Estruturas de Dados

Módulo 16 - Ordenação



Referências

Waldemar Celes, Renato Cerqueira, José Lucas Rangel, Introdução a Estruturas de Dados, Editora Campus (2004)

Capítulo 16 – Ordenação

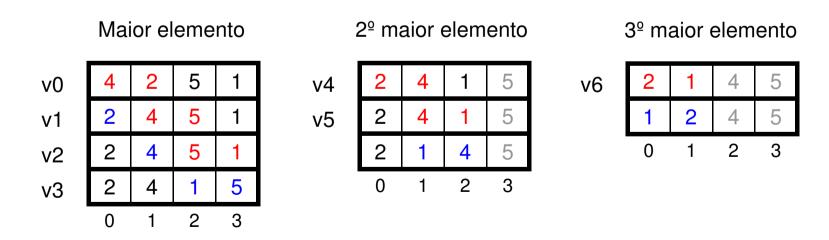
Tópicos

- Introdução
- Ordenação bolha (bubble sort)
- Ordenação rápida (quick sort)

Introdução

- Ordenação de vetores:
 - entrada: vetor com os elementos a serem ordenados
 - saída: mesmo vetor com elementos na ordem especificada
 - ordenação:
 - pode ser aplicada a qualquer dado com ordem bem definida
 - vetores com dados complexos (structs)
 - chave da ordenação escolhida entre os campos
 - elemento do vetor contém apenas um ponteiro para os dados
 - troca da ordem entre dois elementos = troca de ponteiros

- Ordenação bolha:
 - processo básico:
 - quando dois elementos estão fora de ordem, troque-os de posição até que o i-ésimo elemento de maior valor do vetor seja levado para as posições finais do vetor
 - continue o processo até que todo o vetor esteja ordenado



o maior elemento, 92, já está na sua posição final

```
25 37 12 48 57 33 86 92 25x37
25 37 12 48 57 33 86 92 37x12 troca
25 12 37 48 57 33 86 92 37x48
25 12 37 48 57 33 86 92 48x57
25 12 37 48 57 33 86 92 57x33 troca
25 12 37 48 33 57 86 92 57x86
25 12 37 48 33 57 86 92 final da segunda passada
```

o segundo maior elemento, 86, já está na sua posição final

```
25 12 37 48 33 57 86 92 25x12 troca
12 25 37 48 33 57 86 92 25x37
12 25 37 48 33 57 86 92 37x48
12 25 37 48 33 57 86 92 48x33 troca
12 25 37 33 48 57 86 92 48x57
12 25 37 33 48 57 86 92 final da terceira passada
```

Idem para 57.

Idem para 48.

Idem para 37.

Idem para 33.

Idem para 25 e, conseqüentemente, 12.

12 25 33 37 48 57 86 92 final da ordenação

Implementação Iterativa(I):

maior elemento (n=4; i=n-1=3)	4	2	5	1
	2	4	5	1
	2	4	5	1
	2	4	1	5
2º maior elemento (i=n-2=2)	2	4	1	5
	2	4	1	5
	2	1	4	5
			1	
3º maior elemento (i=n-3=1)	2	1	4	5
	1	2	4	5
	0	1	2	3

Implementação Iterativa (II):

```
/* Ordenação bolha (2a. versão) */
                                                       pára quando há
void bolha (int n, int* v)
                                                       uma passagem inteira
{ int i, j;
 for (i=n-1; i>0; i--) {
                                                       sem trocas
     int troca = 0;
     for (j=0; j< i; j++)
        if (v[i]>v[i+1]) {
             int temp = v[j]; /* troca */
            v[j] = v[j+1];
            v[j+1] = temp;
            troca = 1;
    if (troca == 0) return; /* não houve troca */
```

Esforço computacional:

- esforço computacional ≅ número de comparações
 ≅ número máximo de trocas
 - primeira passada: n-1 comparações
 - segunda passada: n-2 comparações
 - terceira passada: n-3 comparações
 - ...
- tempo total gasto pelo algoritmo:
 - T proporcional a $(n-1) + (n-2) + ... + 2 + 1 = (n-1+1) / 2 = n^2 / 2$
 - algoritmo de ordem quadrática: $O(n^2)$

Implementação recursiva:

```
/* Ordenação bolha recursiva */
                                                  major elemento
                                                                             5
void bolha_rec (int n, int* v)
                                                  bolha_rec(4,v);
{ int j;
  int troca = 0;
 for (j=0; j< n-1; j++)
     if (v[i]>v[i+1]) {
       int temp = v[j]; /* troca */
                                               2º maior elemento
       v[j] = v[j+1];
                                                  bolha rec(3,v);
       v[j+1] = temp;
       troca = 1;
                                               3º maior elemento
  if (troca != 0) /* houve troca */
                                                  bolha_rec(2,v);
    bolha_rec(n-1,v);
                                                                    0
```

- Algoritmo genérico (I):
 - independente dos dados armazenados no vetor
 - usa uma função auxiliar para comparar elementos

```
/* Função auxiliar de comparação */
static int compara (int a, int b)
{
  if (a > b)
    return 1;
  else
    return 0;
}
```

```
/* Ordenação bolha (3a. versão) */
void bolha (int n, int* v)
{ int i, j;
 for (i=n-1; i>0; i--) {
    int troca = 0;
    for (j=0; j< i; j++)
        if (compara(v[j],v[j+1])) {
          int temp = v[j]; /* troca */
          v[j] = v[j+1];
          v[j+1] = temp;
          troca = 1;
    if (troca == 0) /* não houve troca */
      return;
```

- Algoritmo genérico (II):
 - função de ordenação e assinatura da função de comparação independentes do tipo do elemento
 - função de ordenação: void bolha (int n, void* v, int tam);
 v ponteiro de qualquer tipo (definido como void*)
 tam tamanho de cada elemento em bytes (para percorrer o vetor)
 - função de comparação: int compara (void* a, void* b);
 - a e b dois ponteiros genéricos um para cada elemento que se deseja comparar

- Exemplo de função de comparação:
 - dados do aluno, com nome como chave de comparação

```
/* Dados do aluno */
struct aluno {
   char nome[81];
   char mat[8];
   char turma;
   char email[41];
};
```

```
/* função de comparação c/ ponteiros de alunos */
static int compara (void* a, void* b)
{
   Aluno** p1 = (Aluno**) a;
   Aluno** p2 = (Aluno**) b;
   if (strcmp((*p1)->nome,(*p2)->nome) > 0)
      return 1;
   else
      return 0;
}
```

- Função auxiliar para caminhar no vetor:
 - endereço do elemento i = i*tam bytes
 - para incrementar o endereço genérico de um determinado número de bytes, é necessário converter o ponteiro para ponteiro para caractere (pois um caractere ocupa um byte)

```
static void* acessa (void* v, int i, int tam)
{
   char* t = (char*)v;
   t += tam*i;
   return (void*)t;
}
```

- Função auxiliar para realizar a troca:
 - tipo de cada elemento n\u00e3o \u00e9 conhecido => variável temporária para realizar a troca não pode ser declarada
 - troca dos valores feita byte a byte (ou caractere a caractere)

```
static void troca (void* a, void* b, int tam)
     char^* v1 = (char^*) a;
     char^* v2 = (char^*) b;
     int i;
     for (i=0; i<tam; i++) {
       char temp = v1[i];
       v1[i] = v2[i];
       v2[i] = temp;
15/03/2013
```

Algoritmo genérico (III):

```
void bolha_gen (int n, void* v, int tam, int(*cmp)(void*,void*))
```

- não chama uma função de comparação específica
- recebe como parâmetro uma função callback de comparação com a assinatura

int cmp (void*, void*)

```
/* Ordenação bolha (genérica) */
void bolha_gen (int n, void* v, int tam, int(*cmp)(void*,void*))
{ int i, j;
 for (i=n-1; i>0; i--) {
    int fez troca = 0;
    for (j=0; j< i; j++) {
       void* p1 = acessa(v,j,tam);
        void^* p2 = acessa(v,j+1,tam);
        if (cmp(p1,p2)) {
          troca(p1,p2,tam);
          fez troca = 1;
    if (fez_troca == 0) /* nao houve troca */
       return;
```

```
static int compara_reais (void* a, void* b)
{
float *p1 = (float *)a;
float *p2 = (float *)b;
if ((*p1) > (*p2)) return 1;
else return 0;
}

/* na main */
......
bolha_gen(n, v, sizeof(float), compara_reais);
......
```

- Ordenação rápida ("quick sort"):
 - escolha um elemento arbitrário x, o pivô
 - rearrume o vetor de tal forma que x fique na posição correta v[i]
 - x deve ocupar a posição i do vetor sse todos os elementos v[0], ... v[i-1] são menores que x e todos os elementos v[i+1], ..., v[n-1] são maiores que x
 - chame recursivamente o algoritmo para ordenar os (sub-)vetores
 v[0], ... v[i-1] e v[i+1], ..., v[n-1]
 - continue até que os vetores que devem ser ordenados tenham 0 ou 1 elemento

- Esforço computacional:
 - melhor caso:
 - pivô representa o valor mediano do conjunto dos elementos do vetor
 - após o mover o pivô em sua posição, restarão dois sub-vetores para serem ordenados, ambos com o número de elementos reduzido à metade, em relação ao vetor original
 - algoritmo é O(n log(n))
 - pior caso:
 - pivô é o maior elemento e algoritmo recai em ordenação bolha
 - caso médio:
 - algoritmo é O(n log(n))

- Rearrumação do vetor para o pivô de x=v[0]:
 - do início para o final, compare x com v[1], v[2], ...
 até encontrar v[a]>x
 - do final para o início, compare x com v[n-1], v[n-2], ...
 até encontrar v[b]<=x
 - troque v[a] e v[b]
 - continue para o final a partir de v[a+1] e para o início a partir de v[b-1]
 - termine quando os pontos de busca se encontram (b<a)
 - a posição correta de x=v[0] é a posição b e v[0] e v[b] são trocados

vetor inteiro de v[0] a v[7]
(0-7) 25 48 37 12 57 86 33 92

- determine a posição correta de x=v[0]=25
 - de a=1 para o fim: 48>25 (a=1)
 - de b=7 para o início: 25<92, 25<33, 25<86, 25<57 e 12<=25 (b=3)

(0-7) 25 48 37 12 57 86 33 92 $a \uparrow b \uparrow$

- troque v[a]=48 e v[b]=12, incrementando a e decrementando b
- nova configuração do vetor:

```
(0-7) 25 12 37 48 57 86 33 92 a,b \uparrow
```

configuração atual do vetor:

```
(0-7) 25 12 37 48 57 86 33 92 
a,b ↑
```

- determine a posição correta de x=v[0]=25
 - de a=2 para o final: 37>25 (a=2)
 - de b=2 para o início: 37>25 e 12<=25 (b=1)
- os índices a e b se cruzaram, com b<a

- todos os elementos de 37 (inclusive) para o final são maiores que 25 e todos os elementos de 12 (inclusive) para o início são menores que 25 – com exceção de 25
- troque o pivô v[0]=25 com v[b]=12, o último dos valores menores que 25 encontrado
- nova configuração do vetor, com o pivô 25 na posição correta:

```
(0-7) 12 25 37 48 57 86 33 92
```

- dois vetores menores para ordenar:
 - valores menores que 25:

(0-0) 12

- vetor já está ordenado pois possui apenas um elemento
- valores maiores que 25:

(2-7) 37 48 57 86 33 92

vetor pode ser ordenado de forma semelhante, com 37 como pivô

Obs 1:

No deslocamento para a direita, o teste "a < n" é necessário porque o pivô pode ser o elemento de maior valor, nunca ocorrendo a situação v[a]<=x, o que faria acessar posições além dos limites do vetor

Obs. 2:

No deslocamento para a esquerda, um teste adicional do tipo b>=0 não é necessário, pois v[0] é o pivô, impedindo que b assuma valores negativos

```
do {
  while (a < n \&\& v[a] <= x) a++;
  while (v[b] > x) b--;
  if (a < b) { /* faz troca */
    int temp = v[a];
   v[a] = v[b];
   v[b] = temp;
    a++; b--;
} while (a <= b);
/* troca pivô */
v[0] = v[b];
v[b] = x;
/* ordena sub-vetores restantes */
rapida(b,v);
rapida(n-a,&v[a]);
```

- Quick sort genérico da biblioteca padrão:
 - disponibilizado via a biblioteca stdlib.h
 - independe do tipo de dado armazenado no vetor
 - implementação segue os princípios discutidos na implementação do algoritmo de ordenação bolha genérico

Protótipo do quick sort da biblioteca padrão:

```
void qsort (void *v, int n, int tam, int (*cmp)(const void*, const void*));
```

 v: ponteiro para o primeiro elemento do vetor ponteiro do tipo ponteiro genérico (void*) para acomodar qualquer tipo de elemento do vetor

n: número de elementos do vetor

tam: tamanho, em bytes, de cada elemento do vetor

cmp: ponteiro para a função de comparação

const: modificador de tipo para garantir que a função não modificará os valores dos elementos (devem ser tratados como constantes)

Função de comparação:

```
int nome (const void*, const void*);
```

- definida pelo cliente do quick sort
- recebe dois ponteiros genéricos (do tipo void*)
 - apontam para os dois elementos a comparar
 - modificador de tipo const garante que a função não modificará os valores dos elementos (devem ser tratados como constantes)
- deve retornar –1, 0, ou 1, se o primeiro elemento for menor, igual, ou maior que o segundo, respectivamente, de acordo com o critério de ordenação adotado

- Exemplo 1:
 - ordenação de valores reais

- Função de comparação para float:
 - os dois ponteiros genéricos passados para a função de comparação representam ponteiros para float

```
/* função de comparação de reais */
static int comp_reais (const void* p1, const void* p2)
{
    /* converte ponteiros genéricos para ponteiros de float */
    float *f1 = (float*)p1;
    float *f2 = (float*)p2;
    /* dados os ponteiros de float, faz a comparação */
    if (*f1 < *f2) return -1;
    else if (*f1 > *f2) return 1;
    else return 0;
}
```

```
/* Ilustra uso do algoritmo qsort para vetor de float */
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
/* função de comparação de reais - ver transparência anterior */
static int comp reais (const void* p1, const void* p2)
{…}
/* ordenação de um vetor de float */
int main (void)
 int i:
 float v[8] = \{25.6,48.3,37.7,12.1,57.4,86.6,33.3,92.8\};
  qsort(v,8,sizeof(float),comp_reais);
  printf("Vetor ordenado: ");
 for (i=0; i<8; i++)
    printf("%g ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0;
```

• Exemplo 2:

- vetor de ponteiros para a estrutura aluno
- chave de ordenação dada pelo nome do aluno

- Função de comparação
 - os dois ponteiros genéricos passados para a função de comparação representam ponteiros de ponteiros para Aluno
 - função deve tratar uma indireção a mais

```
/* Função de comparação: elemento é do tipo Aluno* */
static int comp_alunos (const void* p1, const void* p2)
{
    /* converte p/ ponteiros de ponteiros de Aluno */
    Aluno **a1 = (Aluno**)p1;
    Aluno **a2 = (Aluno**)p2;
    /* dados os ponteiros de ponteiro de Aluno, faz a comparação */
    return strcmp((*a1)->nome,(*a2)->nome);
}
```

Resumo

- Bubble sort
 - quando dois elementos estão fora de ordem, troque-os de posição até que o i-ésimo elemento de maior valor do vetor seja levado para as posições finais do vetor
 - continue o processo até que todo o vetor esteja ordenado
- Quick sort
 - coloque um elemento arbitrário x, o pivô, em sua posição k
 - chame recursivamente o algoritmo para ordenar os (sub-)vetores v[0], ... v[k-1] e v[k+1], ..., v[n-1]
 - continue até que os vetores que devem ser ordenados tenham 0 ou 1 elemento
- Quick sort genérico da biblioteca padrão:
 - disponibilizado via *stdlib.h*, com protótipo
 void qsort (void *v, int n, int tam, int (*cmp)(const void*, const void*))