

Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

Laboratorio Nro. 1 Recursión

Objetivos

- 1. Resolver problemas usando recursión
- 2. Corroborar los resultados teóricos obtenidos con la notación asintótica O

Consideraciones iniciales

Leer la Guía



Antes de comenzar a resolver el presente laboratorio, leer la "Guía Metodológica para la realización y entrega de laboratorios de Estructura de Datos y Algoritmos" que les orientará sobre los requisitos de entrega para este y todos los laboratorios, las rúbricas de calificación, el desarrollo de procedimientos, entre otros aspectos importantes.

Registrar Reclamos



En caso de tener **algún comentario** sobre la nota recibida en este u otro laboratorio, pueden **enviarlo** a través de http://bit.ly/2g4TTKf, el cual será atendido en la menor brevedad posible.



Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

Traducción de Ejercicios

En el GitHub del docente, encontrarán la traducción al español de los enunciados de los Ejercicios en Línea.



Visualización de Calificaciones



A través de *Eafit Interactiva* encontrarán un enlace que les permitirá ver un registro de las calificaciones que emite el docente para cada taller de laboratorio y según las rubricas expuestas. *Véase sección 3, numeral 3.7.*

GitHub



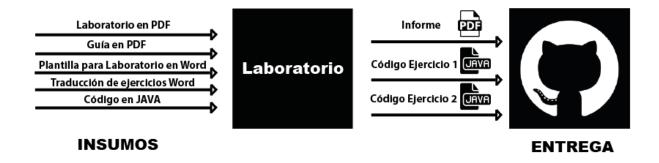
Crear un repositorio en su cuenta de GitHub con el nombre st0245-suCodigoAqui. 2. Crear una carpeta dentro de ese repositorio con el nombre laboratorios. 3. Dentro de la carpeta laboratorios, crear una carpeta con nombre lab01. 4. Dentro de la carpeta lab01, crear tres carpetas: informe, codigo y ejercicioEnLinea. 5.Subir el informe pdf a la carpeta infome, el código del ejercicio 1 a la carpeta codigo y el código del ejercicio en línea a la carpeta ejercicioEnLinea. Así:

```
st0245-suCodigoAqui
laboratorios
lab01
informe
codigo
ejercicioEnLinea
lab02
```

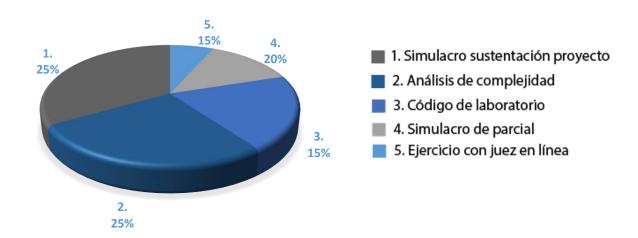
Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

Intercambio de archivos

Los archivos que **ustedes deben entregar** al docente son: **un archivo PDF** con el informe de laboratorio usando la plantilla definida, y **dos códigos**, uno con la solución al numeral 1 y otro al numeral 2 del presente. Todo lo anterior se entrega en **GitHub**.



Porcentajes y criterios de evaluación para el laboratorio





Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

Ejercicios a resolver

- 1.1 Utilizando recursión, escriban una función que reciba como parámetro un arreglo de enteros y retorne como respuesta la suma de los elementos del arreglo. Probar la función con arreglo de 100'000.000 de elementos.
- 1.2 Utilizando recursión, escriban una función que reciba como parámetro un arreglo de enteros y retorne como respuesta el máximo de los elementos del arreglo. Probar la función con arreglo de 100'000.000 de elementos.
- 1.3 Escriban una función que reciba como parámetro un valor entero n y retorne el enésimo término de la serie de Fibonacci. Probar la función con valores de 10, 20, 100 y 1000.

2) Ejercicios en línea sin documentación HTML en GitHub



Véase Guía en **Sección** 3, numeral 3.3



Entregar documentación en JavaDoc o equivalente. El uso de JavaDoc es opcional



Entregar un archivo en .JAVA



No se reciben archivos en **.PDF**



Resolver los problemas de **CodingBat** usando **Recursión**



Código del ejercicio en línea en GitHub. Véase Guía en Sección 4, numeral 4.24



NOTA: Recuerden que, si toman la respuesta de alguna fuente, deben referenciar según el tipo de cita correspondiente. Véase *Guía en Sección* 4. numerales 4.16 v 4.17

2.1 Resolver al menos 5 ejercicios del nivel *Recursion 1* de CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-1



Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

2.2 Resolver al menos 5 ejercicios del nivel *Recursion 2* de la página CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-2



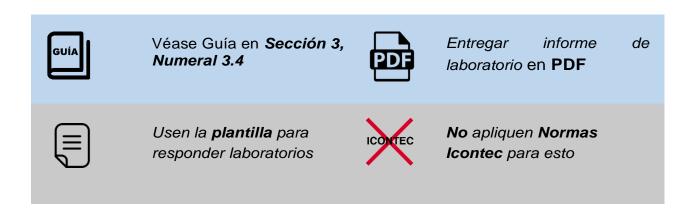
NOTA: No está permitido el ejercicio *GroupSum*.

2.3 Expliquen con sus propias palabras cómo funciona el ejercicio *GroupSum5*



NOTA: Recuerden que debe explicar su implementación en el informe PDF

- 2.4 Calculen la complejidad de los Ejercicios en Línea de los numerales 2.1 y 2.2 y agréguenta al informe PDF
- 2.5 Expliquen con sus palabras las variables (qué es 'n', qué es 'm', etc.) del cálculo de complejidad del ejercicio 2.4
- 3) Simulacro de preguntas de sustentación de Proyectos





Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

- 3.1 ¿Qué aprendieron sobre Stack Overflow?
- 3.2 ¿Cuál es el valor más grande qué pudo calcular para Fibonnacci? ¿Por qué? ¿Por qué no se puede ejecutar Fibonacci con 1 millón?
- 3.3 ¿Cómo se puede hacer para calcular el Fibonacci de valores grandes?
- 3.4 ¿Qué concluyen sobre la complejidad de los problemas de CodingBat Recursion 1 con respecto a los de Recursion 2?
- 4) Simulacro de Parcial en el informe PDF



Para este simulacro, agreguen sus respuestas en el informe PDF.



El día del Parcial no tendrán computador, JAVA o acceso a internet.



PISTA 1: Véase Guía en Sección 4, Numeral 4.18 "Respuestas del Quiz"

1. Pepito escribió un algoritmo que, dado un arreglo de enteros, decide si es posible escoger un subconjunto de esos enteros, de tal forma que la suma de los elementos de ese subconjunto sea igual a target. El parámetro start funciona como un contador y representa un índice en el arreglo de números nums.



Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

¿Qué parámetros colocarían en el llamado recursivo de la línea 4	para que el programa
funcione?	

2. Pepito escribió el siguiente código usando recursión

```
private int b(int[] a, int x, int low, int high) {
  if (low > high) return -1;
  int mid = (low + high)/2;
  if (a[mid] == x) return mid;
  else if (a[mid] < x)
     return b(a, x, mid+1, high);
  else
    return b(a, x, low, mid-1);
}</pre>
```

¿Cuál ecuación de recurrencia describe el comportamiento del algoritmo anterior para el peor de los casos?

- a) T(n)=T(n/2)+C
- **b)** T(n)=2.T(n/2)+C
- c) T(n)=2.T(n/2)+Cn
- **d)** T(n)=T(n-1)+C
- **3.** Dayla y Kefo están aquí de nuevo. En esta vez han traído un juego muy interesante, en el cual Kefo, en primer lugar, escoge un numero n ($1 \le n \le 20$) y, en segundo lugar, escoge tres números a,b y c ($1 \le a \le 9,1 \le b \le 9,1 \le c \le 9$).

Después, Kefo le entrega estos números a Dayla y Dayla le tiene que decir a Kefo la cantidad máxima de números tomados de a, b y c (se puede tomar un número más de una vez) que al sumarlos dan el valor n.

Como un ejemplo, si Kefo escoge n=14 y a=3,b=2,c=7. ¿Qué posibilidades hay de obtener 14 con a,b y c?



Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

```
7+7=14 cantidad es 2
7+3+2+2=14 cantidad es 4
3+3+3+3+2=14 cantidad es 5
...
2+2+2+2+2+2=14 cantidad es 7
```

La cantidad máxima de números es 7. Esta sería la respuesta que da Dayla a Kefo. Como Dayla es muy astuta, ha diseñado un algoritmo para determinar la cantidad máxima de números y quiere que le ayudes a terminar su código.

Asuman que hay al menos una forma de sumar n usando los números a, b y c en diferentes cantidades, incluso si algunos de los números se suman 0 veces como sucede en el ejemplo anterior.

3.1 Completen el espacio de la línea 04

3.2 Completen los espacios de la línea 05

3.3 Completen los espacios de la línea 06

4. ¿Qué calcula el algoritmo desconocido y cuál es la complejidad asintótica en el peor de los casos del algoritmo desconocido?

```
01 public int desconocido(int[] a) {
02    return aux(a, a.length-1); }
03
04 public int aux(int[] a, int n) {
05    if(n < 1) return a[n];</pre>
```

Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

06 else return a[n] + aux(a, n-1); }
a) La suma de los elementos del arreglo a y esb) Ordena el arreglo a y es O(n.log n)
c) La suma de los elementos del arreglo a y es $O(1)$
d) El máximo valor de un arreglo a y es $O(n)$
e) La suma de los elementos del arreglo a y es O(n)
5. Hay un tablero de 2×n cuadrados y usted necesita saber de cuantas maneras se puede llenar el tablero usando rectángulos de 1×2. Se ha propuesto el siguiente algoritmo recursivo
<pre>1 public int formas(int n) { 2 if(n <= 2); 3 return formas() + 4 formas(); 5 }</pre>
5.1 Completen las líneas faltantes.
Linea 2 Linea 3 Linea 4
5.2 ¿Cuántas instrucciones ejecuta el algoritmo en el peor de los casos?
a. $T(n)=T(n-1)+C$
b. $T(n)=T(n-1)+T(n-2)+C$
c. $T(n)=T(n/2)+C$
d. $T(n)=T(n+1)+C$
6) Alek y Krish están jugando <i>Número</i> . Número es un juego en el que un jugador 1,

suma de todos los dígitos de *n*, exceptuando el caso en el que hay dos dígitos adyacentes (es decir, contiguos, seguidos) que son iguales.

entrega un numero n (1<=n<=10100) a un jugador 2 y el jugador 2 debe determinar la



Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

Si hay dos dígitos adyacentes, no se suma ninguno de los dos números adyacentes. Entre Alek y Krish escribieron un código para hacer esto más rápido, pero se ha borrado una parte. ¿Podrían ayudarles a reconstruir el código a Alek y Krish?

```
1 public int suma(String n) {
2 return sumaAux(n, 0);
3 }
4
5 private int sumaAux(String n, int i){
    if (i \ge n.length()) {
7
     return 0;
8
    if(i + 1 < n.length() \&\&
       n.charAt(i) == n.charAt(i + 1)){
10
       return ;
11
12
    return (n.charAt(i) - '0') + ;
13
    }
```

La operación n.charAt(i) - '0' convierte un caracter en su equivalente en entero, por ejemplo, el caracter '1' lo transforma en el número 1.

6.1 Completen la línea 10.

6.2 Completen la línea 12.

7) Dado un conjunto S de n elementos se quiere determinar si existe un subconjunto R de S tal que la suma de los elementos de R es igual a t, con la condición que, si se toma un elemento par, el siguiente elemento no puede estar en R.

```
1 public boolean comb(int[] S, int i, int t) {
2    if(i >= S.length) {
3       return t == 0;
4    }
5    //par
6    if(S[i] % 2 == 0) {
7       return comb(S, i + 2, t - S[i])
```



Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

8	comb(S, i + 1, t);
9 ret	curn comb()
10	comb();
11 }	
Al anterior c	código le faltan algunas líneas las cuales deben completar
7.1 Línea 9	
7.2 Línea 10	0

5. [Ejercicio Opcional] Lectura recomendada



"Quienes se preparan para el ejercicio de una profesión requieren la adquisición de competencias que necesariamente se sustentan en procesos comunicativos. Así cuando se entrevista a un ingeniero recién egresado para un empleo, una buena parte de sus posibilidades radica en su capacidad de comunicación; pero se ha observado que esta es una de sus principales debilidades..."

Tomado de http://bit.ly/2gJKzJD



Véase Guía en **Sección 3, numeral 3.5 y 4.20** de la Guía Metodológica, "Lectura recomendada" y "Ejemplo para realización de actividades de las Lecturas Recomendadas", respectivamente



Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

Posterior a la lectura del texto "Narasimha Karumanchi, Data Structures and Algorithms made easy in Java, (2nd edition), 2011. Chapter 3: Recursion and Backtracking" realicen las siguientes actividades que les permitirán sumar puntos adicionales:

- a) Escriban un resumen de la lectura que tenga una longitud de 100 a 150 palabras
- b) Hagan un mapa conceptual que destaque los principales elementos teóricos.



NOTA: Estas respuestas también deben incluirlas en el informe PDF

6. [Ejercicio Opcional] Trabajo en Equipo y Progreso Gradual



El trabajo en equipo es una exigencia actual del mercado. "Mientras algunos medios retratan la programación como un trabajo solitario, la realidad es que requiere de mucha comunicación y trabajo con otros. Si trabajas para una compañía, serás parte de un equipo de desarrollo y esperarán que te comuniques y trabajes bien con otras personas"

Tomado de http://bit.ly/1B6hUDp



Véase Guía en **Sección 3, numeral 3.6** y **Sección 4, numerales 4.21, 4.22** y **4.23** de la Guía Metodológica

a) Entreguen copia de todas las actas de reunión usando el tablero Kanban, con fecha, hora e integrantes que participaron



Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

- **b)** Entreguen el reporte de *git*, *svn* o *mercuria*l con los cambios en el código y quién hizo cada cambio, con fecha, hora e integrantes que participaron
- c) Entreguen el reporte de cambios del informe de laboratorio que se genera Google docs o herramientas similares



NOTA: Estas respuestas también deben incluirlas en el informe PDF

7. [Ejercicio Opcional] Laboratorio en inglés:



El inglés es un idioma muy importante en la Ingeniería de Sistemas porque la mayoría de los avances en tecnología se publican en este idioma y la traducción, usualmente se demora un tiempo y es sólo un resumen de la información original.

Adicionalmente, dominar el inglés permite conseguir trabajos en el exterior que son muy bien remunerados

Tomado de goo.gl/4s3LmZ

Entreguen el código y el informe traducido al inglés. Utilicen la plantilla dispuesta en este idioma para el laboratorio.

Resumen de ejercicios a resolver

- **1.1** Utilizando recursión, escriban una función que reciba como parámetro un arreglo de enteros y retorne como respuesta la suma de los elementos del arreglo.
- **1.2** Utilizando recursión, escriban una función que reciba como parámetro un arreglo de enteros y retorne como respuesta el máximo de los elementos del arreglo.
- **1.3** Escriba una función que reciba como parámetro un valor entero n y retorne el enésimo término de la serie de Fibonacci.



Cód. ST0245
Estructuras de Datos 1

- **2.1** Resolver al menos 5 ejercicios del nivel Recursion 1 de CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-1
- **2.2** Resolver al menos 5 ejercicios del nivel Recursion 2 de la página CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-2
- 2.3 Expliquen con sus propias palabras cómo funciona el ejercicio GroupSum5
- **2.4** Calculen la complejidad de los Ejercicios en Línea de los numerales 2.1 y 2.2 y agréguenla al informe PDF
- **2.5** Expliquen con sus palabras las variables (qué es 'n', qué es 'm', etc.) del cálculo de complejidad del numeral anterior
- **3.1** ¿Qué aprendieron sobre Stack Overflow?
- **3.2** Cuál es el valor más grande qué pudo calcular para Fibonnacci? ¿Por qué? ¿Por qué no se puede ejecutar Fibonacci con 1 millón?
- 3.3 ¿Cómo se puede hacer para calcular el Fibonacci de valores grandes?
- **3.4** ¿Qué concluyen sobre la complejidad de los problemas de CodingBat Recursion 1 con respecto a los de Recursion 2?
- 4. Simulacro de Parcial
- 5. Lectura recomendada [Ejercicio Opcional]
- 6. Trabajo en Equipo y Progreso Gradual [Ejercicio Opcional]
- **7.** Entreguen el código y el informe traducido al inglés. Utilicen la plantilla dispuesta en este idioma para el laboratorio. **[Ejercicio Opcional]**

Ayudas para resolver los ejercicios

Ayudas para el Ejercicio 1.1	Pág. 16
Ayudas para el Ejercicio 2.1	<u>Pág. 16</u>
Ayudas para el Ejercicio 2.2	<u>Pág. 17</u>
Ayudas para el Ejercicio 2.4	<u>Pág. 17</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.2	<u>Pág. 18</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.4	<u>Pág. 18</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.5	<u>Pág. 19</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.6	<u>Pág. 19</u>
Ayudas para el Ejercicio 4	<u>Pág. 19</u>
Ayudas para el Ejercicio 5a	<u>Pág. 19</u>
Ayudas para el Ejercicio 5b	Pág. 20
Ayudas para el Ejercicio 6a	Pág. 20
Ayudas para el Ejercicio 6b	<u>Pág. 20</u>
Ayudas para el Ejercicio 6c	Pág. 20



Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

Ayudas para el Ejercicio 1.1

- PISTA 1: Véase Guía sección 4, numeral 4.6 "Cómo usar la escala logarítmica en Microsoft Excel".
- PISTA 2: Si todos los tiempos de un algoritmo dan más de 5 minutos, realice otra tabla, para ese algoritmo, tomando tiempos para arreglos de tamaño 1000, 10000 y 100000.
- PISTA 3: Véase Guía sección 4, numeral 4.4 "Cómo aumentar el tamaño del heap y del stack en Java"
- PISTA 4: Véase Guía sección 4, numeral 4.5 "Cómo visualizar el montículo (heap) y el stack, y el consumo total de memoria de Java"

Ayudas para el Ejercicio 2.1

Error común





Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

Ayudas para el Ejercicio 2.2



PISTA 1: El algoritmo *GroupSum* falla porque al llamarse recursivamente con el parámetro start se queda en una recursión infinita

- PISTA 2: El algoritmo *GroupSum* falla porque al llamarse recursivament con el parámetro start-1 se sale del arreglo cuando start = 0.
- PISTA 3: El algoritmo *GroupSum* falla porque al llamarse recursivamente con el parámetro start se sale del arreglo cuando start = length-1
- A continuación encontrarán algunos errores comunes que pueden ser aplicados con los ejercicios

```
public boolean groupSum(int start, int[] nums, int target) {
  if (start >= nums.length) return target == 0;
  return groupSum(start+1, nums, target - nums[start])
        ||groupSum(start, nums, target);
public boolean groupSum(int start, int[] nums, int target) {
  if (start >= nums.length) return target == 0;
  return groupSum(start+1, nums, target - nums[start])
        ||groupSum(start-1, nums, target);
public boolean groupSum(int start, int[] nums, int target) {
  if (start >= nums.length) return target == 0;
  return groupSum(start+1, nums, target - nums[start])
       ||groupSum(start+1, nums, target - nums[start - 1] );
```

Ayudas para el Ejercicio 2.4

PISTA: Véase Guía en Sección 4, numeral 4.11 "Cómo escribir la complejidad de un ejercicio en línea"



Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

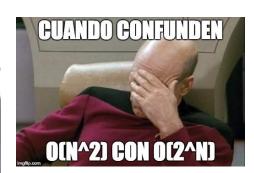


PISTA 2: Véase Guía en Sección 4, numeral 4.19 "Ejemplos para calcular la complejidad de un ejercicio de CodingBat"

Errores Comunes







Ayudas para el Ejercicio 3.2



PISTA 1: Véase Guía sección 4, numeral 4.6 "Cómo usar la escala logarítmica en Microsoft Excel".



PISTA 2: Si todos los tiempos de un algoritmo dan más de 5 minutos realice otra tabla, para ese algoritmo, tomando tiempos para arreglos de tamaño 1000, 10000 y 100000.

Ayudas para el Ejercicio 3.4



PISTA 1: http://bit.ly/1TRr3HL



Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

Ayudas para el Ejercicio 3.5



PISTA 1: http://bit.ly/2ix7rjl

Ayudas para el Ejercicio 3.6



PISTA 1: http://bit.ly/2ix7rjl

Ayudas para el Ejercicio 4



PISTA 1: Lean las diapositivas tituladas "Data Structures I: O Notation (recursion)" encontrarán la mayoría de las respuestas



PISTA NUMERAL 5.2: Consideren llenar un tablero de $2\times n$. Si le quitamos la primera baldosa tenemos un tablero de $2\times (n-1)$ (usando recursión). Si le quitamos 2 baldosas queda un tablero de $2\times (n-2)$. Hagan el dibujo. ¿Se le pueden quitar 3 baldosas, o con lo anterior ya puedo formar el de $2\times (n-3)$?

Ayudas para el Ejercicio 5a



PISTA 1: En el siguiente enlace, unos consejos de cómo hacer un buen resumen http://bit.ly/2knU3Pv



PISTA 2: Aquí le explican cómo contar el número de palabras en Microsoft Word



Cód. ST0245 Estructuras de Datos 1

Ayudas para el Ejercicio 5b



PISTA 1: Para que hagan el mapa conceptual se recomiendan herramientas como las que encuentran en https://cacoo.com/ o https://cacoo.com/ o https://www.mindmup.com/#m:new-a-1437527273469

Ayudas para el Ejercicio 6a

PISTA 1: Véase Guía en Sección 4, Numeral 4.21 "Ejemplo de cómo hacer actas de trabajo en equipo usando Tablero Kanban"

Ayudas para el Ejercicio 6b

PISTA 1: Véase Guía en Sección 4, Numeral 4.23 "Cómo generar el historial de cambios en el código de un repositorio que está en svn"

Ayudas para el Ejercicio 6c

PISTA 1: Véase Guía en Sección 4, Numeral 4.22 "Cómo ver el historial de revisión de un archivo en Google Docs"