# 周报-向嘉豪 (2025 年 1 月 13 日)

摘要:本周研究工作主要聚焦于 SPHINCS+ 签名方案中的两个核心组件: FORS (Forest Of Random Subsets) 机制与 HT (Hypertree) 树结构。通过深入分析 NIST 提交的源代码实现与相关文献,我们系统地梳理了签名 生成过程中的关键步骤与树形结构的层级关系。实验方面,我们使用 Python 实现了 FORS 子树生成与验证的 原型系统。

**下周计划**: 1) 完成对 SPHINCS<sup>+</sup> 的完整实现,包括 FORS、HT 树等关键组件; 2) 进一步研究 SPHINCS<sup>+</sup> 的并行计算特性,探索 GPU 加速优化方案。

### 1 SPHINCS<sup>+</sup> (SPX)

#### 1.1 签名算法初步理解

本周,我们通过仔细研读 SPX 签名函数的论文与实现源码,逐渐理清了其核心思想。由于论文多以伪代码展示,并缺少针对签名结构的详细说明,初读时较为费解。但在反复对照源码与文献之后,我们对 SPX 整体的签名流程有了更为清晰的认知。

SPX 的签名依托 Merkle Hash 树,将多个安全私钥  $(sk_i)$  视为树的叶子节点,多次哈希后得到根节点 (pk) 并对外公开,如图 1所示。对于签名方而言,所有  $sk_i$  均可使用,但为了保护私钥安全,只会在签名中暴露必须的中间哈希节点与局部私钥。验证方只需据此重构根节点,与公开的 pk 对比一致,即能完成认证。

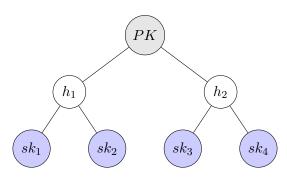


图 1: SPX 中的 Merkle Hash 树结构示意图

#### 1.2 FORS 树

FORS (Forest Of Random Subsets) 树由 k 个并排的 Merkle 子树组合而成(图2)。每个子树根节点用于拼接形成 FORS 的签名  $SIG_{FORS}$ . 在验证环节,需要公开相应私钥部分以及各子树的中间哈希节点,以重建并校验每个子树的根节点。FORS 基于消息 m 的哈希值,快速定位并公开对应的  $sk_i$ ,然后将所有子树的根节点拼接成一个整体,用于后续 HT 树的输入。

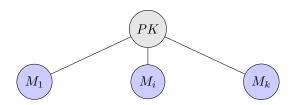


图 2: FORS 树示意图:  $k \uparrow$  Merkle 子树并排组合

## 1.3 HT 树

HT(Hypertree)结构采用分层聚合的方式(图3):每层 XMSS 树的根节点作为下一层的叶子节点,最终在顶部生成全局的 PK. 在验证环节,SPX 结合各层子树的 WOTS+ 签名与中间哈希节点来完成验证流程。

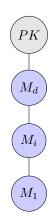


图 3: HT 树示意图: 逐层汇聚得到全局公钥