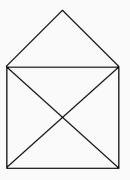
# Motivação

Marco A L Barbosa malbarbo.pro.br

Departamento de Informática Universidade Estadual de Maringá

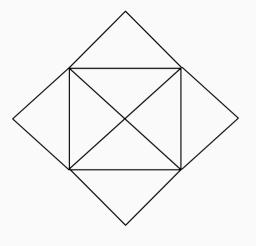


É possível desenhar esta figura sem tirar o lápis do papel e sem passar sobre uma linha duas vezes?



Sim!

E esta?



Não!

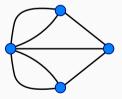
- · A cidade de Königsberg era cortada por um rio que continha duas ilhas
- Existiam 7 pontes que ligavam as ilhas e as margens do rios
- Existia um caminho que cruzasse cada uma das 7 pontes uma única vez?



- · Em 1736 Leonhard Euler resolveu o problema mostrando que não existia tal caminho
- Ele modelou o problema em termos abstratos







- Euler observou que toda vez que alguém atinge uma porção de terra por uma ponte, deve deixar a porção de terra também por uma ponte
- Para que cada ponte fosse cruzada apenas uma vez, todas as porcões de terra, exceto talvez a inicial e a final, deveriam ter um número par de pontes ligadas a ela
- Mas todas as porções de terra do problema tem um número ímpar de pontes, portanto, não é possível fazer o caminho

· Surgiu então a Teoria dos Grafos

# Seis graus de separação

- · Ideia de que todas as pessoas do mundo estão separadas por até 6 ligações sociais
- · Jogo "Seis graus de Kevin Bacon"

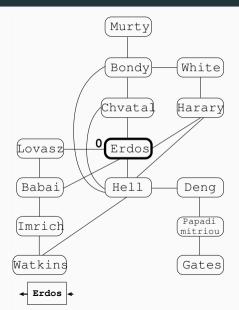


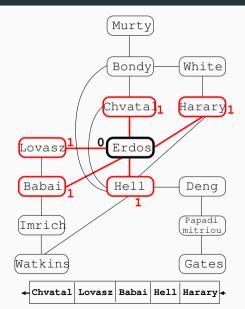
- · Paul Erdős foi um famoso matemático Húngaro
- · Trabalhou com centenas de colaboradores
- · Publicou mais de 1500 artigos

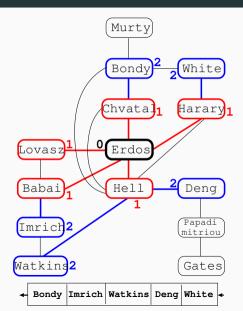
- · Número de Erdős é um divertido tributo criado pelos amigos
- · Paul Erdős tem número de Erdős 0
- · Os colaboradores diretos dele tem número de Erdős 1
- · Os colaboradores destes tem número de Erdős 2
- · Assim sucessivamente

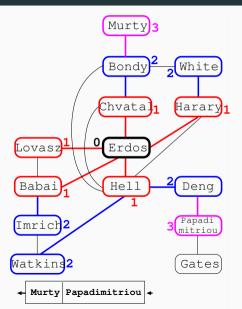
#### Problema

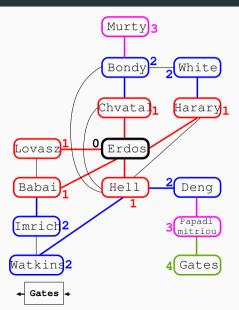
Determinar o número de Erdős de cada pessoa em um conjunto de colaborações.











# Algoritmo

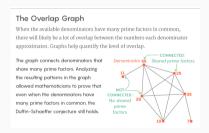
- · Atribua o número 0 ao Erdős
- $\cdot d \leftarrow 0$
- Repita até que todos as pessoas tenham um número ou d=m, onde m é o número de relações
  - · Para cada relação (Pessoa1, Pessoa2)
    - · Se Pessoa1 tem número d e Pessoa2 não tem número, então atribua o número d+1 a Pessoa2
    - · Senão se Pessoa2 tem número d e Pessoa1 não tem número, então atribua d+1 a Pessoa1
  - $\cdot d \leftarrow d + 1$

· Veja uma implementação deste algoritmo em C e outra em Python na página da disciplina

- · Veremos um algoritmo mais eficiente para encontrar o Número de Erdős
- Também vamos estudar uma generalização para calcular distância em grafos, que pode ser aplicado por exemplo, para calcular rotas entre cidades

#### Conjectura Duffin-Schaeffer

- · Aproximação de números irracionais por fracões
- Em julho de 2019, Dimitris Koukoulopoulos e James Maynard provaram que a conjectura é verdadeira usando modelagem por grafos



# Conjectura Duffin-Schaeffer

The graph is a visual aid, it's a very beautiful language in which to think about the problem.

Koukoulopoulos

Muitos problemas em diversas áreas podem ser modelados e resolvidos como problemas em grafos!

· Transportes · Biologia

• Escalonamento • Física e Química

· Compiladores · Linguística

· Ciências sociais · Etc

Vamos estudar algoritmos em grafos?

#### Referências

- · Wikipedia Seven Bridges of Königsberg
- · New Proof Settles How to Approximate Numbers Like Pi
- · Collaboration Distance