法律声明

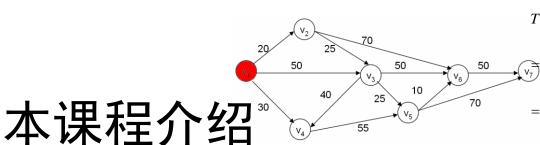
- □本课件包括演示文稿、示例、代码、题库、视频和声音等内容,小象学院和主讲老师拥有完全知识产权的权利;只限于善意学习者在本课程使用,不得在课程范围外向任何第三方散播。任何其他人或机构不得盗版、复制、仿造其中的创意及内容,我们保留一切通过法律手段追究违反者的权利。
- □ 课程详情请咨询
 - 微信公众号:小象
 - 新浪微博: ChinaHadoop



线性表

——链表、队列、堆栈





- $T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + c \cdot n$
- $2 \cdot \left(2 \cdot T\left(\frac{n}{4}\right) + c \cdot \frac{n}{2}\right) + c \cdot n = 4T\left(\frac{n}{4}\right) + 2c \cdot n$
 - $= 4\left(2 \cdot T\left(\frac{n}{8}\right) + c \cdot \frac{n}{4}\right) + 2c \cdot n = 8T\left(\frac{n}{8}\right) + 3c \cdot n = \cdots$
 - $= 2^k T(1) + kc \cdot n = an + cn \log_2 n$

- □ 线性表
- □ 图实践
- □ 递归分治
- □ 查找排序

- □ 字符串
- □ 动态规划

□ 数组

□ 概率组合数论

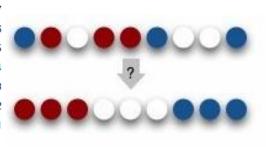
□桝

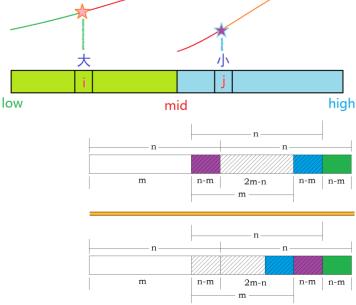
□ 海量数据处理

□ 图

	细君	昭君	探春	文成
站军姿 孙武	8小时	6小射	2小时	4小时
踢正步 王翦	3小时	1小时	3小时	12小时









主要内容

- □ 算法总论
 - 算法是有用的
- □ 链表
 - 链表相加/链表部分翻转/链表去重
 - 链表划分/链表公共结点
- □ 队列
 - 拓扑排序
 - 最短路径条数
- □ 堆栈
 - 括号是否匹配
 - 最长括号匹配
 - 计算逆波兰表达式
 - 出栈入栈问题

难题首选动归,

受阻贪心暴力;

算法口诀

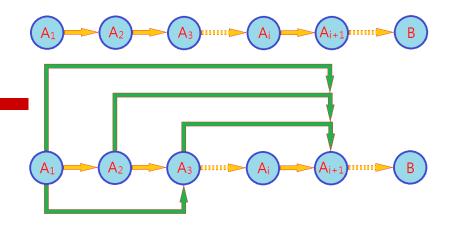
考虑分治思想,

配合排序哈希。

- □ 动态规划是解决相当数目问题的法宝;
 - 滚动数组降低空间复杂度
- □ 贪心法并不简单
 - Dijkstra最短路径、最小生成树Prim、Kruskal算法
- □ 深度优先搜索、广度优先搜索,都可以归结为暴力求解;
 - 分支限界条件加快搜索效率
- □ 分治法在降低问题规模问题上很有效;
 - 快速排序、归并排序——递归、广义分治法
- □ 排序是为了更好的查找;
 - 各种排序方法的选择
- □ 实在不行了,空间换时间——Hash
 - 深入理解Hash——int a[65536]/int a[256]
- □ 有些题目需要上述两者或者多个技术综合运用。

总论

- □算法包罗万象
 - 推理、逻辑、"机智"
 - 演绎、归纳、类比
 - 严格归纳
- □算法是脑力的游戏
- □ 合理运用算法,能够获得更高的效率
 - 时间复杂度优先
 - 空间复杂度优先
 - 时间复杂度和空间复杂度的折中



系统的"数数"

- □ 围棋棋盘由横纵19*19条线组成, 这些线共组成多少个正方形?
- □ 思路:
 - 边长为1的正方形多少个?边长为2的呢?边长为3、4...的呢?
 - 以某点为右下角的正方形有多少个?把所有点的正方形相加。
- □ 系统的遍历——不漏不重:
 - 动态规划 Richard Ernest Bellman, 1953
 - 广度优先搜索Edward Forrest Moore 1959, C.Y.Lee 1961
 - 深度优先搜索John E. Hopcropft, Robert Endre Tarjan 1971-1972
 - 子集和数问题:给定N个数和某定值sum,从N个数中取若干个数,要求它们的和是sum,输出所有的取法。



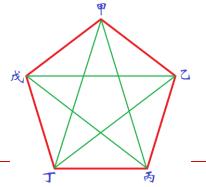
机智: "战平即可出线"

□足球比赛,一个小组有8支球队进行单循环赛,胜者积3分,平则双方同积1分,负则不积分, 规定积分最高的4支球队出线,则出线至少需要___分,未出线最多可能有____分。

战况分析

- □出线的4支球队中,第4名的积分是最少的, 那么,它至少要多少积分才有可能出线呢?
- □ 8支球队中,3支强队各自战胜其他5支弱队, 而5支弱队之间比赛全部战平。则5支弱队中 积分全部是4分,可以采用进球数或抽签选5 支弱队中的1支作为第4名出线。

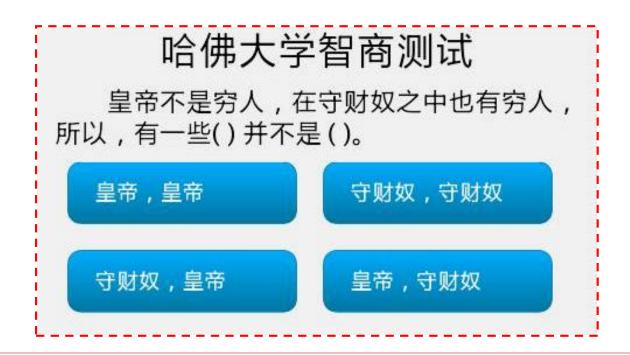
战况分析



- □ 未出线的4支球队中,第5名的积分最多,它 最多可能多少积分却没有出线呢?
- □8支球队中,5支强队假定为甲、乙、丙、丁、戊,他们各自战胜其他3支弱队,同时,5支强队之间的战况为:甲战胜乙丙,乙战胜丙丁,丙战胜丁戊,丁战胜戊甲,戊战胜甲乙,则这5支强队同时胜5场输2场,同积15分。可以采用净胜球、进球数或抽签决定5支强队中的1支作为第5名而被淘汰。

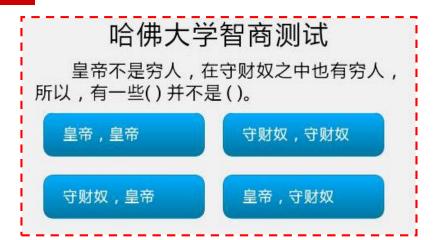
逻辑推理: 完形填空

□ 皇帝不是穷人,在守财奴之中也有穷人,所以,有一些_________________________________。

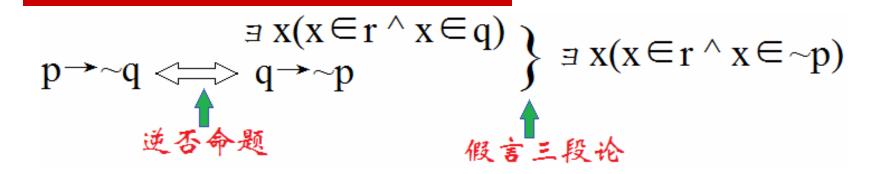


使用离散数学分析该题目

- □ p: 这个人是皇帝
- □ q: 这个人是穷人
- □ r: 这个人是守财奴
- □ 皇帝不是穷人: p→~q
- □ 在守财奴之中也有穷人; $\exists x(x \in r \land x \in q)$



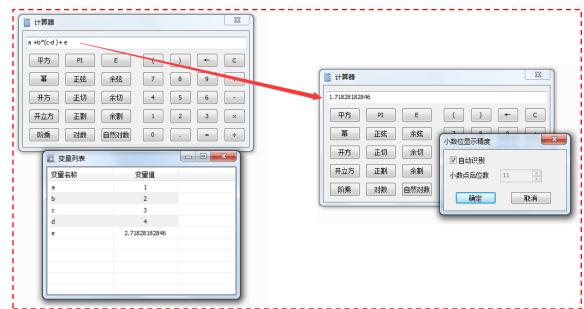
分析过程



- □ r: 这个人是守财奴
- □ p: 这个人是皇帝

系统: 字符串表达式的计算

- \Box a+b*(c-d)+e
- □朴素算法
- □逆波兰表达式
 - 栈的典型应用



链表相加

- □ 给定两个链表,分别表示两个非负整数。它们的数字逆序存储在链表中,且每个结点只存储一个数字,计算两个数的和,并且返回和的链表头指针。
 - 如:输入: $2\rightarrow 4\rightarrow 3$ 、 $5\rightarrow 6\rightarrow 4$,输出: $7\rightarrow 0\rightarrow 8$

问题分析

- \square 输入: $2 \rightarrow 4 \rightarrow 3$ 、 $5 \rightarrow 6 \rightarrow 4$,输出: $7 \rightarrow 0 \rightarrow 8$
- □ 因为两个数都是逆序存储,正好可以从头向后依次相加,完成"两个数的竖式计算"。
- □ 注意考虑两个数的位数不相同的情况。

```
typedef struct tagSNode
{
    int value;
    tagSNode* pNext;

    tagSNode(int v): value(v), pNext(NULL) {}

SNode;

int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])

{
    SNode* pHead1 = new SNode(0);
    int i;
    for(i = 0; i < 6; i++)
}</pre>
```

SNode* p = new SNode(rand() % 10);

SNode* p = new SNode(rand() % 10);

p->pNext = pHead1->pNext;

p->pNext = pHead2->pNext;

SNode* pSum = Add(pHead1, pHead2);

pHead1->pNext = p;

pHead2->pNext = p;

for (i = 0; i < 9; i++)

Print (pHead1);

Print (pHead2);

Destroy (pHead2):

Destroy (pSum):

return 0:

Print(pSum);
Destroy(pHead1);

SNode* pHead2 = new SNode(0);

```
☐ SNode* Add (SNode* pHead1, SNode* pHead2)

     SNode* pSum = new SNode(0);
     SNode* pTail = pSum;
                          //新结点插入到pTail的后面
     SNode* p1 = pHead1->pNext;
     SNode* p2 = pHead2->pNext;
     SNode* pCur;
     int carry = 0; //进位
     int value;
     while (p1 && p2)
         value = p1-value + p2-value + carry;
         carry = value / 10;
         value %= 10:
         pCur = new SNode(value);
         pTail->pNext = pCur; //新结点链接到pTail的后面
         pTail = pCur;
         p1 = p1->pNext; //处理下一位
         p2 = p2 \rightarrow pNext;
     //处理较长的链
     SNode* p = p1 ? p1 : p2;
     while (p)
         value = p->value + carry;
         carry = value / 10;
         value %= 10:
         pCur = new SNode (value);
         pTail->pNext = pCur;
         pTail = pCur;
         p = p-pNext;
     //处理可能存在的进位
     if(carry != 0)
         pTail->pNext = new SNode(carry);
     return pSum;
```



进一步分析与思考

- □ 因为两个数字求和的范围是[0,18],进位最大是1, 从而,第i位相加不会影响到第i+2位的计算。
- □ 在发现一个链表为空后,直接结束for循环。最后只需要进位和较长链表的当前结点相加,较长链表的 其他结点直接拷贝到最终结果即可。
 - 没有提高时间复杂度,trick而已。
- □ 利用上述结构实现大整数运算?
 - 如何实现乘法?
 - 40: 201314+(100!) = ?



链表的部分翻转

- □ 给定一个链表,翻转该链表从m到n的位置。 要求直接翻转而非申请新空间。
 - 如: 给定 $1\rightarrow 2\rightarrow 3\rightarrow 4\rightarrow 5$, m=2, n=4, 返回 $1\rightarrow 4\rightarrow 3\rightarrow 2\rightarrow 5$ 。
 - 假定给出的参数满足:1≤m≤n≤链表长度。

分析

- □ 空转m-1次,找到第m-1个结点,即开始翻转的第一个结点的前驱,记做head;
- □以head为起始结点遍历n-m次,将第i次时, 将找到的结点插入到head的next中即可。
 - 即头插法

Code $^{64 \rightarrow 62 \rightarrow 58 \rightarrow 78 \rightarrow 24 \rightarrow 69 \rightarrow 0 \rightarrow 34 \rightarrow 67 \rightarrow 41}_{64 \rightarrow 62 \rightarrow 58 \rightarrow 34 \rightarrow 0 \rightarrow 69 \rightarrow 24 \rightarrow 78 \rightarrow 67 \rightarrow 41}$

```
□ void Reverse (SNode* pHead, int from, int to)

    □ typedef struct tagSNode

      int value:
                                                    SNode* pCur = pHead->pNext:
     tagSNode* pNext;
                                                    int i:
                                                    for(i = 0; i < from-1; i++)
     tagSNode(int v): value(v), pNext(NULL) {}
pHead = pCur:
☐ int tmain(int argc, TCHAR* argv[])
                                                        pCur = pCur->pNext;
     SNode* pHead = new SNode(0);
     int i:
                                                    SNode* pPre = pCur:
     for (i = 0; i < 10; i++)
                                                    pCur = pCur->pNext:
                                                    to--:
         SNode* p = new SNode(rand() % 100):
                                                    SNode* pNext;
         p->pNext = pHead->pNext;
                                                    for (: i < to: i++)
         pHead-pNext = p;
     Print (pHead):
                                                        pNext = pCur->pNext;
     Reverse (pHead, 4, 8):
                                                        pCur->pNext = pHead->pNext;
     Print (pHead);
                     □ void Destroy(SNode* p)
                                                        pHead->pNext = pCur;
     Destroy (pHead);
                                                        pPre->pNext = pNext;
     return 0;
                          SNode* next:
                                                        pCur = pNext:
                          while (p)
                              next = p-pNext:
                              delete p;
                              p = next;
                                            21/76
  互联网新技术在线教育领
```

排序链表中去重

- □ 给定排序的链表,删除重复元素,只保留重复元素第一次出现的结点。
- □如:
 - 给定: $2 \rightarrow 3 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 7 \rightarrow 8 \rightarrow 8 \rightarrow 8 \rightarrow 9 \rightarrow 9 \rightarrow 10$
 - **退回**: $2 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 7 \rightarrow 8 \rightarrow 9 \rightarrow 10$

问题分析

□ 若p->next的值和p的值相等,则将p->next->next赋值给p,删除p->next; 重复上述过程, 直至链表尾端。

Code

```
    □ typedef struct tagSNode

                                              □void DeleteDuplicateNode (SNode* pHead)
     int value:
                                                     SNode* pPre = pHead->pNext;
     tagSNode* pNext;
                                                     SNode* pCur:
                                                     while (pPre)
     tagSNode(int v): value(v), pNext(NULL) {}
pCur = pPre->pNext;
□ int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
                                                          if(pCur && (pCur->value == pPre->value))
  1
      SNode* pHead = new SNode(0):
      int data[] = {2, 3, 3, 5, 7, 8, 8, 8, 9, 9, 30};
                                                              pPre->pNext = pCur->pNext:
      int size = sizeof(data) / sizeof(int);
                                                              delete pCur:
      for(int i = size-1; i >= 0; i--)
                                                          else
          SNode* p = new SNode(data[i]);
          p->pNext = pHead->pNext:
                                                              pPre = pCur:
          pHead \rightarrow pNext = p;
      Print(pHead);
      DeleteDuplicateNode(pHead);
      Print(pHead);
      Destroy (pHead);
      return 0:
```

Code2

□ 分析该代码的正确性

```
□void DeleteDuplicateNode2(SNode* pHead)
     SNode* pPre = pHead;
     SNode* pCur = pPre->pNext;
     SNode* pNext;
     while (pCur)
         pNext = pCur->pNext:
         while(pNext && (pCur->value == pNext->value))
             pPre->pNext = pNext;
             delete pCur;
             pCur = pNext;
             pNext = pCur->pNext;
         pPre = pCur;
         pCur = pNext;
```

排序链表中去重2

- □ 若题目变成: 若发现重复元素,则重复元素 全部删除,代码应该怎么实现呢?
- □如:
 - 给定: $2 \rightarrow 3 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 7 \rightarrow 8 \rightarrow 8 \rightarrow 8 \rightarrow 9 \rightarrow 9 \rightarrow 10$
 - 返回: 2→5→7→10

Code

```
□void DeleteDuplicateNode3(SNode* pHead)
     SNode* pPre = pHead;
     SNode* pCur = pPre->pNext;
     SNode* pNext;
     bool bDup;
     while (pCur)
         pNext = pCur->pNext;
         bDup = false:
         while(pNext && (pCur->value == pNext->value))
             pPre->pNext = pNext;
            delete pCur;
             pCur = pNext;
             pNext = pCur->pNext;
             bDup = true;
         if(bDup) //此刻的pCur与原数据重复,删之
             pPre->pNext = pNext;
             delete pCur;
                   //pCur未发现重复,则pPre后移
         else
            pPre = pCur;
         pCur = pNext:
```

链表划分

- □ 给定一个链表和一个值X,将链表划分成两部分,使得划分后小于X的结点在前,大于等于X的结点在后。在这两部分中要保持原链表中的出现顺序。
 - 如:给定链表 $1\rightarrow 4\rightarrow 3\rightarrow 2\rightarrow 5\rightarrow 2\pi x=3$,返回 $1\rightarrow 2\rightarrow 2\rightarrow 4\rightarrow 3\rightarrow 5$ 。

问题分析

- □ 分别申请两个指针p1和p2, 小于x的添加到p1中, 大于等于x的添加到p2中; 最后, 将p2链接到p1的末端即可。
- □ 时间复杂度是O(N),空间复杂度为O(1);该问题其实说明:快速排序对于单链表存储结构仍然适用。
 - 注:不是所有排序都方便使用链表存储,如堆排序,将不断的查找数组的n/2和n的位置,用链表做存储结构会不太方便。

```
□ void Partition(SNode* pHead, int pivotKey)
                            □ void Destroy(SNode* p)
                                                              //两个链表的头指针
                                  SNode* next:
                                                              SNode* pLeftHead = new SNode(0);
                                  while(p)
                                                              SNode* pRightHead = new SNode(0);
  Code
                                      next = p-pNext;
                                                              //两个链表的当前最后一个元素
                                      delete p;
                                                              SNode* left = pLeftHead;
                                      p = next:
                                                              SNode* right = pRightHead;
                                                              SNode* p = pHead->pNext;

    □ typedef struct tagSNode

                                                              while(p) //遍历原链表
     int value:
                                                                  if(p->value < pivotKey)</pre>
     tagSNode* pNext;
                                                                     left-pNext = p;
     tagSNode(int v): value(v), pNext(NULL) {}
                                                                     left = p;
else
□ int tmain(int argc, TCHAR* argv[])
                                                                     right \rightarrow pNext = p;
      SNode* pHead = new SNode(0):
                                                                     right = p;
      pHead->pNext = NULL:
      for (int i = 0; i < 10; i++)
                                                                  p = p-pNext;
          SNode* p = new SNode(rand() % 100):
                                                              //将right链接到left尾部
          p->pNext = pHead->pNext;
                                                              left->pNext = pRightHead->pNext;
          pHead->pNext = p:
                                                              right \rightarrow pNext = NULL;
     Print (pHead);
                                                              //将整理好的链表赋值给当前链表头部
     Partition(pHead, 50);
                                                              pHead->pNext = pLeftHead->pNext;
     Print (pHead);
     Destroy (pHead):
                                                              delete pLeftHead:
      return 0:
                                                              delete pRightHead;
```

单链公共结点问题

□ 给定两个单向链表, 计算两个链表的第一个 公共结点, 若没有公共节点, 返回空。

A O E

单链公共结点问题

- □ 令两链表的长度为m、n,不妨认为m≥n,由于两个链表从第一个公共结点到链表的尾结点是完全重合的。所以前面的(m-n)个结点一定没有公共结点。
- □ 算法: 先分别遍历两个链表得到它们的长度m,n。长链表空转|m-n|次,同步遍历两链表,直到找到相同结点或到链表结束。
- □ 时间复杂度为O(m+n)。

Code

```
    □ typedef struct tagSNode

      int value:
      tagSNode* pNext;
     tagSNode(int v): value(v), pNext(NULL) {}
□ int CalcLength (SNode* p)
              int nLen = 0:
              while (p)
                   p = p \rightarrow pNext;
                   nLen++:
               return nLen:
```

```
□SNode* FindFirstSameNode(SNode* pA. SNode* pB)
     //因为有头指针,所以指向第一个有效结点
     pA = pA - pNext;
     pB = pB - pNext:
     //计算两个链表的长度
     int nA = CalcLength(pA);
     int nB = CalcLength(pB);
     if(nA > nB)
         swap (pA, pB):
         swap (nA, nB):
     //空转nB-nA次
     for (int i = 0; i < nB - nA; i++)
         pB = pB - pNext:
     //齐头并进
     while (pA)
         if(pA == pB)
             return pA;
         pA = pA - pNext:
         pB = pB - pNext;
     return NULL:
```

小结

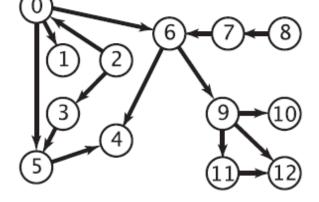
- □ 单链公共结点问题中,如果是链表存在环, 则需要使用快慢指针的方式计算公共节点。
 - 两个指针,每次分布移动一个/两个结点
- □可以发现,纯链表的题目,往往不难,但需要需要扎实的Coding基本功,在实现过程中,要特别小心next的指向,此外,删除结点时,一定要确保该结点不再需要。
- □小心分析引用类型的指针。

queue

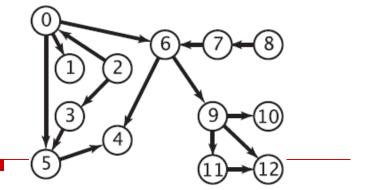
- □队列是一种特殊的线性表,只允许在表的前端front进行删除操作,在表的后端rear进行插入操作,和栈一样,队列是一种操作受限制的线性表。进行插入操作的端称为队尾,进行删除操作的端称为队头。
- □队列元素服从先进先出原则
 - FIFO—First In First Out

拓扑排序

- □ 对一个有向无环图(Directed Acyclic Graph, DAG)G进行拓扑排序,是将G中所有顶点排成线性序列,使得图中任意一对顶点u、v, 若边(u,v)∈E(G),则在线性序列中u出现在v之前。



拓扑排序的方法



- □ 从有向图中选择一个没有前驱(即入度为0)的 顶点并且输出它;
- □ 从网中删去该顶点,并且删去从该顶点发出的全部有向边;
- □ 重复上述两步,直到剩余的网中不再存在没有前驱的顶点为止。

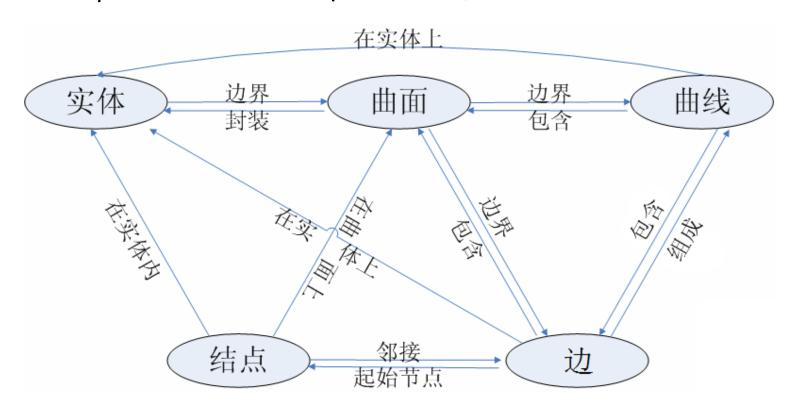
```
//结点数为n,用邻接矩阵gragh[n][n]存储边权,
                  //用indegree[n]存储每个结点的入度
                 □ void topologic(int* toposort)
                      int cnt = 0; //当前拓扑排序列表中有多少结点
Code
                      queue<int>q; //保存入度为0的结点: 还可以用栈甚至随机取
                      int i:
                      for (i = 0; i < n; i++)
                         if(indegree[i] == 0)
                             q. push(i);
                      int cur; //当前入度为0的结点
                      while (!q. empty())
                         cur = q. front();
                         q. pop();
                         toposort[cnt++] = cur;
                         for (i = 0; i < n; i++)
                             if (gragh[cur][i] != 0)
                                 indegree[i]--;
                                 if(indegree[i] == 0)
                                    q. push(i);
```

拓扑排序的进一步思考

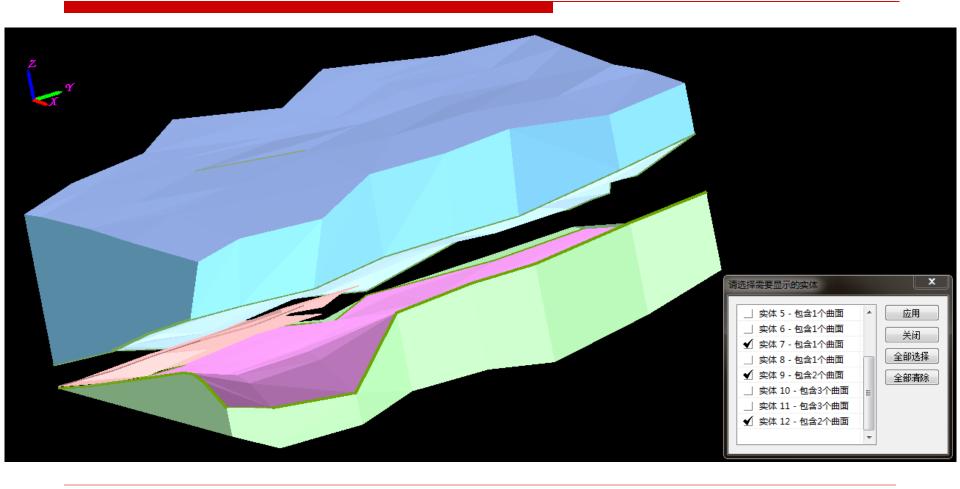
- □ 拓扑排序的本质是不断输出入度为0的点,该算法可 用于判断图中是否存在环;
- □ 可以用队列(或者栈)保存入度为0的点,避免每次遍历所有点;
 - 每次更新连接点的入度即可。
- □ 拓扑排序其实是给定了结点的一组偏序关系。
- □ "拓扑"的涵义不限于此,在GIS中,它往往指点、线、面、体之间的相互邻接关系,即"橡皮泥集合"。存储这些关系,往往能够对某些算法带来好处。
 - 计算不自交的空间曲面是否能够围成三维体
 - □ 提示:任意三维边都邻接两个三维曲面

扩展: 拓扑的几何含义

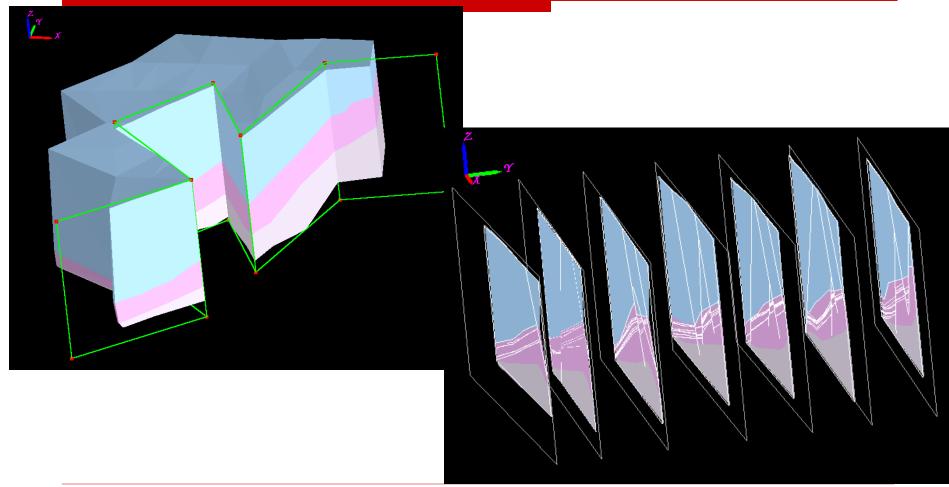
□一种关系:如三维数据间的拓扑关系



三维拓扑重建

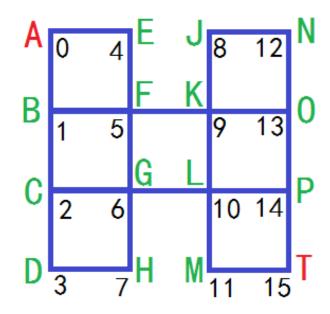


视角再次放大——面面、面线的拓扑



最短路径条数问题

□ 给定如图所示的无向连通图,假定图中所有 边的权值都为1,显然,从源点A到终点T的 最短路径有多条,求不同的最短路径的数目。

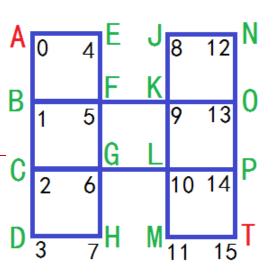


数据结构的选择

- □ 权值相同的最短路径问题,则单源点Dijkstra 算法退化成BFS广度优先搜索,假定起点为 0,终点为N:
 - 结点步数step[0...N-1]初始化为0
 - 路径数目pathNum[0...N-1]初始化为0
 - pathNum[0] = 1

算法分析

- □ 若从当前结点i扩展到邻接点j时:
 - 若step[j]为0,则
 - \square step[j]=step[i]+1, pathN[j] = pathN[i]
 - 若step[j]==step[i]+1,则
 - \square pathN[j] += pathN[i]
 - 可考虑扩展到结点N,则提前终止算法。



A 0 4 E J 8 12 N B F K 0 0 C G L 7 10 14 P D 3 7 H M 11 15

```
☐ int tmain(int argc, TCHAR* argv[])
     int G[N][N];
     memset(G, 0, sizeof(int)*N*N);
     G[0][1] = G[0][4] = 1;
     G[1][5] = G[1][0] = G[1][2] = 1;
     G[2][1] = G[2][6] = G[2][3] = 1;
     G[3][2] = G[3][7] = 1:
     G[4][0] = G[4][5] = 1;
     G[5][1] = G[5][4] = G[5][6] = G[5][9] = 1;
     G[6][2] = G[6][5] = G[6][7] = G[6][10] = 1: \triangle
     G[7][3] = G[7][6] = 1;
     G[8][9] = G[8][12] = 1:
     G[9][8] = G[9][13] = G[9][10] = 1;
     G[10][9] = G[10][14] = G[10][11] = 1:
     G[11][10] = G[11][15] = 1;
     G[12][8] = G[12][13] = 1:
     G[13][9] = G[13][12] = G[13][14] = 1
     G[14][10] = G[14][13] = G[14][15] = 1;
     G[15][11] = G[15][14] = 1:
     cout << Calc(G) << endl:
     return 0;
```

```
const int N = 16:
□ int Calc(int G[N][N])
                  //每个结点第几步可以达到
     int step[N];
     int stepNumber[N]; //到每个结点有几种走法
     memset(step. 0. sizeof(int)*N);
     memset(stepNumber, 0, sizeof(int)*N);
     stepNumber[0] = 1:
     queue<int> q; //当前搜索的结点
     g. push (0);
     int from, i, s;
     while (!q. empty())
         from = q. front();
         q. pop ();
         s = step[from] + 1;
         for(i = 1; i < N; i++) //0是起点, 不遍历
             if(G[from][i] == 1) //连通
                //i尚未可达或发现更快的路(权值不同才可能)
                if((step[i] == 0) || (step[i] > s))
                    step[i] = s;
                    stepNumber[i] = stepNumber[from];
                    q. push(i);
                else if(step[i] == s) //发现相同长度的路径
                    stepNumber[i] += stepNumber[from];
     return stepNumber[N-1];
```

Code

括号是否匹配

- □ 给定字符串,仅由"()[]{}"六个字符组成。设 计算法,判断该字符串是否有效。
 - 括号必须以正确的顺序配对,如: "()"、"()[]" 是有效的,但"([)]"无效。

以下算法是否可行

- □对于给定的字符串str[0...N-1], 它的前缀串str[0...k]小括号的左括号减去小括号的右括号的数目,记做p[0];
 - 同理使用p[1]、p[2]记录中括号和大括号的信息
- □ 思路:
- □ 将k从0到N-1遍历:
 - 对于 $0 \le k \le N-2$: $p[0] \ge 0$. $p[1] \ge 0$, $p[2] \ge 0$
 - 对于k=N-1, p[0]==0、p[1]==0, p[2]==0
 - 则字符串括号匹配,否则,不匹配。

算法分析

- □ 在考察第i位字符c与前面的括号是否匹配时:
- □ 如果C为左括号,开辟缓冲区记录下来,希望C能够与后面出现的同类型最近右括号匹配。
- □ 如果C为右括号,考察它能否与缓冲区中的左括号 匹配。
 - 这个匹配过程,是检查缓冲区最后出现的同类型左括号
 - 即:后进先出——栈

括号匹配算法流程

- □ 从前向后扫描字符串:
- □ 遇到左括号X,就压栈X;
- □ 遇到右括号y:
 - 如果发现栈顶元素X和该括号y匹配,则栈顶元素出栈, 继续判断下一个字符。
 - 如果栈顶元素X和该括号y不匹配,字符串不匹配;
 - 如果栈为空,字符串不匹配;
- □ 扫描完成后,如果栈恰好为空,则字符串匹配,否则,字符串不匹配。

Code

```
□ bool MatchParentheses (const char* p)
      stack(char) s:
      char cur:
      while (*p)
          cur = *p;
          if (IsLeftParentheses (cur))
              s. push (cur);
          else //if(IsRightParentheses(cur))
              if(s. empty() || !IsMatch(s. top(), cur))
                  return false:
              s. pop();
          p++:
      return s. empty();
□ int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
     char* p = "(({})[])[()]";
      bool bMatch = MatchParentheses(p);
      if (bMatch)
          cout << p << "括号匹配。\n":
      else
          cout << p << "括号不匹配。\n";
      return 0;
```

最长括号匹配

□给定字符串,仅包含左括号 '('和右括号 ')',它可能不是括号匹配的,设计算法, 找出最长匹配的括号子串,返回该子串的长 度。

□ 如:

- \blacksquare ((): 2
- \blacksquare ()(): 4
- **(**)(()): 6
- **(**()()): 6

算法分析

((): 2

()(): 4

()(()): 6

(()()): 6

- □ 记起始匹配位置start=-1;最大匹配长度ml=0;
- □ 考察第i位字符C:
- □ 如果c为左括号,压栈;
- □ 如果c为右括号, 它一定与栈顶左括号匹配;
 - 如果栈为空,表示没有匹配的左括号,start=i,为下一次可能 的匹配做准备
 - 如果栈不空,出栈(因为和c匹配了);
 - □ 如果栈为空,i-start即为当前找到的匹配长度,检查i-start是否比ml更大,使得ml得以更新;
 - □ 如果栈不空,则当前栈顶元素t是上次匹配的最后位置,检查i-t是 否比ml更大,使得ml得以更新。
- □ 注:因为入栈的一定是左括号,显然没有必要将它们本身入栈, 应该入栈的是该字符在字符串中的索引。

Code

- 如果c为左括号,压栈;
 - 如果C为右括号,完一定 与栈顶左括号匹配;
 - 如果栈为空, 表示没有 匹配的左括号, start=i, 为下一次可能 的匹配做准备
 - 如果栈不空,出栈(因为 和C匹配了);
 - □ 如果栈为空, i-start 即为当前找到的匹配 长度,检查i-start是 否比ml更大,使得ml 得以更新;
 - □ 如果栈不空,则当前 栈顶元素t是上次匹 配的最后位置,检查 i-t是否比ml更大,使 得ml得以更新。

```
□ int GetLongestParenthese (const char* p)
     int size = (int)strlen(p);
     stack<int> s:
     int answer = 0: //最終解
     int start = -1: //左括号的前一个位置
     for (int i = 0; i < size; i++)
          if(p[i] == '(')
             s. push(i);
         else //p[i] == ')'
             if (s. empty())
                 start = i:
             else
                  s. pop();
                  if (s. empty())
                      answer = max(answer, i-start);
                 else
                      answer = max(answer, i-s.top());
     return answer;
```

附: 进一步思考

- □ 经过分析算法得知,只有在右括号和左括号的发生 匹配时,才有可能更新最终解;
- □ 做记录前缀串p[0...i-1]中左括号数目与右括号数目的差x,若x为0时,考察是否最终解得以更新即可。这个差x,其实是入栈的数目,代码中用"深度"deep表达;
- □ 由于可能出现左右括号不相等——尤其是左括号数 目大于右括号数目,所以,再从右向前扫描一次。
- □ 这样完成的代码,用deep值替换了stack栈,空间复杂度由O(N)降到O(1)。

Code

```
□int GetLongestParenthese2(const char* p)
    int size = (int) strlen(p);
    int answer = 0; //最终解
    int deep = 0; //遇到了多少左括号
    int start = -1; //最深的(deep==0时)左括号的位置
                 //其实,为了方便计算长度,该变量是最深左括号的前一个位置
    int i;
    for (i = 0; i < size; i++)
       if(p[i] == '(')
           deep++;
            //p[i] == ')'
           deep--;
           if(deep == 0)
              answer = max(answer, i - start);
           else if (deep < 0) //说明右括号数目大于左括号,初始化为for循环前
              deep = 0:
              start = i;
    deep = 0;
                 //遇到了多少右括号
    start = size; //最深的(deep==0时)右括号的位置
                 //其实,为了方便计算长度,该变量是最深右括号的后一个位置
    for (i = size-1; i \ge 0; i--)
       if(p[i] == ')')
           deep++;
            //p[i] == '('
           deep--;
           if(deep == 0)
              answer = max(answer, start - i);
           else if (deep < 0) //说明右括号数目大于左括号,初始化为for循环前
              deep = 0:
              start = i;
    return answer;
```

half-part

```
((): 2
()(): 4
()(()): 6
(()()): 6
```

```
□ int GetLongestParenthese2(const char* p)
    int size = (int)strlen(p):
    int answer = 0; //最终解
    int deep = 0; //遇到了多少左括号
    int start = -1; //最深的(deep==0时)左括号的位置
                 //其实,为了方便计算长度,该变量是最深左括号的前一个位置
    int i:
    for (i = 0; i < size; i++)
       if(p[i] == '(')
          deep++;
             //p[i] == ')'
       else
          deep--;
          if(deep == 0)
             answer = max(answer, i - start);
          else if (deep < 0) //说明右括号数目大于左括号,初始化为for循环前
             deep = 0;
             start = i:
    deep = 0;  //遇到了多少右括号
    start = size; //最深的(deep==0时)右括号的位置
                 //其实,为了方便计算长度,该变量是最深右括号的后一个位置
```

p="()(()))"

```
□ int GetLongestParenthese2(const char* p)
    int size = (int)strlen(p);
    int answer = 0; //最终解
    int deep = 0; //遇到了多少左括号
    int start = -1; //最深的(deep==0时)左括号的位置
                //其实,为了方便计算长度,该变量是最深左括号的前一个位置
    int i:
    for (i = 0; i < size; i++)
       if(p[i] == '(')
          deep++:
           //p[i] == ')'
          deep--;
          if(deep == 0)
             answer = max(answer, i - start);
          else if(deep < 0) //说明右括号数目大于左括号,初始化为for循环前
             deep = 0;
             start = i;
                //遇到了多少右括号
    deep = 0:
    start = size; //最深的(deep==0时)右括号的位置
                //其实,为了方便计算长度,该变量是最深右括号的后一个位置
```

循环次数	深度	起始位置	当前解	
〈- 第一次循环 ->				
0	1	-1	0	
1	0	-1	2	
2	1	-1	2	
3	2	-1	2	
4	1	-1	2	
5	0	-1	6	
6	0	6	6	
〈- 第二次循环 -〉				
6	1	7	6	
5	2	7	6	
4	3	7	6	
3	2	7	6	
2	1	7	6	
1	2	7	6	
0	1	7	6	

空间复杂度仅O(1)的最长括号匹配

分析括号串p="(((()())))":

循环次数	深度	起始位置	当前解	
〈- 第一次循环 ->				
0	1	-1	0	
1	2	-1	0	
2	3	-1	0	
3	4	-1	0	
4	3	-1	0	
5	4	-1	0	
6	3	-1	0	
7	2	-1	0	
8	1	-1	0	
<- 第二次循环 ->				
8	1	9	0	
7	2	9	0	
6	3	9	0	
5	2	9	0	
4	3	9	0	
3	2	9	0	
2	1	9	0	
1	0	9	8	
0	0	0	8	

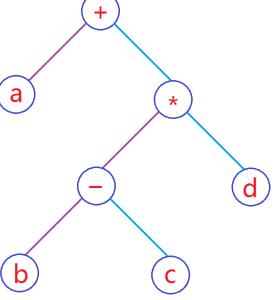
```
□ int GetLongestParenthese2(const char* p)
    int size = (int)strlen(p):
    int answer = 0; //最终解
    int deep = 0: //遇到了多少左括号
    int start = -1; //最深的(deep==0时) 左括号的位置
                 //其实,为了方便计算长度,该变量是最深左括号的前一个位置
    for (i = 0; i < size; i++)
        if(p[i] == '(')
           deep++;
       else //p[i] == ')'
           deep--:
           if(deep == 0)
              answer = max(answer, i - start);
           else if(deep < 0) //说明右括号数目大于左括号,初始化为for循环前
              deep = 0;
              start = i;
                 //遇到了多少右括号
    start = size; //最深的(deep==0时)右括号的位置
                 //其实,为了方便计算长度,该变量是最深右括号的后一个位置
    for (i = size-1; i >= 0; i--)
        if(p[i] == ')')
           deep++;
            //p[i] == '('
           deen---
           if(deep == 0)
              answer = max(answer, start - i);
           else if(deep < 0) //说明右括号数目大于左括号,初始化为for循环前
              deep = 0:
              start = i;
    return answer:
```

逆波兰表达式RPN

- □ Reverse Polish Notation,即后缀表达式。
- □习惯上,二元运算符总是置于与之相关的两个运算对象之间,即中缀表达方法。波兰逻辑学家J.Lukasiewicz于1929年提出了运算符都置于其运算对象之后,故称为后缀表示。
- □如:
 - 中缀表达式: a+(b-c)*d
 - 后缀表达式: abc-d*+

运算与二叉树

- □事实上,二元运算的前提下,中缀表达式可以对应一颗二叉树;逆波兰表达式即该二叉树后序遍历的结果。
- □ 中缀表达式: a+(b-c)*d
- □ 后缀表达式: abc-d*+
 - 该结论对多元运算也成立, 如"非运算"等



计算逆波兰表达式

- □ 计算给定的逆波兰表达式的值。有效操作只有+-*/,每个操作数都是整数。
- □如:
 - **"**2", "1", "+", "3", "*"; 9——(2+1)*3
 - **4**", "13", "5", "/", "+": 6——4+(13/5)

逆波兰表达式的计算方法

- □ abc-d*+
- □若当前字符是操作数,则压栈
- □ 若当前字符是操作符,则弹出栈中的两个操作数, 计算后仍然压入栈中
 - 若某次操作, 栈内无法弹出两个操作数,则表 达式有误。

```
int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{
    const char* str[] = {"2", "1", "+", "3", "*"};
    int value = ReversePolishNotation(str, sizeof(str)/sizeof(const char*));
    cout << value << endl;
    return 0;
}</pre>
```

```
Code
```

```
□ int ReversePolishNotation(const char* str[], int size)
      stack<int> s;
      int a, b;
      const char* token:
      for (int i = 0; i < size; i++)
          token = str[i]:
          if(!IsOperator(token))
               s. push (atoi (token)):
                                           □bool IsOperator (const char* token)
          else
                                                  return ((token[0] == '+') | | (token[0] == '-') | (token[0] == '*') | (token[0] == '/'))
               b = s. top();
               s. pop();
               a = s. top();
               s. pop();
               if(token[0] == '+')
                   s. push(a+b):
               else if(token[0] == '-')
                   s. push (a-b);
               else if(token[0] == '*')
                   s. push (a*b);
               else// if(token[0] == '/')
                   s. push(a/b);
      return s. top();
```

逆波兰表达式

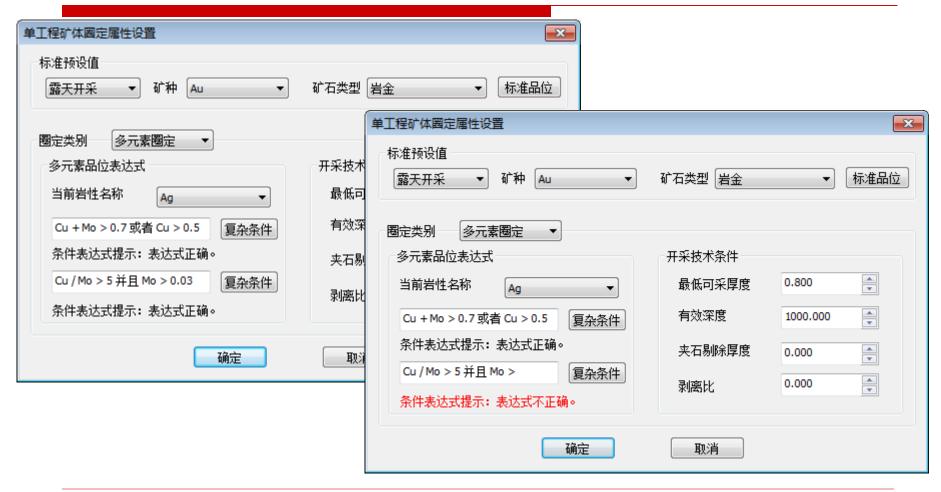
- □ 计算数学表达式的最常用方法;
- □在实践中,往往给出的不是立即数,而是变量名称;若经常计算且表达式本身不变,可以事先将中缀表达式转换成逆波兰表达式存储。

计算器

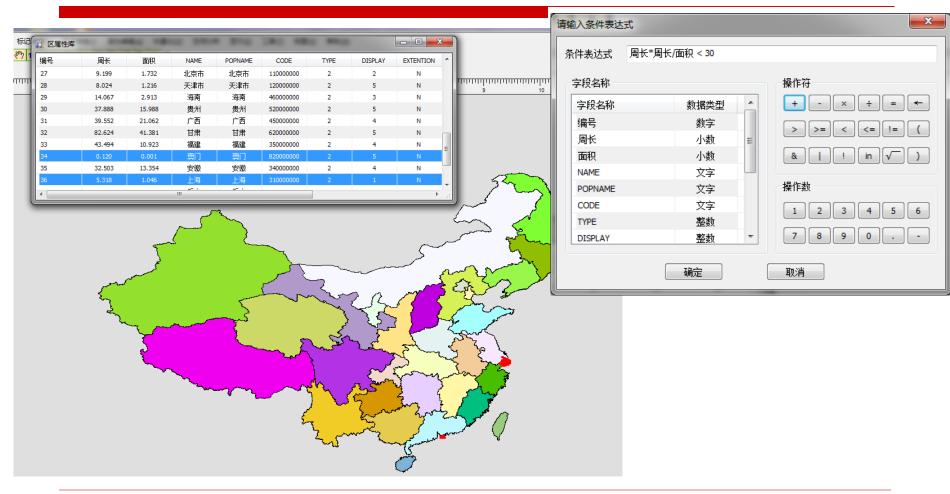
□ 将中缀表达式转换成 逆波兰表达式,然后 正常计算。



逆波兰表达式的用途



省级行政区中哪几个最接近圆形?



入栈出栈问题

- □ 给定无重复元素的两个等长数组,分别表述 入栈序列和出栈序列,请问:这样的出栈序 列是否可行。
 - 如:入栈序列为"ABCDEFG"、出栈序列为 "BAEDFGC",则可行。
 - 入栈序列 "ABCD"、出栈序列 "BDAC",不可 行。

问题分析

- □ 使用一个堆栈S来模拟压栈出栈的操作。记入栈序列为A,出栈序列为B
- □ 遍历B的每个元素b:
- □ 情形1: 若b等于栈顶元素S, 恰好匹配,则检查B的下一个元素, 栈顶元素S出栈;
- □ 情形2: 若b不等于栈顶元素S,则将A的当前元素入栈,目的是希望在A的剩余元素中找到b。
 - 在情形1中,若栈S为空,则认为b无法与栈内元素匹配,则调用情形2。

Code1

```
□ bool IsPossible (const char* strln, const char* str0ut)
      stack<char> s;
      while (*strOut)
          if(!s. empty())
              if(s. top() == *str0ut)
                  s. pop();
                  strOut++:
              else
                  if(*strln == 0)
                       return false;
                  s. push (*strIn);
                  strln++;
          else
              if(*strIn == 0)
                  return false;
              s. push (*strln);
              strln++;
      return true;
□ int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
      char* strIn = "ABCDEFG";
      char* strOut = "BAEDFGC";
      bool b = IsPossible(strIn, strOut);
      cout << b <<endl;</pre>
      return 0;
```

Code2

```
□ bool IsPossible (const char* strln. const char* str0ut)
     stack<char> s:
     while (*strOut)
          if(!s.empty() && (s.top() == *strOut))
              s. pop();
              strOut++;
          else
              if(*strln == 0)
                  return false;
              s. push (*strln);
              strln++;
     return true;
□ int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
     char* strIn = "ABCDEFG";
     char* strOut = "BAEDFGC";
     bool b = IsPossible(strIn, strOut);
     cout << b <<endl;
     return 0;
```

小结

- □ 一般而言, 栈的重要度大于队列。
- □ 栈的用途非常广泛,除了表达式求值,在深度优先遍历、保存现场等问题中常常出现。
- □ 思考: 一个栈(无穷大)的进栈序列为1,2,3,..n, 共多少种不同的出栈序列?

练兵场

- ☐ Linked List Cycle
 - https://leetcode.com/problems/linked-list-cycle/
- ☐ Linked List Cycle II
 - https://leetcode.com/problems/linked-list-cycle-ii/
- ☐ Largest Rectangle in Histogram
 - https://leetcode.com/problems/largest-rectangle-in-histogram/
- ☐ Valid Parentheses
 - https://leetcode.com/problems/valid-parentheses/

我们在这里

△ 通知 http://wenda.ChinaHadoop.cn 专题 招聘求职 yarn运行时一直重复这个info...好像没找到资源,应该从哪里检查呢? 大数据行业应用 视频/课程/社区 数据科学 系统与编程 贡献 云计算技术 机器学习 Eric_Jiang 回复了问题 • 2 人关注 • 1 个回复 • 6 次浏览 • 2016-05-18 13:29 65 微博 贡献 wangxiaolei 回复了问题 • 1 人关注 • 10 个回复 • 47 次浏览 • 2016-05-18 12:04 @ChinaHadoop sqoop把mysql数据导入Hbase报如图错误 @邹博_机器学习 kafkaOffsetMonitor打开页面以后无法显示内容? kafka fish 回复了问题 • 4 人关注 • 2 个回复 • 8 次浏览 • □ 微信公众号 markdown公式编辑\$符号不起作用 热门用户 再多 > 贡献 markdown masterwzh 回复了问题 • 3 人关注 • 1 个回复 • 13 次浏览 • 2016-05-18 08:40 小泵 17 个问题, 0 次赞同 找到,进入源码编译之后的目录如图二!这个文件找不到怎么解决呢?是编译没产生? 55 个问题 3 次幣同 ■ 大数据分析挖掘 55 个问题, 12 次赞同 opentsdb安装时出现72个warning,是正常的么?

← → C wenda.chinahadoop.cn/explore/

贡献

48 个问题, 0 次赞同

66 hiveman 19 个问题, 1 次赞同

关于在线广告和个性化推荐区别的一点浅见

opentsdb fish 回复了问题 • 3 人关注 • 5 个回复 • 49 次浏览 • 2016-05-17 18:53

计算机广告 wayaya 回复了问题 • 4 人关注 • 7 个回复 • 108 次浏览 • 2016-05-17 18:26

感谢大家!

恳请大家批评指正!

课前甜点-支持向量机

——大选中,您支持谁?

—I Support Vector Machines.

