

Búsqueda con Adversario

Javier Béjar

Inteligencia Artificial - 2021/2022 1Q

CS - GEI - FIB



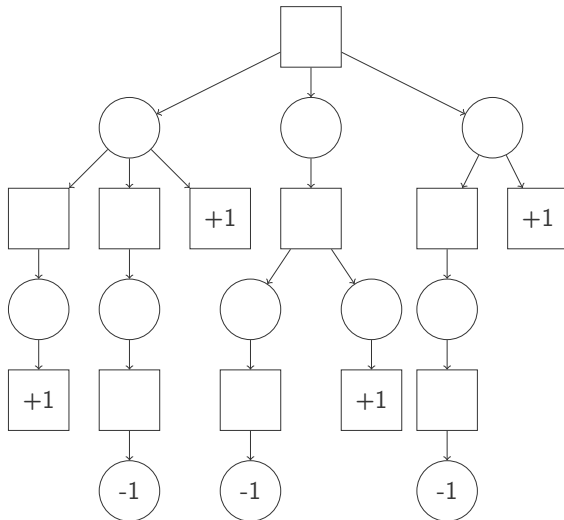
Juegos

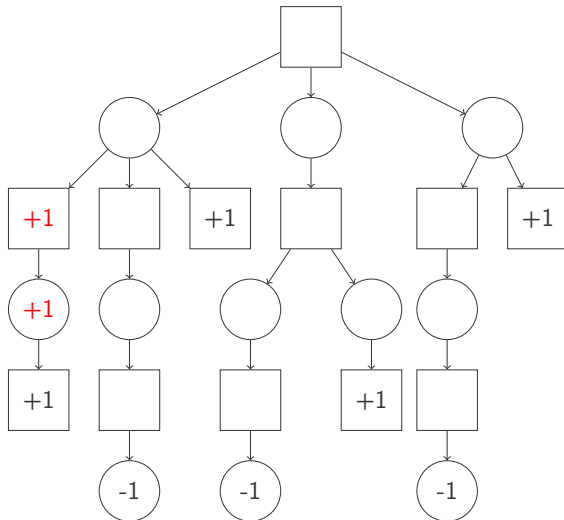


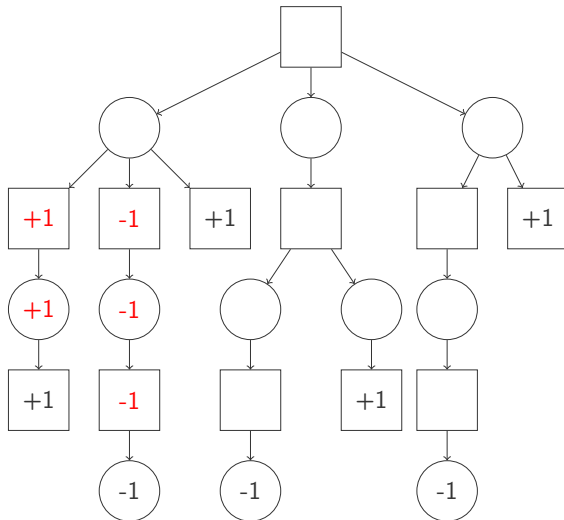
- ⊙ **Uso:** Decidir mejor jugada en cada momento para cierto tipo de juegos
- ⊙ Hay diferentes tipos de juegos según sus características:
 - Numero de jugadores, toda la información conocida por todos los jugadores, azar, indeterminismo, cooperación/competición, recursos limitados, ...
- ⊙ Nos focalizaremos en juegos con:
 - 2 jugadores.
 - Movimientos alternos (jugador MAX, jugador MIN)
 - Información perfecta
 - Por ejemplo: ajedrez, damas, otello, go, ...

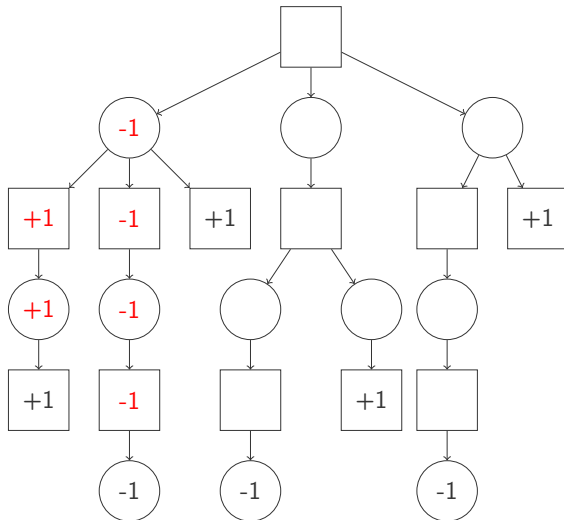
- ⊙ Puede ser definido como un problema de espacio de estados
 - Estado = Elementos del juego
 - Estados finales= Estados ganadores (Definidos por sus propiedades)
 - Acciones/operadores = Reglas del juego
- ⊙ Son problemas con características especiales
 - La accesibilidad de los estados depende de las acciones elegidas por el contrario
 - Dos tipos de soluciones diferentes (una para cada jugador)
 - No hay noción de optimalidad (todas las soluciones son iguales, no importa la longitud del camino)

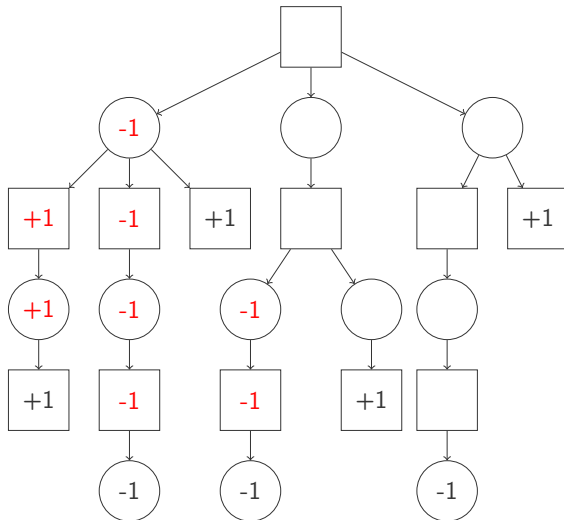
- ⊙ La aproximación trivial es generar todo el árbol de jugadas
- ⊙ Etiquetamos las jugadas terminales dependiendo de si gana MAX o MIN (+1 o -1)
- ⊙ El objetivo es encontrar un conjunto de movimientos accesible que de como ganador a MAX
- ⊙ Se **propagan** los valores de las jugadas terminales de las hojas hasta la raíz, elegimos una rama de una hoja ganadora accesible
- ⊙ Una búsqueda en profundidad minimiza el espacio
- ⊙ En juegos mínimamente complejos esta búsqueda es **impracticable** (p.e.: ajedrez $O(2^{35})$, go $O(2^{300})$)

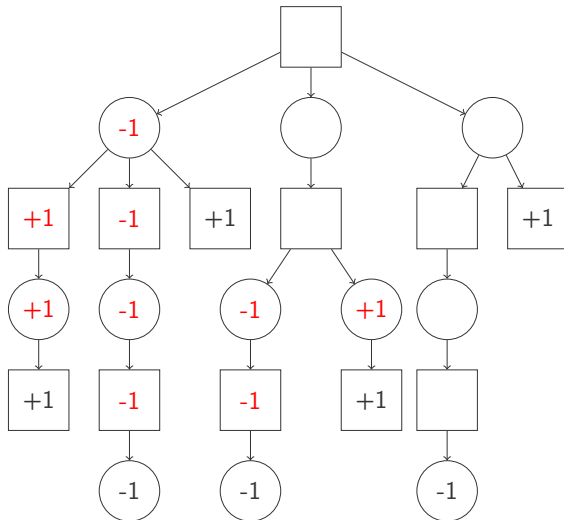


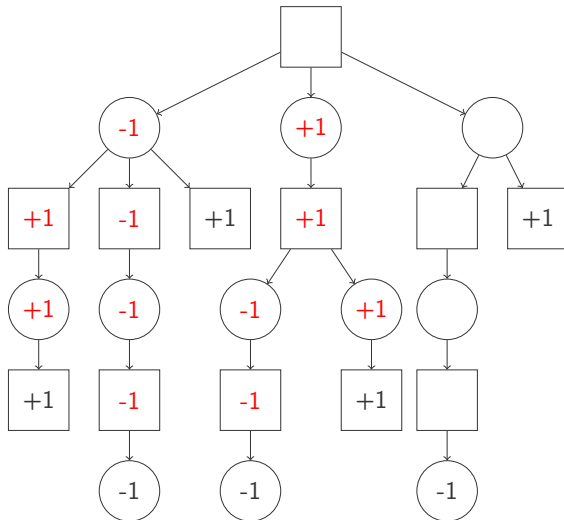


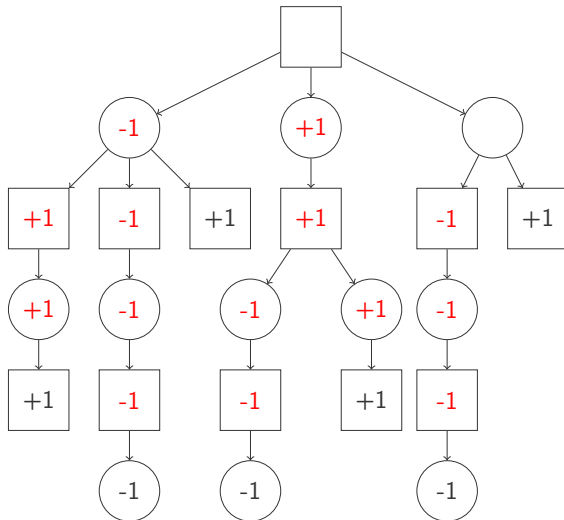


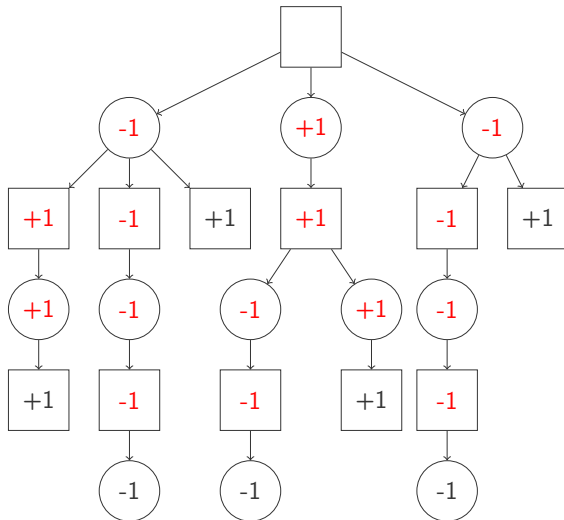


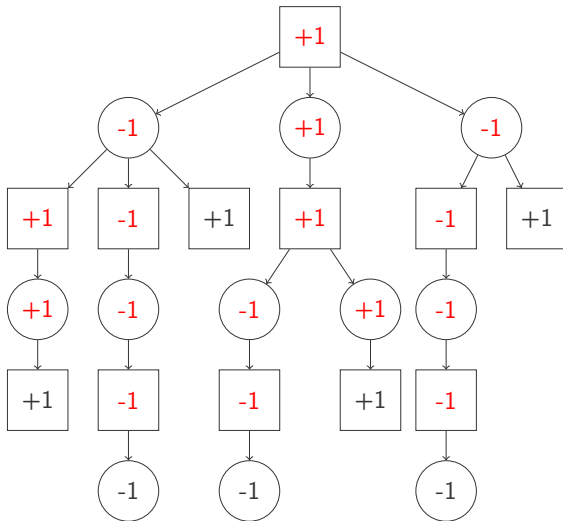


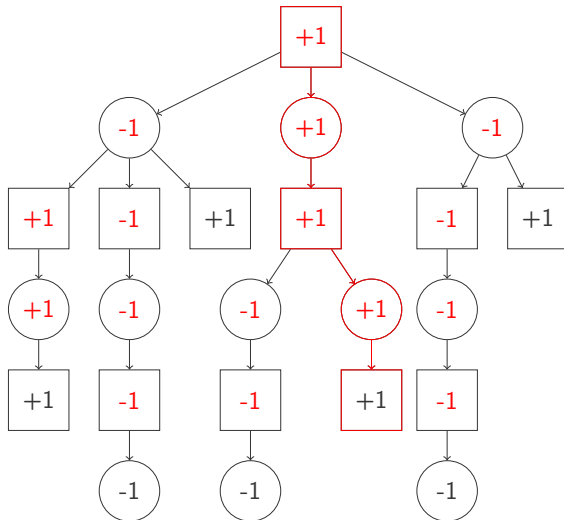












- ⊙ Aproximación heurística: Definir una función que nos indique lo cerca que estamos de una jugada ganadora (o perdedora)
- ⊙ En esta función intervendrá información del dominio
- ⊙ Esta función **no representa ningún coste** ni es una distancia en pasos
- ⊙ Por convención las jugadas ganadoras se evalúan a $+\infty$ y las perdedoras a $-\infty$
- ⊙ El algoritmo busca con profundidad limitada y sólo decide la siguiente jugada a partir del nodo raíz
- ⊙ Cada nueva decisión implicará **repetir la búsqueda**
- ⊙ A mayor profundidad en la búsqueda mejor jugaremos

Function: MiniMax (*g*)

movr:movimiento; *max*,*maxc*:entero

max $\leftarrow -\infty$

foreach *mov* \in *movs_posibles(g)* **do**

cmax \leftarrow

valor_min(*aplicar*(*mov*,*g*))

if *cmax* > *max* **then**

max \leftarrow *cmax*

movr \leftarrow *mov*

return *movr*

g: Representación del estado (posición de las piezas, profundidad máxima a explorar, turno actual, ...)

movs_posibles(g): genera la lista de todos los movimientos posibles en el estado actual

aplicar(mov,g): Genera el estado que se obtiene al aplicar el movimiento al estado actual

- ⊙ Se inicia un recorrido en profundidad del árbol del juego hasta una profundidad máxima
- ⊙ Dependiendo del nivel se llama a una función que obtiene el valor máximo o mínimo de la evaluación de los descendientes (*valorMax*, *valorMin*)
- ⊙ El recorrido se inicia con la jugada del jugador MAX
- ⊙ Asumimos que la función de evaluación es la misma para los dos jugadores

Function: valorMax (*g*)

vmax:entero

if *estado_terminal(g)* **then**| **return** *valor(g)***else**| vmax $\leftarrow -\infty$ | **foreach** *mov* \in *movs_posibles(g)*| **do**| | vmax \leftarrow **max**(vmax,
| | valorMin(aplicar(*mov*,*g*)))| **return** *vmax*

Function: valorMin (*g*)

vmin:entero

if *estado_terminal(g)* **then**| **return** *value(g)***else**| vmin $\leftarrow +\infty$ | **foreach** *mov* \in *movs_posibles* **do**| | vmin \leftarrow **min**(vmin,
| | valorMax(aplicar(*mov*,*g*)))| **return** *vmin*

estado_terminal(g): Determina si el estado actual es terminal (profundidad máxima, jugada ganadora)

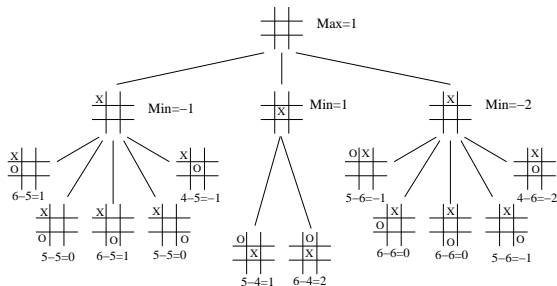
evaluacion(g): Retorna el valor de la función de evaluación para el estado actual

Ejemplo: 3 en raya (1)

e = número de filas, columnas y diagonales completas disponibles para MAX - número de filas, columnas y diagonales completas disponibles para MIN

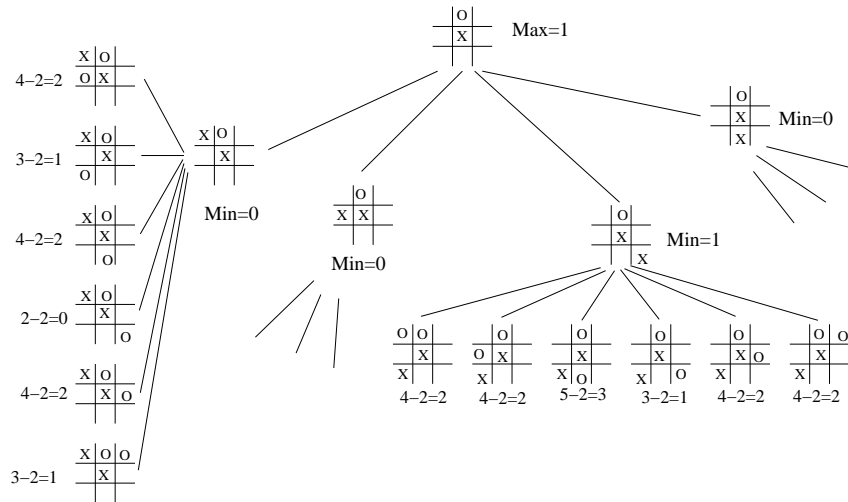
MAX juega con **X** y desea maximizar e , MIN juega con **O** y desea minimizar e

Los valores altos significan una buena posición para el que tiene que mover, Podemos controlar las simetrías, establecemos una profundidad de parada (en el ejemplo 2)

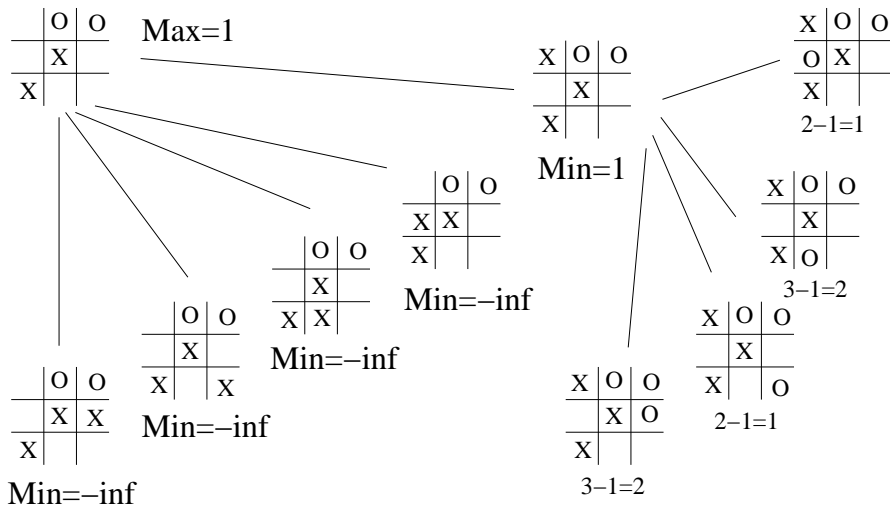


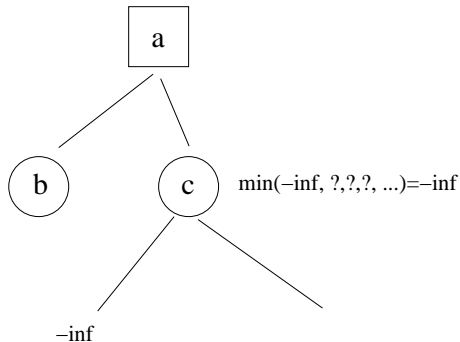
La mejor jugada es en la que MAX coloca su ficha en el centro

Suponiendo que MIN coloca su ficha en la posición superior de la columna central

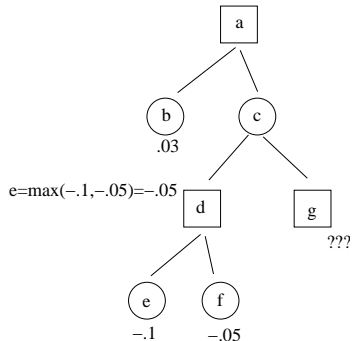


Suponiendo que MIN coloca su ficha en la esquina superior derecha





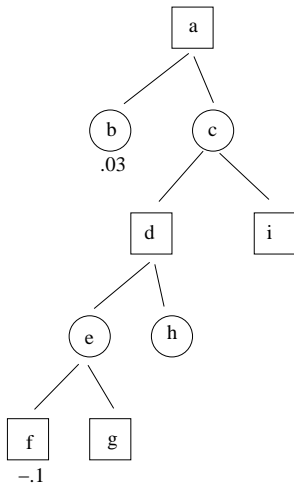
No tiene sentido seguir explorando sucesores de **c** ya que tenemos el mejor valor posible



En **c** tendremos $e = \min(-.05, v_g)$, por lo tanto en **a** tendremos

$$e = \max(.03, \min(-.05, v_g)) = .03$$

Podemos pues podar todos los nodos de **g** ya que no aportan nada



$$e(e) = \min(-.1, g)$$

Como la rama b ya me da un .03 cualquier cosa peor no nos sirve \Rightarrow No hay que explorar g

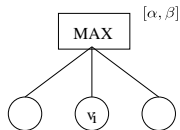
$$e(d) = \max(e(e), h) \Rightarrow \text{Sí hay que explorar h}$$

Al valor mínimo alcanzado hasta el momento para los nodos max le llamaremos cota α y nos da un límite inferior de $e(n)$.

Al valor máximo alcanzado por los nodos min le llamaremos cota β y nos dará un límite superior de $e(n)$

En el ejemplo el nodo a (max) tiene de momento un valor mínimo de .03 proporcionado por su hijo b

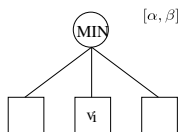
Fijémonos en que el valor que se puede asignar a un nodo max viene aportado por nodos min y viceversa



Si $v_i > \alpha$ entonces modificar α

Si $v_i \geq \beta$ entonces poda β

Retornar α



Si $v_i < \beta$ entonces modificar β

Si $v_i \leq \alpha$ entonces poda α

Retornar β

Las cotas α y β se transmiten de padres a hijos de 1 en 1 y en el orden de visita de los nodos.

α es la cota inferior de un nodo max - β es la cota superior de un nodo min

\Rightarrow La efectividad de la poda depende del orden de exploración de los descendientes

Function: valorMax (g, α, β)

if *estado_terminal*(g) then

 return *valor*(g)

else

 foreach $mov \in \text{movs_posibles}(g)$ do

$\alpha \leftarrow \max(\alpha, \text{valorMin}(\text{aplicar}(mov, g), \alpha, \beta))$

 if $\alpha \geq \beta$ then

 return β

 return α

Function: valorMin (g, α, β)

if *estado_terminal*(g) then

 return *valor*(g)

else

 foreach $mov \in \text{movs_posibles}(g)$ do

$\beta \leftarrow \min(\beta, \text{valorMax}(\text{apply}(mov, g), \alpha, \beta))$

 if $\alpha \geq \beta$ then

 return α

 return β

El recorrido se inicia llamando a la función valorMax con
 $\alpha = -\infty$ $\beta = +\infty$

En la función valorMax α es el valor que se actualiza y β
es el valor de la mejor jugada

En la función valorMin β es el valor que se actualiza y α
es el valor de la mejor jugada

