SUPERVISED MACHINE LEARNING: MODELAGEM MULTINÍVEL I

Prof. Dr. Luiz Paulo Fávero

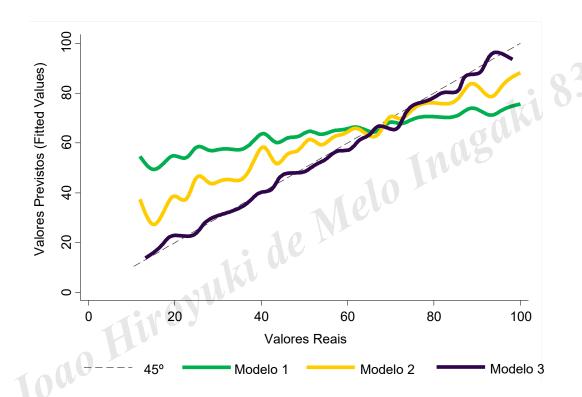
*A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor.

Proibida a reprodução total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98





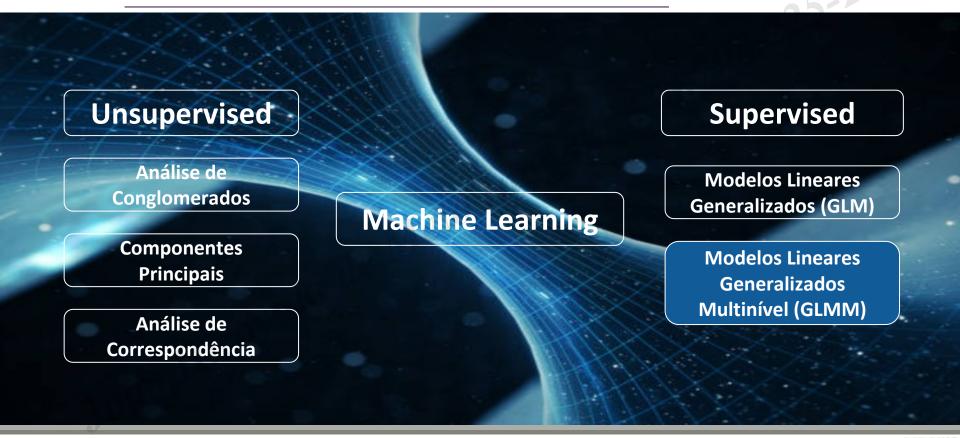
Reflexão





^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

Contexto



MBA USP

O que são Modelos Multinível?

São modelos que reconhecem a existência de estrutura multinível ou hierárquica nos dados.



Hierarchical linear models: applications and data analysis methods. 2. ed. Thousand Oaks: Sage Publications, 2002.

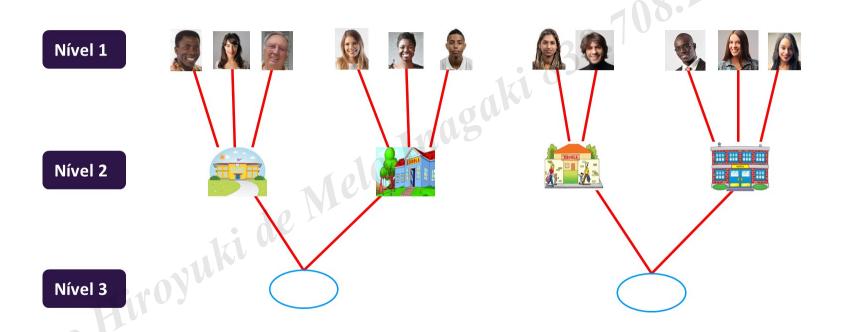
Stephen W. Raudenbush University of Chicago

Anthony S. Bryk Stanford University

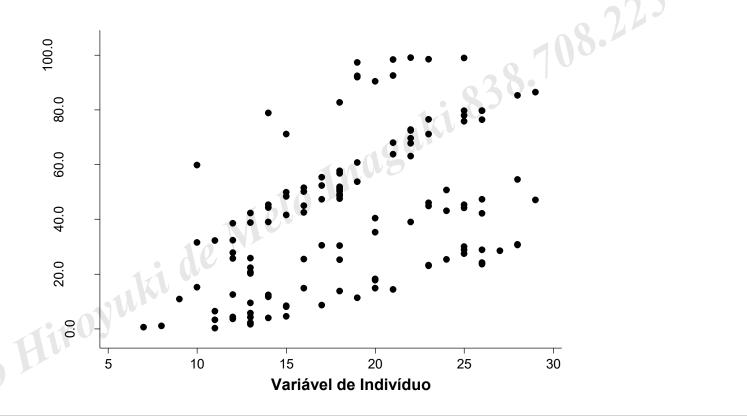


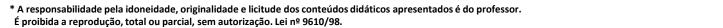


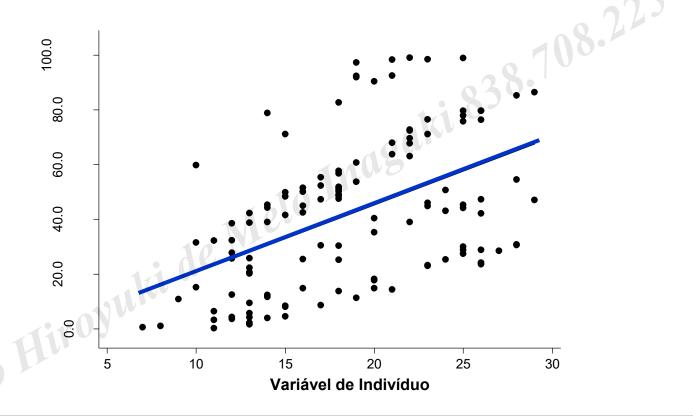
^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

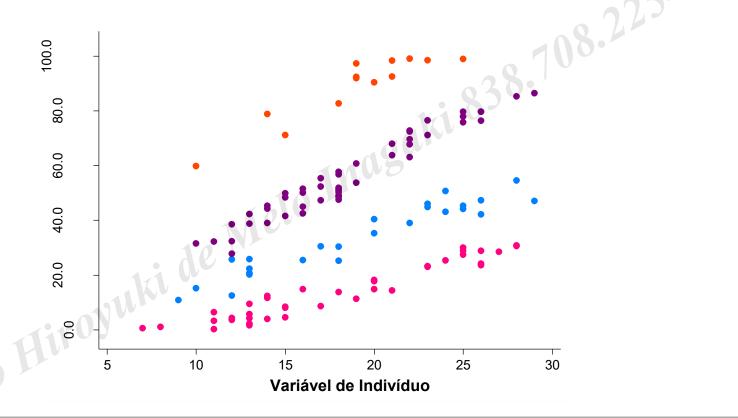


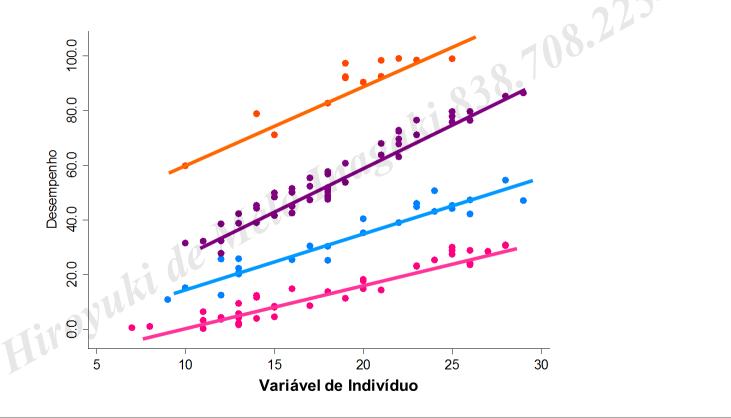
^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.











$$Y_{i1} = \beta_{01} + \beta_{11} \cdot X_{i1} + \varepsilon_{i1}$$

Escola 2:

$$Y_{i2} = \beta_{02} + \beta_{12}.X_{i2} + \varepsilon_{i2}$$

$$Y_{i3} = \beta_{03} + \beta_{13}.X_{i3} + \varepsilon_{i3}$$

Escola 4:

$$Y_{i4} = \beta_{04} + \beta_{14}.X_{i4} + \varepsilon_{i4}$$



Modelo Multinível

Nível 1

$$Y_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j}.X_{ij} + \varepsilon_{ij}$$





Nível 2

$$\beta_{0j} = \gamma_{00} + \gamma_{01}.W_j + \nu_{0j}$$
 $\beta_{1j} = \gamma_{10} + \gamma_{11}.W_j + \nu_{1j}$

$$\beta_{1j} = \gamma_{10} + \gamma_{11}.W_j + \nu_{1j}$$



$$Y_{ij} = (\gamma_{00} + \gamma_{01}.W_j + \nu_{0j})$$

intercepto com efeitos aleatórios



$$Y_{ij} = \underbrace{\left(\gamma_{00} + \gamma_{01}.W_j + \nu_{0j}\right)}_{\text{intercents com}} + \underbrace{\left(\gamma_{10} + \gamma_{11}.W_j + \nu_{1j}\right)}_{\text{inclinea 2.0 com}}.X_{ij} + \varepsilon_{ij}$$

inclinação com efeitos aleatórios

^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

O Modelo Multinível

É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

$$Y_{ij} = \underbrace{\gamma_{00} + \gamma_{10}.X_{ij} + \gamma_{01}.W_j + \gamma_{11}.W_j.X_{ij}}_{\textbf{Efeitos Fixos}} + \underbrace{\nu_{0j} + \nu_{1j}.X_{ij} + \varepsilon_{ij}}_{\textbf{Efeitos Aleatorios}}$$

Os modelos tradicionais de regressão ignoram as interações entre variáveis no componente de efeitos fixos e as interações entre termos de erro e variáveis no componente de efeitos aleatórios.

Multilevel statistical models. 4. ed. Chichester: John Wiley & Sons, 2011.

Harvey Goldstein Centre for Multilevel Modelling University of Bristol



Variância dos Termos Aleatórios

Se as variâncias dos termos aleatórios v_{0j} e v_{1j} forem estatisticamente diferentes de zero, procedimentos tradicionais de estimação dos parâmetros do modelo, como mínimos quadrados ordinários, não serão adequados.



Using multivariate statistics. 6. ed. Boston: Pearson, 2013.

Barbara G. Tabachnick California State University

Linda S. FidellCalifornia State University



Dummies?

Apenas a inserção de *dummies* de grupo não capturaria os efeitos contextuais, visto que não permitiria que se separassem os efeitos observáveis dos não observáveis sobre a variável dependente.



Multilevel and longitudinal modeling using Stata. 3. ed. College Station: Stata Press, 2012.

Sophia Rabe-Hesketh U. C. Berkeley

Anders Skrondal Norwegian Institute of Public Health University of Oslo U. C. Berkeley



Por que Utilizar?

Os modelos multinível permitem, portanto, o desenvolvimento de novos e mais bem elaborados constructos para predição e tomada de decisão.

"Dentro de uma estrutura de modelo com equação única, parece não haver uma conexão entre indivíduos e a sociedade em que vivem. Neste sentido, o uso de equações em níveis permite que o pesquisador 'pule' de uma ciência a outra: alunos e escolas, famílias e bairros, firmas e países. Ignorar esta relação significa elaborar análises incorretas sobre o comportamento dos indivíduos e, igualmente, sobre os comportamentos dos grupos. Somente o reconhecimento destas recíprocas influências permite a análise correta dos fenômenos."

Methodology and epistemology of multilevel analysis.

London: Kluwer Academic Publishers, 2003.

Daniel Courgeau Institut National D´Études Démographiques



Business, Economics & Management

Aplicações		
Business, Economics & Managen	nent	
Periódico	Índice h5 (Google Scholar)	% / Modelos Supervisionados
American Economic Review	158	10,78%
Journal of Business Research	140	12,71%
ourism Management	118	14,04%
Fourism Management Fournal of Business Ethics	117	12,15%
ournal of Financial Economics	116	11,83%
The Quarterly Journal of Economics	110	3,75%
The Review of Financial Studies	108	6,88%
Sechnological Forecasting and Social Change	106	4,59%
nternational Journal of Information Management	105	8,15%
Management Science	103	8,57%
10		9 26%

^{9,26%}

^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

Enginering & Computer Science

Aplicações			
Enginering & Computer Science			
Periódico	Índice h5 (Google Scholar)	% / Modelos Supervisionados	
IEEE/CVF Conference on Computer Vision and Pattern Recognition	356	4,78%	
Advanced Materials	294	3,56%	
International Conference on Learning Representations	253	6,22%	
Neural Information Processing Systems	245	4,83%	
Renewable and Sustainable Energy Reviews	225	3,42%	
Advanced Energy Materials	206	2,53%	
International Conference on Machine Learning	204	8,24%	
Energy & Environmental Science	202	3,54%	
ACS Nano	202	2,89%	
European Conference on Computer Vision	197	3,38%	
		4,28%	

^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

Health & Medical Sciences

Aplicações		
Health & Medical Sciences		
Periódico	Índice h5 (Google Scholar)	% / Modelos Supervisionados
The New England Journal of Medicine	410	1,97%
The Lancet	345	2,34%
Cell	288	2,41%
ournal of the American Medical Association	253	2,75%
roceedings of the National Academy of Sciences	245	0,98%
ournal of Clinical Oncology	213	1,75%
ature Medicine	205	0,73%
he Lancet Oncology	196	0,45%
LoS ONE	185	0,43%
Nature Genetics	184	2,34%
117		1 700/

1,70%

^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

Social Sciences

Aplicações		
Social Sciences		
Periódico	Índice h5 (Google Scholar)	% / Modelos Supervisionados
Journal of Business Ethics	117	0,97%
Computers & Education	109	0,34%
desearch Policy	95	0,41%
Research Policy New Media & Society Provision Journal of Public Health	93	0,75%
american Journal of Public Health	90	0,98%
Global Environmental Change	86	0,75%
Nature Human Behaviour	84	0,73%
Health Affairs	84	0,45%
Social Science & Medicine	83	0,43%
Feaching and Teacher Education	83	0,97%
		0,64%

^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

Pouca Utilização: Qual a Razão?

- Estrutura dos dados.
- Não consideração de natureza multinível nos dados.
- Capacidade computacional por vezes insuficiente, principalmente quando da existência de interações profundas.



Multilevel network analysis for the social sciences: theory, methods and applications. New York: Springer, 2016.



Tom Snijders University of Oxford



RAJAN, R.G.; ZINGALES, L.

What do we know about capital structure? Some evidence from international data. **Journal of Finance**, v. 50-5, p. 1421-1460, 1995.

- Compustat Global e MSCI;

- **4.557** empresas;

- 7 países;

- período: 1987-1991.

4.4.0				
Country	Local Market Index	Number of Firms		
United States	S&P 500	2.583		
Japan	Nikkei 500	514		
Germany	FAZ Share Index	191		
France	CAC General Index	225		
Italy	MIB Current Index	118		
United Kingdom	FT 500	608		
Canada	TSE 300	318		

Leverage_i =
$$\beta_0 + \beta_1$$
. (Tangible Assets)_i + β_2 . (Market to Book)_i
+ β_3 . (Log Sales)_i + β_4 . (ROA)_i + ε_i



$$Leverage_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}.(Tangible\ Assets)_{i} + \beta_{2}.(Market\ to\ Book)_{i} + \beta_{3}.(Log\ Sales)_{i} + \beta_{4}.(ROA)_{i} + \varepsilon_{i}$$

Nível 1
$$\begin{cases} Leverage_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j}. (Tangible\ Assets)_{ij} + \beta_{2j}. (Market\ to\ Book)_{ij} \\ + \beta_{3j}. (Log\ Sales)_{ij} + \beta_{4j}. (ROA)_{ij} + \varepsilon_{ij} \end{cases}$$
Nível 2
$$\begin{cases} \beta_{0j} = \gamma_{00} + \nu_{0j} & \beta_{1j} = \gamma_{10} + \nu_{1j} \\ \beta_{3j} = \gamma_{30} + \nu_{3j} & \beta_{4j} = \gamma_{40} + \nu_{4j} \end{cases}$$

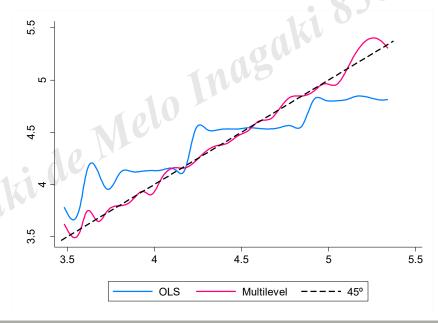
²⁶ MBRUSP

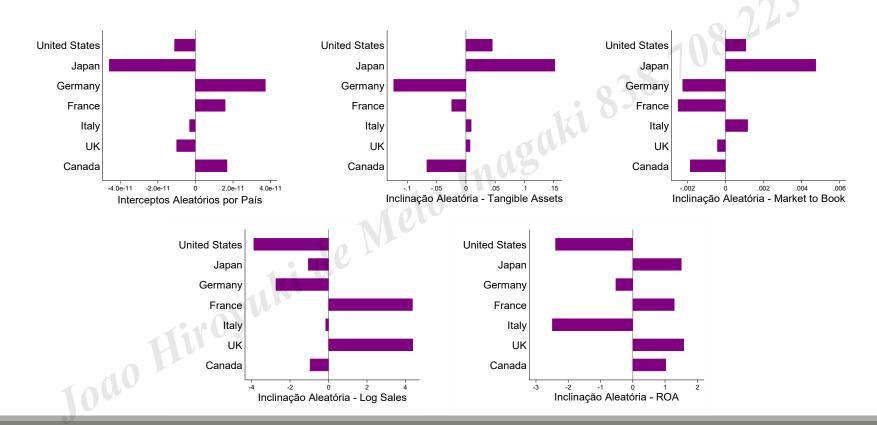
leverage	Coef.	Std. Err.	z	P> z	[95% Conf.	Interval]	
tang_assets	.3462677	.049087	7.05	0.000	.2500589	.4424765	
market_book	0641481	.0143289	-4.48	0.000	0922322	036064	
logsale	.0353799	.0098784	3.58	0.000	.0160185	.0547413	
roa	7729998	.2071899	-3.73	0.000	-1.179085	366915	
_cons	6153343	.795045	-0.77	0.439	-2.173594	.9429252	
					161 83		
Random-effe	cts Parameters	Esti:	mate St	d. Err.	[95% Conf.	Interval]	
ountry:		1					
	var(tang_a~s) 4.33	e-13		1.83e-28	1021.785	
	var(market~k) .008	7904		.002262	.0341598	
	var(logsale	7.67	e-06	33%	1.96e-06	.00003	
	var (roa) 10.8	4124		3.37015	34.87456	
	var(_cons	3.81	1897		1.036019	14.02538	
	var (Residual) 29.1	8282	67%	28.01925	30.39471	

^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.

RAJAN, R.G.; ZINGALES, L.

What do we know about capital structure? Some evidence from international data. **Journal of Finance**, v. 50-5, p. 1421-1460, 1995.







Desafios em Modelagem Multinível

Interações Profundas e Capacidade de Processamento

Métodos de Estimação dos Parâmetros

Clusterização da Amostra

Estimação de modelos com a melhor aderência possível entre os valores reais e previstos



Andrew Gelman

Multilevel Conference, 31 Out 2015, Columbia University, NYC.

MODELAGEM MULTINÍVEL NO R





Modelo Nulo

Nível 1

 $desempenho_{ij} = \beta_{0j} + \varepsilon_{ij}$

Nível 2

$$\beta_{0j} = \gamma_{00} + \nu_{0j}$$



$$desempenho_{ij} = \gamma_{00} + v_{0j} + \varepsilon_{ij}$$



Modelo com Interceptos Aleatórios

Nível 1

$$desempenho_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j}.horas_{ij} + \varepsilon_{ij}$$

Nível 2

$$\begin{cases} \beta_{0j} = \gamma_{00} + \nu_{0j} \\ \beta_{1j} = \gamma_{10} \end{cases}$$



Substituindo...

 $desempenho_{ij} = \gamma_{00} + \gamma_{10}. horas_{ij} + \nu_{0j} + \varepsilon_{ij}$

Modelo com Interceptos e Inclinações Aleatórios

Nível 1

$$desempenho_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j}$$
. $horas_{ij} + \varepsilon_{ij}$

Nível 2

$$\begin{cases} \beta_{0j} = \gamma_{00} + \nu_{0j} \\ \beta_{1j} = \gamma_{10} + \nu_{1j} \end{cases}$$



Substituindo...

 $desempenho_{ij} = \gamma_{00} + \gamma_{10}. horas_{ij} + \nu_{0j} + \nu_{1j}. horas_{ij} + \varepsilon_{ij}$

Modelo Final HLM2

Nível 1

 $desempenho_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j}$. $horas_{ij} + \varepsilon_{ij}$

Nível 2

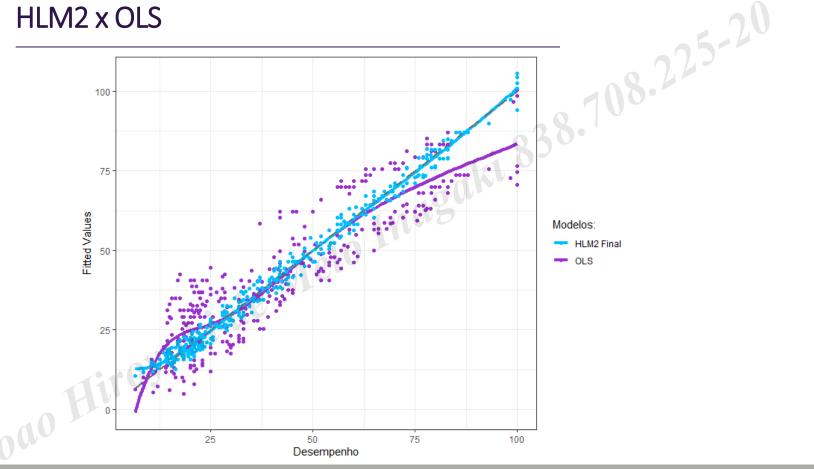
$$\begin{cases} \beta_{0j} = \gamma_{00} + \gamma_{01}.texp_j + \nu_{0j} \\ \beta_{1j} = \gamma_{10} + \gamma_{11}.texp_j + \nu_{1j} \end{cases}$$



Substituindo...

$$desempenho_{ij} = \gamma_{00} + \gamma_{10}. horas_{ij} + \gamma_{01}.texp_j + \gamma_{11}.texp_j. horas_{ij} + \nu_{0j} + \nu_{1j}. horas_{ij} + \varepsilon_{ij}$$

HLM2 x OLS



^{*} A responsabilidade pela idoneidade, originalidade e licitude dos conteúdos didáticos apresentados é do professor. É proibida a reprodução, total ou parcial, sem autorização. Lei nº 9610/98.



Prof. Dr. Luiz Paulo Fávero

Professor Titular de Data Science & Analytics da USP





