

# Distributiefunctie van de geometrische normalen gebruiken voor het bouwen van BSP acceleratiedatastructuren

Jesse Hoobergs

Thesis voorgedragen tot het behalen van de graad van Master of Science in de ingenieurswetenschappen: computerwetenschappen, hoofdoptie Mens-machine communicatie

#### **Promotor:**

Prof. dr. ir. Philip Dutré

#### Assessoren:

Ir. W. Eetveel W. Eetrest

#### **Begeleiders:**

Ir. M. Moulin Ir. P. Bartels

#### © Copyright KU Leuven

Zonder voorafgaande schriftelijke toestemming van zowel de promotor als de auteur is overnemen, kopiëren, gebruiken of realiseren van deze uitgave of gedeelten ervan verboden. Voor aanvragen tot of informatie i.v.m. het overnemen en/of gebruik en/of realisatie van gedeelten uit deze publicatie, wend u tot het Departement Computerwetenschappen, Celestijnenlaan 200A bus 2402, B-3001 Heverlee, +32-16-327700 of via e-mail info@cs.kuleuven.be.

Voorafgaande schriftelijke toestemming van de promotor is eveneens vereist voor het aanwenden van de in deze masterproef beschreven (originele) methoden, producten, schakelingen en programma's voor industrieel of commercieel nut en voor de inzending van deze publicatie ter deelname aan wetenschappelijke prijzen of wedstrijden.

# Voorwoord

Dit is mijn dankwoord om iedereen te danken die mij bezig gehouden heeft. Hierbij dank ik mijn promotor, mijn begeleider en de voltallige jury. Ook mijn familie heeft mij erg gesteund natuurlijk.

 $Jesse\ Hoobergs$ 

# Inhoudsopgave

V	orwo	oord	i					
Sa	men	vatting	iv					
Lį	jst va	n figuren en tabellen	$\mathbf{v}$					
Li	jst va	an afkortingen en symbolen	vi					
1		iding	1					
	$1.1 \\ 1.2$	Ray tracing	1 1					
	1.3	Methodologie	1					
	1.4	Contributie	1					
	1.5	Overzicht	1					
2	Voo	rgaand werk	3					
	2.1	Acceleratiestructuren	3					
	2.2	BSP bomen	4					
	2.3	<i>Kd</i> Bomen	4					
	2.4	RBSP-bomen	5					
	2.5	Algemene BSP-Bomen in de praktijk	5					
	2.6	Hiërarchie	6					
3	BSI	$P_{SWEEP}$	7					
	3.1	Algemeen idee	7					
	3.2	Gebaseerd op geometrische normalen	7					
	3.3	Gebaseerd op random richtingen	7					
4	Imp	lementatie	9					
	4.1	Outline BSP-algoritmes	9					
	4.2	Kd boom	9					
	4.3	RBSP boom	9					
	4.4	$BSP_{IZE}$	9					
	4.5	$BSP_{SWEEP}$	9					
5	Resultaten							
	5.1	Praktische aspecten	11					
	5.2	Afhankelijkheid van aantal richtingen	11					
	5.3	Vorgaliiking	11					

Bibliografie 13

## Samenvatting

In dit abstract environment wordt een al dan niet uitgebreide samenvatting van het werk gegeven. De bedoeling is wel dat dit tot 1 bladzijde beperkt blijft.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

# Lijst van figuren en tabellen

Lijst van figuren

## Lijst van tabellen

5.1 Statistieken over de rendertijd voor  $BSP^{Kd}_{random+}$  voor verschillende waarden van K. Voor elke waarde van K is het algoritme 6 keer uitgevoerd. 11

# Lijst van afkortingen en symbolen

## Afkortingen

 $\begin{array}{ll} BSP & \text{Binary Space Partitioning} \\ BVH & \text{Bounding Volume Hierarchy} \\ k-DOP & \text{Discrete Oriented Polytope} \end{array}$ 

RBSP Restricted Binary Space Partitioning Tree

 $\mathcal{S}\mathcal{A}$  Surface Area

## Symbolen

$BSP_{wn}$	BSP boom die per knoop random normalen als splitsrichtingen gebruikt.
$BSP_{wn+}$	$BSP_{wn}$ boom waarbij de drie richtingen volgens de hoofdassen altijd deel uitmaken van de splitsrichtingen.
$BSP_{wn+}^{Kd}$	$BSP_{wn+}$ boom waarbij $Kd$ knopen efficiënter doorkruist worden dan $BSP$ knopen.
$BSP_{wn}$	BSP boom die per knoop een clustering van de normalen berekend en de centrums van deze clusters als splitsrichtingen gebruikt.
$BSP_{wn+}$	$BSP_{wn}$ boom waarbij de drie richtingen volgens de hoofdassen altijd deel uitmaken van de splitsrichtingen.
$BSP_{wn+}^{Kd}$	$BSP_{wn+}$ boom waarbij $Kd$ knopen efficiënter doorkruist worden dan $BSP$ knopen.
$BSP_{random}$	BSP boom die per knoop random richtingen als splitsrichtingen gebruikt.
$BSP_{random+}$	$BSP_{random}$ boom waarbij de drie richtingen volgens de hoofdassen altijd deel uitmaken van de random splitsrichtingen.
$BSP_{random+}^{Kd}$	$BSP_{random+}$ boom waarbij $Kd$ knopen efficiënter doorkruist worden dan $BSP$ knopen.
$\mathcal{K}_{d,BSP}$	De kost om een BSP knoop te doorkruisen.
$\mathcal{K}_{d,Kd}$	De kost om een Kd knoop te doorkruisen.
$RBSP^{Kd}$	RBSP waarbij $Kd$ knopen efficiënter doorkruist worden dan $BSP$ knopen.

## Inleiding

In dit hoofdstuk wordt het werk ingeleid. Het doel wordt gedefinieerd en er wordt uitgelegd wat de te volgen weg is (beter bekend als de rode draad).

Als je niet goed weet wat een masterproef is, kan je altijd Wikipedia eens nakijken.

#### 1.1 Ray tracing

**Stralen volgen** Door elke pixel één (of meerdere stralen), kleur intersectiepunt is kleur pixel -> path tracing.

Acceleratiestructuren Doel: aantal straal-driehoek intersecties verminderen.

### 1.2 Doelstelling

Betere Acceleratiestructuur bouwen door een algemene BSP te maken die gebruik maakt van de geometrische normalen bij het splitsen. Aantal intersecties nog doen dalen, traversals stijgen, rendertijd dalen.

### 1.3 Methodologie

#### 1.4 Contributie

#### 1.5 Overzicht

## Voorgaand werk

Raytracing vereist acceleraties tructuren om efficiënt driehoeken in de scene te kunnen zoeken. Dit hoofds tuk start met een algemene uitleg over acceleraties tructuren en wijdt dan uit over één specifieke acceleraties tructuur: de Binary Space Partitioning (BSP) boom. De varianten van de BSP boom worden één voor één besproken.

#### 2.1 Acceleratiestructuren

Het doel van acceleratiestructuren is om het aantal straal-driehoek intersecties te verminderen. De simpelste acceleratiestructuur bestaat uit het omhullende volume van de scene. Testen op intersectie met de driehoeken in de scene gebeurt dan enkel als dit omhullende volume intersecteert met de straal. Deze acceleratiestructuur kan worden uitgebreid tot een boomstructuur door dit volume recursief op te delen in kindvolumes. Binaire bomen delen elk omhullend volume op in twee nieuwe volumes, andere acceleratiestructuren zoals bijvoorbeeld octrees, delen het volume op in meer dan twee volumes.

Het volume kan worden opgedeeld op twee manieren: volgens objecten of volgens ruimte. Bij opdeling volgens objecten worden de objecten binnen het volume opgedeeld in meerdere disjuncte groepen en de kindvolumes zijn de omhullende volumes van deze groepen. Na deze opdeling zit elk object in exact één van deze nieuwe volumes, maar de volumes kunnen overlappen. Een voorbeeld van een acceleratiestructuur waarbij de opdeling volgens objecten gebeurt is de  $Bounding\ Volume\ Hierarchy\ (BVH)$ . Opdeling volgens ruimte betekent dat de ruimte in het volume wordt opgedeeld in meerdere delen. Na deze opdeling overlappen deze nieuwe volumes niet, maar een object ligt nu in minstens één (en mogelijks in meerdere) kindvolume(s). De BSP boom deelt de ruimte van het volume steeds op in twee kindvolumes.

#### 2.2 BSP bomen

De BSP boom deelt de ruimte van het omhullende volume recursief op door te splitsen volgens een willekeurig georiënteerd vlak totdat een bepaalde stopconditie bereikt is. Het feit dat de BSP volgens willekeurig georiënteerde vlakken splitst, is zowel een voor- als een nadeel. Het zorgt ervoor dat de BSP zich heel goed kan aanpassen aan de scene en alle niet-intersecterende driehoeken in principe kan scheiden. Maar het zorgt er ook voor dat het heel moeilijk is om deze goede splitsingsvlakken te vinden. In de praktijk wordt vaak een specifieke soort BSP boom gebruikt: de Kd boom.

Het bouwen van de boom Het splitsingsvlak dat een knoop opdeelt in twee delen, kan een grote impact hebben op het aantal doorkruisstappen en het aantal driehoekintersecties. Het bouwalgoritme moet voor elke knoop het beste splitsingvlak bepalen en als splitsen volgens dat vlak voordelig is, de knoop opsplitsen in twee kindknopen. Heuristieken voorspellen hoe goed een splitsing volgens een bepaald splitsingsvlak is. Het algoritme stopt met het splitsen van de knoop als het aantal driehoeken in de knoop lager is dan een vastgelegde limiet, bijvoorbeeld als er maar één driehoek in de knoop zit.

#### 2.3 Kd Bomen

De Kd boom is een BSP boom waarbij alle splitsingsvlakken asgealigneerd zijn. Hiermee wordt bedoeld dat de splitsingsrichting (de normaal op het splitsingsvlak) evenwijdig is aan één van de drie hoofdassen. Dit zorgt ervoor dat elke knoop van de boom een asgealigneerde balk voorstelt. Het doorkruisen van een knoop uit een Kd boom is daardoor goedkoper dan het doorkruisen van een knoop uit een algemene BSP boom. De reden hiervoor is dat het goedkoper is om het intersectiepunt van een straal en een asgealigneerd vlak te vinden (verschil en vermenigvuldiging) dan het intersectiepunt van een straal en een willekeurig vlak (scalair product en deling). Door de beperking op mogelijke splitsingsvlakken kunnen Kd bomen zich minder goed aanpassen aan de scene. Ze kunnen bijvoorbeeld niet alle niet-intersecterende driehoeken scheiden.

Ondanks dit nadeel, worden in de praktijk Kd bomen verkozen boven algemene BSP bomen. Ize et al [1] geven drie (volgens hun foute) ruimverspreide aannames over algemene BSP bomen die ervoor zorgen dat Kd bomen hoger ingeschat worden. Ten eerste wordt er aangenomen dat algemene BSP bomen nooit sneller kunnen zijn dan Kd bomen omdat het doorkruisen van een BSP boom beduidend duurder is. De beperkte precisie van vlottende komma getallen wordt gezien als het tweede probleem omdat het BSP bomen numeriek onstabiel zou maken. De derde aanname is dat door de grotere flexibileit (= grotere verzameling van mogelijke splitsingsvlakken) het veel moeilijker is om een BSP boom te bouwen dan om een Kd boom te bouwen.

Voor een Kd-boom is de Surface Area Heuristiek (SAH) de beste gekende methode om bomen met minimale verwachtte kost te bouwen. De SAH is oorspronkelijk ontwikkelt door REF voor de BVH en later aangepast door REF voor de Kd boom. De SAH schat de kost van een splitsingsvlak door te veronderstellen dat beide kindknopen bladknopen worden. De verwachte kost K om een knoop p te splitsen in kindknopen l en r is dan:  $K_p = \frac{SA(l)}{SA(p)} * n_l * K_i + \frac{SA(r)}{SA(p)} * n_r * K_i + K_d$  met kost K, oppervlakte SA() en aantal driehoeken n. De subscripts i en d staan voor respectievelijk intersectie en doorkruising.

SAH (inclusief nulbonus) -> sweeping

#### 2.4 RBSP-bomen

De Restricted Binary Space Partitioning (RBSP) boom is een uitbreiding van de Kd boom ontwikkeld door Kammaje en Mora [2]. De RBSP boom laat toe om knopen op te splitsen volgens splitsingsrichtingen uit een vaste verzameling richtingen. Deze splitsingsrichtingen moeten niet asgealigneerd zijn. Kammaje en Mora stellen de richtingen Het omhullend volume van een RBSP knoop is hierdoor geen balk maar een Discreet Geöriënteerde Polytoop met k richtingen: een k-DOP. Kammaje en Mora toonden aan dat de SAH ook gebruikt kan worden voor RBSP bomen. Het berekenen van de oppervlakte van een k-DOP is computationeel duurder dan het berekenen van de oppervlakte van een balk. Het doorkruisen van een RBSP knoop is duurder dan het doorkruisen van een Kd knoop.

Huidige RBSP implemenaties moeten onderdoen voor de Kd bomen. Ize et al menen dat de RBSP boom de slechtste eigenschappen van zowel de Kd boom als de algemene BSP boom overneemt. Net als de Kd boom kan het geen rekening houden met de lokale geometrie en zich dus niet aanpassen aan complexe geometrie. Net als bij de algemene BSP boom moet de intersectie met een willekeurig georiënteerd vlak berekend worden om knopen te doorkruisen.

Algemener dan Kd -> meer richtingen -> richtingen gekozen volgens k<br/>DOPs ipv balken

### 2.5 Algemene BSP-Bomen in de praktijk

Ize et al ontwikkelde de eerste algemene BSP boom voor raytracing [1]. In teenstelling Paper Ize et al. 3 Kd richtingen (sweepen) plus 4 richtingen afhankelijk van geometrie Snelle Kd traversal, aanpassing SAH Geen sweeping -> BVH als hulpstructuur

Voordelen Knopen kunnen beter worden opgesplist Nadelen Duurder om te traversen Duurder om te bouwen (berekening SA van veelvlak vs SA van balk) Grote zoekruimte om beste splitsingsvlak te vinden

#### 2.6 Hiërarchie

Aantal verschillende splitsingsvlakken Eén van de belangrijkste eigenschappen van een BSP algoritme is zijn vermogen om zich aan te passen aan complexe geometrie. Het totaal aantal verschillende splitsingsvlakken dat bekeken wordt tijdens het bouwen van de boom, draagt bij tot dit vermogen. Voor een scene met n driehoeken, bekijkt een Kd boom 6n verschillende splitsingsvlakken. Elk niveau van de boom bekijkt exact dezelfde splitsingsvlakken. Een RBSP boom met k discrete richtingen doet hetzelfde, maar bekijkt 2kn verschillende splitsingsvlakken. De  $BSP_{IZE}$  boom gebruikt 10n verschillende splitsingsrichtingen, 6n voor de Kd richtingen en n voor elk van de vier andere richtingen. De  $BSP_{IZE}$  boom bekijkt op elk niveau ook exact dezelfde splitsingvlakken en is dus niet zo algemeen als een BSP boom kan zijn. De reden hiervoor is dat de gebruikte BSP splitsingsvlakken enkel afhankelijk zijn van de driehoeken zelf en niet van welke driehoeken samen in een knoop zitten. Geen van bovenstaande bomen gebruikt de volledige vrijheid van een BSP boom om op elk niveau andere splitsingsvlakken te nemen en op die manier beperken ze hun vermogen om zich aan te passen aan complexe geometrie.

# $BSP_{SWEEP}$

### 3.1 Algemeen idee

De bekeken richtingen zijn verschillend per node Richtingen kunnen rekening houden met lokale geometrie (kan niet bij RBSP, wel bij BSPize) Sweeping van richtingen Kd-richtingen + aantal richtingen of puur die richtingen Snelle traversal voor kd-richtingen

#### 3.2 Gebaseerd op geometrische normalen

#### 3.2.1 Willekeurige normaal

Extra richtingen door random normalen te kiezen Autopartitie van Ize maar gesweeped Waarom zou dit werken? : ...

#### 3.2.2 Geclusterde normalen

(Extra) richtingen via K-means clustering Sweepen volgens die richtingen Waarom zou dit werken ...

### 3.3 Gebaseerd op random richtingen

(Extra) richtingen door random richtingen te kiezen Ter controle dat de richtingen met behulp van normalen, nuttige richtingen zijn Sweeping Waarom zou dit werken? Random per node itt vast bij Kd Driehoeken proberen te worden gesplitst volgens meer verschillende richtingen, Kd probeert steeds hetzelfde Kd heeft maar 3 opties, als het volgens geen kan -> nooit mogelijk Kans splitsbaar door Kd richting of random is even hoog in uniform geval. Scenes hebben wel veel asgealigneerde delen, dus daarom die extra.

## Implementatie

In dit hoofdstuk wordt het werk ingeleid. Het doel wordt gedefinieerd en er wordt uitgelegd wat de te volgen weg is (beter bekend als de rode draad).

Als je niet goed weet wat een masterproef is, kan je altijd Wikipedia eens nakijken.

### 4.1 Outline BSP-algoritmes

- 4.1.1 Bouwalgoritme
- 4.1.2 Intersectie-algoritme
- **4.2** *Kd* **boom**
- 4.3 RBSP boom
- 4.4  $BSP_{IZE}$
- 4.5  $BSP_{SWEEP}$
- 4.5.1 Algemeen
- 4.5.2  $BSP_{random}$
- **4.5.3**  $BSP_{wn}$
- 4.5.4  $BSP_{wn}$

## Resultaten

In dit hoofdstuk wordt het werk ingeleid. Het doel wordt gedefinieerd en er wordt uitgelegd wat de te volgen weg is (beter bekend als de rode draad).

Als je niet goed weet wat een masterproef is, kan je altijd Wikipedia eens nakijken.

#### 5.1 Praktische aspecten

### 5.2 Afhankelijkheid van aantal richtingen

### 5.3 Vergelijking

	Feet		Sponza		Conference Hall		Museum	
K	Mediaan	Stdev	Mediaan	Stdev	Mediaan	Stdev	Mediaan	Stdev
$\overline{4}$								
5								
6								
7								
8								
9								
10								

Tabel 5.1: Statistieken over de rendertijd voor  $BSP^{Kd}_{random+}$  voor verschillende waarden van K. Voor elke waarde van K is het algoritme 6 keer uitgevoerd.

# Bibliografie

- [1] T. Ize, I. Wald, and S. G. Parker. Ray tracing with the bsp tree. In 2008 IEEE Symposium on Interactive Ray Tracing, pages 159–166, Aug 2008.
- [2] R. P. Kammaje and B. Mora. A study of restricted bsp trees for ray tracing. In  $IEEE/\ EG\ Symposium\ on\ Interactive\ Ray\ Tracing\ 2007(RT)$ , volume 00, pages 55–62, 09 2007.

#### Fiche masterproef

Student: Jesse Hoobergs

Titel: Distributiefunctie van de geometrische normalen gebruiken voor het bouwen van BSP acceleratiedatastructuren

Engelse titel: Using the distribution function of the geometric normals to build BSP acceleration data structures.

UDC: 621.3
Korte inhoud:

Hier komt een heel bondig abstract van hooguit 500 woorden. IATEX commando's mogen hier gebruikt worden. Blanco lijnen (of het commando \par) zijn wel niet toegelaten!

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Thesis voorgedragen tot het behalen van de graad van Master of Science in de ingenieurswetenschappen: computerwetenschappen, hoofdoptie Mens-machine communicatie

Promotor: Prof. dr. ir. Philip Dutré

Assessoren: Ir. W. Eetveel

W. Eetrest

Begeleiders: Ir. M. Moulin

Ir. P. Bartels