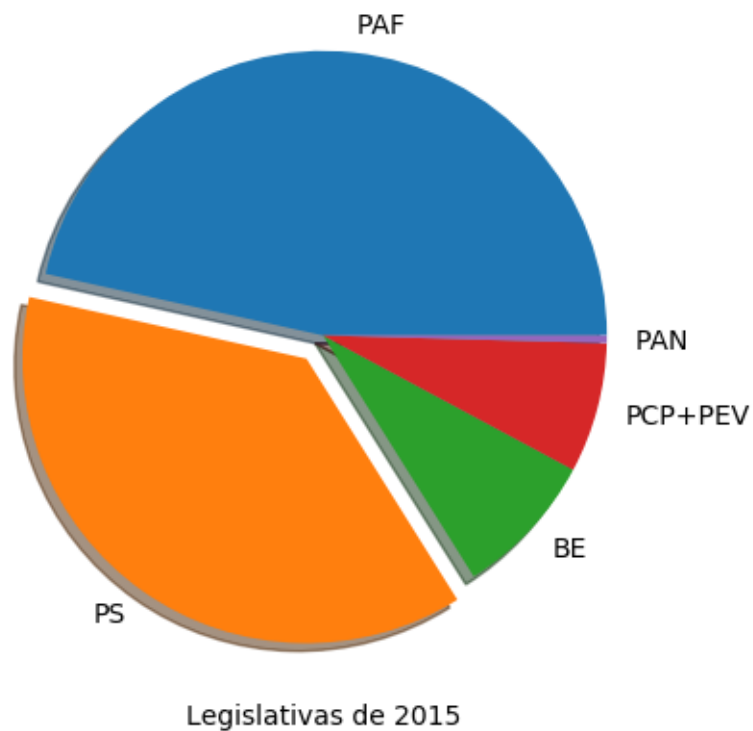




Outro exemplo. que se se usa o parâmetro `explode` para destacar um dos elementos.

```
[13]: partidos = 'PAF', 'PS', 'BE', 'PCP+PEV', 'PAN'
      deputados = [ 107, 86, 19, 17, 1 ]
      # destaca o segundo elemento da lista
      explode = (0, 0.1, 0, 0, 0)
      plt.pie(deputados, explode=explode, labels=partidos, shadow=True)
      plt.xlabel("Legislativas de 2015")
```

```
[13]: Text(0.5, 0, 'Legislativas de 2015')
```



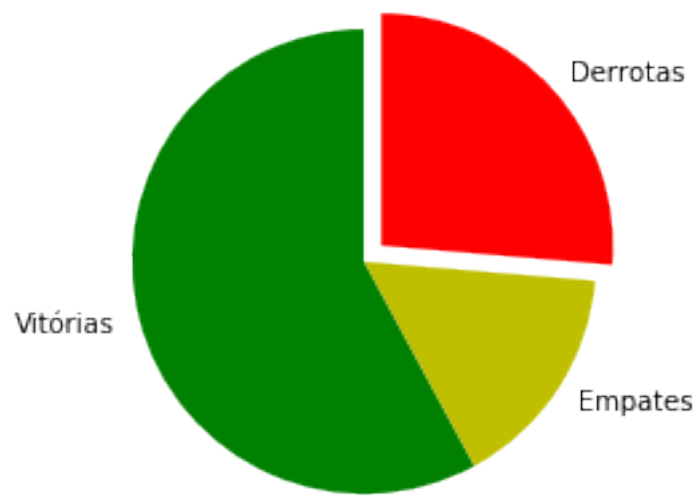
### 1.1.9 Exercício

Sabendo que o Sporting Clube de Braga, num temporada anterior, ao fim de 19 jogos, tinha conseguido:

11 vitórias,  
3 empates,  
5 derrotas.

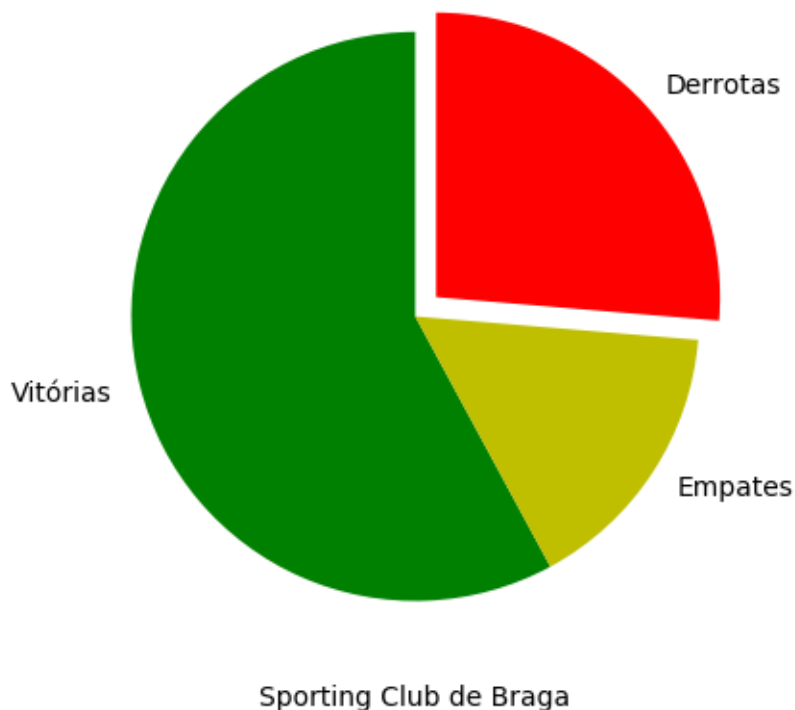
Faça um gráfico de setores que represente a proporção entre vitórias, empates e derrotas.

Tente fazer um gráfico o mais semelhante possível com o que foi feito no Octave.



Sporting Club de Braga

```
[14]: resultados = 'Vitórias', 'Empates', 'Derrotas'
      jogos = [ 11, 3, 5 ]
      explode = (0, 0, 0.1)
      colors = ['g','y','r']
      plt.xlabel("Sporting Club de Braga", verticalalignment='top')
      plt.pie(jogos, explode=explode, labels=resultados, colors=colors, startangle=90.
      ↪0)
      plt.show()
```



#### 1.1.10 Acrescentar alguma matemática

Olhe para o gráfico da mortalidade apresentado. A taxa de mortalidade está a crescer ou a diminuir? Qual será o valor em 2019?

A estatística pode dar uma ajuda e o módulo `scipy.stats` também, pois permite-nos calcular uma [regressão linear](#) a partir dos dados que já temos em relação à taxa de mortalidade bruta.

Nota: se não tem o módulo `scipy` instalado, instale-o com o `pip` ou com o `conda` do Anaconda. No Linux, poderá fazer: `sudo pip3 install scipy`, para instalar este módulo.

Sendo `x` e `y`:

```
x = população.Ano  
y = população.Mortalidade
```

Podemos calcular a regressão linear da seguinte forma:

```
stats = linregress(x, y)
```

```
m = stats.slope  
b = stats.intercept
```

em que os coeficientes `m` e `b` são os habituais para uma linha  $y = mx + b$ . Em particular, o coeficiente `m` dá-nos o declive, que nos diz se esta taxa tem crescido, está estável ou tem diminuído.

Sabendo os coeficientes  $m$  e  $b$ , usando a equação  $y = mx + b$ , podemos estimar a taxa de mortalidade em 2019.

```
[15]: from scipy.stats import linregress
stats = linregress(x, y)

m = stats.slope
b = stats.intercept
coef = stats.rvalue

taxa_2019 = m * 2019 + b
print( "Taxa de Mortalidade Bruta estimada para 2019: {:.1f}".format(
    taxa_2019 ) )
print( "O coeficiente quadrado desta relação é: {:.3f}".format(coef**2) )
```

Taxa de Mortalidade Bruta estimada para 2019: 11.1  
O coeficiente quadrado desta relação é: 0.897

A mesma regressão se poderia calcular para a natalidade:

```
[16]: stats = linregress(população.Ano, população.Natalidade)

m_n = stats.slope
b_n = stats.intercept
```

#### Nota:

Para a taxa bruta de natalidade (para este conjunto de anos), não é possível estabelecer uma relação tão boa como na mortalidade. Isso é muito fácil de ver com um outro resultado do cálculo da regressão linear (o [coeficiente de determinação](#)):

Para a mortalidade:

```
stats = linregress(x, y)
coef = stats.rvalue
print(coef**2)
0.8974737775151429
```

Para a natalidade:

```
stats = linregress(população.Ano, população.Natalidade)
coef = stats.rvalue
print(coef**2)
0.06238859180035636
```

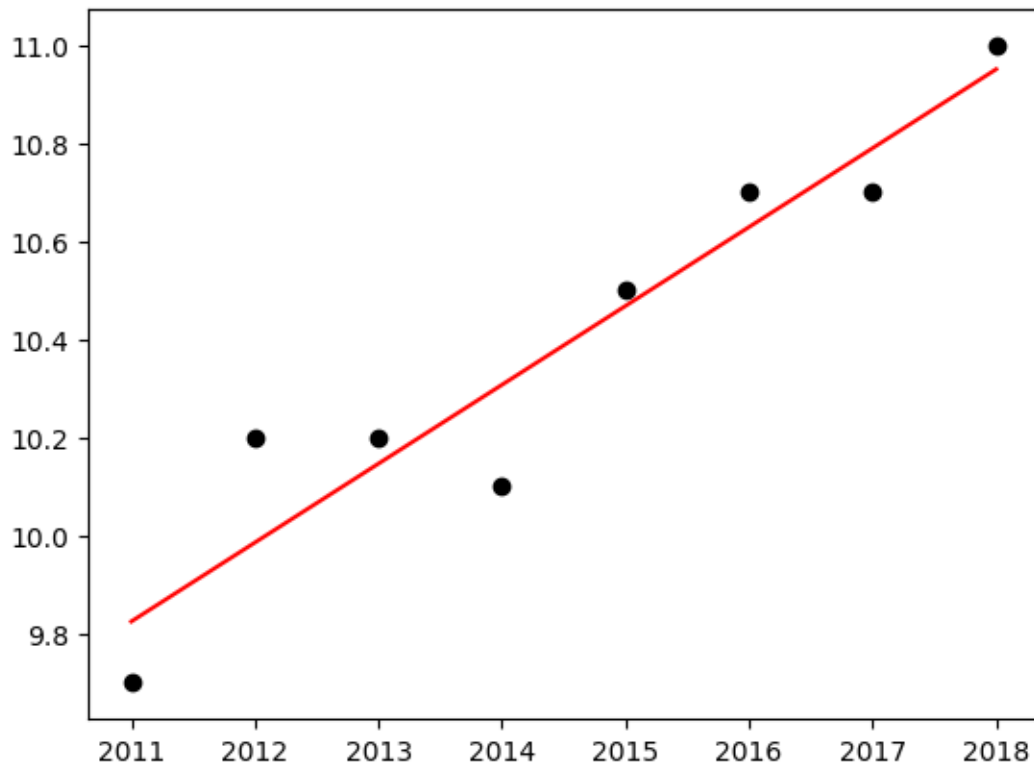
O coeficiente quadrado da taxa de mortalidade é perto de 1, o que significa que há uma boa relação. Já o coeficiente quadrado da taxa de natalidade é perto de 0. Significa que não há uma relação linear entre o ano e a taxa bruta de natalidade.

### 1.1.11 Gráfico com duas séries

No gráfico seguinte, juntamos duas visualizações. O eixo dos  $x$  é o mesmo. No eixo dos  $y$ , mostramos os valores da taxa de mortalidade e a relação linear entre o ano e a taxa de mortalidade bruta. A regressão linear está desenhada a vermelho, para se ver melhor.

```
[17]: plt.scatter( x, y, color="black")  
      plt.plot(x, m * x + b, color="red")
```

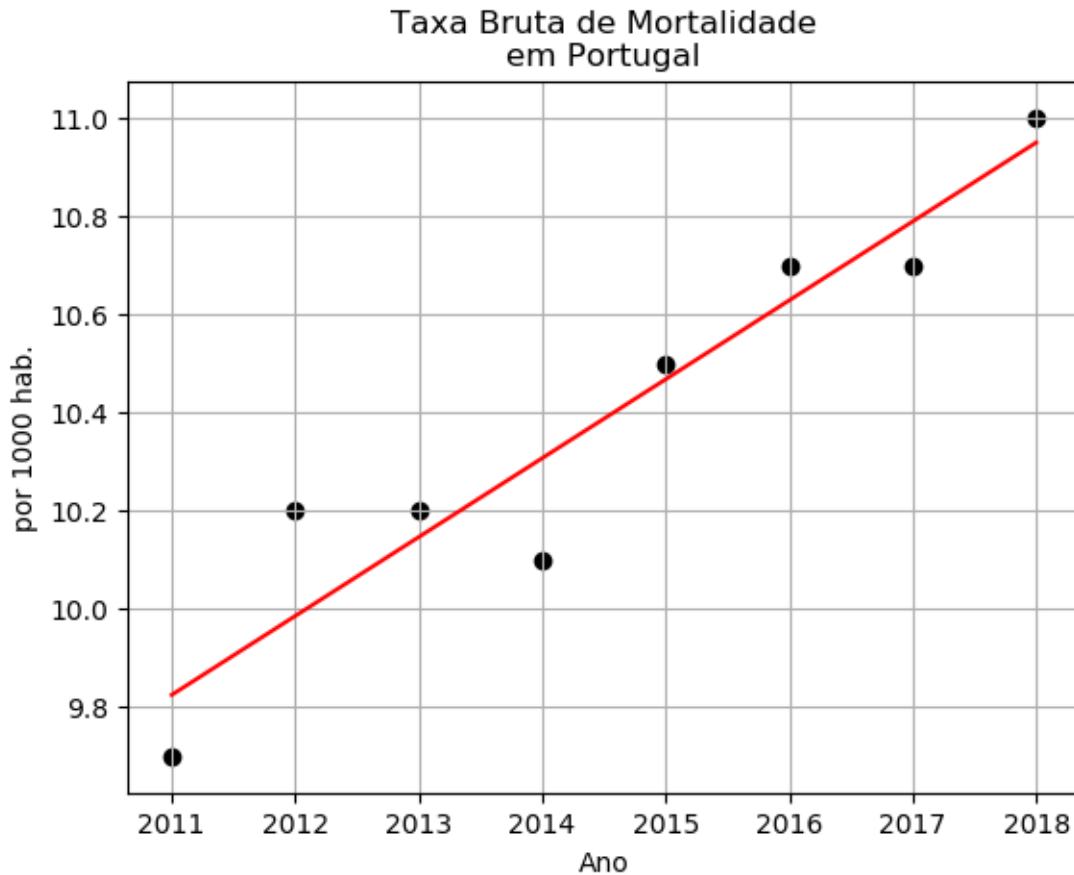
```
[17]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06d0600bd0>]
```



O gráfico apresentado, permite ver uma tendência clara de aumento da Taxa Bruta de Mortalidade.

Vamos melhorar o gráfico anterior, com um título em cada um dos eixos e com uma grelha.

```
[18]: plt.scatter( x, y, color="black")  
      plt.plot(x, m * x + b, color="red")  
  
      plt.xlabel("Ano")  
      plt.ylabel("por 1000 hab.")  
      plt.title("Taxa Bruta de Mortalidade\ nem Portugal")  
      plt.grid()
```



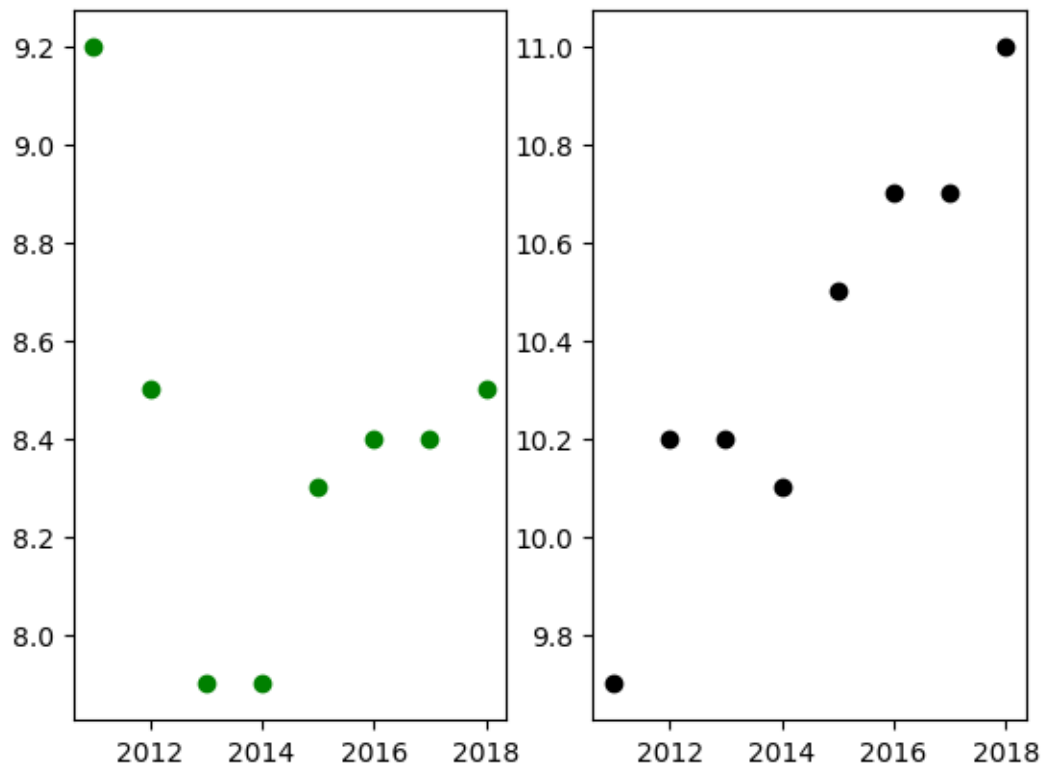
### 1.1.12 Compor gráficos

No exemplo seguinte, vamos colocar na mesma figura dois gráficos. Vamos ter dois subgráficos, dispostos numa linha, com duas colunas.

Repare que se usa o método `plt.subplot()` com três argumentos: os dois primeiros referem-se à geometria dos subgráficos: 1 linha, 2 colunas; o último (1 ou 2), refere-se ao índice do gráfico que vou desenhar.

```
[19]: plt.subplot(1, 2, 1)
plt.scatter( população.Ano, população.Natalidade, color="green")
plt.subplot(1, 2, 2)
plt.scatter( população.Ano, população.Mortalidade, color="black")
```

```
[19]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x7f06b3419410>
```

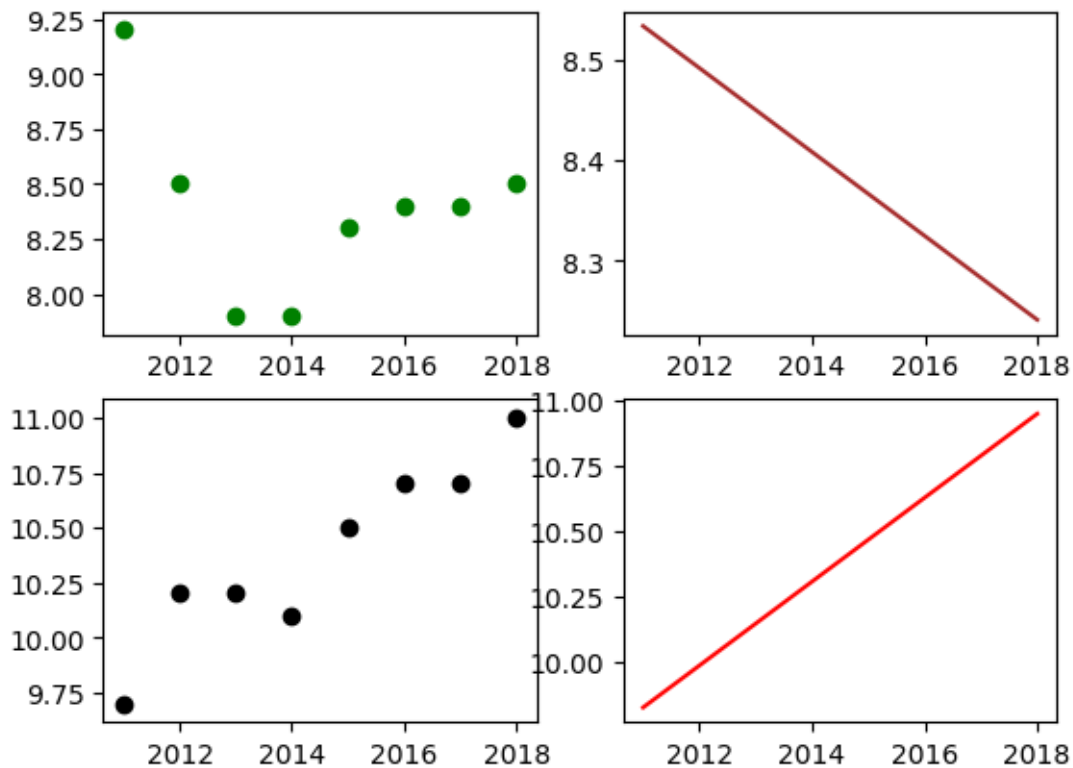


De forma análoga, se se quiserem juntar quatro gráficos na mesma figura, podemos criar uma geometria de duas linhas por duas colunas (2x2), como é ilustrado na figura seguinte:

```
[20]: plt.subplot(2, 2, 1)
plt.scatter( população.Ano, população.Natalidade, color="green")
plt.subplot(2, 2, 2)
plt.plot(x, m_n * x + b_n, color="brown")
plt.subplot(2, 2, 3)
plt.scatter( população.Ano, população.Mortalidade, color="black")
plt.subplot(2, 2, 4)
plt.plot(x, m * x + b, color="red")
```

```
[20]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06b3260750>]
```





**Compor o mesmo gráfico, de uma forma diferente** O pyplot existe a noção de figura atual. Ou seja, quando estamos a preparar um gráfico, estamos a configurar a figura atual. No Jupyter, em cada célula criamos e modificamos a figura dessa célula. Na célula seguinte, a figura é outra e assim sucessivamente. Por isso, no Jupyter não nos precisamos de preocupar muito com este conceito, se só estamos a produzir gráficos simples.

Contudo, torna-se mais claro dar nomes aos diferentes objectos que compõem o gráfico.

Vamos escrever mais duas formas alternativas de compor o mesmo gráfico.

O gráfico anterior pode ser definido da seguinte forma:

```
[21]: fig = plt.figure()
ax_natal = fig.add_subplot(2, 2, 1)
ax_natal.scatter( população.Ano, população.Natalidade, color="green")

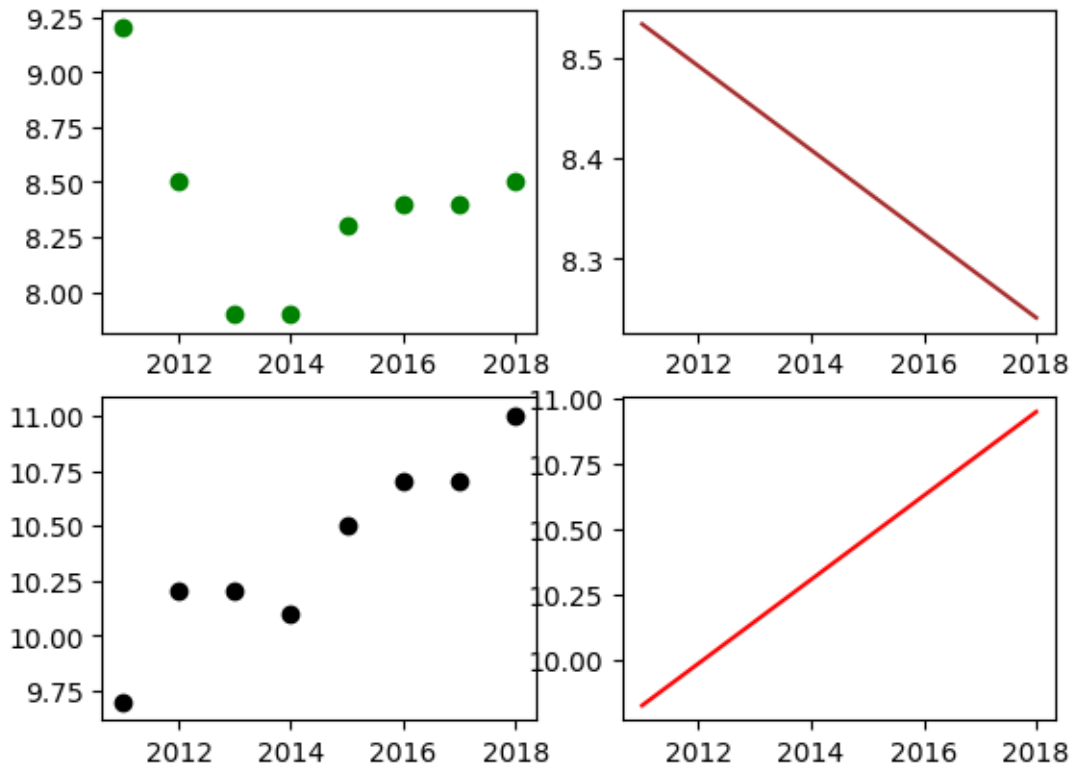
ax_regressao_n = fig.add_subplot(2, 2, 2)
ax_regressao_n.plot(x, m_n * x + b_n, color="brown")

ax_mortal = fig.add_subplot(2, 2, 3)
ax_mortal.scatter( população.Ano, população.Mortalidade, color="black")

ax_regressao = fig.add_subplot(2, 2, 4)
```

```
ax_regressao.plot(x, m * x + b, color="red")
```

[21]: [



Esta notação torna mais fácil e mais clara a manipulação dos diferentes objectos da figura. Passa a ter objectos que representam a figura em si (`fig`), e cada um dos eixos (`ax_natal`, `ax_regressao_n`, `ax_mortal`, `ax_regressao`).

À medida que for construindo gráficos mais complexos, verá que esta notação torna mais claro o manuseamento das diferentes componentes do gráfico.

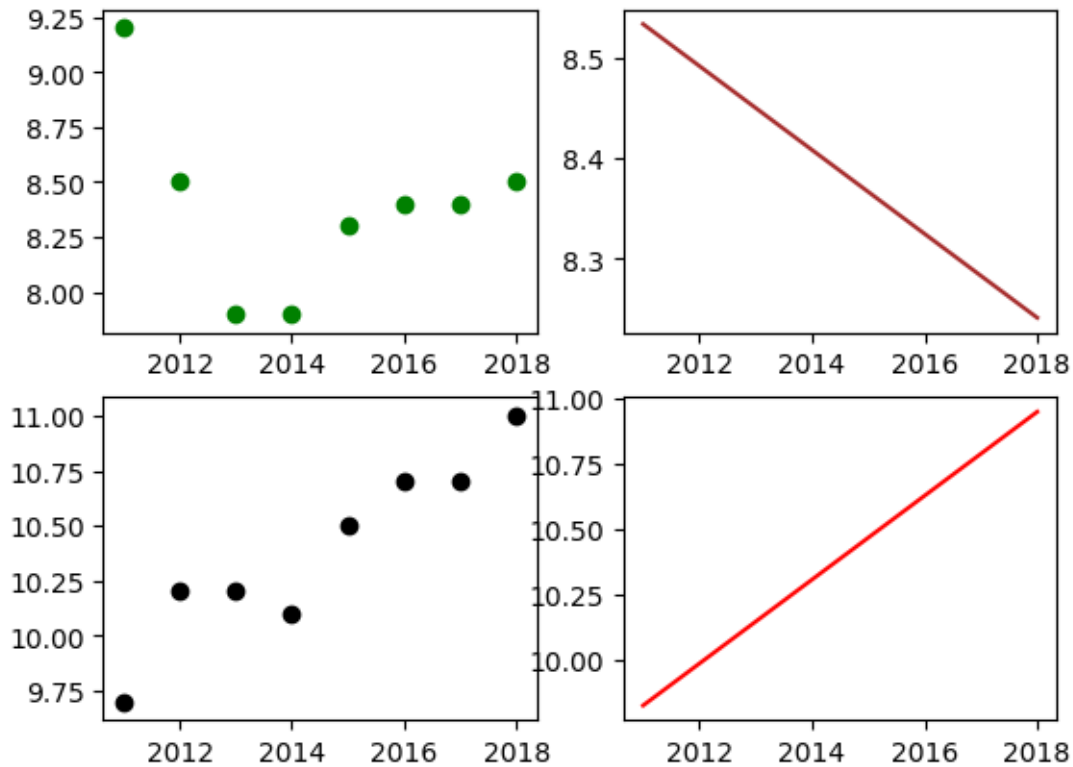
Podemos usar uma outra forma ainda mais compacta, que cria os mesmos objectos, e que é a forma mais indicada.

**Vamos usar esta preferencialmente esta forma**, para os gráficos mais complexos.

```
[22]: fig = plt.figure()
fig, ((ax_natal, ax_regressao_n), (ax_mortal, ax_regressao)) = plt.subplots(2, 2)
ax_natal.scatter(população.Ano, população.Natalidade, color="green")
ax_regressao_n.plot(x, m_n * x + b_n, color="brown")
ax_mortal.scatter(população.Ano, população.Mortalidade, color="black")
ax_regressao.plot(x, m * x + b, color="red")
```

[22]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06b2fbae90>]

<Figure size 640x480 with 0 Axes>



### 1.1.13 Alargar o tamanho do gráfico

Pode-se alterar as propriedades da figura que é criada, quando nada é dito. No exemplo seguinte, vamos explicitamente criar uma figura com o dobro da largura, para acomodar melhor os dois gráficos lado a lado.

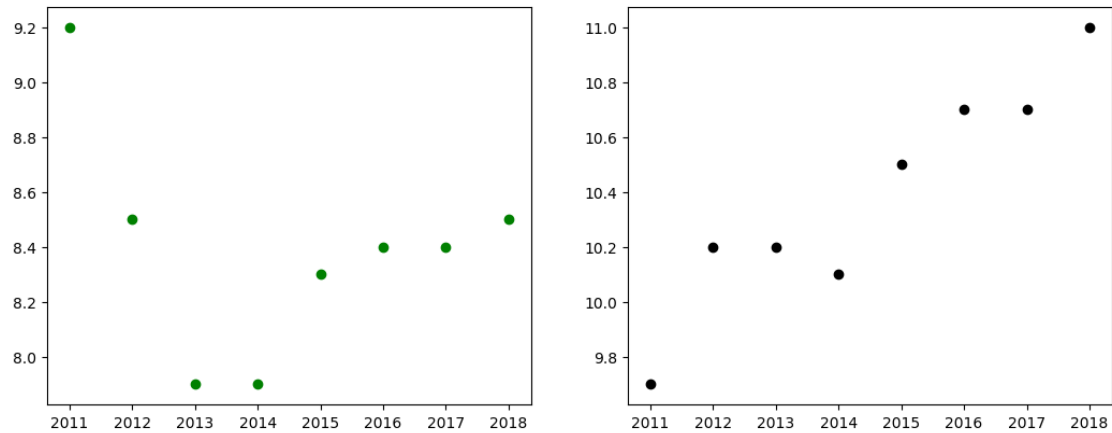
As dimensões predefinidas são: 6.4" por 4.8" polegadas (sendo 1" igual a 25.4 mm). Ou seja, em mm, um gráfico tem as dimensões 162.56 mm de largura por 121.92 mm de altura.

Vamos duplicar a largura predefinida, para 12.8".

```
[23]: fig, (ax_natal, ax_mortal) = plt.subplots(1, 2, figsize=( 12.8, 4.8))

ax_natal.scatter( população.Ano, população.Natalidade, color="green")
ax_mortal.scatter( população.Ano, população.Mortalidade, color="black")
```

[23]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x7f06d0668d50>



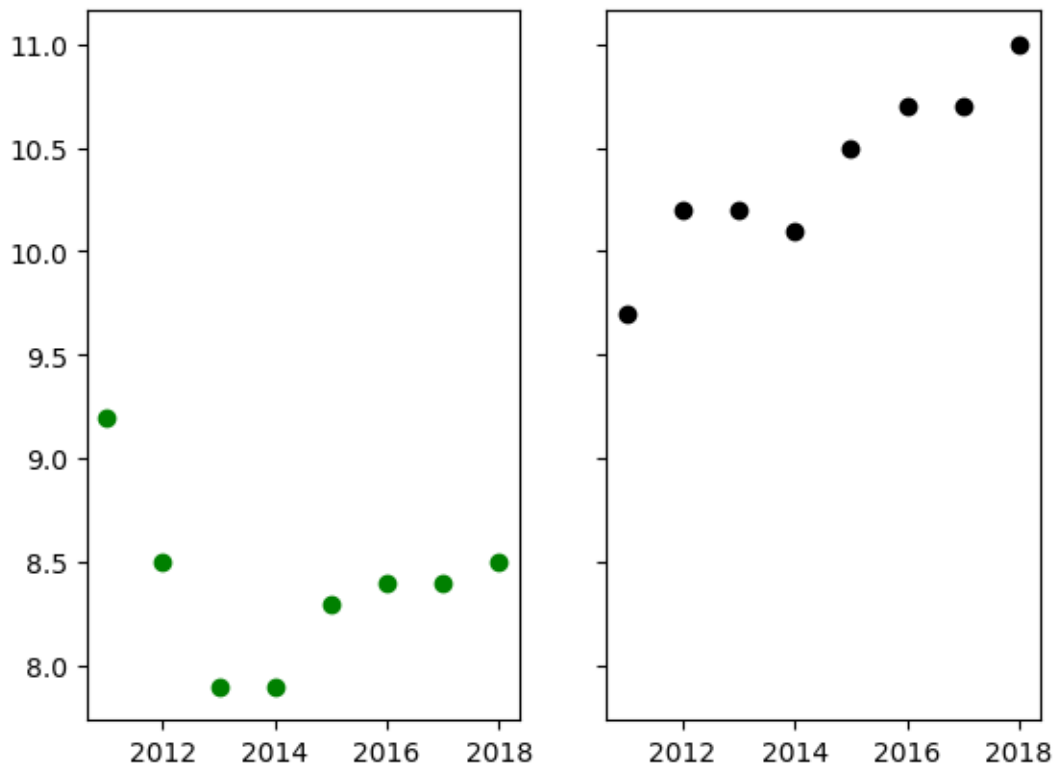
#### 1.1.14 Partilhar eixos

Repare que até aqui temos juntado gráficos na mesma figura, mas sempre independentes. Neste caso, pode-se melhorar a informação passada pelos gráficos, usando os mesmos valores em y. Ou seja, tornando o eixo dos y comum aos dois gráficos da figura.

```
[24]: fig, (ax_natal, ax_mortal) = plt.subplots(1, 2, sharey=True)

ax_natal.scatter( população.Ano, população.Natalidade, color="green")
ax_mortal.scatter( população.Ano, população.Mortalidade, color="black")
```

```
[24]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x7f06b2ea67d0>
```



### 1.1.15 Gráficos 3D

Nesta introdução não se abordam os gráficos 3D, mas fica desde já a saber que esta biblioteca permite criar gráficos 3D.

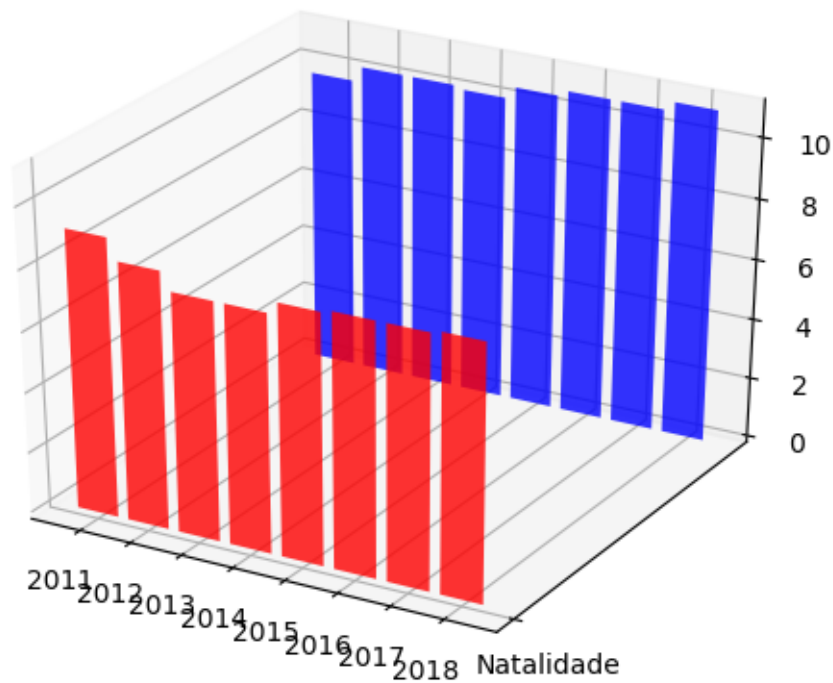
```
[25]: from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D

fig = plt.figure()
ax = plt.axes(projection='3d')

plt.yticks( [0, 1], [ '', 'Natalidade', 'Mortalidade' ] )

ax.bar(população.Ano, população.Natalidade, zs=1, zdir='y', color='r', alpha=0.
↪8)
ax.bar(população.Ano, população.Mortalidade, zs=2, zdir='y', color='b', alpha=0.
↪8)
```

```
[25]: <BarContainer object of 8 artists>
```



### 1.1.16 Gráficos interativos

O comportamento padrão do Jupyter é incluir os gráficos `inline`, como temos visto até aqui.

Pode-se alterar esse comportamento com uma instrução mágica (instruções começadas por %):

```
%matplotlib notebook
```

```
[26]: %matplotlib notebook
fig, (ax_natal, ax_mortal) = plt.subplots(1, 2, sharey=True, num="Gráfico_
↪interativo")

ax_natal.scatter( população.Ano, população.Natalidade, color="green")
ax_mortal.scatter( população.Ano, população.Mortalidade, color="black")
ax_mortal.plot(população.Ano, m * x + b, color="red")
```

```
<IPython.core.display.Javascript object>
```

```
<IPython.core.display.HTML object>
```

```
[26]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06b2d63a50>]
```

Ao definir gráficos interativos, são acrescentadas ferramentas que lhe permitem interagir com o gráfico.

Experimente, por exemplo, com a ferramenta **Pan**. Pode arrastar o conteúdo do gráfico e os eixos são atualizados automaticamente.

### 1.1.17 Exercício

Para aprender a trabalhar com o **pan** e o **zoom** interativo, diga em que dia(s) se verificaram registos irregulares de casos confirmados de COVID-19 em Portugal.

O gráfico é obtido com as seguintes instruções:

```
[27]: pandemia = pandas.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/jgrocha/covid-pt/
↳master/situacao_epidemiologica.csv')
confirmados = pandemia.sort_values(by=['data_relatorio'])[['data_relatorio',
↳'confirmados']]

%matplotlib notebook
fig, ax = plt.subplots()
ax.plot(confirmados.data_relatorio, confirmados.confirmados)
```

<IPython.core.display.Javascript object>

<IPython.core.display.HTML object>

```
[27]: [matplotlib.lines.Line2D at 0x7f06b1007cd0]
```

### 1.1.18 Resposta

### 1.1.19 Exercício (resolvido)

Vamos mostrar as diferenças entre a mortalidade, por escalão e por sexo, para os dados COVID-19 disponibilizados pela DGS.

```
[31]: pandemia.columns
```

```
[31]: Index(['id', 'url', 'data_relatorio', 'suspeitos', 'confirmados',
'nao_confirmados', 'aguarda_resultados', 'recuperados', 'obitos',
'em_vigilancia', 'confirmados_masculino_0_9',
'confirmados_masculino_10_19', 'confirmados_masculino_20_29',
'confirmados_masculino_30_39', 'confirmados_masculino_40_49',
'confirmados_masculino_50_59', 'confirmados_masculino_60_69',
'confirmados_masculino_70_79', 'confirmados_masculino_80_sup',
'confirmados_feminino_0_9', 'confirmados_feminino_10_19',
'confirmados_feminino_20_29', 'confirmados_feminino_30_39',
'confirmados_feminino_40_49', 'confirmados_feminino_50_59',
'confirmados_feminino_60_69', 'confirmados_feminino_70_79',
'confirmados_feminino_80_sup', 'importados', 'internados',
'internados_uci', 'sintoma_febre', 'sintoma_tosse',
'sintoma_respiratoria', 'sintoma_cefaleia', 'sintoma_dores',
```

```

'sintoma_fraqueza', 'obitos_masculino_0_9', 'obitos_masculino_10_19',
'obitos_masculino_20_29', 'obitos_masculino_30_39',
'obitos_masculino_40_49', 'obitos_masculino_50_59',
'obitos_masculino_60_69', 'obitos_masculino_70_79',
'obitos_masculino_80_sup', 'obitos_feminino_0_9',
'obitos_feminino_10_19', 'obitos_feminino_20_29',
'obitos_feminino_30_39', 'obitos_feminino_40_49',
'obitos_feminino_50_59', 'obitos_feminino_60_69',
'obitos_feminino_70_79', 'obitos_feminino_80_sup'],
dtype='object')

```

```

[29]: # pandemia
recente = pandemia.sort_values(by=['data_relatorio'], ascending=False).
↳ head(1)['data_relatorio'].values
recente[0]
feminino = pandemia.filter(regex=("obitos_feminino"))[pandemia.data_relatorio_
↳ == recente[0]].values
masculino = pandemia.filter(regex=("obitos_masculino"))[pandemia.
↳ data_relatorio == recente[0]].values
# obitos_feminino_0_9      obitos_feminino_10_19
↳      obitos_feminino_20_29      obitos_feminino_30_39
↳      obitos_feminino_40_49      obitos_feminino_50_59
↳      obitos_feminino_60_69      obitos_feminino_70_79
↳      obitos_feminino_80_sup
obitos_feminino = feminino[0]
obitos_masculino = masculino[0]
escalões = '0-9', '10-19', '20-29', '30-38', '40-49', '50-59', '60-69',
↳ '70-79', '80-sup'

fig, (ax_masculino, ax_feminino) = plt.subplots(ncols=2, sharey=True)
ax_masculino.barh(escalões, obitos_masculino, align='center', color='blue')
ax_feminino.barh(escalões, obitos_feminino, align='center', color='pink')

ax_masculino.set_xlim(ax_feminino.get_xlim())
ax_masculino.invert_xaxis()

```

<IPython.core.display.Javascript object>

<IPython.core.display.HTML object>

### 1.1.20 Exercício

Faça um gráfico similar ao anterior para os casos confirmados, por escalão etário e por sexo, para a data mais recente.



```
[32]: # pandemia
recente = pandemia.sort_values(by=['data_relatorio'], ascending=False).
↳head(1)['data_relatorio'].values
recente[0]
feminino = pandemia.filter(regex=("confirmados_feminino"))[pandemia.
↳data_relatorio == recente[0]].values
masculino = pandemia.filter(regex=("confirmados_masculino"))[pandemia.
↳data_relatorio == recente[0]].values
# obitos_feminino_0_9      obitos_feminino_10_19
↳      obitos_feminino_20_29      obitos_feminino_30_39
↳      obitos_feminino_40_49      obitos_feminino_50_59
↳      obitos_feminino_60_69      obitos_feminino_70_79
↳      obitos_feminino_80_sup
obitos_feminino = feminino[0]
obitos_masculino = masculino[0]
escalões = '0-9', '10-19', '20-29', '30-38', '40-49', '50-59', '60-69',
↳'70-79', '80-sup'

fig, (ax_masculino, ax_feminino) = plt.subplots(ncols=2, sharey=True)
ax_masculino.barh(escalões, obitos_masculino, align='center', color='blue')
ax_feminino.barh(escalões, obitos_feminino, align='center', color='pink')

ax_masculino.set_xlim(ax_feminino.get_xlim())
ax_masculino.invert_xaxis()
```

<IPython.core.display.Javascript object>

<IPython.core.display.HTML object>

### 1.1.21 Exercício

Faça um gráfico de barras na horizontal, como os anteriores, para o total de casos confirmados ao longo do tempo. No eixo dos Y devem aparecer as datas, da mais recente para a mais antiga.

[ ]: