Relatório 3 - Inteligência Computacional

Jhúlia Graziella de Souza Rodrigues

¹Bacharelado em Ciência da Computação Universidade Federal do Uberlândia (UFU) Uberlândia (MG)

jhuliagraziella@gmail.com

1. Introdução

A ideia do trabalho é avaliar redes do tipo *perceptron* para aprendizagem dos padrões numéricos "0", "1", "2", "3", "4" e "5", representados na figura 1.

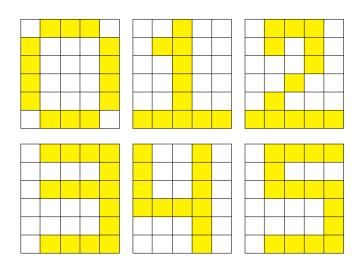


Figura 1. Padrões numéricos

Cada padrão é representado por uma matriz 6×5 de valores booleanos, onde o valor um representa que a posição está colorida e o valor zero representa que não está.

Os neurônios *perceptron* são representados por um vetor de 30 valores reais e são inicializados com valor zero ou aleatório. A função de transferência é do tipo degrau.

2. Exercício 1

O exercício consiste em treinar uma rede *perceptron* com um único neurônio de saída para aprender a reconhecer os padrões "0" e "1".

A saída Y do neurônio para este exercício é:

- $Y = 0 \Rightarrow O$ padrão reconhecido é "0";
- $Y = 1 \Rightarrow O$ padrão reconhecido é "1".

O objetivo é verificar quantas épocas são necessárias para o treinamento e testar o reconhecimento de um conjunto de distorções sobre padrões definidos. As distorções dos padrões "0" e "1" utilizadas nos testes dos exercícios deste trabalho são apresentadas nas figuras 2 e 3. Também é testado o comportamento ao receber como entrada um padrão bem diferente do que se deseja reconhecer: para isso são utilizados como entrada os padrões de "2" a "5" da figura 1.

O algoritmo foi executado uma vez para a inicialização zerada e três vezes para a inicialização aleatória.

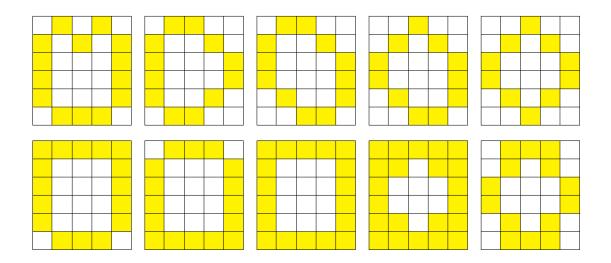


Figura 2. Distorções do padrão zero

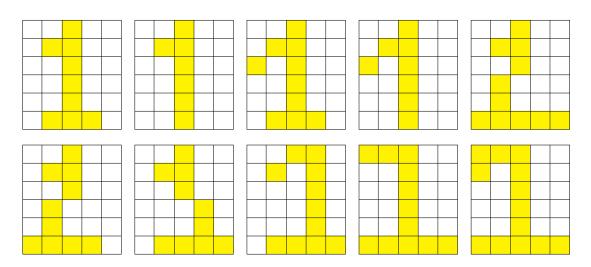


Figura 3. Distorções do padrão um

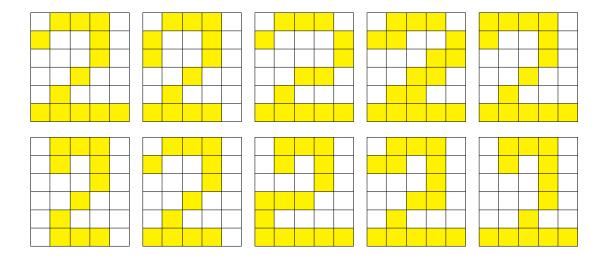


Figura 4. Distorções do padrão dois

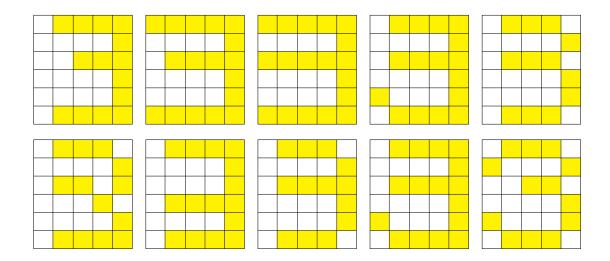


Figura 5. Distorções do padrão três

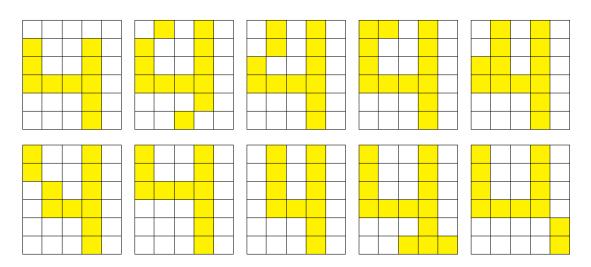


Figura 6. Distorções do padrão quatro

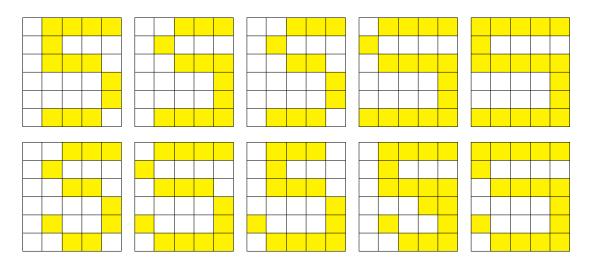


Figura 7. Distorções do padrão cinco

2.1. Resultados utilizando inicialização zerada

Descrição dos resultados obtidos inicializando os vetores de pesos com todos os valores iguais a zero.

- Quantidade de épocas: 3;
- Vetor de pesos:

```
W = \{ 0.00, -1.00, 0.00, -1.00, 0.00, -1.00, 1.00, 1.00, 0.00, -1.00, -1.00, 0.00, 1.00, 0.00, -1.00, -1.00, 0.00, 1.00, 0.00, -1.00, 0.00, 1.00, 0.00, -1.00, -1.00, 0.00, 1.00, 0.00, 0.00, 0.00, 1.00}
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 10;
- O padrão 2 foi reconhecido como 1;
- O padrão 3 foi reconhecido como 0;
- O padrão 4 foi reconhecido como 0;
- O padrão 5 foi reconhecido como 0.

2.2. Resultados utilizando inicialização aleatória

Descrição dos resultados obtidos inicializando o vetor de pesos com valores reais aleatórios no intervalo [-1,1].

2.2.1. Primeira execução:

- Quantidade de épocas: 2;
- Vetor de pesos:

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 6;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 10;
- Falha nas distorções 7, 8, 9 e 10 do padrão "0";
- O padrão 2 foi reconhecido como 1;
- O padrão 3 foi reconhecido como 1;
- O padrão 4 foi reconhecido como 0;
- O padrão 5 foi reconhecido como 1.

2.2.2. Segunda execução:

- Quantidade de épocas: 3;
- Vetor de pesos:

```
W = \{ 0.50, -2.00, 0.00, -0.50, -1.00, -1.50, 0.00, 0.00, -0.50, -1.00, -1.50, 0.00, 1.50, -0.50, -1.00, -0.50, -0.50, 0.00, 0.00, -1.00, -1.50, -0.50, 1.00, -0.50, -1.50, 1.00, -0.50, 0.00, -0.50, 0.50 \};
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 6;
- Falha nas distorções 3, 7, 8 e 10 do padrão "1";
- O padrão 2 foi reconhecido como 0;
- O padrão 3 foi reconhecido como 0;
- O padrão 4 foi reconhecido como 0;
- O padrão 5 foi reconhecido como 0.

2.2.3. Terceira execução:

- Quantidade de épocas: 3;
- Vetor de pesos:

```
W = \{ 0.00, -1.50, -0.50, -1.00, 0.00, -2.00, 1.00, 0.50, 0.50, -1.00, -0.50, 0.50, 1.50, 0.50, -2.00, -0.50, 0.00, 0.00, -1.00, -2.00, -1.00, -0.50, 0.00, -0.50, -0.50, 1.50, -0.50, 0.50, -1.00, 1.50 \}
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 8;
- Falha nas distorções 8 e 10 do padrão "1".
- O padrão 2 foi reconhecido como 1;
- O padrão 3 foi reconhecido como 0;
- O padrão 4 foi reconhecido como 0;
- O padrão 5 foi reconhecido como 0.

3. Exercício 2

A proposta do segundo exercício é mesma que a do anterior, mas agora gerando dois neurônios de saída.

Seja Y_1 a saída do primeiro neurônio e Y_2 a saída do segundo neurônio, o reconhecimento de padrão funciona da seguinte forma:

- $Y_1 = 1$ e $Y_2 = 0 \Rightarrow$ O padrão reconhecido é "0";
- $Y_1 = 0$ e $Y_2 = 1 \Rightarrow$ O padrão reconhecido é "1";
- Outros casos ⇒ O padrão é desconhecido.

Mais uma vez foram utilizadas as distorções dos padrões "0" e "1" mostradas nas figuras 2 e 3 e os padrões da figura 1. O algoritmo foi executado uma vez para a inicialização zerada e três vezes para a inicialização aleatória.

3.1. Resultados utilizando inicialização zerada

Descrição dos resultados obtidos inicializando o vetor de pesos com todos os valores iguais a zero.

- Quantidade de épocas: 3;
- Vetores de pesos:

```
 \begin{aligned} W_1 &= \{ & 0.00, & 1.00, & 0.00, & 1.00, & 0.00, & 1.00, & -1.00, & -1.00, & 0.00, & 1.00, \\ & & 1.00, & 0.00, & -1.00, & 0.00, & 1.00, & 0.00, & -1.00, & 0.00, & 1.00, \\ & & 1.00, & 0.00, & -1.00, & 0.00, & 1.00, & -1.00, & 0.00, & 0.00, & 0.00, & -1.00 \}; \\ W_2 &= \{ & 0.00, & -1.00, & 0.00, & -1.00, & 0.00, & -1.00, & 1.00, & 0.00, & -1.00, \\ & & & -1.00, & 0.00, & 1.00, & 0.00, & -1.00, & 0.00, & 1.00, & 0.00, & -1.00, \\ & & & -1.00, & 0.00, & 1.00, & 0.00, & -1.00, & 0.00, & 0.00, & 0.00, & 1.00 \}; \end{aligned}
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 10;
- O padrão 2 foi reconhecido como 1;
- O padrão 3 foi reconhecido como 0;
- O padrão 4 foi reconhecido como 0;
- O padrão 5 foi reconhecido como 0.

3.2. Resultados utilizando inicialização aleatória

Descrição dos resultados obtidos inicializando o vetor de pesos com valores reais aleatórios no intervalo [-1,1].

3.2.1. Primeira execução:

- Quantidade de épocas: 2;
- Vetores de pesos:

```
W_1 = \{ -0.50, 1.50, 0.00, 
                             0.00, -0.50, 0.00, -1.00, -1.00,
                                                               0.00,
                                                                      0.00,
         0.50, -0.50, -1.50, 0.50, 0.50, 1.50, 0.50, -1.00,
                                                               0.50,
                                                                      0.00.
         1.50, -1.00, -1.00, -0.50, 0.00, -1.00, -0.50, -1.00,
                                                               0.00, -0.50;
         0.50, 0.00, 0.50, 0.00, -0.50, -1.00, 0.50, 0.50,
W_2 = \{
                                                               0.50, 0.00,
         0.50, 0.50,
                      0.00, -0.50, -0.50, -1.00, -0.50, 0.50, -0.50, -1.00,
         0.50, -1.00,
                      0.00, -0.50, -0.50, 0.50, 0.50, -0.50, -0.50, 0.00;
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 6;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 6;
- Falha nas distorções 4, 5, 9 e 10 do padrão "0";
- Falha nas distorções 5, 6, 7 e 8 do padrão "1";
- O padrão 2 foi reconhecido como 1;
- O padrão 3 não foi reconhecido;
- O padrão 4 foi reconhecido como 0;
- O padrão 5 não foi reconhecido.

3.2.2. Segunda execução:

- Quantidade de épocas: 3;
- Vetores de pesos:

```
 \begin{aligned} W_1 &= \{ & 0.50, & 1.50, & 0.50, & 0.00, & 0.00, & 1.00, & -0.50, & -1.50, & -1.00, & 0.50, \\ & & 0.00, & -0.50, & -0.50, & 0.50, & 0.00, & 0.50, & 0.00, & -1.50, & 0.00, & 1.00, \\ & & 1.50, & -1.00, & -0.50, & -1.00, & 1.50, & -1.50, & -0.50, & -0.50, & -1.00 \}; \\ W_2 &= \{ & 0.50, & -1.50, & -0.50, & -1.00, & 0.50, & -1.50, & 1.00, & 1.50, & -0.50, & -1.50, \\ & & & -1.50, & -0.50, & 0.00, & 0.50, & -0.50, & -1.50, & 0.00, & -0.50, & -0.50, \\ & & & -2.00, & -0.50, & 1.50, & -0.50, & -1.00, & 1.50, & 0.50, & -0.50, & 1.00 \}; \end{aligned}
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 7;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 9;
- Falha nas distorções 4, 5 e 10 do padrão "0";
- Falha na distorção 8 do padrão "1";
- O padrão 2 foi reconhecido como 1;
- O padrão 3 foi reconhecido como 0;
- O padrão 4 não foi reconhecido;
- O padrão 5 foi reconhecido como 0.

3.2.3. Terceira execução:

- Quantidade de épocas: 2;
- Vetores de pesos:

```
W_1 = \{ -0.50, 1.50, -1.00, 
                                                                                                                                                                                                                                                              0.00, -1.00, -2.00, 0.50,
                                                                                                                                                                               1.00, -0.50,
                                                       0.00, -0.50, -1.00,
                                                                                                                                                                                0.00,
                                                                                                                                                                                                                         1.50,
                                                                                                                                                                                                                                                                  1.00,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.00, -0.50, -0.50,
                                                                                        0.50, -1.00,
                                                                                                                                                                           0.00, 0.00, -2.00,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.50, -1.00,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         0.50, -0.50;
                                                       0.50,
W_2 = \{ 0.50, 0.00, 0.50, -0.50, -1.00, 0.50, 0.50, 1.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 0.50, 
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          0.50, -0.50,
                                                 -1.00, -1.00,
                                                                                                                                      1.00, -0.50, -1.00, -0.50, -0.50, 1.50, -1.00, -1.00,
                                                                                                                                    0.50, 0.50, 0.00, 1.00, 0.00,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           1.50, 0.50, 1.00;
                                                       0.50, -0.50,
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 6;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 10;
- Falha nas distorções 2, 7, 8 e 9 do padrão "0";
- O padrão 2 foi reconhecido como 1;
- O padrão 3 foi reconhecido como 0;
- O padrão 4 foi reconhecido como 0;
- O padrão 5 foi reconhecido como 0.

4. Exercício 3

A proposta do terceiro exercício é treinar uma rede *perceptron* com seis neurônios de saída para aprender a reconhecer todos os padrões de "0" a "5".

Seja Y_i a saída do neurônio $i, i \in [1, 6]$. O reconhecimento de padrão deve funcionar da seguinte forma:

- $Y_1 = 1, Y_2 = 0, Y_3 = 0, Y_4 = 0, Y_5 = 0$ e $Y_6 = 0 \Rightarrow 0$ padrão reconhecido é "0";
- $Y_1 = 0, Y_2 = 1, Y_3 = 0, Y_4 = 0, Y_5 = 0$ e $Y_6 = 0 \Rightarrow 0$ padrão reconhecido é "1";
- $Y_1 = 0, Y_2 = 0, Y_3 = 1, Y_4 = 0, Y_5 = 0$ e $Y_6 = 0 \Rightarrow 0$ padrão reconhecido é "2";
- $Y_1 = 0, Y_2 = 0, Y_3 = 0, Y_4 = 1, Y_5 = 0$ e $Y_6 = 0 \Rightarrow 0$ padrão reconhecido é "3";
- $Y_1=0, Y_2=0, Y_3=0, Y_4=0, Y_5=1$ e $Y_6=0\Rightarrow$ O padrão reconhecido é "4";
- $Y_1 = 0, Y_2 = 0, Y_3 = 0, Y_4 = 0, Y_5 = 0$ e $Y_6 = 1 \Rightarrow 0$ padrão reconhecido é "5";
- Outros casos ⇒ O padrão é desconhecido.

Assim como nos exercícios anteriores, o objetivo é verificar a quantidade de épocas necessárias para treinamento e testar o reconhecimento de distorções dos padrões base. As distorções dos padrões de "0" a "5" utilizadas nos testes deste exercício são apresentadas nas figuras 2, 3, 4, 5, 6 e 7. Para testar o comportamento ao receber como entrada um padrão bem diferente do que se deseja reconhecer foram utilizadas as entradas apresentadas na figura 8.

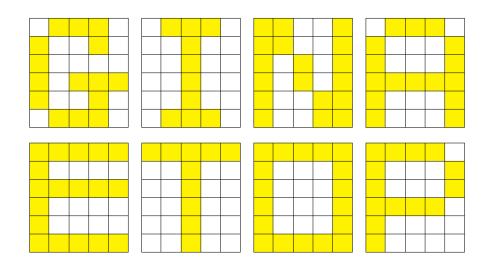


Figura 8. Padrões diferentes dos dígitos de 0 a 5

O algoritmo foi executado uma vez para a inicialização zerada e três vezes para a inicialização aleatória.

4.1. Resultados utilizando inicialização zerada

Descrição dos resultados obtidos inicializando o vetor de pesos com todos os valores iguais a zero.

- Quantidade de épocas: 7;
- Vetores de pesos:

```
W_1 = \{ -1.00, 1.00, 0.00, 0.00, -1.00, 1.00, -1.00, -1.00, -1.00, 
                                                                       1.00,
         1.00, -1.00, -2.00, -2.00,
                                     1.00, 1.00, -1.00, -2.00, -1.00,
                                                                        1.00,
         2.00, 0.00, -1.00, -1.00,
                                     1.00, -1.00,
                                                  0.00, 0.00, -1.00, -2.00;
W_2 = \{
         0.00, -1.00, 0.00, -1.00,
                                     0.00,
                                            0.00,
                                                  0.00,
                                                         1.00, -1.00,
                                                                       0.00,
         0.00, 0.00,
                       1.00, -1.00,
                                     0.00,
                                           0.00,
                                                  0.00,
                                                         0.00, 0.00,
                                                                       0.00,
         0.00, -1.00,
                       1.00, 0.00,
                                    0.00,
                                           0.00,
                                                  0.00,
                                                         0.00,
                                                                0.00,
                                                                       0.00};
W_3 = \{ -1.00, 1.00, 
                       0.00,
                             0.00, -2.00, -1.00,
                                                  1.00, -1.00,
                                                                2.00, -1.00,
        -1.00, -2.00, -3.00, 0.00, -2.00, -1.00, -1.00,
                                                         1.00, -1.00, -2.00,
         0.00, 3.00, -1.00, -1.00, -2.00, 2.00, 0.00, 0.00, -1.00,
W_4 = \{ -1.00, 
                0.00, 0.00, -1.00, 0.00, -1.00, -4.00, 0.00, -1.00,
                                                                       4.00.
        -1.00,
                0.00,
                       0.00, -1.00,
                                    0.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00,
                                                                        0.00,
         0.00, 0.00,
                      0.00, -1.00, 0.00,
                                           0.00, 0.00, 0.00, -1.00,
                                                                       0.00};
W_5 = \{
         1.00, -1.00, -1.00, 0.00, -1.00,
                                           1.00, -1.00,
                                                         0.00,
                                                                 1.00,
                                                                       0.00,
         1.00, -1.00, -1.00,
                             0.00, -1.00,
                                           1.00, 1.00,
                                                         1.00,
                                                                1.00, -1.00,
                      0.00,
                              1.00, -1.00, 0.00, -1.00, -1.00,
                                                                0.00, -1.00;
         0.00.
                0.00,
W_6 = \{ 0.00, 0.00, -1.00, 
                              0.00, 2.00, -1.00, 4.00, -1.00, -1.00, -5.00,
                              1.00,
                                    1.00, -1.00, 0.00, -2.00, 0.00,
        -1.00.
               2.00, 1.00,
        -1.00, -1.00, -1.00, 0.00,
                                    1.00, -2.00, -1.00, -1.00, -1.00, 0.00;
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 8;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "2" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "3" distorcido: 7;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "4" distorcido: 8;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "5" distorcido: 10;
- Falhas nas distorções 7 e 8 do padrão "1";
- Falhas nas distorções 2, 3 e 7 do padrão "3";
- Falhas nas distorções 5 e 8 do padrão "4";
- O padrão 'G' não foi reconhecido;
- O padrão 'I' foi reconhecido como 1;
- O padrão 'N' não foi reconhecido;
- O padrão 'A' foi reconhecido como 0;
- O padrão 'E' não foi reconhecido;
- O padrão 'T' foi reconhecido como 1;
- O padrão 'O' foi reconhecido como 0;
- O padrão 'P' não foi reconhecido.

4.2. Resultados utilizando inicialização aleatória

Descrição dos resultados obtidos inicializando o vetor de pesos com valores reais aleatórios no intervalo [-1,1].

4.2.1. Primeira execução:

- Quantidade de épocas: 7;
- Vetores de pesos:

```
W_1 = \{ -1.50, 1.50, 0.00, -1.00, -1.50, 0.00, -1.00, -1.00, -1.00, 0.00, 0.50, -1.50, -2.50, -1.50, 0.50, 1.50, -0.50, -2.00, -0.50, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00, 0.
```

```
2.50, -1.00, -1.00, -1.50, 0.00, -1.00, -0.50, -1.00, -1.00, -1.50
         0.50, -1.00,
                       0.50, -1.00, -0.50, -1.00, 0.50, 1.50, -0.50, 0.00,
         0.50, 0.50,
                       1.00, -1.50, -0.50, -1.00, -0.50, 0.50, -0.50, -1.00,
         0.50, -2.00,
                       1.00, -0.50, -0.50, 0.50, 0.50, -0.50, -0.50, 0.00
W_3 = \{ -1.00, 0.50, 
                      0.00, 0.00, -2.00,
                                           0.00,
                                                  0.00,
                                                         0.00,
                                                                0.00, -2.00,
         0.00, -1.50, -1.00, -0.50, -1.00,
                                            0.00,
                                                  0.00, 0.50, -0.50, -2.00,
                1.50, -1.00,
                              0.00, -2.00,
       -0.50,
                                            0.00,
                                                  0.00, -1.00, 0.50, -1.00;
W_4 = \{ -1.00, 
                0.50,
                       0.00,
                              0.50, -0.50,
                                           0.00, -3.00,
                                                         0.00, -0.50,
                                                                       2.50,
       -0.50.
                0.50,
                       0.50,
                                           0.00, -0.50,
                             0.00, -1.00,
                                                         0.00, -0.50,
       -0.50, -0.50, -1.00, -1.00,
                                     0.00, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -1.00;
W_5 = \{
               0.00, -0.50, -1.00,
         0.00,
                                     0.50,
                                           0.50,
                                                  0.50,
                                                         0.00,
                                                                0.50, -1.00,
                0.00, -0.50, -1.00,
         0.00,
                                     0.00,
                                           0.00,
                                                  0.50,
                                                         0.50,
                                                               0.50, -0.50,
       -0.50,
                0.50, -0.50, 0.50, -0.50, -0.50, -0.50, 0.00, -0.50, -1.00
W_6 = \{ 0.00,
               0.00, -1.00,
                              0.00,
                                    2.50, -3.00, 3.00, -0.50, -1.00, -4.50,
       -2.00,
                3.50, 1.00,
                             1.50,
                                    0.00, -1.50, 0.50, -2.50, 0.00, 1.00,
       -1.50, -2.00, -1.00, -1.00, 0.00, -2.50, -2.00, -0.50, -2.00, 0.00
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 3;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 9;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "2" distorcido: 4;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "3" distorcido: 4;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "4" distorcido: 5;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "5" distorcido: 6;
- Falhas nas distorções 3, 4, 5, 6, 8, 9 e 10 do padrão "0";
- Falha na distorção 8 do padrão "1";
- Falhas nas distorções 3, 4, 5, 8, 9 e 10 do padrão "2";
- Falhas nas distorções 1, 2, 3, 4, 7 e 9 do padrão "3";
- Falhas nas distorções 3, 7, 8, 9 e 10 do padrão "4";
- Falhas nas distorções 4, 5, 7 e 10 do padrão "5";
- O padrão 'G' não foi reconhecido;
- O padrão 'I' foi reconhecido como 1;
- O padrão 'N' não foi reconhecido;
- O padrão 'A' não foi reconhecido;
- O padrão 'E' não foi reconhecido;
- O padrão 'T' foi reconhecido como 1;
- O padrão 'O' não foi reconhecido;
- O padrão 'P' não foi reconhecido.

4.2.2. Segunda execução:

- Quantidade de épocas: 8;
- Vetores de pesos:

```
W_1 = \{ -1.00, -1.00, -0.50, -1.00, 
                                     0.00,
                                           1.00, -1.00, -1.00, -0.50,
         0.50, 0.00, -1.00, -1.50,
                                    0.00,
                                           1.00, -0.50, -1.00, -1.00,
         0.00, -0.50, -1.00, -1.00,
                                     1.50, -1.00,
                                                  0.00, 0.00, 0.00, -1.50;
W_2 = \{
         0.50, -1.50, -0.50, -1.00,
                                     0.00, 0.00,
                                                  0.00,
                                                         1.50, -1.00, 0.50,
         0.00, 0.50,
                      1.50, -1.50, -1.00, -1.00, 0.00, -0.50,
                                                                0.50, -0.50,
         0.50, -1.00,
                      1.00, 0.00, -1.00, 0.00, -1.00, 0.00,
                                                                0.50, 0.50;
W_3 = \{ -1.50, 1.00, 0.50, 0.00, -1.00, -0.50, 1.50, -2.00, 
                                                                1.00, -0.50,
       -0.50, -1.00, -1.50, 1.50, -1.50, -1.00, -2.00, 0.50, -1.50, -1.00,
```

```
-0.50,
                3.00, -1.50, -1.50, -1.50, 2.00, 1.50, 0.00, -1.00,
W_4 = \{ -0.50,
                0.00, -0.50, -0.50,
                                     0.00, -1.50, -6.50, -0.50, -1.00, 6.00,
       -1.00,
                0.00, 0.50,
                             0.50,
                                    0.50, -2.00, -0.50, -2.00, 0.50, -1.00,
       -0.50, 0.00, -2.00,
                             0.50, \quad 0.00, -0.50, -1.50, -1.00, -0.50,
                                                                      0.50};
W_5 = \{
        1.00, -1.00, -2.00, 0.00, -1.50, 0.00, -1.00, 0.00,
                                                                0.50, 0.00,
         0.50, -1.00, -1.00, -0.50, -0.50, 0.50, 0.50, 1.00,
                                                                0.50, -2.00,
         0.00, -0.50, 0.00,
                             0.50, -0.50, 0.00, -1.50, -1.50,
                                                                0.50, -1.00;
         0.00, 0.00, -1.00,
                                    1.00, -2.00, 2.00, -1.50, -1.50, -4.00,
W_6 = \{
                             0.00,
       -0.50, 1.00,
                      0.50,
                             1.50,
                                    1.50, -1.00, 0.50, -2.00,
                                                                0.00, 1.00,
       -1.00, -1.00, -2.00, -1.00,
                                    1.50, -2.00, -1.00, -1.50, -2.00,
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 6;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 7;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "2" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "3" distorcido: 8;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "4" distorcido: 9;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "5" distorcido: 5;
- Falhas nas distorções 5, 8, 9 e 10 do padrão "0";
- Falhas nas distorções 5, 6 e 8 do padrão "1";
- Falhas nas distorções 7 e 10 do padrão "3";
- Falhas na distorção 8 do padrão "4";
- Falhas nas distorções 4, 5, 6, 7 e 10 do padrão "4";
- O padrão 'G' não foi reconhecido;
- O padrão 'I' não foi reconhecido;
- O padrão 'N' não foi reconhecido;
- O padrão 'A' não foi reconhecido;
- O padrão 'E' não foi reconhecido;
- O padrão 'T' foi reconhecido como 1;
- O padrão 'O' não foi reconhecido;
- O padrão 'P' foi reconhecido como 4.

4.2.3. Terceira execução:

- Quantidade de épocas: 9;
- Vetores de pesos:

```
W_1 = \{ -1.00, 0.00, 0.50, 
                                                                                                                                                                                                       0.00, -1.00, 1.00, -2.00, -2.00, -0.50,
                                                              0.00, -0.50, -1.50,
                                                                                                                                                                                               0.00, 0.50, 1.00, -1.00, -0.50, 0.00,
                                                              0.00, -0.50, -1.50, -0.50, 0.50, -0.50, -0.50, -1.00, -1.00, -0.50
W_2 = \{-1.00, -2.50, -1.00, -2.50, -0.50, -0.50, 0.00, 1.00, -1.50, -1.00, -1.50, -1.00, -1.50, -1.00, -1.50, -1.00, -1.50, -1.00, -1.50, -1.00, -1.50, -1.00, -1.50, -1.00, -1.00, -1.50, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1
                                                                                                                                                     1.00, -2.00, -1.00, -0.50, -0.50, 0.50, 0.00, -1.00,
                                                    -1.00, -1.00,
                                                    -1.00, -1.00,
                                                                                                                                                     1.50, -0.50, -1.50, 1.00, 0.50, -0.50, -1.00, -0.50;
W_3 = \{ -0.50, 0.50, -1.00, -0.50, -0.50, -0.50, 1.50, -2.00, 0.00, -2.00, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0.50, -0
                                                    -0.50, -2.00, -1.50, -1.00, -1.50, -2.00, -1.50, 0.50, -0.50, -1.00,
                                                    -1.00,
                                                                                                           1.50, -2.00, -0.50, -1.00, 1.00, 0.00, 0.50, -1.50, -0.50;
W_4 = \{ -1.50, 
                                                                                                           0.00, -1.00, -1.00,
                                                                                                                                                                                                                                                     1.00, -2.00, -7.50, -0.50, -1.00, 6.50,
                                                                                                           0.50, 0.00, -0.50,
                                                                                                                                                                                                                                                      0.00, -3.00, -1.50, -0.50, -1.50, -0.50,
                                                    -0.50, -0.50, 0.50, -2.00, 0.50, 0.50, 0.00, -0.50, -0.50,
W_5 = \{ 1.50, -0.50, -1.00, -1.00, -1.00, 1.00, -1.00, -1.00, 0.50, 0.50, 1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.00, -1.0
                                                              0.00, -1.00, -1.00, 0.50, -1.00,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                1.50, 1.00, 1.50, 1.00, -1.00,
                                                              0.50, 0.00, -1.00, 1.00, -1.00, 0.50, -1.00, -1.00, -0.50, -2.00
```

```
W_6 = \{ 0.50, -1.00, -0.50, -1.00, 1.50, -0.50, 0.50, -1.50, -2.00, -2.50, -0.50, 1.50, 0.50, 0.50, 0.00, -1.00, -1.00, -3.00, 0.50, 1.50, -2.00, -0.50, -1.00, 0.00, 0.00, -3.00, -0.50, -0.50, -0.50, -1.00\};
```

- Quantidade de identificações corretas do padrão "0" distorcido: 6;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "1" distorcido: 4;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "2" distorcido: 1;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "3" distorcido: 9;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "4" distorcido: 10;
- Quantidade de identificações corretas do padrão "5" distorcido: 5;
- Falhas nas distorções 4, 5, 9 e 10 do padrão "0";
- Falhas nas distorções 5, 6, 7, 8, 9 e 10 do padrão "1";
- Falhas nas distorções 1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9 e 10 do padrão "2";
- Falha na distorção 10 do padrão "3";
- Falhas nas distorções 4, 5, 7, 8 e 10 do padrão "5";
- O padrão 'G' foi reconhecido como 4;
- O padrão 'I' não foi reconhecido;
- O padrão 'N' não foi reconhecido;
- O padrão 'A' foi reconhecido como 0;
- O padrão 'E' não foi reconhecido;
- O padrão 'T' não foi reconhecido;
- O padrão 'O' foi reconhecido como 0;
- O padrão 'P' não foi reconhecido.

5. Conclusão

Utilizando apenas um neurônio a quantidade de falsos positivos era muito grande: todas as entradas eram jogados para o padrão 0 ou 1, mesmo não possuindo nada em comum. Com o aumento da quantidade de neurônios mais entradas foram não reconhecidas, mas a precisão do reconhecimento aumentou.

De acordo com os resultados obtidos, conclui-se que quanto maior a quantidade de neurônios mais exigente é o sistema de reconhecimento, o que costuma torná-lo mais preciso, pois reduz a quantidade de falsos reconhecimentos positivos, embora aumente a quantidade de reconhecimentos negativos.