

# Reflexions especulars

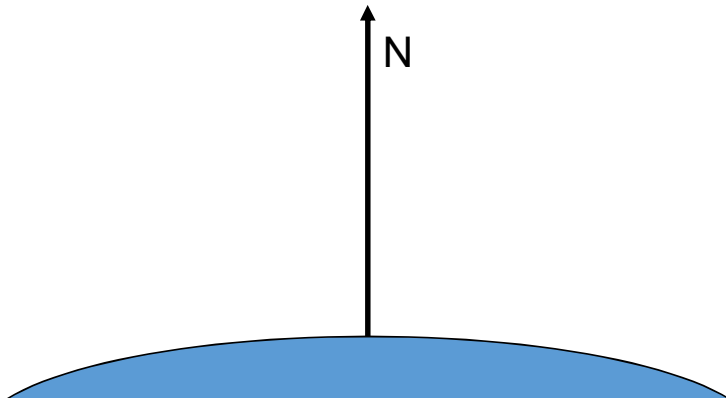
Carlos Andújar

Abril 2020

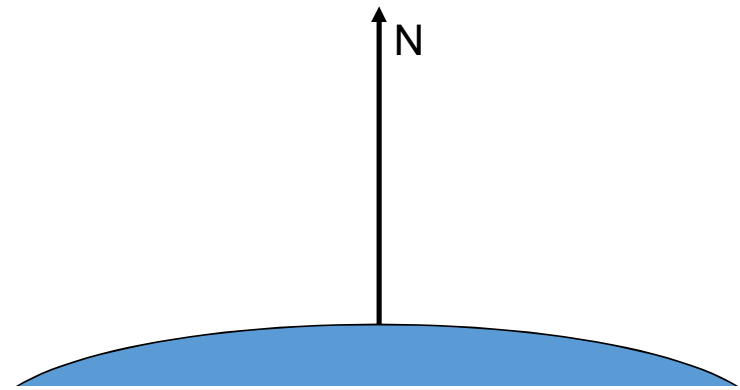
# Introducció



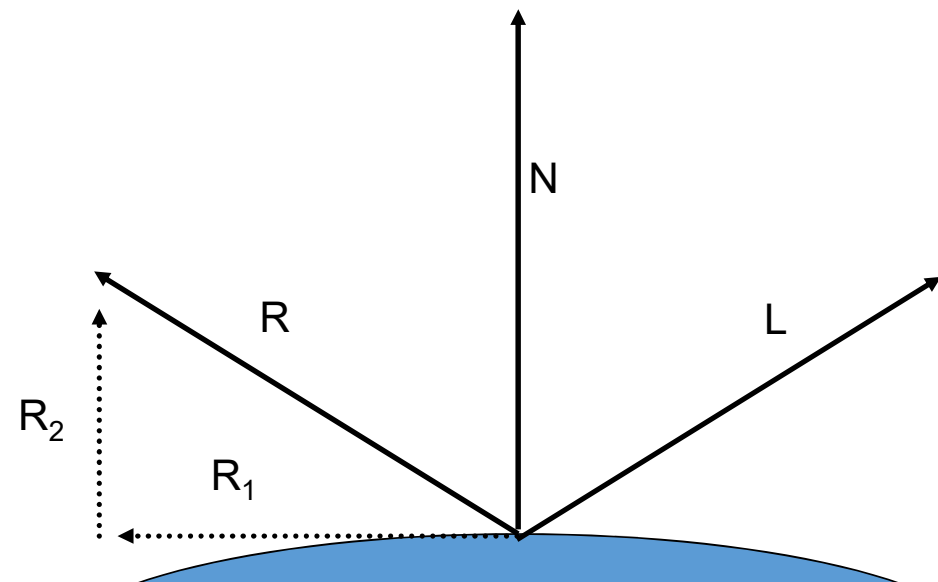
# Reflexió difosa



# Reflexió especular



# Vector reflectit



# Vector reflectit

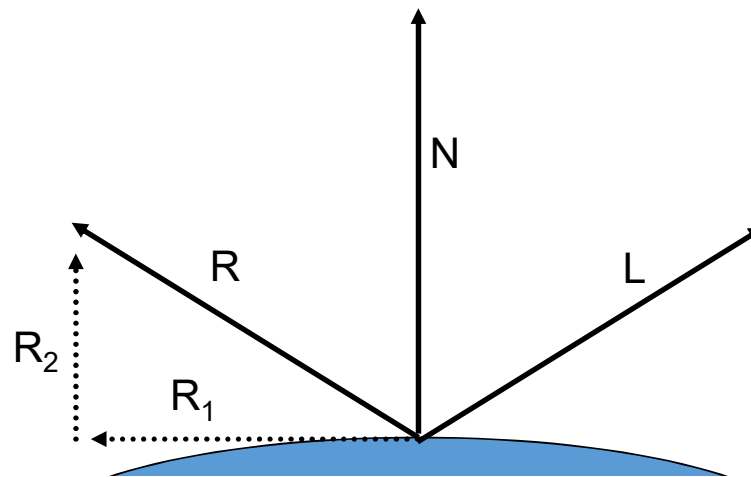
$$R = R_1 + R_2$$

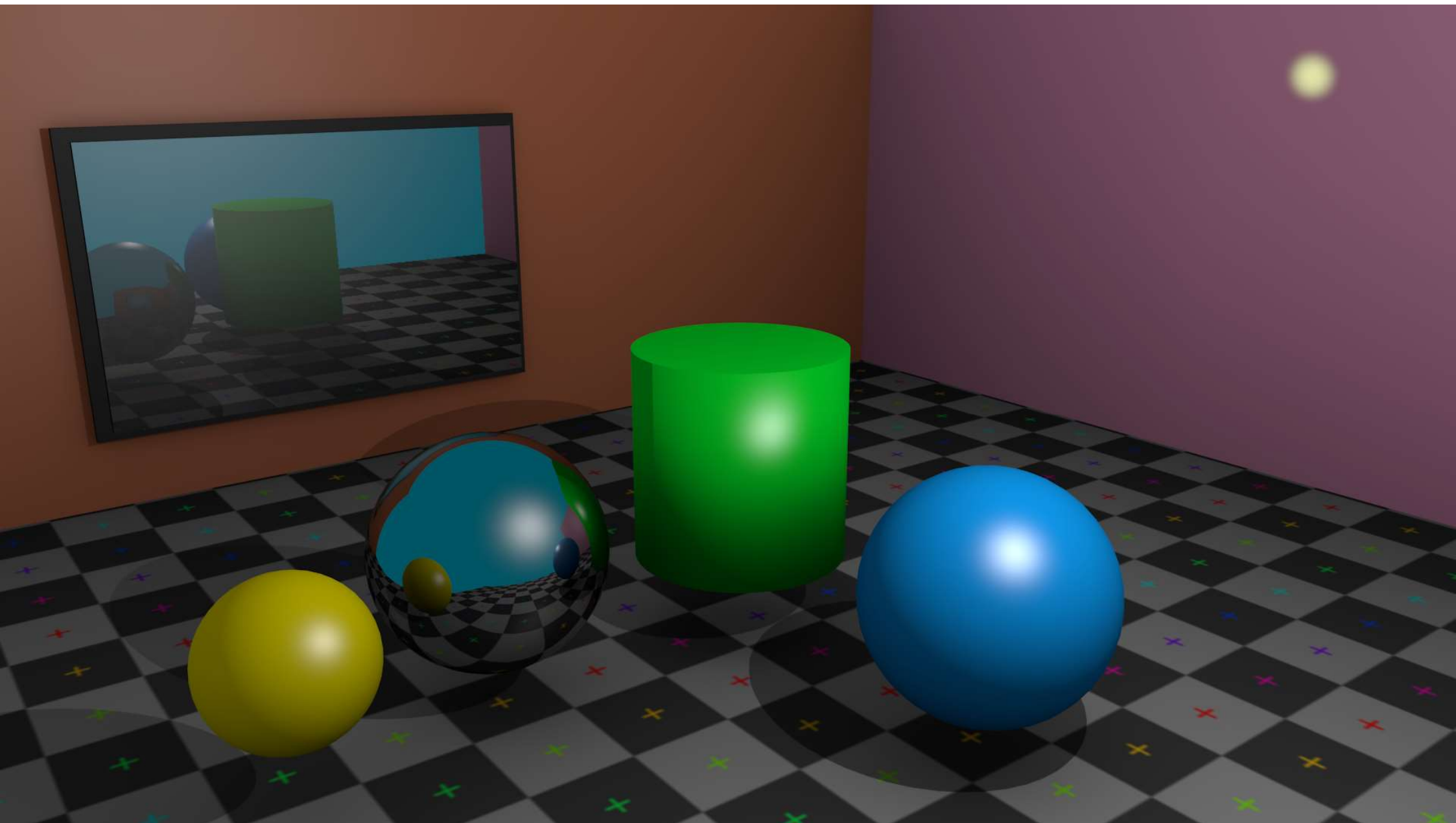
$$R_1 = -L + R_2$$

$$R = 2R_2 - L$$

$$R_2 = (N \cdot L)N$$

$$\mathbf{R} = 2 (\mathbf{N} \cdot \mathbf{L}) \mathbf{N} - \mathbf{L}$$





# Mètodes

- Ray-tracing
- Reflexions basada en **objectes virtuals**
  - Modelats
  - Reflectits (sense stencil test)
  - Reflectits (amb stencil test)
  - Textures dinàmiques
- **Environment mapping**
  - Sphere mapping
  - Cube mapping

Reflexions amb objectes virtuals



# Mètodes

- Ray-tracing
- Reflexions basada en **objectes virtuals**
  - Modelats
  - Reflectits (sense stencil test)
  - Reflectits (amb stencil test)
  - Textures dinàmiques
- **Environment mapping**
  - Sphere mapping
  - Cube mapping

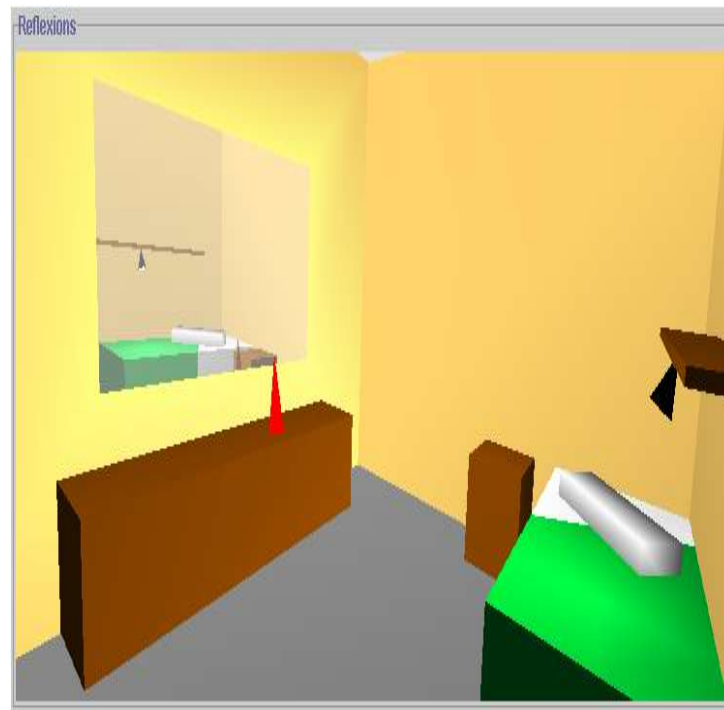
# Objectes virtuals



# Mètodes

- Ray-tracing
- Reflexions basada en **objectes virtuals**
  - Modelats
  - Reflectits (sense stencil test)
  - Reflectits (amb stencil test)
  - Textures dinàmiques
- **Environment mapping**
  - Sphere mapping
  - Cube mapping

# Objets virtuels



# Mètodes

- Ray-tracing
- Reflexions basada en **objectes virtuals**
  - Modelats
  - Reflectits (sense stencil test)
  - Reflectits (amb stencil test)
  - Textures dinàmiques
- **Environment mapping**
  - Sphere mapping
  - Cube mapping

# Algorisme (versió 1)

## // 1. Dibuixar els objectes en posició virtual

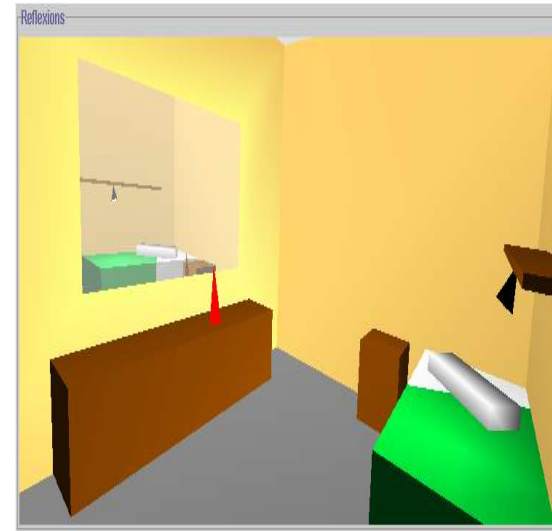
```
glPushMatrix();  
glMultMatrix(matriu_simetria)  
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, pos);  
glCullFace(GL_FRONT);  
dibuixar(escena);  
glPopMatrix();
```

## // 2. Dibuixar el mirall semi-transparent

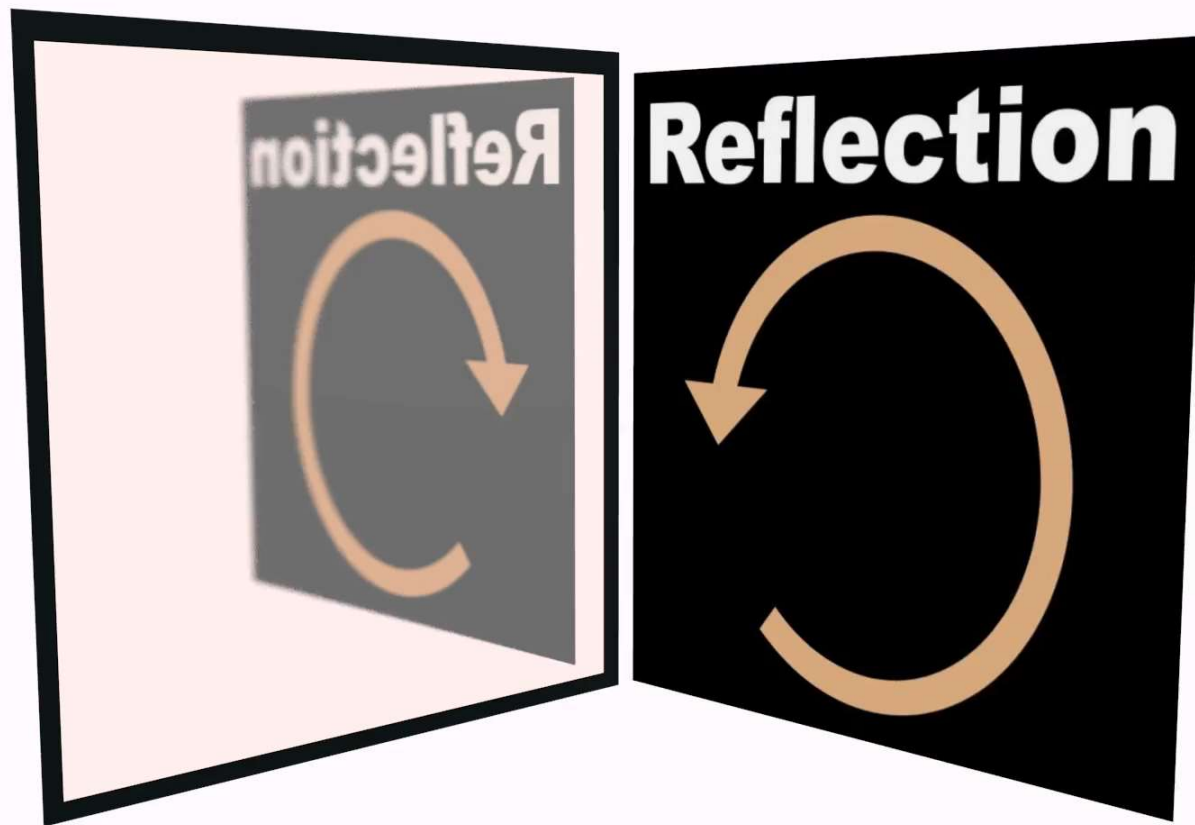
```
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, pos);  
glCullFace(GL_BACK);  
dibuixar(mirall);
```

## // 3. Dibuixar els objectes en posició real

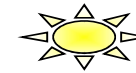
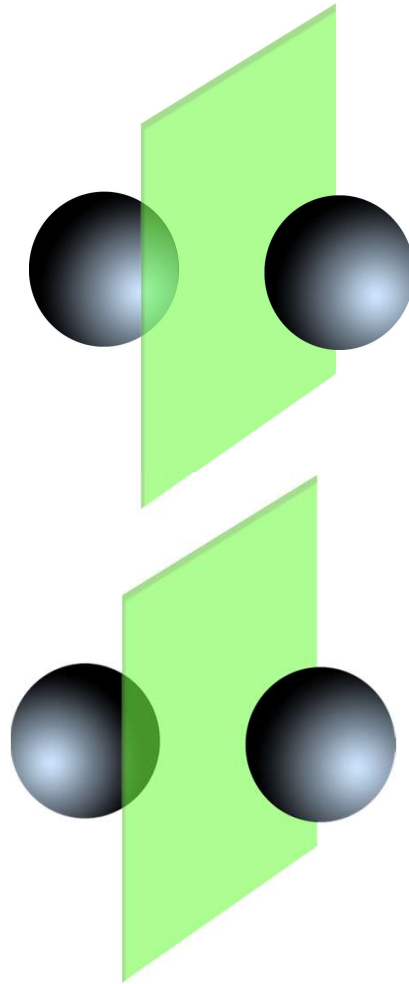
```
dibuixar(escena);
```



# Inversió ordre



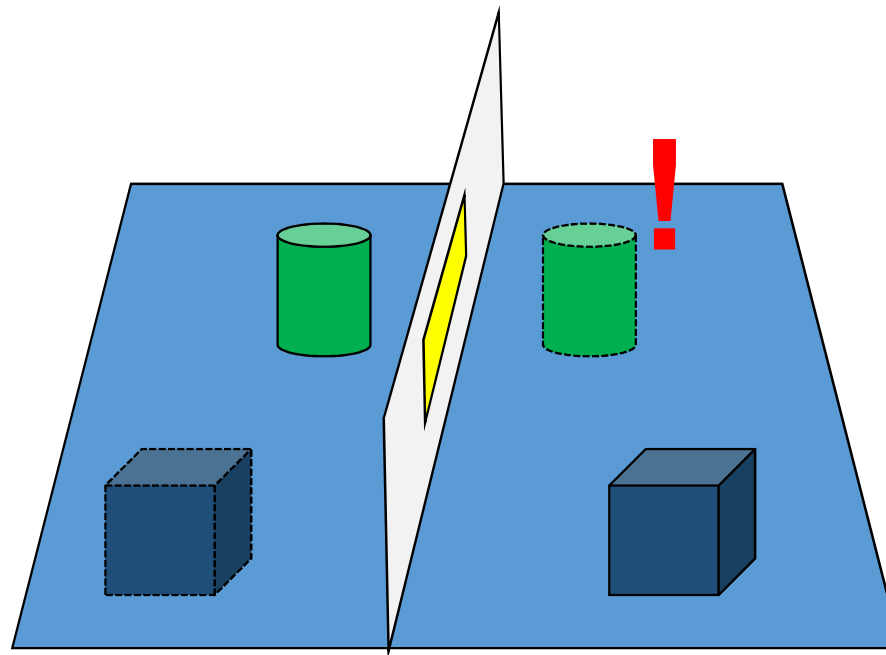
# Reflexió de les fonts de llum





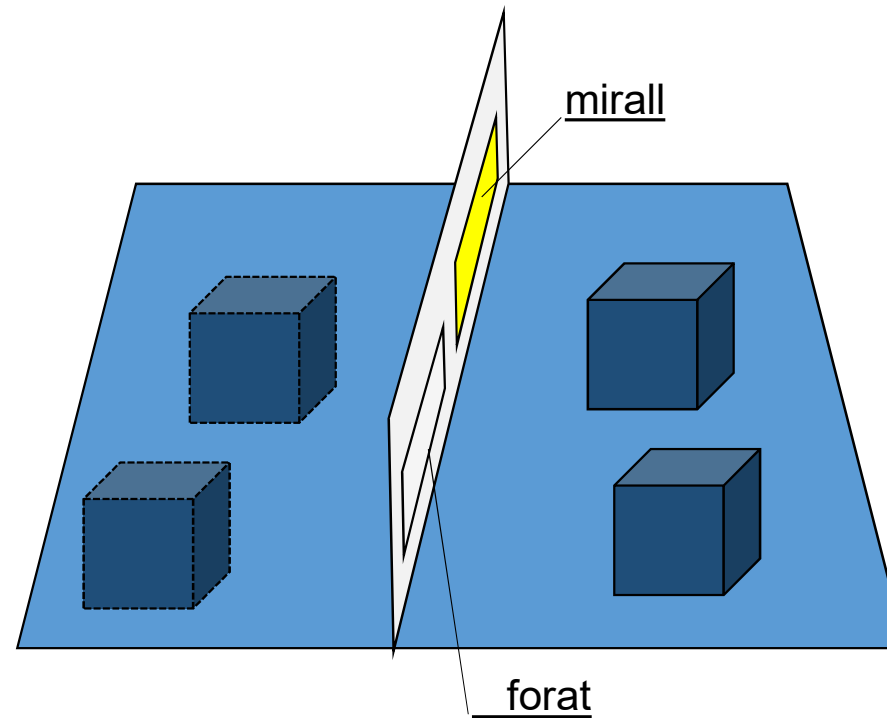
# Limitacions

Assumeix que els objectes virtuals estan en el semiespai positiu del pla del mirall.



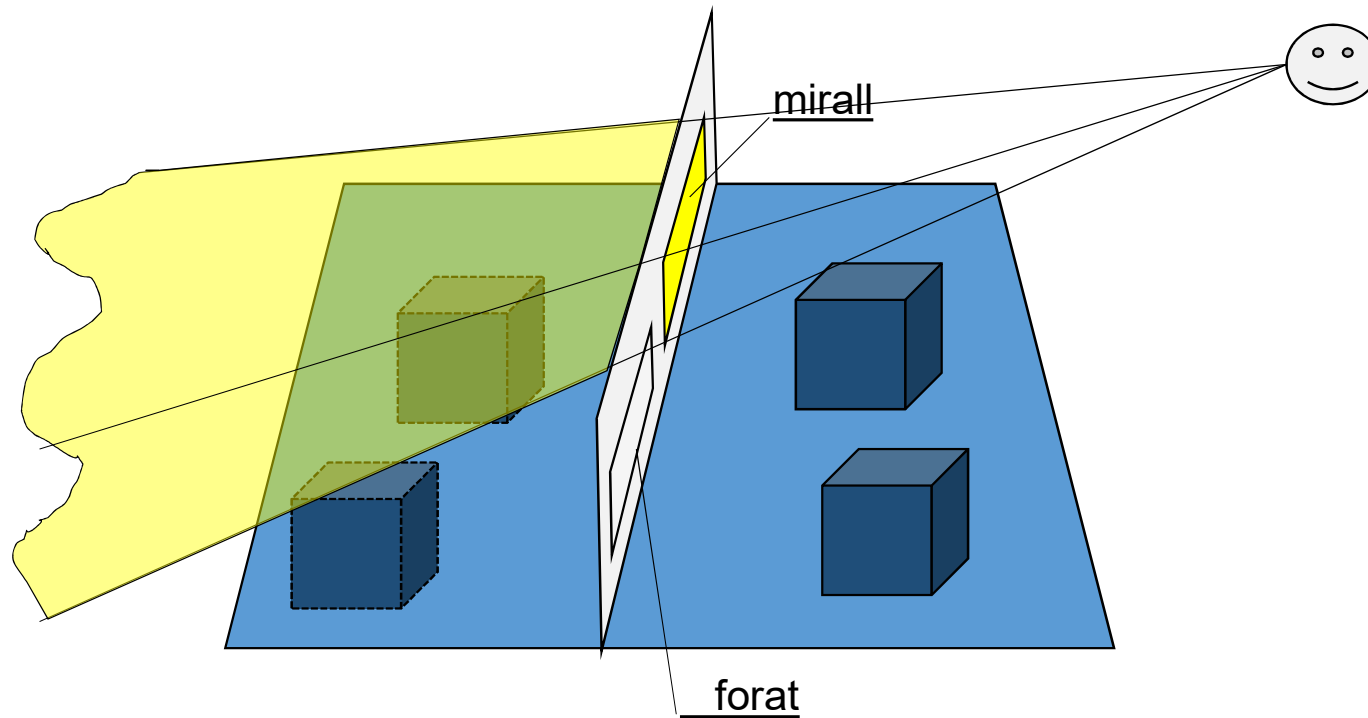
# Limitacions

Assumeix que els objectes virtuals només es veuran a través del forat del mirall.



# Solució 1

Dibuixar els objectes virtuals amb plans de retallat  
addicionals – `glClipPlane()`



## Solució 2

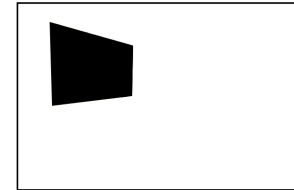
Usar stencil per limitar els objectes virtuals a la regió ocupada pel mirall.

# Mètodes

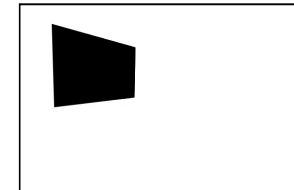
- Ray-tracing
- Reflexions basada en **objectes virtuals**
  - Modelats
  - Reflectits (sense stencil test)
  - Reflectits (amb stencil test)
  - Textures dinàmiques
- **Environment mapping**
  - Sphere mapping
  - Cube mapping

# Algorisme (versió 2)

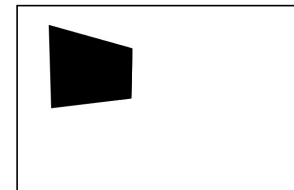
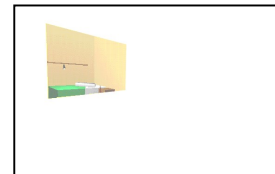
Pas 1. Dibuixar mirall al stencil buffer



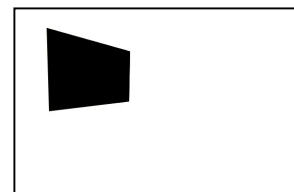
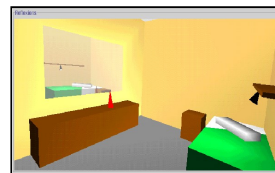
Pas 2. Dibuixar objectes en pos virtual



Pas 3. Dibuixar mirall semi-transparent



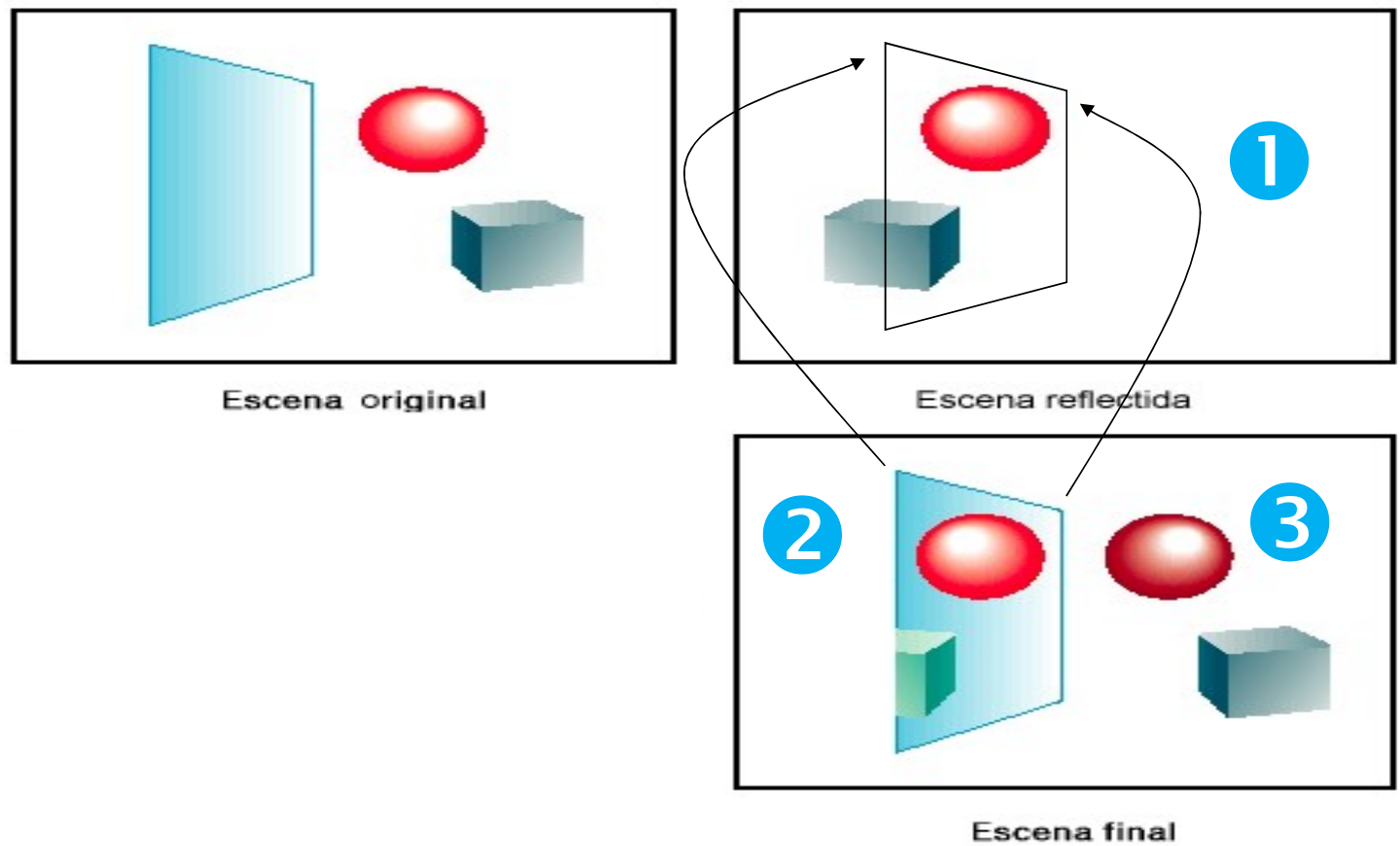
Pas 4. Dibuixar objectes en pos real



# Mètodes

- Ray-tracing
- Reflexions basada en **objectes virtuals**
  - Modelats
  - Reflectits (sense stencil test)
  - Reflectits (amb stencil test)
  - Textures dinàmiques
- **Environment mapping**
  - Sphere mapping
  - Cube mapping

# Textures dinàmiques





# Matriu de reflexió

# Matriu de reflexió

Matriu de reflexió respecte un pla (a,b,c,d):

$$\begin{bmatrix} 1-2a^2 & -2ba & -2ca & -2da \\ -2ba & 1-2b^2 & -2cb & -2db \\ -2ca & -2cb & 1-2c^2 & -2dc \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

# Environment mapping

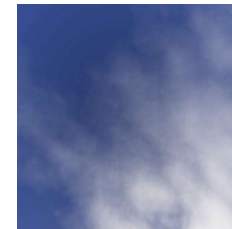
# Environment map

Donat una direcció arbitrària  $R$ , ens retorna el color de l'entorn en direcció  $R$

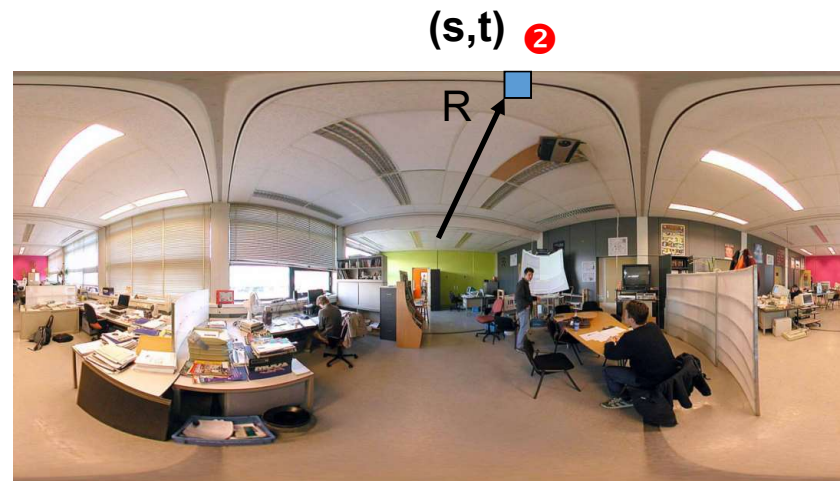
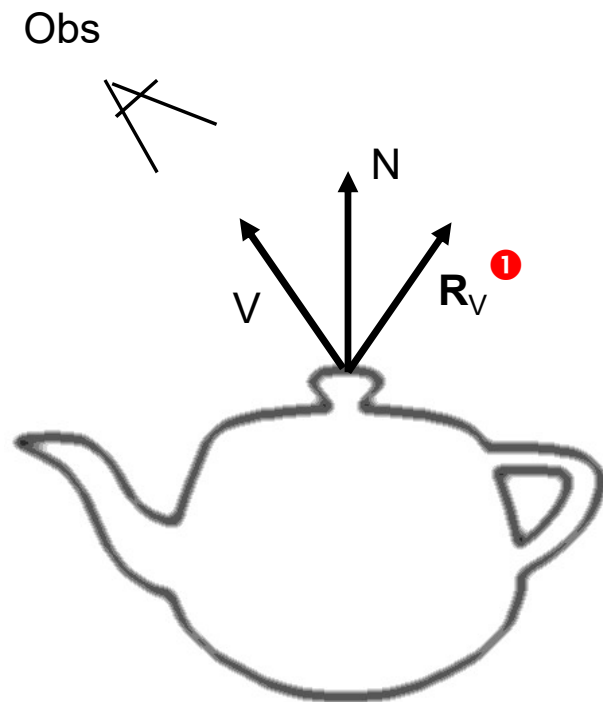
$\text{color} = \text{environmentMap}(R)$



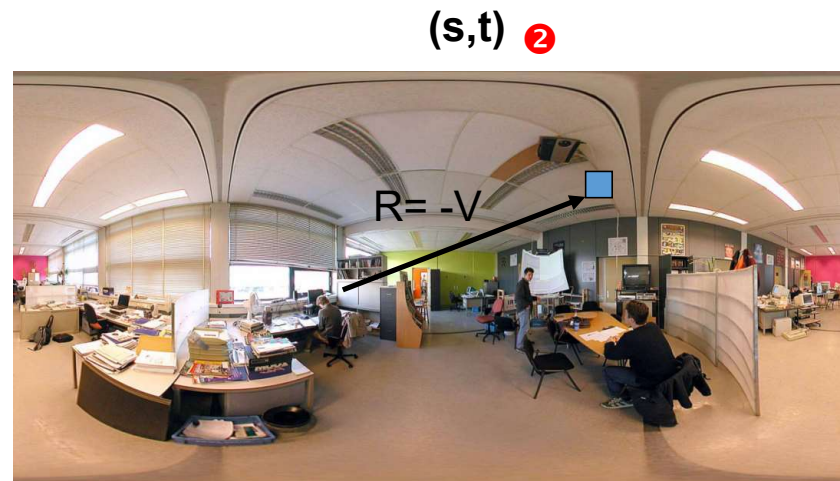
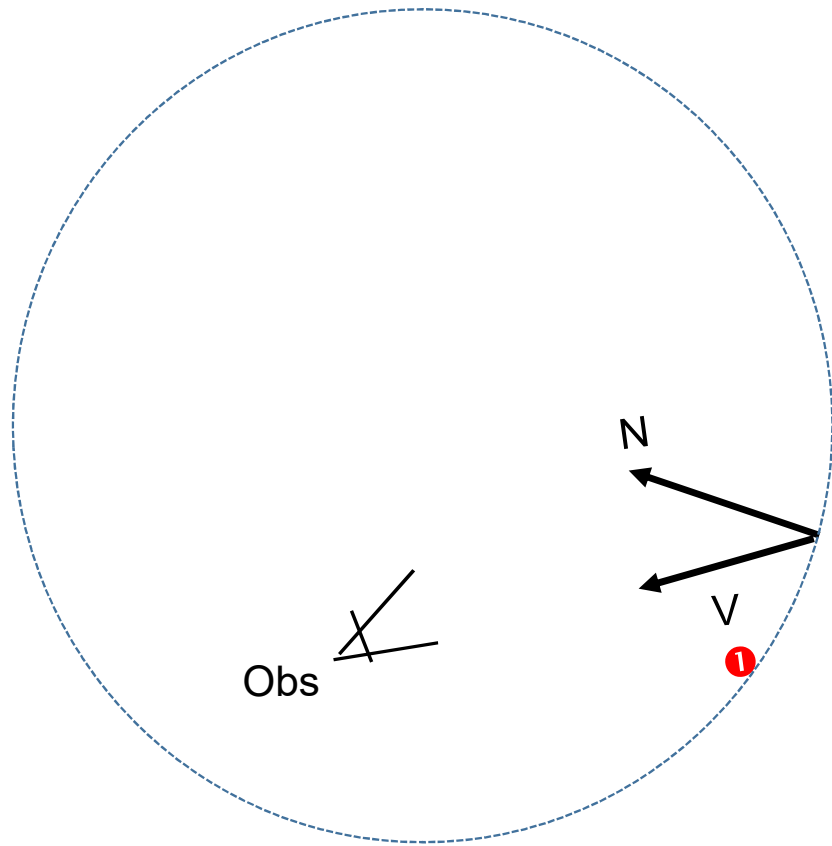
# Representació com a textura



# Ús per reflexions especulars



# Ús com a entorn (background)



# Sphere mapping



# Sphere map

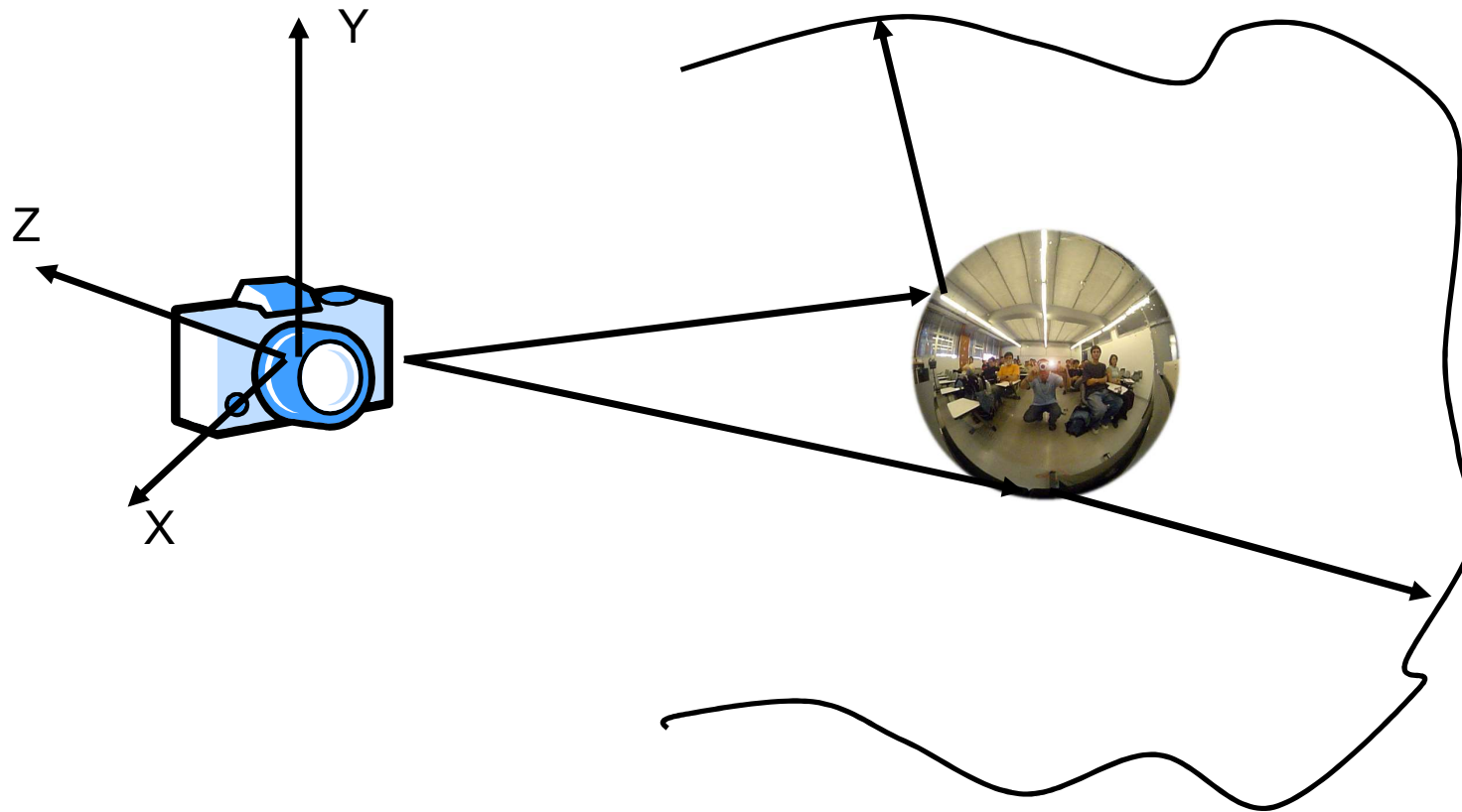


# Sphere map

*Hand with Reflecting Sphere* by **M. C. Escher.**  
Lithograph, 1935.  
Official M.C. Escher website.

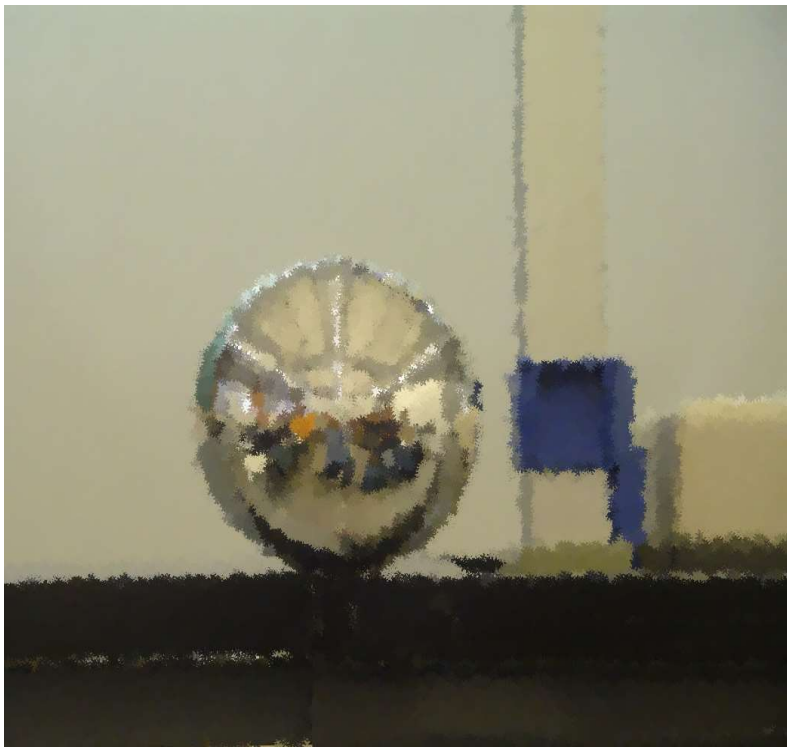


# Construcció de sphere maps



# Exemple sphere map

Sense retallar

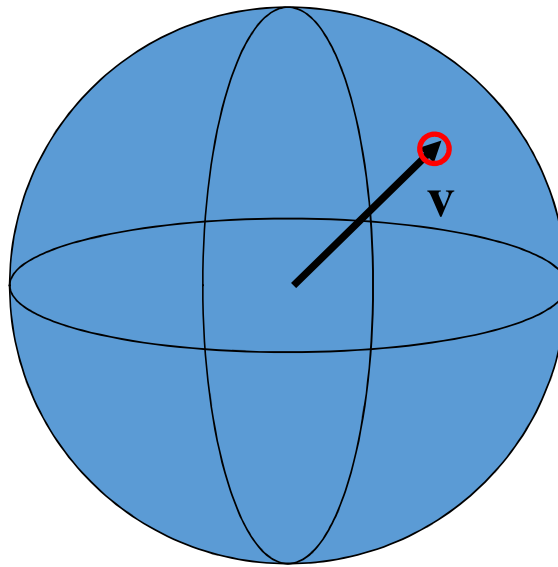


Retallat



# Propietats

- De la textura només se n'aprofita el cercle inscrit
- Conté informació de aproximadament tot l'entorn (totes direccions)
- Distorsió considerable a prop de la vora del cercle

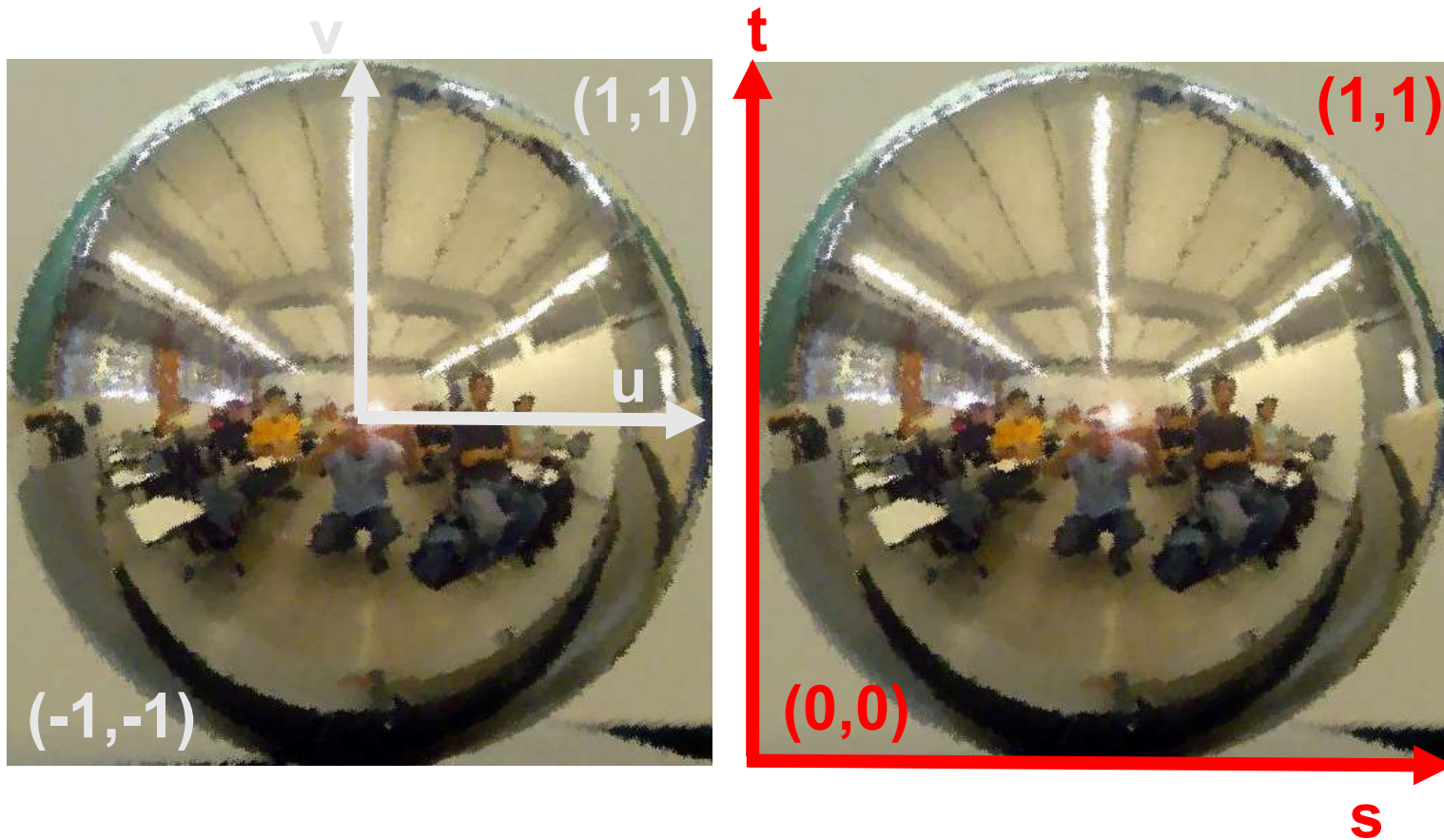


Exemple





Coordenades  $(u,v) \leftrightarrow (s,t)$

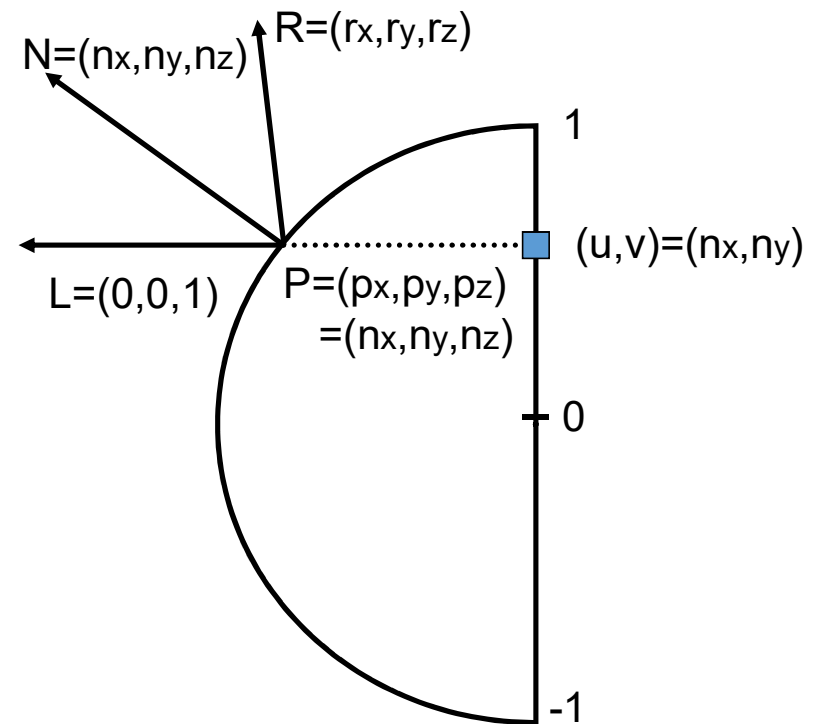


Relació entre vector  $R$  i  $(u,v)$



# Relació entre vector R i (u,v)

$$R=(2n_zn_x, 2n_zn_y, 2n_z^2-1)$$



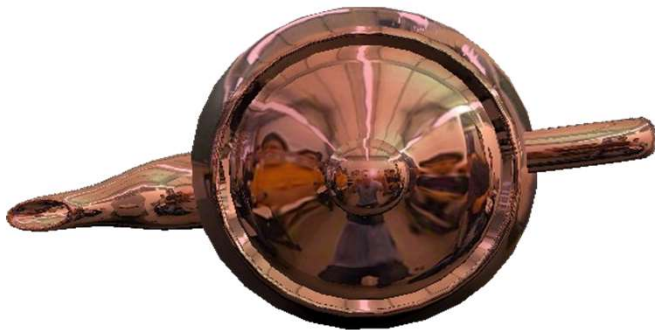
# Càlcul del color donat R

```
vec4 sampleSphereMap(sampler2D sampler, vec3 R)
{
    float z = sqrt((R.z+1.0)/2.0);
    vec2 st=vec2((R.x/(2.0*z)+1.0)/2.0,(R.y/(2.0*z)+1.0)/2.0);
    return texture(sampler, st);
}
```

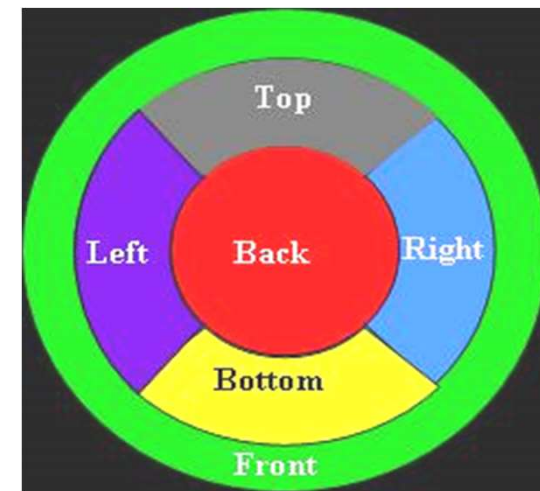
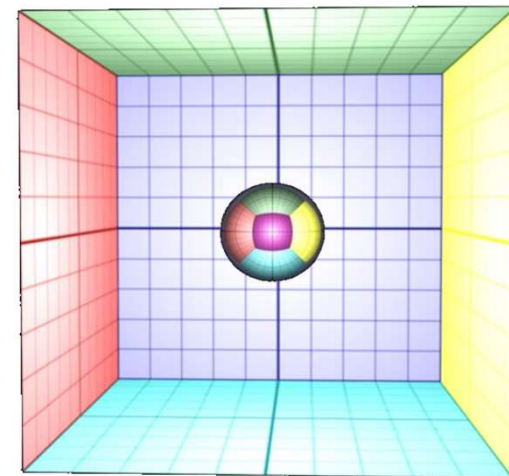
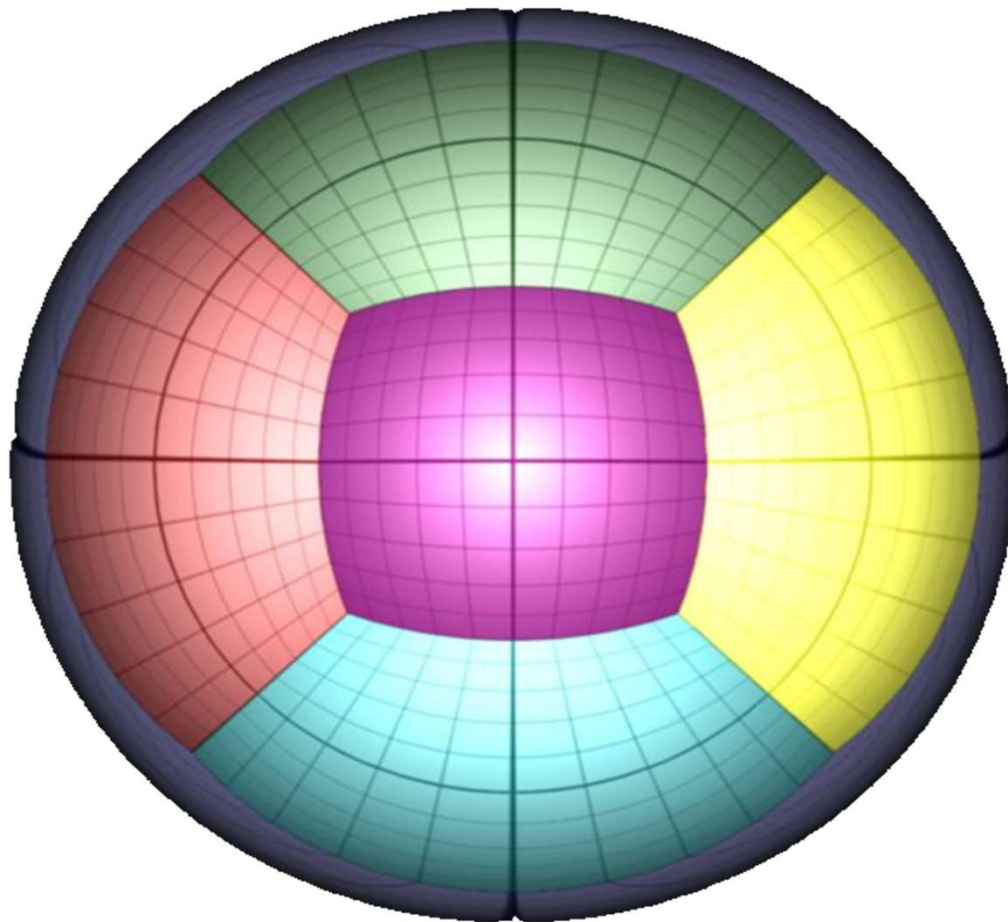
# Eye/world coordinates



# Eye/world coordinates



# Sphere mapping: distorsió

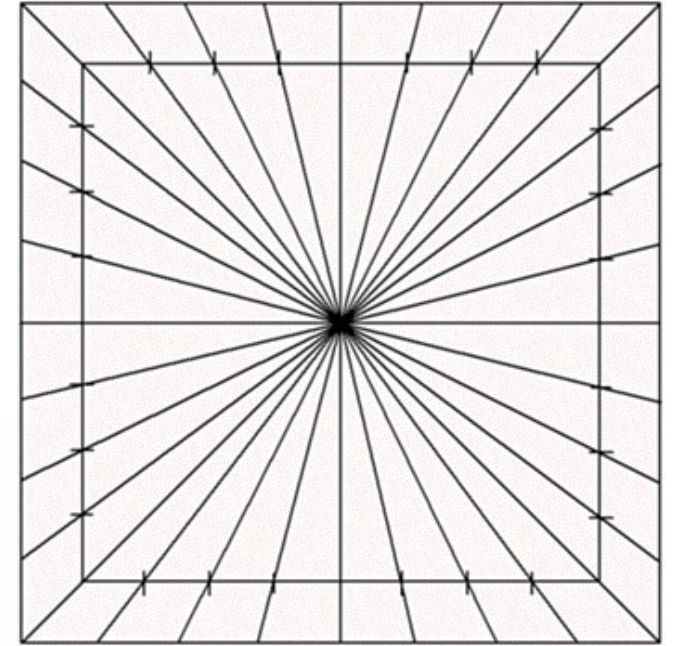
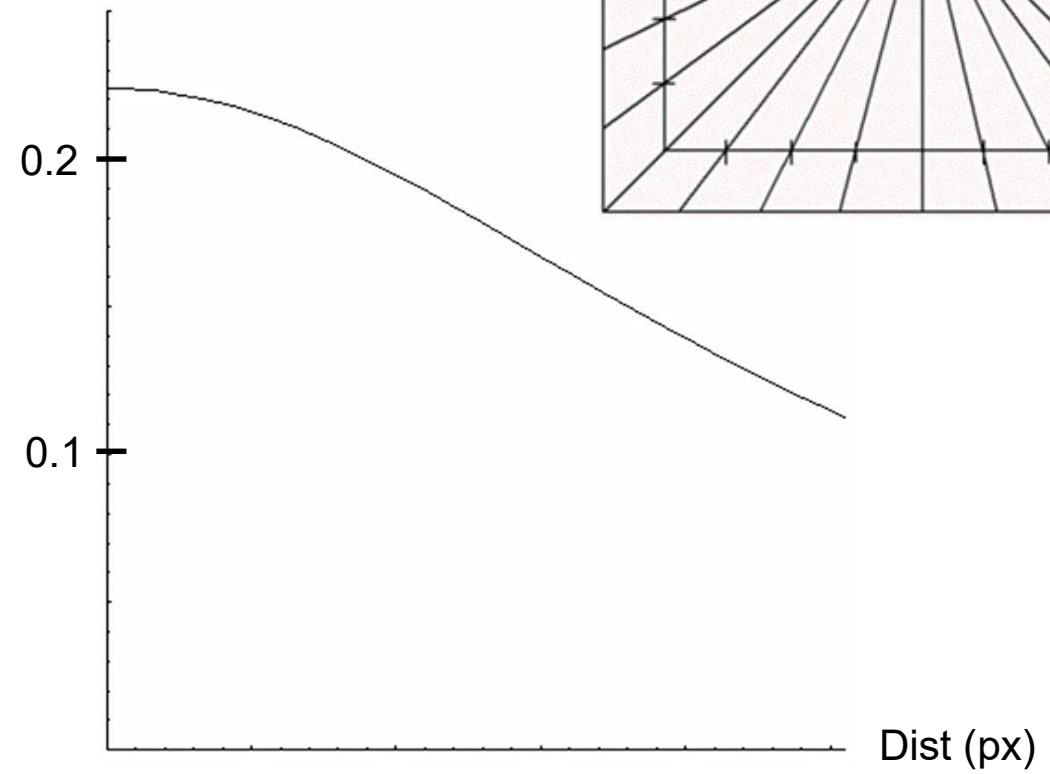


# CUBE MAPPING





Angle (deg)



# Cube mapping: exemple





# Cube mapping: exemple

## // 1. Creació de les sis textures

```
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_X_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_NEGATIVE_X_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_Y_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_NEGATIVE_Y_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_Z_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_NEGATIVE_Z_EXT, ...);
```

# Cube mapping: GLSL

```
uniform sampler2D sampler;  
...  
fragColor = texture(sampler, vtexCoord);
```

```
uniform samplerCube samplerC;  
...  
vec3 R;  
...  
fragColor = textureCube(samplerC, R);
```

# Algorisme (versió 1)

## // 1. Dibuixar els objectes en posició virtual

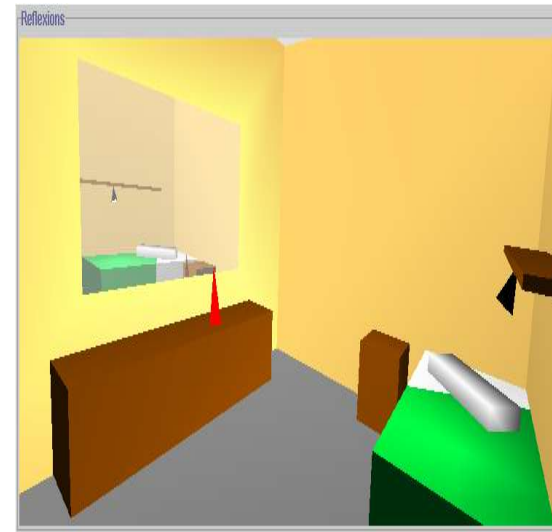
```
glPushMatrix();  
glMultMatrix(matriu_simetria)  
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, pos);  
glCullFace(GL_FRONT);  
dibuixar(escena);  
glPopMatrix();
```

## // 2. Dibuixar el mirall semi-transparent

```
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, pos);  
glCullFace(GL_BACK);  
dibuixar(mirall);
```

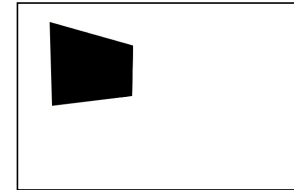
## // 3. Dibuixar els objectes en posició real

```
dibuixar(escena);
```

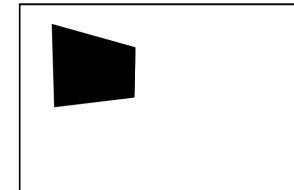
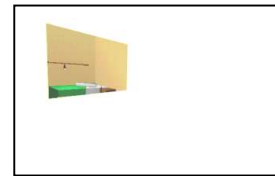


# Algorisme (versió 2)

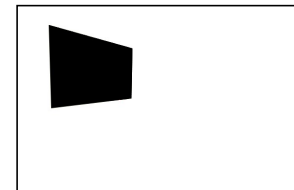
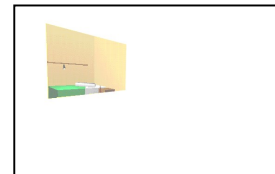
Pas 1. Dibuixar mirall al stencil buffer



Pas 2. Dibuixar objectes en pos virtual



Pas 3. Dibuixar mirall semi-transparent



Pas 4. Dibuixar objectes en pos real

