PROCEU - Prova de conhecimentos básicos

1. Determine o valor da expressão:

$$2+3\cdot\{5-3\cdot[11+5-2\cdot(\frac{9}{3}+5+2^3+5\cdot7)+6]-18\}+3^3.$$

- 2. Em uma cidade do interior de São Paulo, 30% dos habitantes têm menos de 20 anos, 55% dos habitantes tem entre 20 e 60 anos, e o restante tem mais de 60 anos. Dado que a cidade tem 500.000 habitantes, qual o número de pessoas que tem mais de 60 anos?
- 3. Petrônio decidiu viajar de férias, e saiu de casa com o tanque do carro cheio. Sabe-se que ele já percorreu $\frac{1}{4}$ do caminho, gastando $\frac{3}{4}$ do tanque de combustível. Quantas para abastecimento serão necessárias para que Petrônio chegue a seu destino?
- 4. Os logaritmos possuem várias aplicações na Matemática e em diversas áreas do conhecimento, como Física, Biologia, Química, Medicina, Geografia, entre outras. Definimos logaritmo como sendo o expoente que se deve elevar uma base, de modo que o resultado seja uma determinada potência. Isto é:

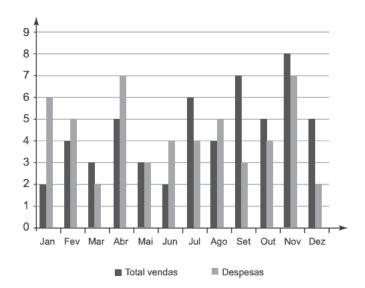
$$\log_a b = x \iff b = a^x$$

Onde a é a base, b o logaritmando e x o logaritmo. Com a e b positivos e $a \neq 1$.

Devido às suas propriedades, o uso de logaritmos facilita cálculos que envolvem números muito grandes ou pequenos. Algumas dessas propriedades são: logaritmo do produto, logaritmo do quociente e logaritmo da potência. Com isso, pede-se para calcular os seguintes valores de logaritmo:

- (a) $\log_{10} 6$ sabendo que $\log_{10} 2 = 0,30$ e $\log_{10} 3 = 0,47.$
- (b) $\log_{10} 4$ sabendo que $4 = 2^2$.
- (c) $\log_{10}(\frac{5}{4})$ sabendo que o $\log_{10} 5 = 0,69$
- 5. Maria está fazendo uma reforma em sua casa e contratou 7 pedreiros. Com este número de trabalhadores, Maria gastará no total R\$ 52.500,00 para pagar seus salários.
 - (a) Quanto gastaria Maria caso tivesse contratado 10 pedreiros?
 - (b) Se os 7 pedreiros reformam a casa em 33 dias, quantos pedreiros seriam necessários para terminá-la em 21 dias?

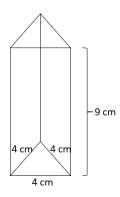
- 6. Os lados de um triângulo ABC medem $10cm,\,24cm$ e 26cm. É possível afirmar que esse é um triângulo retângulo? Justifique.
- 7. Uma empresa registrou seu desempenho em determinado ano por meio de um gráfico, com dados mensais do total de vendas e despesas.



O lucro mensal é obtido pela subtração entre o total de vendas e despesas, nesta ordem. Dizemos que houve prejuízo se o valor das despesas for superior ao total de vendas.

Qual o mês do ano em que foi registrado o maior lucro? E o pior prejuízo? Em qual mês o lucro foi igual a zero?

8. Dado o prisma a seguir, determine:



- (a) O volume do prisma regular de base triangular
- (b) A área lateral
- (c) A área total

Adote: área da base triangular como sendo $4\sqrt{3}\,cm^2$ e a altura do prisma igual a $9\,cm$.