

Het gebruik van de normalen bij het bouwen van BSP acceleratiestructuren

Thesisverdediging

Jesse Hoobergs KU Leuven

Juni 2019

Promotor:

Prof. dr. ir. Ph. Dutré

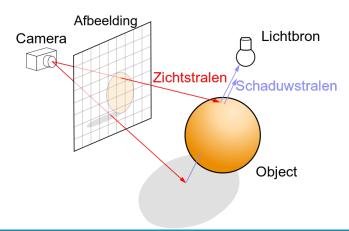
- **Overzicht**
 - 1 Inleiding
 - \bigcirc BSP bomen
 - $3BSP_{SWEEP}$
 - 4 Implementatie
 - 6 Resultaten
 - **6** Conclusie

Outline

- 1 Inleiding

- Fysisch gebaseerd renderen
- ► Stralen volgen door een scene

- Fysisch gebaseerd renderen
- ► Stralen volgen door een scene



- Praktische aantallen:
 - 1 miljoen pixels
 - 1 miljoen driehoeken (mogelijks veel meer)
 - 100 stralen per pixel

- Praktische aantallen:
 - 1 miljoen pixels
 - 1 miljoen driehoeken (mogelijks veel meer)
 - 100 stralen per pixel

 $\implies 10^{14}$ straal-driehoekintersecties

- Praktische aantallen:
 - 1 miljoen pixels
 - 1 miljoen driehoeken (mogelijks veel meer)
 - 100 stralen per pixel
- $\implies 10^{14}$ straal-driehoekintersecties
- ⇒ Acceleratiestructuren

Acceleratiestructuren

- Doel:
 - Totale rendertijd minimaliseren
 - Straal-driehoekintersecties te verminderen.

1 Acceleratiestructuren

- Doel:
 - Totale rendertijd minimaliseren
 - Straal-driehoekintersecties te verminderen
- Simpelste versie
 - Omhullende volume van scene (balk, bol, etc)
 - Test intersectie met omhullend volume
 - Intersectie: Test alle driehoeken
 - Geen intersectie: Test nul driehoeken
 - Recursief opdelen tot boomstructuur

1 Acceleratiestructuren

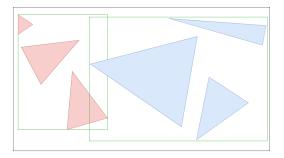
- Doel:
 - Totale rendertijd minimaliseren
 - Straal-driehoekintersecties te verminderen
- Simpelste versie
 - Omhullende volume van scene (balk, bol, etc)
 - Test intersectie met omhullend volume
 - Intersectie: Test alle driehoeken
 - Geen intersectie: Test nul driehoeken
 - Recursief opdelen tot boomstructuur
- Twee manieren van opdelen:
 - Volgens objecten
 - Volgens volume

1 Opdelen volgens object

- Driehoeken opgedeeld in disjuncte groepen
- Kindvolumes = omhullende volumes groepen
- Elke driehoek in exact één kindvolume
- Kindvolumes kunnen overlappen in de ruimte

1 Opdelen volgens object

- Driehoeken opgedeeld in disjuncte groepen
- Kindvolumes = omhullende volumes groepen
- Elke driehoek in exact één kindvolume
- Kindvolumes kunnen overlappen in de ruimte

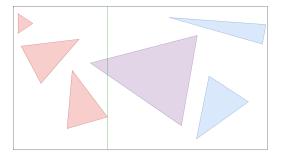


1 Opdelen volgens ruimte

- Volume opgedeeld in disjuncte groepen
- Splitsing via splitsingsvlakken
- Elke driehoek in minstens één kindvolume
- Kindvolumes overlappen niet in de ruimte

1 Opdelen volgens ruimte

- Volume opgedeeld in disjuncte groepen
- Splitsing via splitsingsvlakken
- ► Elke driehoek in minstens één kindvolume
- Kindvolumes overlappen niet in de ruimte



1 BSP bomen

- Binary Space Partitioning bomen
- Delen volgens ruimte
- Delen steeds in 2 kindvolumes
- Splitsing via willekeurige vlakken in de ruimte
- ► *Kd* boom:
 - Enkel asgealigneerde vlakken
 - Computationele voordelen bij bouwen en renderen
 - Meest gebruikte BSP boom
- Algemene BSP boom:
 - Veel meer mogelijke splitsingsvlakken
 - Moeilijk om goede te vinden

Doel thesis

- ► Algemene *BSP* boom
- Normalen van driehoeken
- Goede splitsingsvlakken
- $ightharpoonspin BSP_{SWEEP}$ boom

Outline

- \bigcirc BSP bomen

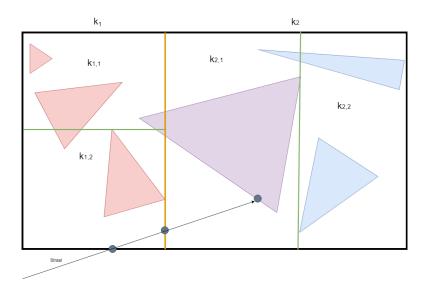
2 BSP bomen

- Bouwen
- Intersecteren
- ightharpoonup Bestaande BSP bomen

2 Bouwen BSP boom

- Wortelknoop
 - Volume = omhullende balk scene
 - Bevat alle driehoeken
- Splits in twee kindknopen
 - Splits het volume volgens een splitsingsvlak
 - Maak twee kindknopen, één voor elk volumedeel
 - Bepaal voor elke kindknoop de driehoeken
- Splits kindknopen recursief tot stopconditie

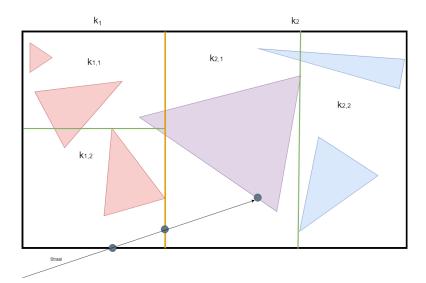
2 Bouwen BSP boom



2 Intersecteren BSP boom

- Bepaal intersectie straal met wortelknoop:
 - geen intersectie: geen intersecterende driehoek
 - anders: doorkruis de wortelknoop
- Doorkruisen knoop
 - Inwendige knoop
 - Bepaal intersectie straal met splitsingsvlak
 - Bepaal de volgorde waarin de straal door de kindknopen gaat
 - Doorkruis de kindknopen in deze volgorde
 - Bladknoop
 - Bepaal voor elke driehoek de straal-driehoek intersectie

2 Intersecteren BSP boom

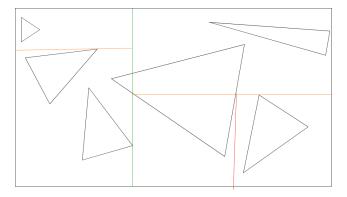


Kd boom

- Enkel asgealigneerde splitsingsvlakken
 - Volume elke knoop = asgealigneerde balk
 - Goedkoper doorkruisen inwendige knoop
 - Kunnen zich minder goed aanpassen aan scene

Kd boom

- Enkel asgealigneerde splitsingsvlakken
 - Volume elke knoop = asgealigneerde balk
 - Goedkoper doorkruisen inwendige knoop
 - Kunnen zich minder goed aanpassen aan scene



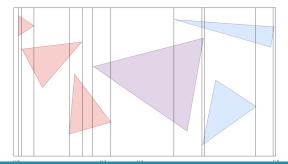
- Bepaal kost na splitsen volgens vlak
- Kies beste splitsingsvlak of splits niet

- Bepaal kost na splitsen volgens vlak
- Kies beste splitsingsvlak of splits niet
- Surface Area heuristiek
 - Kans om kindknoop te doorkruisen is evenredig met oppervlakte
 - Kost knoop evenredig met aantal driehoeken
 - Na splitsing zijn beide kindknopen bladknopen
 - $\mathcal{K}_p = \frac{SA(l)}{SA(p)} * n_l * \mathcal{K}_i + \frac{SA(r)}{SA(p)} * n_r * \mathcal{K}_i + \mathcal{K}_d$
 - Kost om niet te splitsen: $n_l * \mathcal{K}_i$

- Bepaal kost na splitsen volgens vlak
- Kies beste splitsingsvlak of splits niet
- Surface Area heuristiek
 - Kans om kindknoop te doorkruisen is evenredig met oppervlakte
 - Kost knoop evenredig met aantal driehoeken
 - Na splitsing zijn beide kindknopen bladknopen
 - $\mathcal{K}_p = \frac{SA(l)}{SA(p)} * n_l * \mathcal{K}_i + \frac{SA(r)}{SA(p)} * n_r * \mathcal{K}_i + \mathcal{K}_d$
 - Kost om niet te splitsen: $n_l * \mathcal{K}_i$
- Alle asgealigneerde vlakken testen is onhaalbaar
 - ullet Havran: slechts 2n mogelijke splitsingsvlakken per richting
 - ullet SA kost stijgt/daalt monotoon tussen eindpunten driehoeken langs die richting
 - Enkel asgealigneerde vlakken door eindpunten testen

- SA kost berekenen
 - Aantal driehoeken in beide kindknopen nodig
 - Oppervlaktes beide kindknopen nodig

- ► SA kost berekenen
 - Aantal driehoeken in beide kindknopen nodig
 - Oppervlaktes beide kindknopen nodig
- Sweeping
 - Sorteer driehoeken volgens eindknopen langs as
 - 'Veeg' over de as en update n_l en n_r

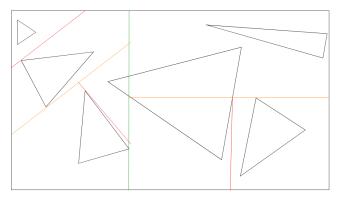


$\mathbf{2}$ RBSP boom

- ► Enkel splitsingsrichtingen uit vaste verzameling van k richtingen
 - Volume elke knoop = k DOP
 - Duurder doorkruisen inwendige knoop
 - Kunnen niet alle niet-intersecterende driehoeken scheiden

$\mathbf{2}$ RBSP boom

- ► Enkel splitsingsrichtingen uit vaste verzameling van k richtingen
 - Volume elke knoop = k DOP
 - Duurder doorkruisen inwendige knoop
 - Kunnen niet alle niet-intersecterende driehoeken scheiden



2 Praktisch

- Bepalen vaste verzameling splitsingsrichtingen
 - Belangrijk dat ze samen de eenheidsbol goed bedekken
- SA kost kan gebruikt worden, inclusief sweeping
- ▶ Oppervlakte k DOP berekenen is duurder
- lacktriangle Ten opzichte van Kd boom
 - Minder straal-driehoekintersecties
 - Tragere inwendige knoopdoorkruising
 - Tragere rendertijd

2 BSP_{IZE} boom

- lacktriangle Enige bestaande algemene BSP boom bij rendering
- Geometrie-afhankelijke splitsingsvlakken
 - ullet De asgealigneerde vlakken van Kd boom
 - Vlak door elke driehoek
 - Drie vlakken door zijde driehoek en loodrecht op driehoek
- ▶ Volume elke knoop = convex veelvlak
- Sweeping
 - Mogelijk voor de Kd richtingen
 - Niet mogelijk voor de vier andere vlakken per driehoek
 - BVH hulpstructuur nodig om n_l en n_r efficiënt te berekenen
 - Tragere bouwtijd

2 BSP_{IZE}^{Kd} boom

Optimalisatie

2 BSP_{IZE}^{Kd} boom

- **Optimalisatie**
- Inwendige Kd knopen bevoordelen
 - Sneller te doorkruisen dan BSP knopen
 - Lagere doorkruiskost in SA kost dan inwendige BSP knopen

2 BSP_{IZE}^{Kd} boom

- Optimalisatie
- lacktriangle Inwendige Kd knopen bevoordelen
 - ullet Sneller te doorkruisen dan BSP knopen
 - ullet Lagere doorkruiskost in SA kost dan inwendige BSP knopen
- Aanpassing SA heuristiek
 - Aparte $\mathcal{K}_{d,Kd}$ en $\mathcal{K}_{d,BSP}$

2 BSP_{IZE}^{Kd} boom

- Optimalisatie
- lacktriangle Inwendige Kd knopen bevoordelen
 - ullet Sneller te doorkruisen dan BSP knopen
 - ullet Lagere doorkruiskost in SA kost dan inwendige BSP knopen
- Aanpassing SA heuristiek
 - Aparte $\mathcal{K}_{d,Kd}$ en $\mathcal{K}_{d,BSP}$
 - Rechtstreeks gebruiken in SA kost werkt niet
 - SA kost varieert lineair in aantal driehoeken
 - BSP knopen splitsen beter
 - Bijna enkel BSP knopen gebruikt

2 BSP_{IZE}^{Kd} boom

- Optimalisatie
- Inwendige Kd knopen bevoordelen
 - ullet Sneller te doorkruisen dan BSP knopen
 - ullet Lagere doorkruiskost in SA kost dan inwendige BSP knopen
- ightharpoonup Aanpassing SA heuristiek
 - Aparte $\mathcal{K}_{d,Kd}$ en $\mathcal{K}_{d,BSP}$
 - Rechtstreeks gebruiken in SA kost werkt niet
 - SA kost varieert lineair in aantal driehoeken
 - BSP knopen splitsen beter
 - Bijna enkel BSP knopen gebruikt
 - ullet $\mathcal{K}_{d,BSP}$ lineair afhankelijke van aantal driehoek
 - $\mathcal{K}_{d,BSP} = \alpha * \mathcal{K}_i * (n-1) + \mathcal{K}_{d,Kd}$
 - Beste splitsingsvlak zoeken
 - Indien niet gevonden, vaste $\mathcal{K}_{d,BSP}$

2 Vergelijking

- ightharpoonup Ten opzichte van Kd boom
 - Geen volledige sweeping mogelijk
 - Minder straal-driehoekintersecties
 - Gemiddeld lichtjes tragere inwendige knoopdoorkruising
 - Lichtjes snellere rendertijd

2 Vergelijking

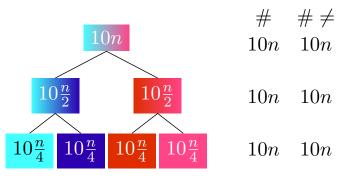
- ► Ten opzichte van *Kd* boom
 - Geen volledige sweeping mogelijk
 - Minder straal-driehoekintersecties
 - Gemiddeld lichtjes tragere inwendige knoopdoorkruising
 - · Lichtjes snellere rendertijd
- ► Ten opzichte van RBSP boom
 - Duurdere bouwtijd
 - ullet Beide kunnen snelle Kd doorkruising gebruiken

Vergelijking

- Aantal splitsingsvlakken per niveau
 - Kd: 6n
 - RBSP: 2kn
 - BSP_{IZE} : 10n
- Totaal aantal verschillende geteste splitsingsvlakken
 - Kd: 6n
 - \bullet RBSP: 2kn
 - BSP_{IZE} : 10n
- Zelfs BSP_{IZE} gebruikt niet volledige vrijheid

2 Aantal splitsingsvlakken

ightharpoonup Zelfde splitsingsvlakken op elk niveau (bv BSP_{IZE})



- Driehoeken die in het bovenste niveau niet gesplitst kunnen worden
 - Kunnen in geen enkel niveau van elkaar gesplitst worden

Outline

- 3 BSP_{SWEEP}

3 Concept

- ► Algemene *BSP* boom
- Geometrie-afhankelijke splitsingsrichtingen
 - In elke knoop k richtingen bepaald
 - Richtingen kunnen afhankelijk zijn van driehoeken in knoop
 - Sweeping over deze richtingen
 - Geen hulpstructuur nodig
- Drie ontwerpbeslissingen
 - Methode gebruikt om de k-richtingen te bepalen
 - Waarde van k
 - Kd richtingen altijd gebruiken of niet ?
- ightharpoonup RBSP boom is BSP_{SWEEP} boom met steeds zelfde richtingen

3 Bepalen k-richtingen

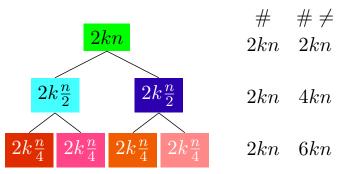
- \triangleright BSP_{random}
 - Willekeurige richtingen (uniform op hemisfeer)
 - Idee: met veel verschillende (mogelijks slechte) vlakken proberen te splitsen
 - ullet Kans op splitsing door willekeurige richting even groot als door Kd richting
- \triangleright BSP_{wn}
 - Normalen van willekeurige driehoeken in de knoop
 - Idee: splitsen volgens oriëntatie driehoeken
 - Maakt gebruik van welke driehoeken samen in een knoop zitten
- \triangleright BSP_{cn}
 - Clustercentra van normalen van de driehoeken in de knoop
 - Idee: splitsen volgens veelvoorkomende oriëntaties
 - Maakt gebruik van welke driehoeken samen in een knoop zitten

3 Kd richtingen gebruiken?

- k richtingen genereren
 - BSP_{random}
 - \bullet BSP_{wn}
 - \bullet BSP_{cn}
- ▶ Kd richtingen en k-3 richtingen genereren
 - Kd richtingen behandelen als BSP richtingen
 - BSPrandom+
 - BSP_{wn+}
 - BSP_{cn+}
 - Kd richtingen apart behandelen
 - $BSP^{Kd}_{random+}$
 - BSP_{wn+}^{Kd}
 - BSP_{nn}^{Kd}

3 Aantal splitsingsvlakken

Andere splitsingsvlakken op elk niveau



- Driehoeken die in het bovenste niveau niet gesplitst kunnen worden
 - Kunnen op lagere niveaus misschien wel gesplitst worden
 - $\mathcal{O}(nlog(n))$ verschillende splitsingsvlakken ipv $\mathcal{O}(n)$

Outline

- 4 Implementatie

4 Implementatie

- Pbrt-v3 renderer
- Enkel op de CPU
- Bouwen is niet geparallelliseerd
- ► Geïmplementeerde *BSP* bomen:
 - Kd.
 - RBSP en $RBSP^{Kd}$
 - BSP_{IZE} en BSP_{IZE}^{Kd}
 - $BSP_{random(+)}^{(Kd)}$, $BSP_{wn(+)}^{(Kd)}$ en $BSP_{cn(+)}^{(Kd)}$

Outline

- 6 Resultaten

5 Scenes



(a) Killeroo Been scene



(b) Sponza scene



(c) Conference scene



(d) Museum scene

Killeroo: 33264 driehoekenSponza: 227309 driehoeken

Conference: 123651 driehoeken

Museum: 1462840 driehoeken

5 Twee experimenten

- lacktriangle Afhankelijkheid van het aantal richtingen k bij BSP_{SWEEP}
 - Eerste drie scenes zeven keer gerenderd
 - Voor elk k-waarde van 2 tem 10
 - Voor elk van de negen BSP_{SWEEP} bomen
 - Uitvoering met rendertijd = mediaan zeven rendertijden gebruikt als representatieve
- lacktriangle Vergelijking met de andere BSP bomen
 - Alle vier scenes zeven keer gerenderd
 - Voor elke besproken bestaande BSP boom
 - Voor $BSP^{Kd}_{random+}$, BSP^{Kd}_{wn+} , BSP^{Kd}_{cn+} met optimale k-waarde
 - Uitvoering met rendertijd = mediaan zeven rendertijden gebruikt als representatieve

5 Afhankelijkheid van het aantal richtingen

- Bouwtijd
 - Twee ordegroottes groter dan bouwtijd Kd boom
 - Afhankelijkheid van k
 - $BSP_{random(+)}^{(Kd)}$ lineair - $BSP_{wn(+)}^{(Kd)}$ en $BSP_{cn(+)}^{(Kd)}$: sublineair
 - ullet Op zelfde wijze afhankelijk van aantal driehoeken als Kd boom
 - Gebruik convex veelvlak is ongeveer 25 keer trager dan asgealigneerde balk

5 Afhankelijkheid van het aantal richtingen

- Aantal knopen
 - Stijgt met stijgende k, maar vlakt snel af
 - $BSP^{(Kd)}_{random(+)}$: 1.8 2 keer zoveel knopen als Kd boom
 - $BSP_{wn(+)}^{(Kd)}$ en $BSP_{cn(+)}^{(Kd)}$: 1.2 1.3 keer zoveel knopen als Kd boom
- lacksquare Procentueel aantal Kd knopen
 - Daalt met stijgende k, maar vlakt snel af
 - $BSP_{random+}^{Kd}$: 20% 35 %
 - BSP_{wn+}^{Kd} en BSP_{cn+}^{Kd} : 30% 45 %
 - Afhankelijkheid van de diepte
 - Bovenste niveaus: bijna enkel Kd knopen
 - Onderste niveaus: bijna enkel BSP knopen

5 Rendertijd

- ▶ BSP_{SWEEP} boom zonder Kd richtingen
 - Daalt sterk met stijgende k
 - ullet Enkel sneller dan Kd boom bij Killeroo Been scene
 - Daalt tot ongeveer 1.8 keer (BSP_{random}) en 1.3 keer (BSP_{wn}) en BSP_{cn} trager
- $lacktriangleright BSP_{SWEEP}$ boom met Kd richtingen als BSP richtingen
 - Daalt lichtjes met stijgende k en stijgt dan voor grotere k-waarden
 - ullet Bij minstens één k-waarde sneller dan Kd boom
 - $BSP_{random+}$ trager dan BSP_{wn+} en BSP_{cn+}
- $lacktriangleright BSP_{SWEEP}$ boom met Kd richtingen apart behandeld
 - Daalt met stijgende k
 - ullet Bij elk k-waarde sneller dan Kd boom
 - BSP_{wn+}^{Kd} en BSP_{cn+}^{Kd} : daalt al minstens 15% voor k = 4
 - $BSP^{Kd}_{random+}$ trager dan BSP^{Kd}_{wn+} en BSP^{Kd}_{cn+}

5 Afhankelijkheid van het aantal richtingen

- Aantal intersecties
 - Verloop in functie van k zoals rendertijd
 - $BSP_{wn+}^{\dot{K}d}$ en BSP_{cn+}^{Kd} :
 - daling tot 40%
 - vlak vanaf een k-waarde van 5
 - $BSP_{random+}^{Kd}$:
 - daling tot 40%
 - daalt trager maar monotoon in functie van k

5 Afhankelijkheid van het aantal richtingen

- Aantal doorkruisingen
 - BSP_{mn+}^{Kd} en BSP_{cn+}^{Kd} :
 - evenveel als Kd boom
 - onafhankelijk van k
 - $BSP_{random+}^{Kd}$:
 - stijgt tot 10% meer dan Kd boom
 - stijgt traag en monotoon in functie van k
- Procentueel aantal Kd doorkruisingen
 - $BSP_{wn\perp}^{Kd}$ en $BSP_{cn\perp}^{Kd}$:
 - 85% 90%
 - vlak vanaf k-waarde van 5
 - $BSP_{random+}^{Kd}$:
 - 80% 90%

 - daalt traag en monotoon in functie van k

5 Vergelijking bestaande bomen

- Nieuwe bomen
 - $BSP^{Kd}_{random+}$ met k = 10
 - BSP_{wn+}^{Kd} met k = 6
 - BSP_{cn+}^{Kd} met k = 6
 - $RBSP^{Kd}$ met k = 13
- Bestaande bomen
 - Kd
 - RBSP met k = 13
 - \bullet BSP_{IZE}
 - BSP_{IZE}^{Kd}

Rendertijd en Bouwtijd 5

		Killeroo Been		Sponza		Conference		Museum	
Boom	k	R	В	R	В	R	В	R	В
Kd		100%	100%	100%	100%	100%	100%	100%	100%
BSP_{IZE}		94.1%	21100%	165%	35900%	105%	26700%	88.2%	90100%
BSP_{IZE}^{Kd}		95.0%	19600%	109%	35300%	92.5%	25600%	84.7%	91800%
$BSP_{wn\perp}^{Kd}$	6	67.7%	11300%	80.4%	9460%	78.6%	8650%	63.4%	11500%
BSP_{cn+}^{Kd}	6	67.8%	11700%	80.3%	9740%	79.3%	8840%	65.9%	12100%
$BSP_{random+}^{Kd}$	10	80.2%	17800%	85.5%	16100%	87.1%	15400%	78.4%	21800%
RBSP	13	82.7%	25100%	131%	23700%	101%	22300%	482%	25000%
$RBSP^{Kd}$	13	83.5%	25700%	94.2%	23600%	92.9%	22200%	78.1%	24900%

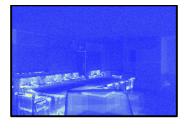
5 Straal-driehoekintersecties

		Killeroo Been		Sponza		Conference		Museum	
Boom	k	ZI	SI	ZI	SI	ZI	SI	ZI	SI
\overline{Kd}		100%	100%	100%	100%	100%	100%	100%	100%
BSP_{IZE}		73.1%	72.7%	390%	483%	128%	140%	73.1%	46.6%
BSP_{IZE}^{Kd}		76.2%	75.2%	157%	142%	83.4%	81.9%	57.5%	61.4%
$BSP_{wn\perp}^{Kd}$	6	19.0%	16.1%	58.6%	54.3%	47.1%	34.2%	27.0%	40.2%
BSP_{cn+}^{Kd}	6	18.7%	16.4%	59.3%	54.5%	53.7%	41.3%	28.5%	44.8%
$BSP_{random+}^{Kd}$	10	35.2%	35.8%	49.9%	53.8%	52.5%	52.0%	36.8%	52.3%
RBSP	13	44.3%	45.2%	209%	239%	98.3%	111%	1380%	600%
$RBSP^{Kd}$	13	42.4%	43.0%	78.0%	75.8%	73.3%	78.4%	55.1%	33.1%

5 False color afbeeldingen intersecties

 $ightharpoonup BSP_{wn+}^{Kd}$ vs Kd









5 Inwendige knoopdoorkruisingen

		Killeroo Been		Sponza		Conference		Museum	
Boom	\boldsymbol{k}	ZD	SD	ZD	SD	ZD	SD	ZD	SD
Kd		100%	100%	100%	100%	100%	100%	100%	100%
BSP_{IZE}		97.3%	101%	130%	128%	117%	115%	109%	98.4%
BSP_{IZE}^{Kd}		100%	102%	117%	109%	107%	107%	107%	103%
$BSP_{wn\perp}^{Kd}$	6	83.2%	83.9%	98.6%	99.6%	96.7%	96.5%	94.1%	90.6%
BSP_{cn+}^{Kd}	6	83.0%	85.0%	98.6%	99.5%	96.0%	97.0%	95.0%	94.0%
$BSP_{random+}^{Kd}$	10	95.8%	99.1%	108%	109%	108%	108%	106%	105%
RBSP	13	91.5%	96.1%	141%	138%	125%	127%	109%	97.1%
$RBSP^{Kd}$	13	95.3%	98.1%	117%	112%	110%	108%	105%	96.4%

5 Kd knoopdoorkruisingen

		K	Killeroo Be	een	Sponza			
Boom	\boldsymbol{k}	Kd	ZD Kd	SD Kd	Kd	ZD Kd	SD Kd	
Kd		100%	100%	100%	100%	100%	100%	
BSP_{IZE}		49.4%	0%	0%	50.9%	0%	0%	
BSP_{IZE}^{Kd}		55.1%	88.3%	88.3%	55.6%	88.2%	90.9%	
BSP_{wn+}^{Kd}	6	29.5%	72.8%	72.3%	36.6%	88.8%	89.3%	
BSP_{cn+}^{Kd}	6	29.2%	72.8%	71.3%	36.5%	88.5%	89.0%	
$BSP_{random+}^{Kd}$	10	30.2%	74.6%	72.3%	34.5%	83.5%	84.9%	
RBSP	13	22.0%	0%	0%	26.3%	0%	0%	
$RBSP^{Kd}$	13	29.8%	71.2%	70.9%	33.2%	77.9%	79.2%	
			Conference	90		Museum		
			Comercia			muscum		
Boom	k	Kd	ZD Kd	SD Kd	Kd	ZD Kd	SD Ka	
$\frac{\text{Boom}}{Kd}$	k				Kd 100%		SD <i>Ka</i>	
	k	Kd	ZD Kd	SD Kd		ZD Kd		
Kd BSP_{IZE}	k	Kd 100%	ZD <i>Kd</i> 100%	SD <i>Kd</i>	100%	ZD <i>Kd</i> 100%	100%	
Kd BSP_{IZE} BSP_{IZE}^{Kd}	6	Kd 100% 49.8%	ZD <i>Kd</i> 100% 0%	SD <i>Kd</i> 100% 0%	100% 38.5%	ZD Kd 100% 0%	100% 0%	
Kd BSP_{IZE} BSP_{IZE}^{Kd} BSP_{wn+}^{Kd}		Kd 100% 49.8% 58.4%	ZD Kd 100% 0% 89.7%	SD <i>Kd</i> 100% 0% 91.0%	100% 38.5% 41.7%	ZD Kd 100% 0% 87.1%	100% 0% 87.1%	
Kd BSP_{IZE} BSP_{IZE}^{Kd} BSP_{un+}^{Kd} BSP_{cn+}^{Kd} BSP_{cn+}^{Kd}	6	Kd 100% 49.8% 58.4% 44.1%	ZD Kd 100% 0% 89.7% 92.3%	SD <i>Kd</i> 100% 0% 91.0% 92.6%	100% 38.5% 41.7% 32.0%	ZD Kd 100% 0% 87.1% 88.8%	100% 0% 87.1% 87.3%	
Kd BSP_{IZE} BSP_{IZE}^{Kd} BSP_{wn+}^{Kd}	6	Kd 100% 49.8% 58.4% 44.1% 43.2%	ZD Kd 100% 0% 89.7% 92.3% 90.0%	SD Kd 100% 0% 91.0% 92.6% 90.8%	100% 38.5% 41.7% 32.0% 30.5%	ZD Kd 100% 0% 87.1% 88.8% 87.1%	100% 0% 87.1% 87.3% 86.8%	

- Outline

 - **6** Conclusie

6 Conclusie

- \triangleright BSP_{SWEEP}
 - ullet Nuttig en uitbreidbaar concept voor algemene BSP bomen
 - Lokale geometerie makkelijk in rekening te brengen
 - Beperkte bouwtijd door sweeping
- ightharpoonup Variant met snelle Kd richtingen is superieur
- $\triangleright BSP_{random+}^{Kd}$
 - In elke knoop andere splitsingsvlakken kiezen maakt de boom beter
- $ightharpoonup BSP^{Kd}_{wn+}$ en BSP^{Kd}_{cn+}
 - Splitsingsvlakken afhankelijk van lokale geometrie (normalen) maken de boom nog beter
 - Vermindering rendertijd met meer dan 20%
 - Vermindering straal-driehoekintersecties met meer dan 40%
 - Clustering lijkt geen voordeel te bieden

6 Toekomstig onderzoek

- Verbeteren bouwtijd
- Bepalen beste aantal richtingen (per diepte)
- ► Bepalen betere richtingen
- Focus op splitsen in disjuncte delen ipv SA kost

