

# Mecánica de fluidos: ejercicios.

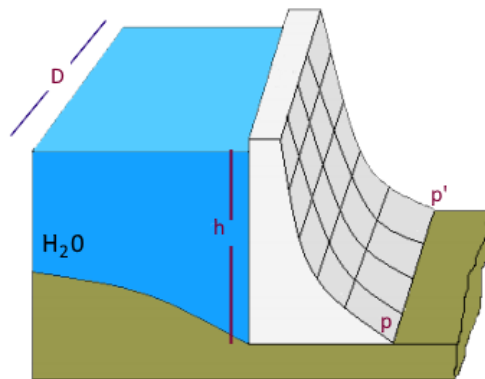
## Contenido:

Ejercicio 1:	1
Solución:	1
Verificación:	3
Simulación interactiva:	3

## Ejercicio 1:

Sabiendo que el agua alcanza una profundidad  $h = 750 \text{ m}$  en la pared vertical de la represa mostrada en la siguiente figura y que la pared tiene un ancho  $D = 300 \text{ m}$ , hallar:

- La fuerza horizontal resultante ejercida por la presión manométrica del agua sobre la pared de la represa.
- Hallar el momento de fuerza ( $\tau$ ) que hace tender a girar la represa alrededor del eje  $pp'$ .



## Solución:

Las ecuaciones a utilizar para la solución de el ejercicio estan dadas por las siguientes expresiones:

$$F = P * A$$

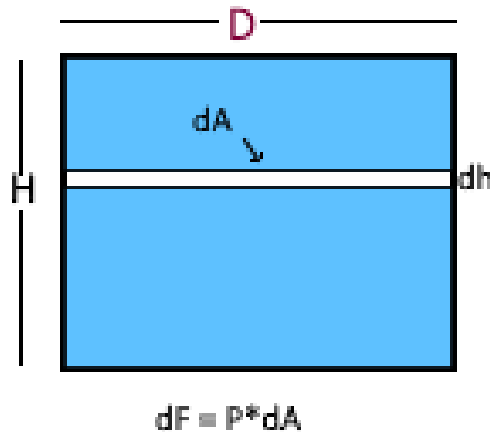
Dónde  $F$  es la fuerza ejercida y  $P$  es la Presión

$$P = P_0 + \rho * g * h$$

Donde  $P_0$  es la Presión atmosférica sobre el agua,  $\rho$  es la densidad del agua,  $g$  es la aceleración de la gravedad y  $h$  es la altura. Dado que el ejercicio habl de la presión manométrica del agua sobre la pared, exige que no sea tenida en cuenta la presión atmosférica entonces la anterior expresión se reduce a :

$$P = \rho * g * h$$

Ahora, como la presión no es uniforme en toda la superficie de la pared de la represa, sino que depende de la profundidad  $h$  se debe tomar un diferencial de altura  $\delta h$  y encontrar el diferencias de fuerza  $\delta F$ . como se muestra en la siguiente figura:



Sabemos que:

$$\delta F = p \cdot \delta A$$

Reemplazando nos queda:

$$\delta F = (\rho \cdot g \cdot h) \cdot (D \cdot \delta h)$$

La Fuerza total resultante será la sumatoria de todas las  $\delta F$  entre 0 y  $H$ , es decir, la integral definida del diferencial de fuerza:

$$\int \delta F = \int (\rho \cdot g \cdot h) \cdot (D \cdot \delta h)$$

Resolviendo para toda la pared:

$$\int_0^H \rho \cdot g \cdot D \cdot h \cdot \delta h = \rho \cdot g \cdot D \cdot \int_0^H h \cdot \delta h$$

Resolviendo la integral:

$$\Rightarrow F = \rho \cdot g \cdot D \cdot \int_0^H h \cdot \delta h = 1/2 \cdot \rho \cdot g \cdot D \cdot H^2$$

El valor de la densidad del agua  $\rho$  es 1000, al evaluar el resultado reemplazando los valores del ejercicio:

$$F = 1/2 \cdot 1000 \cdot 9.8 \cdot 750 \cdot 90000 = 3.3075 \times 10^{11} \text{ Newton.}$$

Ahora, el torque o momento de la fuerza  $\delta T$  respecto del eje  $pp'$  está definido por la expresión:

$$\delta \tau = (H - h) \cdot \delta F = \rho \cdot g \cdot D \cdot h \cdot (H - h) \cdot \delta h$$

y el torque resultante es:

$$\tau = \int_0^H \delta\tau = \rho \cdot g \cdot D \cdot \int_0^H h \cdot (H - h) \cdot \delta h$$

Resolviendo:

$$\tau = 1/6 \cdot \rho \cdot g \cdot D \cdot H^3$$

Sustituyendo los valores tenemos:

$$\tau = 1/6 \cdot 1000 \cdot 9.8 \cdot 750 \cdot 300^3 = 3.3075 \times 10^{13} \text{Newton}$$

## Verificación:

Primero esto creamos las variables que influyen en el sistema:

Definición de variables:

$$D = 750$$

$$D = 750$$

$$H = 300$$

$$H = 300$$

$$\rho = 1000$$

$$\rho = 1000$$

$$g = 9.8$$

$$g = 9.8000\text{e}+00$$

Calculo del Fuerza y torque:

$$F = (1/2) \cdot \rho \cdot g \cdot D \cdot H^2$$

$$F = 3.3075\text{e}+11$$

$$\tau = (1/6) \cdot \rho \cdot g \cdot D \cdot H^3$$

$$\tau = 3.3075\text{e}+13$$

## Simulación interactiva:

En este ejercicio se puede observar el comportamiento de las fuerza y del torque con diferentes valores de altura, longitud y densidad del liquido

Altura = 310

Altura =  
320

Longitud = 550

Longitud =  
550

deltaRho = 1.14

deltaRho =  
1.0800e+00

H = Altura;  
D = Longitud;  
Newrho = rho \* deltaRho

Newrho =  
1080

$F = (1/2) * \text{Newrho} * g * D * H^2$

F =  
2.9805e+11

$\tau = (1/6) * \text{Newrho} * g * D * H^3$

tau =  
3.1792e+13