# 周报

2025 年 1 月 15 日

### 摘要

● 论文阅读: 梳理清楚 SPHINCS+ 的所有组件

● 实验: Python 实现 WOTS+ 签名

## SPHINCS+ (SPX)

SPX 的签名依托 Merkle Hash 树,将多个安全私钥( $sk_i$ )视为树的叶子节点,多次哈希后得到根节点(PK)并对外公开,如图 1所示。对于签名方而言,所有  $sk_i$  均可使用,但为了保护私钥安全,只会在签名中暴露必须的中间哈希节点与局部私钥。验证方只需据此重构根节点,与公开的 PK 对比一致,即能完成验证。

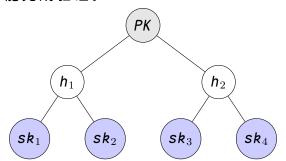


图 1: SPX 中的 Merkle Hash 树结构示意图

3/7

### FORS 树

FORS(Forest Of Random Subsets)树由 k 个并排的 Merkle 子树组合而成(图2)。每个子树根节点用于拼接形成 FORS 的签名  $SIG_{FORS}$ . 在验证环节,需要公开相应私钥部分以及各子树的中间哈希节点,以重建并校验每个子树的根节点。FORS 基于消息 m 的哈希值,快速定位并公开对应的  $sk_i$ ,然后将所有子树的根节点拼接成一个整体,用于后续 HT 树的输入。

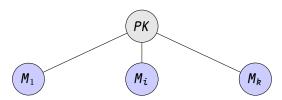


图 2: FORS 树示意图: k 个 Merkle 子树并排组合

4/7

#### HT 树

HT(Hypertree)结构采用分层聚合的方式(图3): 每层 XMSS 树的根节点作为下一层的叶子节点,最终在顶部生成 全局的 *PK*. 在验证环节,SPX 结合各层子树的 WOTS+ 签名 与中间哈希节点来完成验证流程。

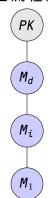


图 3: HT 树示意图: 逐层汇聚得到全局公钥

5/7

## Python 实现 WOTS+ 签名

实现进度: 主要包括 FORS 签名和 HT 签名,FORS 签名依 赖于 Merkle 树的构建和哈希函数的实现,HT 签名以 XMSS 树为基础,同时需要 WOTS+ 签名 XMSS 树的叶子节点。目 前已完成 WOTS+ 签名的 Python 实现,如图4所示。



图 4: SPHINCS+ Python 实现进度

## 老师评语

### 继续推进

#### 下周计划

- SPHINCS<sup>+</sup> 的完整实现,包括 FORS、HT 树等关键组件
- 进一步研究 SPHINCS<sup>+</sup> 的并行计算特性,探索 GPU 加速 优化方案